



Fiche

1) Automate standard :

- Il y a une seule entrée
- Il n'y a aucune transition aboutissant à cette unique entrée

Algorithme : On ajoute un nouvel état i . Puis on regarde quels états étaient accessibles depuis les anciennes entrées et par quelle lettre. Enfin, on relie l'état i aux états repérés en étiquettant les transitions par les lettres associées.

Standard → Permet de créer un interrupteur à mot vide.

2) Automate déterministe :

- Il y a une seule entrée.
- Un état ne doit pas comporter 2 transitions sortantes (ou plus) étiquetées par la même lettre.

Pas déterministe si 2 états dans une même case sur la table des transitions

Application de l'algorithme :

| | a | b |
|----|---|-----|
| E | 0 | 0;2 |
| ES | 1 | 2 |
| S | 2 | 2;3 |
| | 3 | - |
| S | 4 | - |

engendre

| | a | b |
|---|----|----|
| E | 01 | 02 |
| S | 02 | 23 |
| S | 23 | 23 |
| S | 24 | 23 |
| S | 2 | 23 |
| S | 2 | 23 |

On fusionne les entrées. Puis dès qu'un nouvel état apparaît, on crée une nouvelle ligne dans la table.

③ Automate complet :

⚠ Condition préitable : Automate déterministe

- Chaque état possède une / des transition(s) sortante(s) étiquetée(s) par toutes les lettres du langage

Pas complet s'il y a une case vide sur la table des transitions

Application de l'algorithme : Complétons l'automate déterministe précédent :

On crée un état poubelle P et on remplace toutes les cases vides par P.

| | a | b |
|---|----|----|
| E | 01 | 02 |
| S | 02 | 23 |
| S | 23 | 24 |
| S | 24 | 2 |
| S | 2 | 2 |
| P | P | P |

④ Complémentaire d'un automate

⚠ Condition préitable : Automate déterministe et complet

- Reconnait le complémentaire du langage de l'automate original

Algorithme : On switch les sorties entre états terminaux et non terminaux, sans toucher à l'entrée.

Sur l'exemple précédent, cela revient à désigner P comme étant le seul état terminal.

| | a | b |
|----|----|----|
| E | 01 | 02 |
| 02 | 02 | 23 |
| 23 | 24 | 23 |
| 24 | 2 | 23 |
| 2 | 2 | 23 |
| S | P | P |

5 Automate minimal:

⚠ Condition préalable : Automate déterministe et complet

- Comporte le plus petit nombre d'états permettant de le construire

Application de l'algorithme : Minimisons cet automate.

| | a | b |
|----|----|----|
| ES | 01 | 02 |
| S | 02 | 02 |
| S | 23 | 24 |
| S | 24 | 2 |
| S | 2 | 2 |
| | P | P |

Séparons les états terminaux et non-terminaux.

$$\Theta_0 = \{ NT; T \} \text{ où } NT = \{ P \}$$

$$T = \{ 01; 02; 23; 24; 2 \}$$

Comme NT ne possède qu'un seul état, P est déjà séparé. Réécrivons alors la table de T sous Θ_0 :

| | a | b |
|----|--------|--------|
| 01 | 02 (T) | P (NT) |
| 02 | 02 (T) | 23 (T) |
| 23 | 24 (T) | 23 (T) |
| 24 | 2 (T) | 23 (T) |
| 2 | 2 (T) | 23 (T) |

On sépare l'état 01 car il ne possède pas le même comportement que les autres états (on les laisse groupés alors).

$$\text{On a } \Theta_1 = \{ P; 01; I \}$$

$$\text{où } I = \{ 02; 23; 24; 2 \}$$

Réécrivons la table de I sous Θ_1 :

| | a | b |
|----|--------|--------|
| 02 | 02 (I) | 23 (I) |
| 23 | 24 (I) | 23 (I) |
| 24 | 2 (I) | 23 (I) |
| 2 | 2 (I) | 23 (I) |

On ne peut plus séparer d'état donc :

$$\Theta_2 = \Theta_3 = \Theta_4 = \{ P; 01; I \}$$

L'automate minimal est donc :

| | a | b |
|----|---|---|
| ES | P | P |
| S | I | I |