資料結構報告

張帟淇

October 22,2024

內容

1解題說明	2
2 演算法設計與實作	4
3 效能分析	5
4 測試與過程	6

解題說明

以遞迴和非遞迴實作阿克曼函數,阿克曼函數公式為下:

$$A(m,n) = egin{cases} n+1 & {
m {\sharp}m=0} \ A(m-1,1) & {
m {\sharp}m>0}$$
且 $n=0 \ A(m-1,A(m,n-1)) & {
m {\sharp}m>0}$ 且 $n>0$

實作檔案 nonrecursive Ackermann function.cpp 非遞迴函式:

```
#include<iostream>
using namespace std;
int acmf(int m,int n){
    while(m>0){
        if(n==0){
            n=1;
            m=m-1;
        }
        else{
            n=acmf(m,n-1);
            m=m-1;
        }
    }
    return n+1;
}
```

解題說明

實作檔案 Ackermann function.cpp

遞迴函式:

演算法設計與實作

非遞迴函式:

```
int main(){
    int n,m;
    cout<<"Please Enter the value of m and n:";
    cin>>m>>n;

    cout<<"A("<<m<<","<<n<<")="<<acmf(m,n)<<endl;
    return 0;
}</pre>
```

遞迴函式:

```
int main(){
   int m,n,result,i=0;
   while(i==0){
   counter=0;
   cout<<"Please Enter the value of m and n:";
   cin>>m>>n;
   result=ackm(m,n);
   cout<<"A("<<m<<","<<n<<")="<<result<<endl;
   cout<<"Number of recursive calls:"<<counter<<endl;
   }
   return 0;
}</pre>
```

效能分析

時間複雜度:

T(P)=O(A(m,n))

空間複雜度:

遞迴:S(P)=2*n

n 為迴圈次數

非遞迴:S(P)=O(1)

測試與過程

非遞迴函式:

```
Please Enter the value of m and n:3 3 A(3,3)=61
```

遞迴函式:

```
Please Enter the value of m and n:2 3
A(2,3)=9
Number of recursive calls:44
Please Enter the value of m and n:
```

驗證:

阿克曼函數的終止條件是在 m 變為 0,或者 n 變為 0,例

如:A(1,2)=?

第一步:計算 A(1,2)=A(0,A(1,1))

第二步:計算 A(1,1)=A(0,A(1,0))

第三步:計算 A(1,0)=A(0,1)=n+1=2

第四步:帶回第二步 A(1,1)=(0,2)=3

第五步:帶回第一步 A(1,2)=(0,3)=4

A(1,2)=4

張密淇

第六頁