# Introdução aos Modelos Biomatemáticos



## Alessandro Margheri Manuel Carmo Gomes

http://webpages.fc.ul.pt/~mcgomes/aulas/index.html



#### Modelos contínuos dx/dt

Uma espécie isolada sem/com regulação (EDOs escalares)

Duas espécies – competição Duas espécies – predação (sistemas de 2 EDOs)

Epidemiologia de doenças transmissíveis

Modelos discretos  $t_0$ ,  $t_1$ ,  $t_2$ , ...

Uma espécie isolada (equações às diferenças)

Demografia - A matriz de Leslie (álgebra matricial)



#### Dinâmica Populacional

Estuda a <u>variação</u> do efectivo populacional ao longo do tempo e do espaço.

Efectivo: número de indivíduos

densidade (Explo: número/unid. área)

biomassa

índices indirectos de abundância

Símbolo:  $N_t$  efectivo no instante t



## População

Indivíduos da mesma espécie que:

- partilham uma área geral de distribuição
- dependem dos mesmos recursos
- são influenciados pelos mesmos factores ambientais

- têm elevada probabilidade de interagir uns com os outros.



# População como objecto de estudo

- Preocupações conservacionistas população está em risco
- A população é explorada comercialmente
- É uma praga a controlar
- É agente patogénico (microorganismos, macroparasitas)
- Desempenha papel importante num ecosistema



#### Questões em Dinâmica Populacional

1) Quantos indivíduos há na população ?

Técnicas para estimar abundância (amostragem, estatística)

- 2) Quantos se prevê que venha a haver ?
  - se tudo o que influencia N<sub>t</sub> não se alterar
  - se houver as alterações x, y e z

Depende de: - quantos há,

- factores que determinam a variação do efectivo da população

#### Principais aplicações

