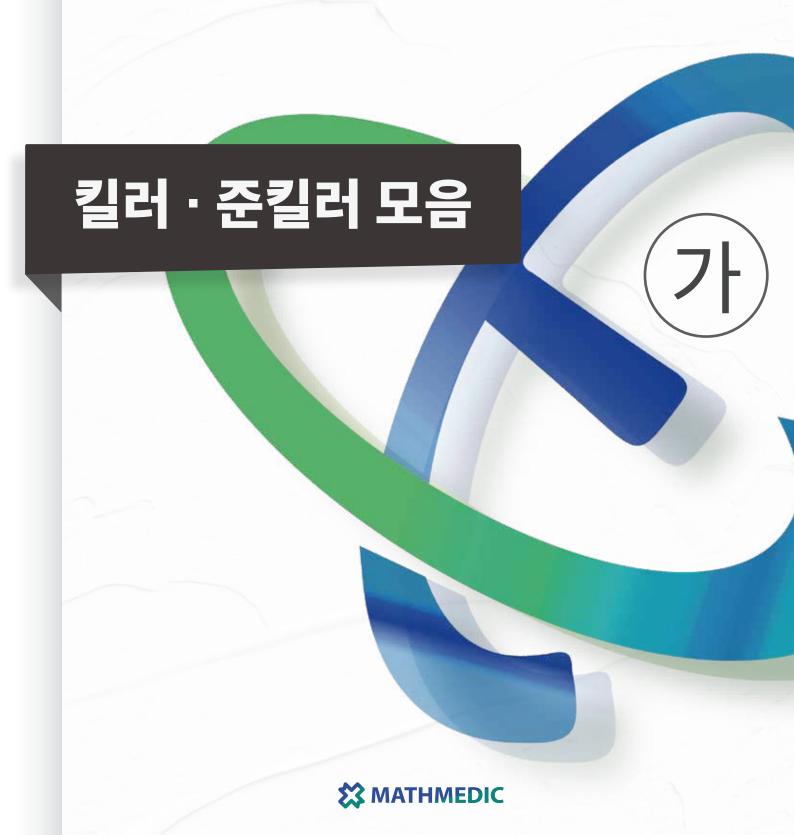
2017~2020

(

평가원 변형문제



- 1. 1*7*학년도 변형
- 2. 18학년도 변형
- 3. 19학년도 변형
- 4. 20학년도 변형

수학 교육에 수 년간 몸 담아온 강사들, 현역 수의대생, 수교과생 등이 힘을 합쳐 만들었습니다. 집필진이 중점을 둔 부분은 변형 문항이 기출 원문항에 비해 난이도가 크게 떨어지지 않도록, 또는 크게 오르지 않는 범위 내에서 변형하는데 초점을 맞추었습니다.

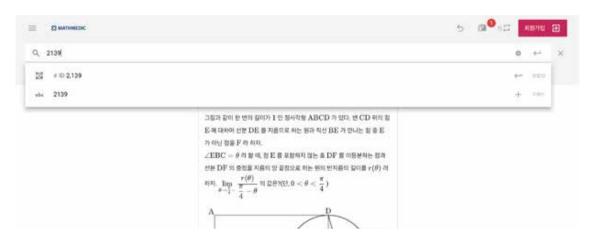
기출 문제집보다 완벽한 예상문제집은 없다고 생각합니다. 만약 기출을 자신있게 푸셨다면, 본인의 실력을 다시 한 번 확인하는 차워에서 한 번씩 풀어보시기를 추천드립니다.



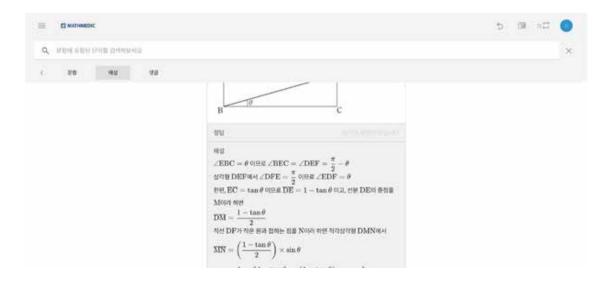
1. 매쓰메딕에 접속한다. (https://study. mathmedic.kr/)



2. 번호하단에 있는 #일련번호를 검색창에 입력한다. 그리고 엔터!



3. 문제를 확인하고 해설을 확인한다.

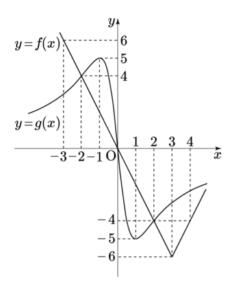


1.

17학년도 평가원 변형



함수 f(x)=2|x-3|-6과 $g(x)=-rac{10x}{x^2+1}$ 의 그래프가 그림



 $-3 \leq a \leq 4$ 인 a에 대하여 $\int_{-3}^a f(x)dx + \int_a^4 g(x)dx$ 의 최댓값

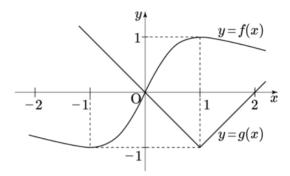
- (1) $4-5 \ln 3$ (2) $4-5 \ln \frac{17}{5}$ (3) $5-5 \ln 3$
- $45-5\ln\frac{17}{5}$ $56-5\ln 3$

170620가 변형 (# 1683)

8805

2번

함수 $f(x)=rac{2x}{x^2+1}$ 와 함수 g(x)=|x-1|-1의 그래프가 그



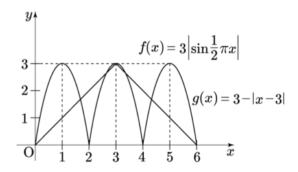
 $-1 \leq a \leq 2$ 인 a에 대하여 $\int_{-1}^{a} f(x) dx - \int_{a}^{2} g(x) dx$ 의 최댓값

- \bigcirc 0
- $(2) \ln 2$
- $\Im \ln 5$
- $4 \ln \frac{5}{2} \qquad 5 \ln \frac{2}{5}$

170620가 변형 (# 1683)

8808

함수 $f(x)=3\left|\sin{1\over 2}\pi x\right|$ 와 함수 g(x)=3-|x-3|의 그래프 가 그림과 같다.



 $0 \leq a \leq 4$ 인 a에 대하여

$$\int_0^a f(x)dx + \{f(a)+g(a+2)\} + \int_{a+2}^6 g(x)dx$$
의 최댓값

- 1) $\frac{6}{\pi} + \frac{15}{2}$ 2) $\frac{6}{\pi} + 9$ 3) $\frac{6}{\pi} + \frac{21}{2}$
- (4) $\frac{12}{\pi} + \frac{15}{2}$ (5) $\frac{12}{\pi} + \frac{21}{2}$

170620가 변형 (# 1683)

양의 실수 전체의 집합에서 이계도함수를 갖는 함수 f(x)가 있다. y=f(x) 위의 점 P 가 (0,f(0))에서 (t,f(t)) (t>0)까지 움직인 거리가 s가 될 때, 시각 t는 $t=\ln(s+\sqrt{s^2+1})$ 이다. 점 P 의 가속도가 (0,7)일 때의 속력을 v라 하자. v^2 의 값을 구하시오.

170629가 변형 (# 1692)

8877

6번

실수 전체에서 연속이고 미분가능한 두 함수 f(x)와 g(x)가 모든 양의 실수 x에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

(가)
$$(xf(x))'=x^2\sin(x^2)$$

(나) $g(x)=\int_{-\pi}^x \frac{f(t)}{t}dt$

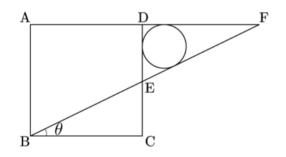
$$f(\sqrt{\pi})=rac{7}{4}$$
일 때, $f\left(rac{\sqrt{3\pi}}{3}
ight)+g\left(rac{\sqrt{3\pi}}{3}
ight)$ 의 값을 구하시오.

170921가 변형 (# 2194)

0002

5번

그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정사각형 ABCD가 있다. 변 CD위의 점 E에 대하여 선분 AD의 연장선과 선분 BE의 연장선이 만나는 점을 F라 하자. $\angle FBC = \theta$ 라 할 때, 삼각형 DEF에 내접하는 원의 지름의 길이를 $R(\theta)$ 라 하자. $\lim_{\theta \to 0^+} \frac{R(\theta)-1}{\theta}$ 의 값은? (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$)



- $(1) \frac{3}{2}$
- $(2) \frac{9}{4}$
- (3) **-2**

- $(4) \frac{9}{2}$
- $5 \frac{5}{4}$

170920가 변형 (# 2193)

8623

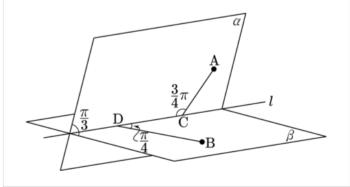
7번

그림과 같이 직선 l을 교선으로 하고 이루는 각의 크기가 $\frac{\pi}{3}$ 인 두 평면 α 와 β 가 있고, 평면 α 위의 점 A와 평면 β 위의 점 B가 있다. 직선 l 위의 두 점 C,D가 다음을 만족시킨다.

(가)
$$\overline{\mathrm{AC}}=2, \overline{\mathrm{BD}}=2, \overline{\mathrm{CD}}=2\sqrt{2}$$

(나)
$$\angle ACD = \frac{3}{4}\pi, \angle BDC = \frac{\pi}{4}$$

선분 AB의 길이는?



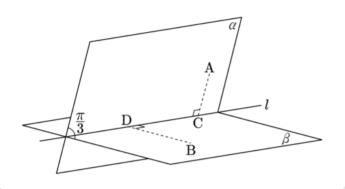
- $\bigcirc 1 \sqrt{7}$
- $^{(2)}$ $2\sqrt{2}$
- (3) **3**

- \bigcirc $\sqrt{10}$
- (5) $\sqrt{11}$

170929가 변형 (# 2202)

그림과 같이 직선 l을 교선으로 하고 이후는 각의 크기가 $\frac{\pi}{3}$ 인 두 평 면 α 와 β 가 있고, 평면 α 위의 점 A와 평면 β 위의 점 B가 있다. 두 점 A,B에서 직선 l에 내린 수선의 발을 각각 C,D라 하자.

 $\overline{AB} = 2\sqrt{6}$ 이고 직선 AB가 두 평면 α , β 와 이루는 각의 크기가 각각 $\dfrac{\pi}{6},\dfrac{\pi}{4}$ 이다. 사면체 ABCD 의 부피를 V라 할 때, $V^2=\dfrac{q}{p}\sqrt{2}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.)



170929가 변형 (# 2202)

9563

함수 $f(x)=e^{-x}\int_0^x t\cos(t^2)\sin tdt$ 에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

$$\neg \cdot f\left(\frac{\sqrt{2\pi}}{2}\right) > 0$$

- 느 \cdot f'(a)>0을 만족시키는 a가 열린구간 $\left(0,rac{\sqrt{2\pi}}{2}
 ight)$ 에 적어도 하나 존재한다.
- $au\cdot\ f'(b)=0$ 을 만족시키는 b가 열린구간 $\left(0,rac{\sqrt{2\pi}}{2}
 ight)$ 에 적어도 하나 존재한다.

- ¬
 (2) □
 (3) ¬, □
- (4) ∟, ⊏ (5) ¬, ∟, ⊏

171120가 변형 (# 1653) # 8815

함수 $f(x)=e^{x^2}\int_0^x(e^{t^2}-et^2)dt$ 에 대하여 <보기>에서 옳은 것

(단,
$$\int_0^1 e^{t^2} dt > rac{1}{3} e + rac{1}{2}$$
이고, $rac{5}{2} < e < 3$ 이다.)

- ㄱ. $f'(t) \leq 0$ 을 만족시키는 t가 열린 구간 $(0,\infty)$ 에 적어도 하 나 존재한다.
- f'(-1) = 2f(1)
- \Box . 열린 구간 (-1,1)에 속하는 a와 b에 대하여 f''(a) - f''(b) < -3를 만족시키는 순서쌍 (a,b)가 적어 도 하나 존재한다.
- (1) T
- (3) □,∟

- (4) L,□ (5) ¬,L,□

171120가 변형 (# 1653)

8928

11번

양의 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 $f(x) = \ln \left\{ \int_0^x e^{t^2} dt
ight\}$ 에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- \neg . 1 < f'(1) < e
- ㄴ. f'(a)=e를 만족시키는 a가 열린 구간 (0,1)에 적어도 하 나 존재한다.
- au. f''(b) < 0을 만족시키는 b가 열린 구간 (0,1)에 적어도 하 나 존재한다.
- (1) L
- (2) ⊏
- (3) ¬,∟

- (4) ∟,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

171120가 변형 (# 1653)

MATHMEDIC

12번

사각형 BCDE를 한 면으로 하고 모든 변의 길이가 6인 사각뿔 A-BCDE에서 삼각형 ABC의 무게중심을 O, 선분 DE의 중점을 P라 하자. 사각뿔 A-BCDE의 한 면 ACD 위의 점 Q에 대하여 두 벡터 \overrightarrow{OP} 와 \overrightarrow{OQ} 가 서로 수직일 때, $|\overrightarrow{PQ}|$ 의 최솟값은 k이다. k^2 의 값을 구하시오.

171129가 변형 (# 1662)

9693

13번

한 모서리의 길이가 4인 정사면체 ABCD의 한 면 BCD 위의 점 P에 대하여 두 벡터 \overrightarrow{AP} , \overrightarrow{BC} 가 수직이다. 선분 AC 위의 점 Q에 대하여 \overrightarrow{BD} , \overrightarrow{PQ} 가 수직일 때, $|\overrightarrow{PQ}|^2$ 의 최솟값은 $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p, q는 서로소인 자연수이다.)

171129가 변형 (# 1662)

MATHMEDIC 2017 준킬러, 킬러 변형문형

빠른 정답표 1번. ④ 2번. ④ 3번. ③ 4번. 48 5번. ① 6번. 1 7번. ④ 8번. 67 9번. ⑤ 10번. ④

13번. 41

11번. ⑤

12번. 31

218학년도평가원 변형

두 유리수 a, b에 대하여 함수 $f(x)=e^x(ax+b)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, a+b의 값을 구하시오. (단, a>0)

p < x를 만족시키는 모든 실수 x에 대하여 f''(x) > 0이 성립하도록 하는 p의 최솟값을 m이라 할 때, $f(3m) = -\frac{22}{e^8}$ 이다. (단, m은 유리수이다.)

180620가 변형 (# 1593)

8796

2번

함수 $f(x)=g(x)e^x$ 에 대하여 g(x)가 최고차항의 계수가 1인 이 차함수 일 때, 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 구간 $(-\infty,-k]$ 와 구간 $[k,\infty)$ 에서 함수 f(x)의 역함수가 각각 존재하도록 하는 양의 실수 k의 최솟값을 m이라 할 때, f'(m)=f'(-m) 이다.
- (나) 함수 f'(x)의 최솟값은 $-2(\sqrt{5}-1)e^{(\sqrt{5}-1)}$ 이다.

f'(4)의 값은?

- (1) $10e^4$
- (2) $12e^4$
- (3) $14e^4$

- \bigcirc $16e^4$
- $(5) 18e^4$

180620가 변형 (#1593)

8731

3번

함수 $f(x)=e^{(x-a)^3}$ (단, a는 실수)에 대하여 구간 $(-\infty,-k]$ 와 $[k,\infty)$ 에서 f'(x)의 역함수가 각각 존재하도록 하는 양의 실수 k의 최솟값을 g(a)라 하자. 함수 g(a)가 a=m에서 미분 불가능할 때, $m^3=\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.)

180620가 변형 (# 1593)

9027

4번

좌표평면에서 중심이 O이고 반지름의 길이가 1인 원 위의 한 점을 A, 점 O로부터 6만큼 떨어진 점 O'을 중심으로 하고 반지름의 길이가 3인 원 위의 한 점을 B라 할 때, 점 P가 다음 조건을 만족시킨다.

$$\begin{array}{l} \text{(7I)} \ \overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{BP} = 0 \\ \text{(LI)} \ 3\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{AP} = \overrightarrow{OB} \cdot \overrightarrow{AP} \end{array}$$

$$(\Box) \overrightarrow{AP} \cdot \overrightarrow{O'B} = 0$$

 $|\overrightarrow{\mathrm{BP}}|$ 의 최솟값은 $p\sqrt{6}-q$ 이다. pq 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 유리수이고, 점 P 는 점 A 가 아니다.)

180629가 변형 (# 1602)

좌표공간에 원점 O와 점 $A(0,0,\sqrt{3})$ 이 있다. 점 P가 $\overrightarrow{OA}\cdot\overrightarrow{OP}=6,|\overrightarrow{OP}|=4\sqrt{3}$ 을 만족시키며 움직일 때,

$$\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{OQ} = 48, |\overrightarrow{PQ}| \leq 8, \overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OQ} \leq 0$$

을 만족시키는 점 \mathbf{Q} 에 대하여 $|\overrightarrow{\mathbf{OQ}}|$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M,m이라 하자. M^2+m^2 의 값을 구하시오.

180929가 변형 (# 1632)

9694

6번

좌표공간에 세 점 $\mathbf{A}(4,-4,0),\mathbf{B}(-1,0,t),\mathbf{C}(0,0,t)$ 가 있다. 점 P가 평면 z=t 위에 있고, $|\overrightarrow{\mathrm{CP}}|=1,\overrightarrow{\mathrm{CB}}\cdot\overrightarrow{\mathrm{CP}}\geq\frac{1}{2}$ 을 만족시킨다.

 $0\leq t\leq 4$ 일 때, $|\overrightarrow{\mathrm{AP}}|$ 의 최댓값과 최솟값을 각각 M,m이라 하자. $M^2+m^2=a+b\sqrt{2}+c\sqrt{3}$ 일 때, a+b+c의 값을 구하시 오. (단, a,b,c는 유리수이다.)

180929가 변형 (#1632) # 9559

7번

좌표공간에 만나지 않는 두 선분 AB와 CD가 있다. 선분 CD 위의 점 X에 대하여 삼각형 ABX의 넓이가 최소가 되는 점 X를 점 P라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. 직선 AB 와 직선 CD 가 만나면 점 P 의 좌표는 점 C 또는 점 D 이다.
- ㄴ. 직선 AB 와 직선 CD 가 만나지않으면 점 P 가 될 수 있는 점은 무한히 많다.
- \subset . 삼각형 ABP 가 xy평면 위에 있고, 점 C 의 좌표가 (a,b,-3), 점 D 의 좌표가 (c,d,1)이다. 이때, 두 점 $\operatorname{C}'(a,b,0)$, $\operatorname{D}'(c,d,0)$ 에 대하여 (삼각형 BC' P의 넓이)= $3\times$ (삼각형 AD' P의 넓이)가 성립한다.
- 1 7
- (2) □
- (3) ¬,∟

- 4 ¬,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

181120가 변형 (# 2283)

9561

8번

좌표공간에 한 변의 길이가 3인 정삼각형 ABC가 있다. 선분 AB의 중점을 M, 선분 CM의 중점을 O라 하자. 다음 조건을 만족시키는 평면 α 에 대하여 각 점 A,B,C와 평면 α 사이의 거리 중에서 가장 작은 값을 $d(\alpha)$ 라 하자.

- (가) 점 O로부터 평면 α 까지의 거리는 1이다.
- (나) 평면 α 는 선분 AC와 만나고, 선분 BC와도 만난다.
- (다) 평면 α 는 선분 AB와 만나지 않는다.

위의 조건을 만족시키는 평면 α 중에서 $d(\alpha)$ 가 최대가 되는 평면을 β 라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. 평면 β 는 직선 AB와 평행하다.
- ㄴ. 평면 eta와 선분 AC의 교점을 P라 할 때, $\overline{AP} < \overline{CP}$ 이다.
- $_{\Box}$. 평면 eta와 선분 $_{\Box}$ 오에의 교점을 $_{\Box}$ 이와 할 때, $_{\Box}$ 선분 $_{\Box}$ 인이와 같다.
- 1 7
- (2) ⊏
- 3 7,∟

- 4 ¬,⊏
- 5 7,∟,⊏

181120가 변형 (# 2283)

좌표공간에 구 $x^2+y^2+z^2=4$ 가 평면 x-y-z+3=0과 만나서 생기는 원 C가 있다. 원 C 위를 움직이는 점 X와 구 $(x-3)^2+(y-3)^2+z^2=1$ 위를 움직이는 점 P에 대하여 $|\overrightarrow{PX}|$ 의 최댓값을 M이라 하자. $(M-1)^2$ 의 값을 $a+b\sqrt{2}$ 라 할 때, a+b의 값을 구하시오. (단, a,b는 유리수이다.)

181129가 변형 (# 2292)

9668

10번

좌표공간에 구 $S: x^2+y^2+z^2=27$ 이 평면 x+y+z-3=0과 만나서 생기는 원 C에 대하여 원 C 위의 점 중 z좌표가 최대인 점을 P라 하자. 점 A(-1,-1,-1)과 원 C 위의 점 Q에 대하여 점 Q에서 직선 AP에 내린 수선의 발을 H라 하자. 점 H의 z좌표가 0일 때, 구 S 위를 움직이는 점 X에 대하여 $|\overrightarrow{PX}+\overrightarrow{QX}|$ 의 최댓값은 k이다. k^2 의 값을 구하시오.

181129가 변형 (# 2292)

MATHMEDIC 2018 준킬러, 킬러 변형문형

빠른 정답표

1번. 5 2번. ② 3번. 13 4번. 6 5번. 176

6번. 90 7번. ④ 8번. ① 9번. 28 10번. 300

319학년도평가원 변형

열린 구간 $(-2\pi, 2\pi)$ 에서 정의된 함수

$$f(x) = egin{cases} \sin^2 x & \left(-2\pi < x < rac{\pi}{3}
ight) \ & 6\cos^3 x & \left(rac{\pi}{3} \le x < 2\pi
ight) \end{cases}$$

가 있다. 실수 t에 대하여 다음 조건을 만족시키는 모든 실수 k의 개 수를 g(t)라 하자.

- (가) $-2\pi < k < 2\pi$
- (나) 함수 $\sqrt{|\{f(x)\}^2-t^2|}$ 은 x=k에서 <u>미분가능하지 않다.</u>

함수 g(t)에 대하여 합성함수 $(h\circ g)(t)$ 가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 최고차항의 계수가 1인 다항함수 h(x) 중 가장 차수가 낮은 것을 M(x)라 하자. $(g \circ g \circ g)(0) = a$ 라 할 때, M(a+5) - M(a+1)의 값을 구하시오.

190621가 변형 (# 6487) # 8730

좌표평면 위에 한 변의 길이가 4인 정삼각형 ABC에 대하여 두 점 A,B를 각각 중심으로 하고 반지름의 길이가 2인 두 원을 각각 O_1, O_2 라 하자. 원 O_1 위의 점 E와 원 O_2 위의 점 F가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7!) |\overrightarrow{AE} \cdot \overrightarrow{AB}| = 4$$

$$(1!) \cos(\angle FBA) = -$$

(나) $\cos(\angle \text{FBA}) = -\frac{1}{2}$

선분 ${
m EF}$ 의 길이가 최대가 될 때, 점 ${
m C}$ 를 중심으로 하고 반지름의 길 이가 2인 원 위의 점 $\overline{
m PM}$ 대하여 $\overrightarrow{
m PE} \cdot \overrightarrow{
m PF}$ 의 최댓값이 $a+b\sqrt{3}$ 이 다. a+b의 값을 구하시오. (단, a,b는 유리수이다.)

190629가 변형 (# 6518) # 9015

3번

좌표평면 위에 $\overline{AB}=8$ 인 두 점 A,B를 각각 중심으로 하고 반지름 의 길이가 8인 두 원을 각각 O_1, O_2 라 하자. 원 O_1 위의 점 C와 원 O_2 위의 점 D가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)
$$\overrightarrow{AB} = k\overrightarrow{CD}$$
 (단, k 는 상수)

(L)
$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{BD} + 96$$

선분 \overrightarrow{CD} 를 지름으로 하는 원 위의 점 \overrightarrow{PM} 대하여 $|\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB}|$ 의 최댓값이 $a + b\sqrt{7}$ 이다. a + b + k의 값을 구하시오. (단, a, b는 자연수이다.)

190629가 변형 (# 6518)

9111

열린 구간 $(0,2\pi)$ 에서 정의된 함수 $f(x)=x\cos x$ 가 x=lpha와 $x=\beta$ 에서 극값을 가진다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단, $\alpha < \beta$)

<보기>

 $\neg. \ \alpha \tan \alpha = \beta \tan \beta$

L. $g(x) = \tan x$ 라 할 때, $g'(\alpha + \pi) > g'(\beta)$

$$= \frac{\beta^2}{\alpha(\alpha+\pi)} > \frac{\tan\alpha}{\tan(\alpha+\pi)}$$

- 1 7
- 2 ¬,∟
- (3) ¬,⊏

- (4) ∟,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

190920가 변형 (#8289)

최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 함수

- $g(x)=xe^{- frac{1}{2}x^2+ frac{1}{2}}$ 에 대하여 합성함수 h(x)가
- $h(x) = (f \circ g)(x)$ 일 때, 다음 조건을 만족시킨다.
- (가) 함수 h(x)는 x = 1에서 극솟값 0을 갖는다.
- (나) 방정식 h'(x) = 0의 서로 다른 실근의 개수는 3이다.
- (다) 방정식 g'(x)h(x) = (g(x)-1)h'(x)의 서로 다른 실근 의 개수는 2이다.
- f(0)의 값이 최소일 때, f(5)의 값을 구하시오 (단, $\displaystyle\lim_{x o \infty} g(x) = 0)$

190930가 변형 (# 8297) # 9239

6번

점 (0,0)에서 곡선 $y=x\cos x-1(x>0)$ 에 접선을 그어 접점의 x좌표를 작은 수부터 크기순으로 모두 나열할 때, n번째 수를 a_n 이라 하자. 모든 자연수 n에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는대로 고른 것은?

- $aggreen \sin a_n = \frac{1}{a_n^2}$
- \Box . $a_{2n+2} a_{2n} > 2\pi$
- (1) ¬
- 2 ¬,∟
- 3 ¬,⊏

- 4 ∟,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

191120가 변형 (# 8552) # 8801

7번

점 (0,0)에서 곡선 $y=\dfrac{\cos x}{x}~(x>0)$ 에 접선을 그어 접점의 x좌 표를 작은 수부터 크기 순으로 모두 나열할 때, n번째 수를 a_n 이라 하자. 모든 자연수 n에 대하여 <보기>에서 옳은 것을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- \neg . $a_n \tan a_n = -2$

- 1 7
- (2) ¬,L
- (3) ∟,⊏

- (4) ¬,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

191120가 변형 (#8552)

8655

8번

실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, f(7)의 값을 구하시오.

(가) 모든 실수
$$x$$
에 대하여 $\dfrac{f'(x)}{f(x)}=\dfrac{2f'(2x+1)}{f(2x+1)}$ 이다.

 $(\sqcup f) f(0) = 1, f(3) = 16$

191121가 변형 (# 8553) # 8792

실수 전체집합에서 미분가능한 함수 f(x) 가 모든 실수 x 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

$$(71) f'(x^2 - 4x) = xf'(x^3 - 3x^2)f(x^3 - 3x^2)$$

$$(나) f(0) \neq f(-4)$$

이 때, $\{f(50)\}^2 - \{f(-4)\}^2 + f(-3) + f(5)$ 의 값을 구하시 오.

200930가 변형 (#10162)

8599

11번

좌표평면에서 한 변의 길이가 6인 정삼각형 ABC의 두 변 AB,AC위를 움직이는 점을 각각 P,Q라 할 때 다음을 만족시키는 점 X가 나타내는 영역의 넓이는?

(가)
$$\overrightarrow{\mathrm{AR}} = rac{1}{3}(\overrightarrow{\mathrm{AP}} + \overrightarrow{\mathrm{AQ}})$$

$$(\downarrow)$$
 $|\overrightarrow{RX}| = 1$

(1)
$$8 + 2\sqrt{3}$$

(2)
$$8 + \pi + 2\sqrt{3}$$

(3)
$$16 + 4\sqrt{3}$$

(4)
$$16 + 2\pi + 4\sqrt{3}$$

(5)
$$24 + 6\sqrt{3}$$

191129가 변형 (#8561)

9048

10번

좌표평면에서 넓이가 30인 평행사변형 ABCD 의 세 변 AB,BC,CD위를 움직이는 점을 각각 P,Q,R이라 할 때,

$$\overrightarrow{AX} = \frac{1}{6}\overrightarrow{AP} + \frac{1}{4}\overrightarrow{AQ} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AR}$$

을 만족시키는 점 X가 나타내는 영역의 넓이를 구하시오.

191129가 변형 (#8561)

8880

12번

좌표공간에서 점 A(1,2,2), 점 P, 점 X가 다음의 조건을 만족시킨 다.

(가)
$$\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{AP} = 0$$

$$(\sqcup) |\overrightarrow{OP}| = 5$$

$$\begin{array}{l} \text{(L+)} \ \overrightarrow{OP} | = 5 \\ \text{(L+)} \ \overrightarrow{OX} = \frac{1}{2} \overrightarrow{OP} + t \overrightarrow{AP} \ \left(0 \leq t \leq \frac{1}{4}\right) \end{array}$$

이 때, 점 ${f X}$ 의 자취가 나타내는 영역의 넓이는 $k\pi$ 이다. k의 값을 구 하시오.

191129가 변형 (#8561)

MATHMEDIC 2019 준킬러, 킬러 변형문형

13번

좌표평면에서 중심이 O이고 반지름의 길이가 5인 원 위의 점 P,Q 와 선분 PQ를 지름으로 하는 원 위의 점 R에 대하여

$$\overrightarrow{OX} = \frac{1}{4}(\overrightarrow{OP} + \overrightarrow{OQ}) - \frac{1}{2}\overrightarrow{OR}$$

를 만족시키는 점 ${\bf X}$ 가 나타내는 영역의 넓이가 ${q\over p}\pi$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.)

191129가 변형 (#8561)

9112

14번

최고차항의 계수가 3π 인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수 $g(x)=\sqrt{2-\cos^2(f(x))}$ 가 $x=\alpha$ 에서 극소이고, $\alpha\geq 0$ 인 모든 α 를 작은 수부터 크기순으로 나열한 것을 $\alpha_1,\alpha_2,\alpha_3,\cdots$ 라 할 때, g(x)는 다음 조건을 만족시킨다.

$$($$
가 $)$ $g(lpha_3)=rac{\sqrt{7}}{2}$ (나) $\{g(lpha_1)\}^2-\{g(lpha_5)\}^2=rac{1}{4}$

 $lpha_3-lpha_1$ 의 값을 구하시오. (단, $0\leq f(0)\leq\pi$ 이다.)

191130가 변형 (#8562)

MATHMEDIC 2019 준킬러, 킬러 변형문

빠른 정답표				
1번. 60	2번. 12	3번. 6	4번. ⑤	5번. 52
6번. ⑤	7번. ⑤	8번. 64	9번. 3	10번. 5
11번. ②	12번. 5	13번. 29	14번. 1	

4.

20학년도 평가원 변형



실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하 여 다음 조건을 만족시킨다.

(가)
$$f(x)>-1$$
 (나) $\int_0^x (x-t)f(t)dt-\ln(f(x)+1)=-rac{1}{2}x^2$

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- $\neg. f'(0) = 0$
- 나 함수 F(x)를 $F(x) = \int_0^x f(t)dt$ 라 할 때, 모든 실수 x에 대하여 $2f(x) = \{F(x) + x\}^2$ 이다.
- $\Box f(x) = xf'(c)$ 를 만족시키는 실수 C가 구간 (0,x)에서 둘 이상 존재하도록 하는 양수 x는 적어도 하나 존재한다.
- (1) T
- (2) ¬,∟
- (3) ¬,⊏

- (4) ∟,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

200620가 변형 (# 9584)

9629

x<1에서 미분가능한 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여 다음 조 건을 만족시킨다.

(가)
$$f(x)>0$$
 (나) $\int_0^x \ln f(t) dt = \int_0^x (x-t) f(t) dt$

<보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- $\neg . f(0) = 1$
- L. 함수 f(x)는 증가함수이다.
- \Box . 함수 f(x)의 x=0에서의 접선의 방정식은 y=x+1이
- (1) ¬
- (2) ¬,∟
- (3) ¬,⊏

- (4) ∟,⊏
- (5) ¬,∟,⊏

200620가 변형 (#9584)

9932

3번

x>0에서 정의된 함수 $f(x)=x^2\ln x$ 와 실수 t에 대하여 기울기 가 e^t 인 직선이 곡선 y=f(x) 에 접할 때, 접점의 x 좌표와 y 좌표 의 곱을 g(t) 라 하자. 점 (0,-1) 에서 곡선 y=f(x) 에 그은 접선 의 기울기가 a 일 때, $g'(\ln a)$ 의 값을 구하시오.

- 5 3

200621가 변형 (# 9585)

9695

닫힌 구간 $\left[-rac{\pi}{2},0
ight]$ 에서 정의된 함수 $f(x)=x+\sin x$ 와 실수 $t\left(-rac{\pi}{4} < t < 0
ight)$ 에 대하여 기울기가 $\sec^2 t$ 인 직선이 곡선 y=f(x)에 접할 때 접섬의 x좌표를 g(t)라 하자. 곡선 y=f(x)위의 $x=-\frac{\pi}{3}$ 에서의 접선의 기울기가 $\frac{3\sqrt{5}}{4} \tan a$ 일 때, 미분가능 한 함수 g(t)에 대하여 g'(-a)의 값은? (단, $0 < a < \frac{\pi}{4}$)

- (1) $-3\sqrt{5}$ (2) $-\frac{12\sqrt{5}}{5}$ (3) $-\frac{9\sqrt{5}}{5}$
- $4 \frac{12\sqrt{5}}{5} \qquad \qquad 5 \sqrt{5}$

200621가 변형 (# 9585)

좌표평면 위의 네 점 $A(2\sqrt{2},2\sqrt{2}),B(4,0),$ $C(2\sqrt{2},-2\sqrt{2}),D(0,-4)$ 에 대하여 점 P가 부채꼴 OAB의 내부를 움직이고, 점 Q는 부채꼴 OCD의 내부를 움직인다.

$$\overrightarrow{OX} = \overrightarrow{OP} + \overrightarrow{OQ}$$

를 만족시키는 점 ${
m X}$ 가 나타내는 영역의 넓이가 $a+b\sqrt{2}+c\pi$ 일 때, a+b+c의 값을 구하시오.

(단, a, b, c는 정수이고, 점 O 는 원점이다.)

200629가 변형 (# 9593)

9690

6번

좌표평면에서 곡선 $C: y=\sqrt{4-x^2}$ $(\sqrt{2} \le x \le 2)$ 위를 움직이는 점 P가 있다. 또한 사분원 $(x+1)^2+y^2=1^2$ $(-1 \le x \le 0, 0 \le y \le 1)$ 의 내부를 움직이는 점 Q가 있다. 점 A(-1,0)에 대하여 $\overrightarrow{OX}=\overrightarrow{OP}+\overrightarrow{AQ}$ 를 만족시키는 점 X가 나타내는 영역의 넓이는 $\frac{q}{p}\pi$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, O는 원점 이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.)

200629가 변형 (# 9593) # 9944

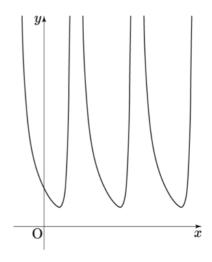
7번

상수 a,b에 대하여 함수 $f(x)=a an^2x+b anx+2$ 가

$$f'(0) = -2, f'\left(\frac{\pi}{4}\right) = 0$$

을 만족시킨다. 실수 t에 대하여 기울기가 t인 직선이 곡선 y=f(x)에 접할 때 접점 중 x좌표가 음이 아닌 것을 x좌표가 작은 것부터 크기 순으로 모두 나열할 때, n번째 점을 \mathbf{P}_n 이라 하자. 점 \mathbf{P}_n 을 접점으로 갖는 접선이 y축과 만나는 점을 \mathbf{Q}_n 이라 할 때, 삼각형 $\mathbf{OP}_n\mathbf{Q}_n$ $(n\geq 2)$ 의 넓이를 S_n 이라 하자.

$$c_n=\int_{-2}^0S_ndt$$
라 할 때, $\sum_{n=2}^{13}c_n=p\pi^2+q\pi+r$ 이다. $p+q+r$ 의 값을 구하시오. (단, p,q,r 은 정수)

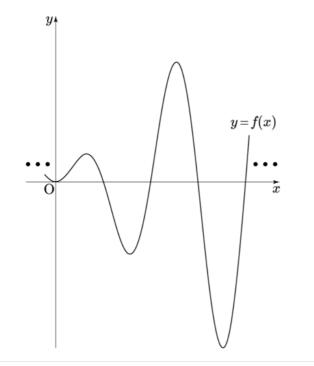


200630가 변형 (#9594) # 9988

함수 $f(x)=x\sin x$ 에 대하여 함수 y=f(x)의 그래프와 직선 $y=tx\ (-1< t<1)$ 가 만나는 점의 x좌표 중 $\frac{\pi}{2}$ 보다 큰 것을 작 은 수부터 크기 순으로 나열할 때,n번째 수를 x_n 이라 하고

$$c_n = \int_{-\frac{\sqrt{3}}{2}}^{\frac{\sqrt{3}}{2}} \frac{x_n f(x_n)}{f'(x_n) - t} dt$$

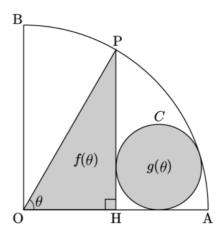
라 하자. $\sum_{n=1}^{99} c_n = p\sqrt{3} + q\pi$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 정수이다.)



9724 200630가 변형 (# 9594)

9번

그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가 $\dfrac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에서 선분 OA에 내린 수선의 발을 H라 하고, 두 선분 AH, HP와 호 AP에 내접하는 원을 C라 하자. $\angle ext{POA} = heta$ 일 때, 삼각형 $ext{OHP}$ 의 넓이를 f(heta), 원 C의 넓이를 g(heta)라 하자. $\lim_{ heta o 0+} rac{g(heta)}{ heta^3 imes f(heta)}$ 의 값은? (단, $0 < heta < rac{\pi}{2}$)



- $\bigcirc \frac{1}{32}\pi \qquad \qquad \bigcirc \frac{1}{16}\pi \qquad \qquad \bigcirc \frac{1}{8}\pi$

200920가 변형 (#10152)

좌표평면에서 두 점 A(-5,0), B(5,0)에 대하여 다음 조건을 만족 시키는 점 P의 자취의 길이는?

- (가) $-2\sqrt{10} \leq \overline{\mathrm{AP}} \overline{\mathrm{BP}} \leq 2\sqrt{5}$
- (나) $\overrightarrow{\mathrm{AP}} \cdot \overrightarrow{\mathrm{BP}} = 0$

- $2 \ 3\pi \qquad 3 \ \frac{7}{2}\pi \qquad 4 \ 4\pi \qquad 5 \ 5\pi$

200921가 변형 (# 10153)

10310

11번

좌표공간에서 원점 O와 점 A(0,0,13)에 대하여 평면 12x + 5z - 65 = 0 위의 점 P가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $|\overrightarrow{OP}|$ 는 자연수이다.
- (나) $\overrightarrow{\mathrm{OA}} \cdot \overrightarrow{\mathrm{PA}} = 78$

 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{PA}$ 의 최댓값을 구하시오.

200929가 변형 (#10161)

10288

12번

실수 전체집합에서 미분가능한 함수 f(x) 가 모든 실수 x 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

$$(71) f'(x^2 - 4x) = xf'(x^3 - 3x^2)f(x^3 - 3x^2)$$

$$(나) f(0) \neq f(-4)$$

이 때, $\{f(50)\}^2 - \{f(-4)\}^2 + f(-3) + f(5)$ 의 값을 구하시

200930가 변형 (#10162) # 8599 MATHMEDIC 2020 준칼리, 칼리 변형문향

빠른 정답표				
1번. ②	2번. ⑤	3번. ②	4번. ②	5번. 28
6번. 7	7번. 815	8번. 66	9번. ③	10번. ⑤

12번. 3

11번. 27

좋은 질문입니다. 그 **질문에 답하기** 위해서는 이 이야기를 빼놓을 수가 없는데요. 마침 수학 문제 하니까 생각이 나네요. 04년 제가 처음 고3이 되었을 하지만 **포기하지 않았습니다**. 소위 눈물 젖은 빵이라고 그러죠. 그걸 먹으면서 꿋꿋이 **이겨냈습니다**. 그리고 04년 11월 17일 수능 수리영역 에서 만점을 처음으로 따냈는데 그게 **제 수학 첫 만점**이었습니다. 그리고 그로부터 약 15년이 지난 19년 6월 1일 처음으로 **매쓰메딕** 서비스를 **런칭**했습니다. 스타트업으로 이 하나하나가 참 힘들었습니다. **저는 경험도 없고 기술도 부족**하고 이게 과연 이 세상에 필요한 것인지마저 의심스러웠죠. 하지만 저는 **15년 전 그 날들**처럼 **포기하지 않고** 눈물 젖은 빵을 먹으면서 꿋꿋이 이겨냈습니다. 정말 **제가 수능을 준비하는 그런** 마음으로 만들었죠. 그런데 뭘 만든건지 말씀을 안 드린 생각이 나네요. 그건 바로 **수학문제 검색엔진**. 아직도 수학 문제, 해설 찾기가 어려우시죠? 아직도 참고서, 해설지 들고 다니느라 무거운 책가방을 들고 다니는 여러분을 위해 만들었습니다. 이제는 수식으로 **바로 검색**하세요. **원하는대로 필터**를 걸어 문제를 찾아볼 수 있습니다. **역대 모든 기출**문제 뿐 아니라 여러가지 **고퀄 변형 문항**들도 많이 수록되어 있습니다. 심지어 무료입니다. 아무튼 여러분의 수능 대박을 기원합니다. 수학만큼은 백분위 99% 찍을 수 있습니다. #수학문제검색엔진 #**투머치수학** #매쓰메딕