

# Περιεχόμενα

<b>1</b>	<b>Εισαγωγή</b>	<b>4</b>
1.1	Διατύπωση του προβλήματος . . . . .	4
1.1.1	Κατάτμηση βάση ατλάντων . . . . .	4
1.1.2	Αντικείμενο διπλωματικής εργασίας . . . . .	4
<b>2</b>	<b>Θεωρητικό υπόβαθρο</b>	<b>6</b>
2.1	Πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους	6
2.2	Ελάχιστα απόλυτος τελεστής συρρίκνωσης και επιλογή .	6
2.3	Καταχώρηση εικόνας . . . . .	7
2.3.1	Μέση διαφορά τετραγώνων . . . . .	8
2.3.2	Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότο- μης καθόδου . . . . .	9
2.3.3	Αγχίγραμμος μετασχηματισμός . . . . .	10
2.3.4	Γραμμική παρεμβολή . . . . .	12
2.3.5	Χώρος κλίμακας Gauss . . . . .	12
2.3.6	Δειγματοληψία συντεταγμένων εικόνας . . . . .	13
2.3.7	Μάσκα εικόνας . . . . .	14
2.4	Μέτρα αξιολόγησης . . . . .	14
2.4.1	Συντελεστής ομοιότητας Dice . . . . .	15
2.4.2	Δείκτης δομικής ομοιότητας . . . . .	15
2.5	Προεπεξεργασία δεδομένων . . . . .	17
2.5.1	Αντιστοίχιση ιστογράμματος . . . . .	18
2.5.2	Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της κα- μπυλότητας . . . . .	19
2.6	Διασταυρωμένη επικύρωση . . . . .	19
2.6.1	Αφήνω ένα έξω διασταυρωμένη επικύρωση . . . . .	20
<b>3</b>	<b>Μέθοδοι επίλυσης του προβλήματος</b>	<b>21</b>
3.1	Δεδομένα . . . . .	21
3.2	Προεπεξεργασία δεδομένων . . . . .	22
3.2.1	Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της κα- μπυλότητας . . . . .	22
3.2.2	Αντιστοίχιση ιστογράμματος . . . . .	25
3.3	Καταχώρηση απεικονίσεων . . . . .	27
3.4	Επιλογή ατλάντων . . . . .	35
3.5	Μέθοδοι καταχώρησης . . . . .	35
3.5.1	Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα . . . . .	35
3.5.2	Ταξινόμηση αραιής αναπαράστασης . . . . .	37

## Κατάλογος σχημάτων

1	Μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση ενός τετραγώνου. . . . .	11
2	Χώρος κλίμακας Gauss για διάφορες τιμές του $t$ . . . . .	13
3	Γραμμικός μετασχηματισμός αντιστοίχισης ιστογράμματος μίας εικόνας για τέσσερα άκρα. . . . .	18
4	Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας. . . . .	23
5	Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας. . . . .	24
6	Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας. . . . .	25
7	Ιστογράμματα σταθερής απεικόνισης και κινούμενης πριν και μετά την αντιστοίχιση . . . . .	26
8	Τομή απεικονίσεων σταθερή και κινούμενης εικόνας πριν και μετά την αντιστοίχιση ιστογράμματος. . . . .	27
9	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση. . . . .	29
10	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση. . . . .	30
11	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση. . . . .	31
12	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση. . . . .	32
13	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση. . . . .	33
14	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση. . . . .	34

## Κατάλογος πινάκων

1	Χαρακτηριστικά δεδομένων ΟΑΙ ΖΙΒ. . . . .	21
---	---	----

# 1 Εισαγωγή

## 1.1 Διατύπωση του προβλήματος

Η κατάτμηση είναι η διαδικασία διαμέρισης μίας εικόνας σε διάφορα ουσιαστικά τμήματα. Σκοπός της κατάτμησης είναι η απλοποίηση ή/και η αλλαγή της αναπαράστασης της εικόνας σε κάτι που είναι πιο σημασιολογικά σημαντικό και είναι πιο εύκολο να αναλυθεί. Πιο συγκεκριμένα, η κατάτμηση εικόνας είναι η διαδικασία ανάθεσης μίας ετικέτας σε κάθε εικονοστοιχείο της εικόνας έτσι ώστε τα εικονοστοιχεία με την ίδια ετικέτα να έχουν ίδια χαρακτηριστικά.

Στην ιατρική απεικόνιση αυτά τα τμήματα αντιστοιχούν συχνά σε διαφορετικές κατηγορίες ιστών, οργάνων, παθολογίες ή άλλες βιολογικά σχετιζόμενες δομές. Η αυτοματοποιημένη κατάτμηση ιατρικών απεικονίσεων μπορεί να βοηθήσει τους γιατρούς επιταχύνοντας τη διαδικασία διάγνωσης. Η καθημερινή δημιουργία πληθώρας ιατρικών απεικονίσεων καθιστά τη χειροκίνητη κατάτμηση από ειδικούς όλο και δυσκολότερη, λόγω του χρονικού διαστήματος που χρειάζεται η ανάλυση. Επομένως, η ανάπτυξη αξιόπιστων, σταθερών και ακριβών τεχνικών για την αυτοματοποιημένη κατάτμηση ιατρικών απεικονίσεων αποτελεί μία σημαντική πρόκληση.

### 1.1.1 Κατάτμηση βάση ατλάντων

Η κατάτμηση απεικονίσεων βάση ατλάντων αποτελεί την διαδικασία κατά την οποία χρησιμοποιούνται απεικονίσεις που έχουν κατανεμηθεί από κάποιον ειδικό, ούτως ώστε να επιτευχθεί η κατάτμηση της νέας απεικόνισης. Οι μέθοδοι αυτοί συνήθως απαιτούν την χρήση καταχώρησης εικόνας (image registration) με σκοπό την ευθυγράμμιση τού ή των ατλάντων στην εικόνα-απεικόνιση που πρόκειται να κατανεμηθεί.

### 1.1.2 Αντικείμενο διπλωματικής εργασίας

Στην διπλωματική εργασία εφαρμόστηκαν μέθοδοι κατάτμησης ιατρικών απεικονίσεων βάση ατλάντων με χρήση μηχανικής μάθησης. Οι απεικονίσεις αφορούν μαγνητικές τομογραφίες σε γόνατα και οι

περιοχές κατάτμησης αποτελούνται από τους αρθρικούς χόνδρους και τα οστά. Τα δεδομένα που χρησιμοποιήθηκαν προέρχονται από το Osteoarthritis Initiative Zuse Institute Berlin(OAI ZIB). Οι μέθοδοι που χρησιμοποιήθηκαν προέρχονται από μεθόδους που έχουν χρησιμοποιηθεί για την κατάτμηση περιοχών του εγκεφάλου. TODO: references

## 2 Θεωρητικό υπόβαθρο

### 2.1 Πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους

Το πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους προτάθηκε από το [1] ως μία μέθοδος μέσω της οποίας μπορούν να παραχθούν πολλές υπάρχουσες μέθοδοι συγχώνευσης κατηγοριών.

Έστω το ζεύγος  $\{(I_i, L_i), i = 1, \dots, n\}$  όπου  $I_i$  είναι η απεικόνιση ενός άτλαντα,  $L_i$  ο χάρτης των κατηγοριών της αντίστοιχης απεικόνισης και  $n$  το σύνολο των ατλάντων. Δοθείσας μία απεικόνισης  $I$ , δημιουργείται ο γράφος  $G_i$  μεταξύ των εικονοστοιχείων  $\mathbf{x}$  της δοθείσας εικόνας  $I$  και του εικονοστοιχείου  $\mathbf{y}$  της απεικόνισης του άτλαντα  $I_i$ , μαζί με τα αντίστοιχα βάρη  $w_i(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ , για  $(\mathbf{x}, \mathbf{y}) \in \Omega^2$ , όπου  $\Omega$  ο χώρος των απεικονίσεων. Με τη δημιουργία των βαρών του γράφου, η συγχώνευση των κατηγοριών γίνεται για κάθε  $\mathbf{x}$  της απεικόνισης εισόδου  $I$  σύμφωνα με το τύπο:

$$L(\mathbf{x}) = \frac{\sum_{i=1}^n \sum_{\mathbf{y} \in \Omega} w_i(\mathbf{x}, \mathbf{y}) L_i(\mathbf{y})}{\sum_{i=1}^n \sum_{\mathbf{y} \in \Omega} w_i(\mathbf{x}, \mathbf{y})}, \forall \mathbf{x} \in \Omega \quad (1)$$

$L$  είναι ο χάρτης των κατηγοριών της απεικόνισης εισόδου  $I$ .

### 2.2 Ελάχιστα απόλυτος τελεστής συρρίκνωσης και επιλογή

Ο ελάχιστα απόλυτος τελεστής συρρίκνωσης και επιλογής (least absolute shrinkage and selection operator, Lasso) [2] είναι μία μέθοδος παλινδρόμησης. Παλινδρόμηση είναι η μέθοδος πρόβλεψης της συμπεριφοράς μίας μεταβλητής βασισμένη σε μία ή περισσότερες άλλες μεταβλητές. Έστω οι παρατηρήσεις  $(\mathbf{x}_i, y_i), i = 1, \dots, N$ , όπου  $\mathbf{x}_i = (x_{i1}, \dots, x_{ip})$  οι  $p$  μεταβλητές εισόδου και  $y_i$  η μεταβλητή εισόδου για την  $i$ -οστή παρατήρηση. Αν  $\hat{\beta} = (\hat{\beta}_1, \dots, \hat{\beta}_p)^T$  και  $\hat{\alpha}$  τα αποτελέσματα της παλινδρόμησης (συντελεστές παλινδρόμησης) τότε ο τελεστής ορίζεται ως:

$$(\hat{\alpha}, \hat{\beta}) = \operatorname{argmin} \left\{ \sum_{i=1}^N \left( y_i - \alpha - \sum_{j=1}^p \beta_j x_{ij} \right)^2 \right\} \text{ subject to } \sum_{j=1}^p |\beta_j| \leq t \quad (2)$$

Το  $t \geq 0$  είναι παράμετρος συντονισμού. Για κάθε τιμή του  $t$  η λύση για το  $\alpha$  είναι  $\hat{\alpha} = \bar{y}$  (όπου  $\bar{y}$  είναι η μέση τιμή του  $y$ ). Επίσης μπορούμε να υποθέσουμε χωρίς την απώλεια της γενίκευσης ότι  $\hat{\alpha} = 0$  ώστε να εξαλειφθεί το  $\alpha$ . Έστω  $\mathbf{X} = (\mathbf{x}_1, \dots, \mathbf{x}_N)^T$  και  $y = (y_1, \dots, y_N)^T$  τότε η (2) μπορεί να γραφτεί ως:

$$\hat{\beta} = \operatorname{argmin} \left\{ \frac{1}{N} \|(y - \mathbf{X}\beta)\|_2^2 \right\} \text{ subject to } \|\beta\|_1 \leq t \quad (3)$$

Όπου η  $p$ -οστή νόρμα του  $x = (x_1, \dots, x_n)$  ορίζεται ως:

$$\|x\|_p = \left( \sum_{i=1}^n |x_i|^p \right)^{1/p}$$

Η εξίσωση (3) μπορεί να γραφτεί επίσης με την χρήση του πολλαπλασιαστή Lagrange ως:

$$\hat{\beta} = \operatorname{argmin} \left\{ \frac{1}{N} \|(y - \mathbf{X}\beta)\|_2^2 + \lambda \|\beta\|_1 \right\} \quad (4)$$

Πολλές φορές οι στήλες του  $\mathbf{X}$  κανονικοποιούνται, δηλαδή ισχύει:

$$\sum_{j=1}^p \frac{x_{ij}}{N} = 0, \quad \sum_{j=1}^p \frac{x_{ij}^2}{N} = 1$$

## 2.3 Καταχώρηση εικόνας

Καταχώρηση εικόνας (image registration) είναι η διαδικασία μετασχηματισμού διαφορετικών δεδομένων σε ένα σύστημα συντεταγμένων. Η διαδικασία αυτή επιδιώκει μέσω του μετασχηματισμού αυτού, την επικάλυψη των κοινών χαρακτηριστικών των δεδομένων. Τα δεδομένα

μπορεί να είναι πολλαπλές φωτογραφίες, δεδομένα από διαφορετικούς αισθητήρες, ώρες, βάθη και οπτικές [3]. Στις ιατρικές απεικονίσεις επιδιώκεται μέσω του μετασχηματισμού, αντίστοιχα εικονοστοιχεία των απεικονίσεων να αναπαριστούν όμοια βιολογικά σημεία.

Συνήθως στις μεθόδους καταχώρησης εικόνας η μία εικόνα παραμένει σταθερή κατά την διαδικασία της καταχώρησης και η άλλη-άλλες μετασχηματίζονται. Η εικόνα που παραμένει σταθερή αποκαλείται εικόνα αναφοράς ή απλά σταθερή εικόνα. Οι εικόνες που μετασχηματίζονται ονομάζονται εικόνες καταχώρισης ή κινούμενες εικόνες.

Η βασική διαδικασία της καταχώρησης εικόνας αποτελείται από την ανίχνευση χαρακτηριστικών, την ευθυγράμμιση χαρακτηριστικών από την κινούμενη εικόνα στην σταθερή, εκτίμηση παραμέτρων συναρτήσεων χαρτογράφησης, την δειγματοληψία και τον μετασχηματισμό εικόνας. Οι μέθοδοι καταχώρισης εικόνας είναι μοναδικές για κάθε πρόβλημα και δεν υπάρχει κοινή τεχνική καταχώρισης εικόνας που να είναι ισάξια αποτελεσματική σε κάθε πρόβλημα που εφαρμόζεται [4]. Για παράδειγμα υπάρχουν μέθοδοι που βασίζονται στην ένταση των εικόνων και μέθοδοι που βασίζονται σε χαρακτηριστικά τους.

### 2.3.1 Μέση διαφορά τετραγώνων

Στην οικογένεια των μεθόδων που βασίζονται στην ένταση των εικόνων, η μέτρηση της ομοιότητας μεταξύ της κινούμενης και της σταθερής εικόνας αποτελεί ένα δομικό στοιχείο της καταχώρησης εικόνας. Η μέτρηση αυτή αξιολογεί την καταλληλότητα του μετασχηματισμού και χρησιμοποιείται για να υπολογιστεί η παράγωγος της αξιολόγησης, ούτως ώστε να χρησιμοποιηθούν από τον αλγόριθμο βελτιστοποίησης. Η επιλογή της μετρικής βασίζεται στο εκάστοτε πρόβλημα που επιχειρεί να λύσει

Η μέση διαφορά τετραγώνων υπολογίζει τον μέσο όρο των τετραγώνων της διαφορά της έντασης για κάθε εικονοστοιχείο μεταξύ της σταθερής και της κινούμενης εικόνας. Η μετρική αυτή βασίζεται στην υπόθεση ότι η ένταση όμοιων σημείων είναι η ίδια και στις δύο εικόνες και έχει την ίδια κατανομή και στις δύο εικόνες. Αυτό σημαίνει ότι και οι δύο εικόνες έχουν την ίδια μορφή.

Η μέση διαφορά τετραγώνων ορίζεται ως:



$$MSSD(I_F, I_M) = \frac{1}{|\Omega_F|} \sum_{\mathbf{x}_i \in \Omega_F} (I_F(\mathbf{x}_i) - I_M(\mathbf{T}(\mathbf{x}_i)))^2$$

Όπου  $I_F$  η σταθερή εικόνα,  $I_M$  η κινούμενη εικόνα,  $\mathbf{T}$  ο μετασχηματισμός της διαδικασίας της καταχώρησης,  $\Omega_F \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$  το πεδίο ορισμού της σταθερής εικόνα και  $|\Omega_F|$  ο αριθμός των εικονοστοιχείων της σταθερής εικόνας.

### 2.3.2 Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου

Ο Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου (adaptive stochastic gradient descent, ASGD) [5] είναι ένας αλγόριθμος βελτιστοποίησης. Ο αλγόριθμος αυτός χρησιμοποιείται ώστε να υπολογιστούν οι βέλτιστες παράμετροι του μετασχηματισμού. Χρησιμοποιεί μία επαναληπτική διαδικασία ώστε να υπολογίσει τις βέλτιστες παραμέτρους.

Έστω  $F(x) : \Omega_F \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$  η σταθερή εικόνα,  $M(x) : \Omega_M \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$  η κινούμενη εικόνα και  $\mathbf{T}(\mathbf{x}, \boldsymbol{\mu}) : \Omega_F \times \mathbb{R}^P \mapsto \Omega_M$  παραμετροποιημένος μετασχηματισμός συντεταγμένων, όπου  $\boldsymbol{\mu} \in \mathbb{R}^P$  αναπαριστά το διάνυσμα των παραμέτρων του μετασχηματισμού. Το πρόβλημα βελτιστοποίησης είναι:

$$\hat{\boldsymbol{\mu}} = \underset{\boldsymbol{\mu}}{\operatorname{argmin}} \mathcal{C}(F, M \circ \mathbf{T})$$

Όπου  $\mathcal{C}$  είναι μία συνάρτηση αξιολόγησης (όπως η μέση διαφορά τετραγώνων 2.3.1). Η  $\hat{\boldsymbol{\mu}}$  είναι η παράμετρος που ελαχιστοποιεί την συνάρτηση κόστους, επομένως μπορούμε να γράψουμε την συνάρτηση αυτή  $\mathcal{C}(\boldsymbol{\mu}) \equiv \mathcal{C}(F, M \circ \mathbf{T})$ .

Ο Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου οπότε ορίζεται ως:

$$\begin{aligned} \boldsymbol{\mu}_{k+1} &= \boldsymbol{\mu}_k - \gamma(t_k) \tilde{\mathbf{g}}_k, \quad k = 0, 1, \dots, K \\ t_{k+1} &= [t_k + f(-\tilde{\mathbf{g}}_k^T \tilde{\mathbf{g}}_{k-1})]^+ \end{aligned}$$

Όπου  $[x]^+$  σημαίνει  $\max(x, 0)$ ,  $f$  είναι μία σιγμοειδής συνάρτηση και  $\mu_0$ ,  $t_0$  και  $t_1$  είναι ορίσματα του αλγορίθμου.  $\tilde{g}_k$  είναι προσέγγιση της παραγώγου  $g \equiv \frac{\partial \mathcal{C}}{\partial \mu}$  στο  $\mu_k$ . Επίσης ο βαθμωτός συντελεστής κέρδους  $\gamma_k$  ορίζεται από την συνάρτηση απόσβεσης:

$$\gamma_k \equiv \gamma(k) = \frac{a}{(k + A)^a}$$

Όπου  $0 < a \leq 1$  και  $A$  σταθερά ορίσματα του αλγορίθμου.

Στον αλγόριθμο αυτό, η μεταβλητή του "χρόνου"  $t_k$  εξαρτάται από το εσωτερικό γινόμενο της παραγώγου  $\tilde{g}_k$  και της προηγούμενης παραγώγου  $\tilde{g}_{k-1}$ . Αν οι παράγωγοι αυτοί σε δύο συνεχόμενα βήματα του αλγορίθμου έχουν την ίδια κατεύθυνση, τότε το εσωτερικό τους γινόμενο θα είναι θετικό. Οπότε ο "χρόνος" θα μειωθεί, που οδηγεί σε μεγάλο βήμα  $\gamma(t_{k+1})$  επειδή η  $\gamma$  είναι γνησίως φθίνουσα συνάρτηση. Με αυτό τον τρόπο ο αλγόριθμος της προσαρμοστικής στοχαστικής απόδοσης καθόδου υλοποιεί τον μηχανισμό του προσαρμοστικού βήματος.

### 2.3.3 Αγχίγραμμος μετασχηματισμός

Ο μετασχηματισμός που θα χρησιμοποιηθεί για την διαδικασία της κατάτμησης καθορίζει το τι θεωρείται επιτυχία. Ο μετασχηματισμός αντικατοπτρίζει τον επιθυμητό τύπο μετασχηματισμού και περιορίζει τον χώρο λύσης σε αυτόν τον τύπο παραμόρφωσης.

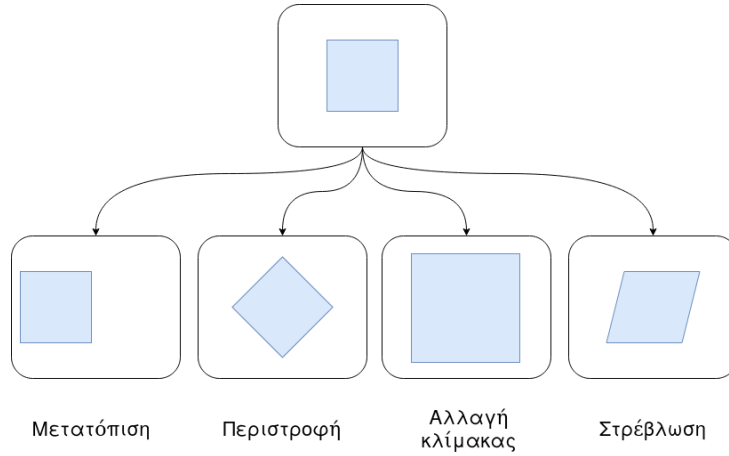
Ο βαθμός ελευθερίας του μετασχηματισμού είναι ίσος με τον αριθμό των παραμέτρων του. Με άλλα λόγια, ο βαθμός ελευθερίας του μετασχηματισμού είναι ίσος με τη διάσταση του χώρου αναζήτησης. Επίσης είναι ανάλογος του με την υπολογιστική πολυπλοκότητα του προβλήματος βελτιστοποίησης.

Ο αγχίγραμμος μετασχηματισμός (Affine) είναι ένας γεωμετρικός μετασχηματισμός που διατηρεί τις γραμμές και τον παραλληλισμό (αλλά όχι απαραίτητα αποστάσεις και γωνίες). Οι ιδιότητες του μετασχηματισμού είναι:

1. Διατηρεί τις ευθείες και τον λόγο αυτών.
2. Διατηρεί τον παραλληλισμό: δύο ή περισσότερες ευθείες που είναι παράλληλες μεταξύ τους, συνεχίζουν να είναι παράλληλες μετά τον μετασχηματισμό.

3. Διατηρεί ισομετρίες μέσω μεταφορών.
4. Διατηρεί την κυρτότητα συνόλων: ένα κυρτό σετ συνεχίζει να είναι κυρτό μετά τον μετασχηματισμό. Επιπλέον, τα ακραία σημεία του αρχικού σετ αντιστοιχίζονται στα ακραία σημεία του μετασχηματισμένου σετ.

Ο αγγίγραμμος μετασχηματισμός πραγματοποιεί μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση.



Σχήμα 1: Μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση ενός τετραγώνου.

Έστω  $F(x) : \Omega_F \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$  η σταθερή εικόνα,  $M(x) : \Omega_M \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$  η κινούμενη εικόνα και  $T_\mu(x) : \Omega_F \times \mathbb{R}^P \mapsto \Omega_M$  παραμετροποιημένος μετασχηματισμός συντεταγμένων, όπου  $\mu \in \mathbb{R}^P$  αναπαριστά το διάνυσμα των παραμέτρων του μετασχηματισμού. Επίσης  $P$  είναι ο βαθμός ελευθερίας του μετασχηματισμού.

Ο αγγίγραμμος μετασχηματισμός ορίζεται ως:

$$T_\mu(x) = A(x - c) + t + c$$

Όπου  $t$  είναι το διάνυσμα μετατόπισης και  $c$  το κέντρο περιστροφής. Επίσης, ο πίνακας  $A$  πραγματοποιεί την περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση. Το διάνυσμα παραμέτρων  $\mu$  θα αποτελείται από τα στοιχεία  $a_{ij}$  του πίνακα  $A$  και το διάνυσμα μετατόπισης  $t$ . Στις δύο διαστάσεις ο μετασχηματισμός έχει έξι βαθμούς ελευθερίας, ενώ στις τρεις έχει δώδεκα.

### 2.3.4 Γραμμική παρεμβολή

Κατά την διαδικασία του υπολογισμού της μετρικής αξιολόγησης της κατάτμησης (όπως στη 2.3.1), συγκρίνονται οι τιμές των αντίστοιχων σημείων της σταθερής εικόνας και των μετασχηματισμένων της κινούμενης. Αυτά τα μετασχηματισμένα σημεία της κινούμενης εικόνας μπορεί να μην ανήκουν στο πλέγμα της εικόνας. Γι' αυτόν τον λόγο, είναι απαραίτητη η παρεμβολή των σημείων αυτών.

Η γραμμική παρεμβολή υπολογίζει τον σταθμισμένο μέσο όρο των γειτονικών εικονοστοιχείων, χρησιμοποιώντας την απόσταση ως το βάρος.

### 2.3.5 Χώρος κλίμακας Gauss

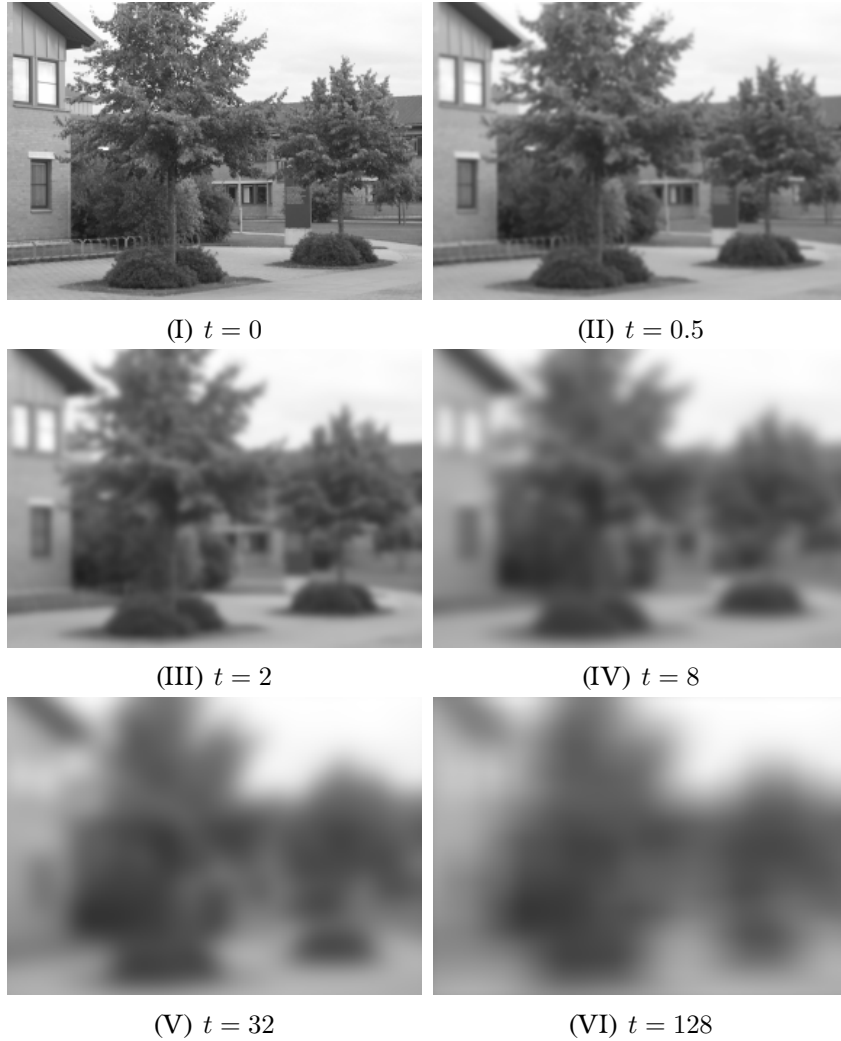
Ένα πρόβλημα που συναντάται όσο αυξάνεται ο χώρος αναζήτησης της κατάτμησης, είναι ότι υπάρχουν μεγαλύτερες πιθανότητες να καταλήξει η βελτιστοποίηση σε κάποιο τοπικό ελάχιστο, με αποτέλεσμα να μην είναι καλό το αποτέλεσμα της. Ένας τρόπος να αυξηθεί η πιθανότητα να βρεθεί το ολικό ελάχιστο είναι να χρησιμοποιηθεί μία ιεραρχική διαδικασία κατά την οποία η πληροφορία των εικόνων θα αυξάνεται από τα αρχικά προς τα τελικά στάδια.

Ο χώρος κλίμακας Gauss είναι ένας τρόπος να επιτευχθεί το παραπάνω αποτέλεσμα [6]. Αυτή η μέθοδος χρησιμοποιεί τον πυρήνα Gauss για να μειώσει την πληροφορία μίας εικόνας. Ο πυρήνας Gauss ορίζεται για τρεις διαστάσεις ως:

$$g(x, y, z, t) = \frac{1}{2\pi t} e^{-\frac{(x^2+y^2+z^2)}{t}} \quad (5)$$

Όπου  $\sqrt{2t}$  είναι η τυπική απόκλιση του πυρήνα και  $t$  το επίπεδο του χώρου κλίμακας. Ο πυρήνας αυτός συνελίσσεται με μία εικόνα ώστε να μειωθεί η πληροφορία της. Αυτό γίνεται σε πολλαπλά ιεραρχικά στάδια, στα οποία αρχικά η τιμή του  $t$  είναι μεγάλη και μειώνεται σε κάθε στάδιο. Ιδανικά με αυτήν την μέθοδο, οι εικόνες θα έχουν ένα ελάχιστο στο αρχικό ιεραρχικό επίπεδο, το οποίο θα είναι κοντά στο επιθυμητό ολικό ελάχιστο. Έπειτα σε κάθε στάδιο αφού αυξάνεται η πληροφορία, το ελάχιστο ιδανικά θα τείνει όλο και πιο κοντά στο ολικό.

Στο Σχήμα 2 παρουσιάζεται η ίδια εικόνα για διάφορες τιμές του  $t$ . Από το σχήμα αυτό, παρατηρείται ότι όσο αυξάνεται η τιμή του  $t$  τόσο μειώνεται και η πληροφορία στην εικόνα.



Σχήμα 2: Χώρος κλίμακας Gauss για διάφορες τιμές του  $t$ .

### 2.3.6 Δειγματοληψία συντεταγμένων εικόνας

Κατά την διαδικασία της αξιολόγησης μπορεί να χρησιμοποιηθεί η διαδικασία της δειγματοληψίας συντεταγμένων εικόνας ώστε να μειωθεί ο υπολογιστικός χρόνος που χρειάζεται για την αξιολόγηση. Στην διαδικασία αυτή επιλέγονται τυχαίες συντεταγμένες (σημεία στον χώρο της

εικόνας) με ομοιόμορφη κατανομή, ώστε να χρησιμοποιηθούν για την αξιολόγηση. Μέσω παρεμβολής των συντεταγμένων αυτών δημιουργείται η νέα δειγματοληπτική εικόνα.

### 2.3.7 Μάσκα εικόνας

Αν μία εικόνα (είτε σταθερή, είτε κινούμενη) έχει περιοχές στις οποίες δεν υπάρχουν χαρακτηριστικά ενδιαφέροντος, τότε μπορεί να χρησιμοποιηθεί μία μάσκα εικόνας, ώστε μην να συμπεριληφθούν οι περιοχές αυτές στην διαδικασία της κατάτμησης. Η μάσκα εικόνας είναι μία δυαδική εικόνα, η οποία υποδεικνύει εάν ένα εικονοστοιχείο θα συμπεριληφθεί στην διαδικασία της κατάτμησης. Το μέγεθος της μάσκας είναι ίδιο με το μέγεθος της εικόνας που θα εφαρμοστεί, ώστε να υπάρχει αντιστοιχία μεταξύ των εικονοστοιχείων της εικόνας και των εικονοστοιχείων της μάσκας. Επομένως, κάθε εικονοστοιχείο της μάσκας δηλώνει εάν το αντίστοιχο εικονοστοιχείο της εικόνας θα χρησιμοποιηθεί στην κατάτμηση.

## 2.4 Μέτρα αξιολόγησης

Τα μέτρα αξιολόγησης χρησιμοποιούνται για να αξιολογήσουν το αποτέλεσμα της κατάτμησης. Συγκρίνουν το αποτέλεσμα της κατάτμησης με το επιθυμητό αποτέλεσμα, ούτως ώστε να παράξουν μία αριθμητική αναπαράσταση της ποιότητας της κατάτμησης. Με αυτόν το τρόπο μπορούν να συγκριθούν διαφορετικοί αλγόριθμοι κατάτμησης και διαφορετικές τιμές για τον ίδιο αλγόριθμο.

Η επιλογή του μέτρου ή των μέτρων αξιολόγησης έχει μεγάλη σημασία για την δημιουργία και τον συντονισμό (επιλογή των κατάλληλων μεταβλητών) του μοντέλου επειδή, είναι το μέτρο που θα χρησιμοποιηθεί για την επιλογή του καταλληλότερου μοντέλου. Η επιλογή αυτή ταυτίζεται με την επιθυμητή συμπεριφορά του τελικού μοντέλου. Για παράδειγμα, αν το επιθυμητό μοντέλο πρέπει να έχει όσο είναι δυνατόν πιο λίγα αληθή αρνητικά, τότε πρέπει να επιλεγεί και το ανάλογο μέτρο αξιολόγησης που να ικανοποιεί τον περιορισμό αυτό.

### 2.4.1 Συντελεστής ομοιότητας Dice

Ο συντελεστής ομοιότητας Dice είναι μία μέτρηση που εκτιμά την ομοιότητα μεταξύ δύο συνόλων [7]. Είναι γνωστός επίσης και ως δείκτης Sørensen–Dice, συντελεστής Dice και F1 σκορ. Ο συντελεστής ομοιότητας Dice ορίζεται ως:

$$DSC = \frac{2|X \cap Y|}{|X| + |Y|}$$

Όπου  $X$  και  $Y$  είναι σύνολα,  $|x|$  είναι ο αριθμός των στοιχείων του συνόλου  $x$  και  $\cap$  δηλώνει την τομή δύο συνόλων.

Στην αξιολόγηση της κατάτμησης εικόνας τα παραπάνω σύνολα αποτελούνται από το σύνολο των εικονοστοιχείων που ανήκουν σε μία κλάση. Επομένως ο συντελεστής αυτός υπολογίζει το ποσοστό των σημείων μίας κλάσης που επικαλύπτονται. Η μέγιστη τιμή του συντελεστή είναι 1 και η ελάχιστη 0.

### 2.4.2 Δείκτης δομικής ομοιότητας

Ο δείκτης δομικής ομοιότητας [8] (Structural SIMilarity index, SSIM) είναι μία μετρική της ομοιότητας δύο εικόνων. Χρησιμοποιεί τις σύγκρισεις της φωτεινότητας, της αντίθεσης και της δομής των εικόνων. Κατά την δημιουργία μίας εικόνας η φωτεινότητα των αντικειμένων της εικόνας εξαρτάται από τον φωτισμό και την ανακλαστικότητα των αντικειμένων αυτών, αλλά και από την δομή τους. Γι' αυτό τον λόγο είναι επιθυμητό να διαχωριστεί η επίδραση της φωτεινότητας έτσι ώστε η δομή να είναι ανεξάρτητη από την φωτεινότητα. Επομένως μπορεί να οριστεί η δομική πληροφορία της εικόνας ως τα χαρακτηριστικά των αντικειμένων της που είναι ανεξάρτητα από την φωτεινότητα και την αντίθεση.

Η φωτεινότητα ενός σήματος ορίζεται ως:

$$\mu_x = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i \quad (6)$$

Όπου  $x$  είναι το σήμα και  $N$  ο αριθμός των στοιχείων του. Αν οι τιμές των εικονοστοιχείων μίας εικόνας τοποθετηθούν σε ένα διάνυσμα

τότε μπορεί να χρησιμοποιηθεί ο τύπος (6) για τον υπολογισμό της φωτεινότητας αλλά και των παρακάτω τύπων. Για να αφαιρεθεί η επίδραση της φωτεινότητας στο σήμα θα πρέπει να ισχύει:

$$\sum_{i=1}^N x_i = 0$$

Η αντίθεση της σήματος-εικόνας εκτιμάτε με την διακύμανση του σήματος:

$$\sigma_x = \sqrt{\left( \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu_x)^2 \right)}$$

Για να αφαιρεθεί και η επίδραση της αντίθεσης θα πρέπει να κανονικοποιηθεί το σήμα, δηλαδή να διαιρεθεί με την διακύμανση του ώστε να έχει μοναδιαία διακύμανση. Επομένως

$$\hat{x} = \frac{x - \mu_x}{\sigma_x}$$

Όπου  $\hat{x}$  είναι το κανονικοποιημένο σήμα. Η σύγκριση της φωτεινότητας δύο εικόνων  $x$  και  $y$  ορίζεται ως:

$$l(x, y) = \frac{2\mu_x\mu_y + C_1}{\mu_x^2 + \mu_y^2 + C_1} \quad (7)$$

Η σταθερά  $C_1$  μπορεί να χρησιμοποιηθεί για να αποφευχθεί υπολογιστική αστάθεια για μικρές τιμές του παρανομαστή. Η σύγκριση της αντίθεσης ορίζεται ως:

$$c(x, y) = \frac{2\sigma_x\sigma_y + C_2}{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + C_2} \quad (8)$$

Όπου η σταθερά  $C_2$  χρησιμοποιείται επίσης για την υπολογιστική σταθερότητα. Επειδή η συσχέτιση των κανονικοποιημένων σημάτων  $\hat{x}$  και  $\hat{y}$  είναι ίδια με την συσχέτιση των μη κανονικοποιημένων σημάτων, μπορεί να οριστεί η σύγκριση της δομής (που είναι ανεξάρτητη από την φωτεινότητα και την αντίθεση) ως:



$$s(x, y) = \frac{\sigma_{xy} + C_3}{\sigma_x \sigma_y + C_3} \quad (9)$$

Όπου η σταθερά  $C_3$  χρησιμοποιείται επίσης για την υπολογιστική σταθερότητα και  $\sigma_{xy}$  είναι η συνδιακύμανση των σημάτων και ορίζεται ως:

$$\sigma_{xy} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (x_i - \mu_x)(y_i - \mu_y)$$

Τέλος, χρησιμοποιώντας τις συγκρίσεις της φωτεινότητας, της αντίθεσης και της δομής ((7), (8) και (9) αντίστοιχα), ο τύπος του δείκτη δομικής ομοιότητας ορίζεται ως:

$$SSIM(x, y) = [l(x, y)]^\alpha [c(x, y)]^\beta [l(x, y)]^\gamma$$

Οι τιμές  $\alpha$ ,  $\beta$  και  $\gamma$  χρησιμοποιούνται για να ορίσουν την επίδραση κάθε σύγκρισης.

## 2.5 Προεπεξεργασία δεδομένων

Η προεπεξεργασία των δεδομένων αποτελεί ένα από τα πιο βασικά βήματα της μηχανικής μάθησης. Σε αυτό το βήμα τα δεδομένα αναλύονται και επεξεργάζονται ούτως ώστε η διαδικασία της μάθησης να είναι πιο αποτελεσματική. Αν τα δεδομένα περιέχουν περιττές και ασυσχέτιστες πληροφορίες για το πρόβλημα που χρησιμοποιούνται, τότε δυσκολεύουν την διαδικασία της μάθησης. Το ίδιο ισχύει και για αφερέγγυα και θορυβώδη δεδομένα. Επίσης στην προεπεξεργασία μπορεί να αυξηθεί η σημαντικότητα μερικών χαρακτηριστικών των δεδομένων.

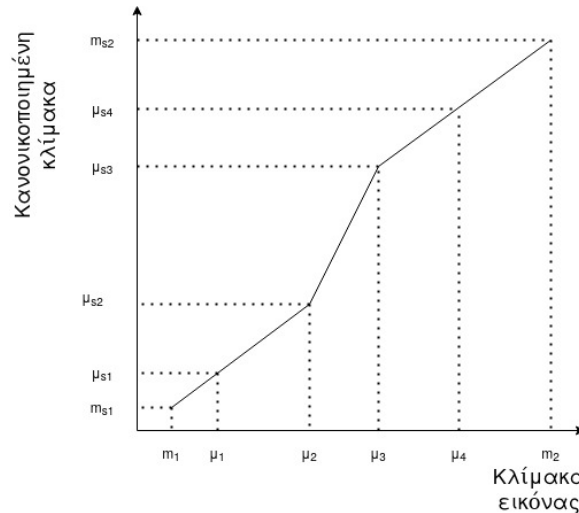
Στην περίπτωση όπου τα δεδομένα είναι εικόνας-απεικονίσεις, σκοπός της προεπεξεργασίας είναι να παραχθεί μία νέα εικόνα-απεικόνιση που θα έχει καλύτερα αποτελέσματα στην μάθηση από αυτά της αρχικής. Πιο αναλυτικά, σκοπεύει στην εξάλειψη της αθέμιτης διαστρέβλωσης τους, στην αύξηση της σημαντικότητας μερικών χαρακτηριστικών της εικόνας και στον γεωμετρικός μετασχηματισμός της εικόνας [9].

### 2.5.1 Αντιστοίχιση ιστογράμματος

Η αντιστοίχιση ιστογράμματος είναι ένας μετασχηματισμός της εικόνας κατά τον οποίο το ιστόγραμμα της εικόνας αντιστοιχίζεται με ένα άλλο ιστόγραμμα το οποίο μπορεί να προέρχεται από άλλη εικόνα. Αυτό μπορεί να επιτευχθεί με διάφορους αλγόριθμους. Ο αλγόριθμος που θα παρουσιαστεί περιγραφικά παρακάτω βασίζεται στο [10].

Ο αλγόριθμος πραγματοποιεί γραμμικούς μετασχηματισμούς για διάφορα τμήματα του ιστογράμματος των εικόνων. Αρχικά υπολογίζει τα τμήματα αυτά μέσω προκαθορισμένων τιμών της αθροιστικής συνάρτησης κατανομής. Έπειτα υπολογίζει για κάθε άκρο των μέσω όρο των αντίστοιχων τιμών. Τέλος μετασχηματίζει γραμμικά τις τιμές κάθε εικόνας, για κάθε διάστημα, από το αρχικό διάστημα της εικόνας, στο τελικό διάστημα που υπολογίστηκε με τον μέσω όρο.

Στο Σχήμα 3 φαίνεται η διαδικασία τους γραμμικού μετασχηματισμού μίας εικόνας. Οι τιμές της εικόνας μετασχηματίζονται γραμμικά από τον οριζόντιο άξονα στον κάθετο. Στο παράδειγμα αυτό υπάρχουν τέσσερα διαστήματα, όπου  $\mu_1, \mu_2, \mu_3, \mu_4$  είναι τα άκρα του αρχικού διαστήματος και  $\mu_{s1}, \mu_{s2}, \mu_{s3}, \mu_{s4}$  τα άκρα του τελικού.  $m_1, m_2$  είναι η ελάχιστη και η μέγιστη τιμή αντίστοιχα της εικόνας και  $m_{s1}, m_{s2}$  ίδια άκρα για το αποτέλεσμα της αντιστοίχισης ιστογράμματος.



Σχήμα 3: Γραμμικός μετασχηματισμός αντιστοίχισης ιστογράμματος μίας εικόνας για τέσσερα άκρα.

### 2.5.2 Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της καμπυλότητας

Η ροή της καμπυλότητας μπορεί να χρησιμοποιηθεί για την απαλοιφή του θορύβου. Συγκεκριμένα, σε μία μία εικόνα χρησιμοποιούνται οι καμπύλες που σχηματίζονται από τα εικονοστοιχεία που έχουν την ίδια τιμή (φωτεινότητα εικονοστοιχείου). Οι καμπύλες αυτές εξελίσσονται [11] μέσω της μερικής διαφορικής εξίσωσης:

$$I_t = \kappa |\nabla I| \quad (10)$$

Όπου  $I$  είναι η εικόνα και  $\kappa$  η καμπυλότητα. Η καμπυλότητα μίας καμπύλης  $\gamma$  ορίζεται ως:

$$\kappa = \frac{\|\gamma' \times \gamma''\|}{\|\gamma'\|^3}$$

Όπου το σύμβολο  $x'$  δηλώνει την παράγωγο της συνάρτησης  $x$  ως προς τον χρόνο. Επίσης  $\|v\|$  είναι η ευκλείδεια νόρμα του διανύσματος  $v$ .

Αυτή η τεχνική για την απαλοιφή του θορύβου έχει το πλεονέκτημα ότι διατηρεί τα αιχμηρά όρια της εικόνας ενώ ταυτόχρονα εξομαλύνει τα υπόλοιπα σημεία. Επειδή οι ροή των καμπυλών τείνει προς την εξάλειψη τους, η υπερβολική χρήση της τεχνική θα οδηγήσει στη εξάλειψη της πληροφορίας στη εικόνα.

## 2.6 Διασταυρωμένη επικύρωση

Σύμφωνα με το [12], διασταυρωμένη επιτήρηση είναι μια στατιστική μέθοδος αξιολόγησης και σύγκρισης των αλγορίθμων μάθησης διαχωρίζοντας τα δεδομένα σε δύο τμήματα. Το ένα χρησιμοποιείται για την εκμάθηση ή την εκπαίδευση ενός μοντέλου και το άλλο χρησιμοποιείται για την επικύρωση του μοντέλου. Ο σκοπός της διασταυρωμένης επικύρωσης είναι μέσω αυτής να αξιολογηθεί η δυνατότητα του μοντέλου να πραγματοποιεί σωστές προβλέψεις για δεδομένα που δεν χρησιμοποιήθηκαν για την εκπαίδευση του. Έτσι μπορεί να κριθεί η ικανότητα του μοντέλου να γενικεύει (ικανότητα πρόβλεψης του σε ανεξάρτητα δεδομένα).

### 2.6.1 Αφήνω ένα έξω διασταυρωμένη επικύρωση

Η μέθοδος αφήνω ένα έξω διασταυρωμένης επικύρωσης είναι μία μέθοδος διασταυρωμένης επικύρωσης κατά την οποία χρησιμοποιείται μία παρατήρηση από το σύνολο των δεδομένων για την επικύρωση του μοντέλου και οι υπόλοιπες για την εκπαίδευση του. Η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται μέχρις ότου κάθε παρατήρηση του συνόλου δεδομένων έχει χρησιμοποιηθεί για την επικύρωση. Αν  $m$  είναι ο συνολικός αριθμός των παρατηρήσεων, τότε η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται  $m$  φορές.

### 3 Μέθοδοι επίλυσης του προβλήματος

Σε αυτό το κεφάλαιο θα παρουσιαστούν οι μέθοδοι επίλυσης του προβλήματος. Όπως προαναφέρθηκε, το πρόβλημα αφορά την κατάτμηση ιατρικών απεικονίσεων βάση ατλάντων με χρήση μεθόδων μηχανικής μάθησης. Οι ιατρικές απεικονίσεις αποτελούνται από απεικονίσεις μαγνητικής τομογραφίας γονάτων.

#### 3.1 Δεδομένα

Τα δεδομένα που χρησιμοποιήθηκαν τόσο για την εκπαίδευση των μοντέλων όσο και για την αξιολόγηση τους προέρχονται από το OAI ZIB. Συγκεκριμένα τα δεδομένα αυτά αποτελούνται από απεικονίσεις μαγνητικής τομογραφίας γονάτων μαζί με τις αντίστοιχες κατατμήσεις τους. Η κατάτμηση έχει γίνει χειροκίνητα από ειδικούς. Οι κλάσεις της κατάτμησης αποτελούνται από τα οστά, τους χόνδρους και το υπόβαθρο. Χρησιμοποιήθηκαν 46 από τα 507 δείγματα που διατίθενται. Τα δεδομένα που χρησιμοποιήθηκαν καλύπτουν όλο το φάσμα του βαθμού οστεοαρθρίτιδας. Στον Πίνακα 1 απαριθμούνται κάποια χαρακτηριστικά των δεδομένων της βάσης OAI ZIB.

MRI scanner	Siemens 3T Trio
MRI sequence	DESS
Acquisition plane	Sagittal
Image resolution in mm	0.36×0.36×0.7
Timepoints	Baseline

Πίνακας 1: Χαρακτηριστικά δεδομένων OAI ZIB.

Οι κλάσεις-ετικέτες των δεδομένων που χρησιμοποιήθηκαν για την κατάχώρηση είναι:

0. Υπόβαθρο
1. Γόνατο
2. Χόνδρος

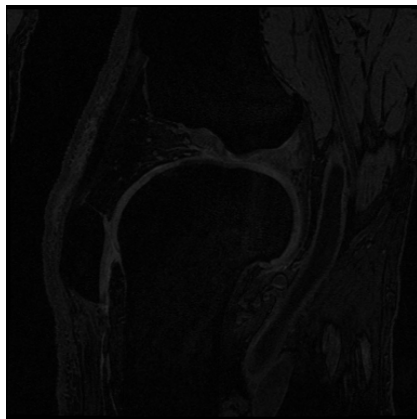
## 3.2 Προεπεξεργασία δεδομένων

Όπως αναφέρθηκε και στο 2.5, σκοπός της προεπεξεργασίας είναι να παραχθεί μία νέα εικόνα-απεικόνιση που θα έχει καλύτερα αποτελέσματα στην μάθηση από αυτά της αρχικής. Με τις μεθόδους που παρουσιάζονται παρακάτω επιθυμείτε να υπάρξει το αποτέλεσμα αυτό που θα βοηθήσει στην διαδικασία την εκμάθησης.

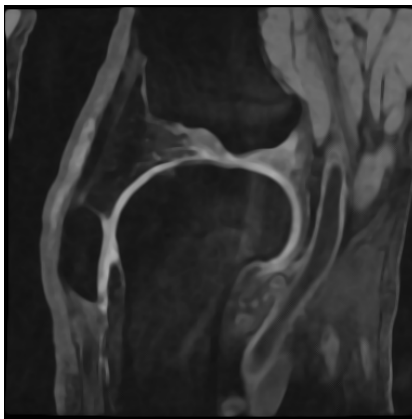
### 3.2.1 Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της καμπυλότητας

Κατά την προεπεργασία των απεικονίσεων χρησιμοποιήθηκε αρχικά η απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της καμπυλότητας (2.5.2). Με την μέθοδο αυτή επιτυγχάνεται η μύωση του θορύβου στις απεικονίσεις και η διατήρηση-τόνωση των αιχμηρών σημείων (σημείων που διαχωρίζονται οι διάφορες ανατομικές περιοχές) των απεικονίσεων.

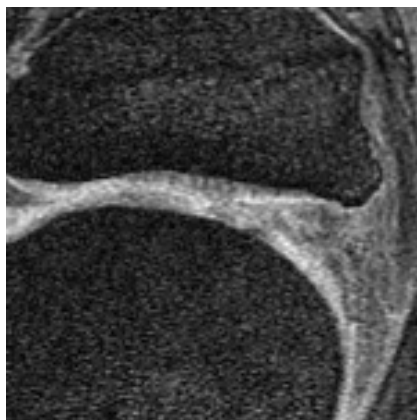
Η τιμή που χρησιμοποιήθηκε για το χρονικό βήμα είναι  $t = 0.04$  (από την εξίσωση (10)) και η μέθοδος επαναλήφθηκε δέκα φορές. Στα Σχήμα 4, Σχήμα 5 και Σχήμα 6 παρουσιάζονται απεικονίσεις του ίδιου γόνατου, από διάφορες οπτικές γωνίες, χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου. Από τα σχήματα αυτά φαίνεται ότι ο θόρυβος έχει μειωθεί αρκετά. Επίσης είναι εμφανές ότι οι ακμές των καμπυλών έχουν διατηρηθεί και σε μερικές περιπτώσεις έχουν αυξηθεί μετά τη χρήση της μεθόδου.



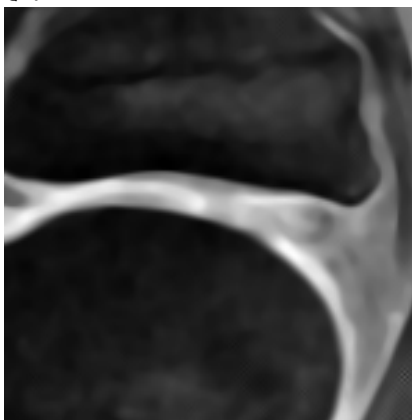
(I) Αρχική απεικόνιση



(II) Απεικόνιση με απαλοιφή θορύβου



(III) Μεγέθυνση της αρχικής απεικόνισης

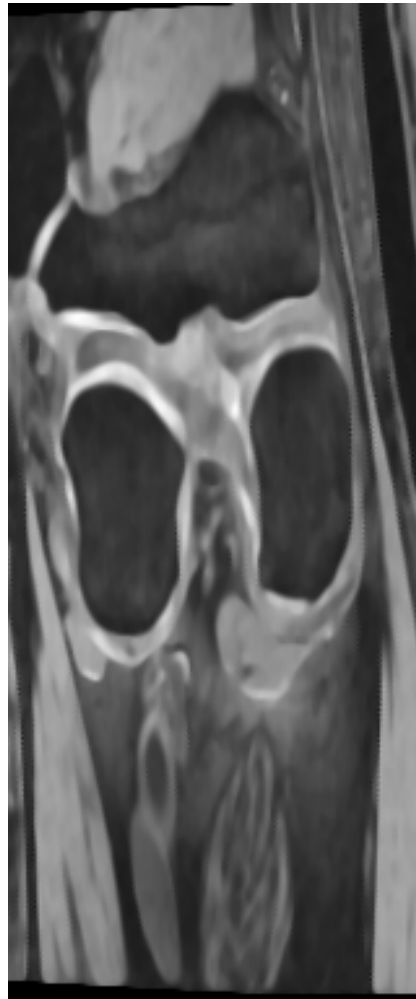


(IV) Μεγέθυνση της απεικόνισης με απαλοιφή θορύβου

*Σχήμα 4: Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας.*



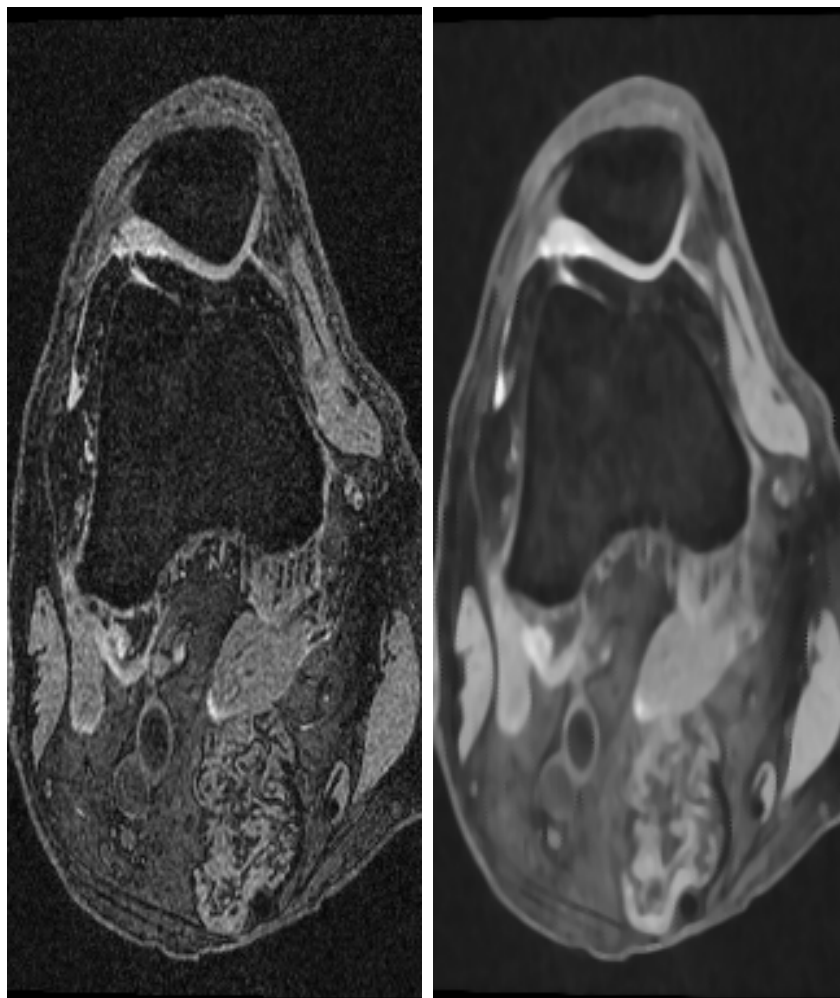
(I) Αρχική απεικόνιση



(II) Απεικόνιση με απαλοιφή θορύβου

*Σχήμα 5: Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας.*





(I) Αρχική απεικόνιση

(II) Απεικόνιση με απαλοιφή θορύβου

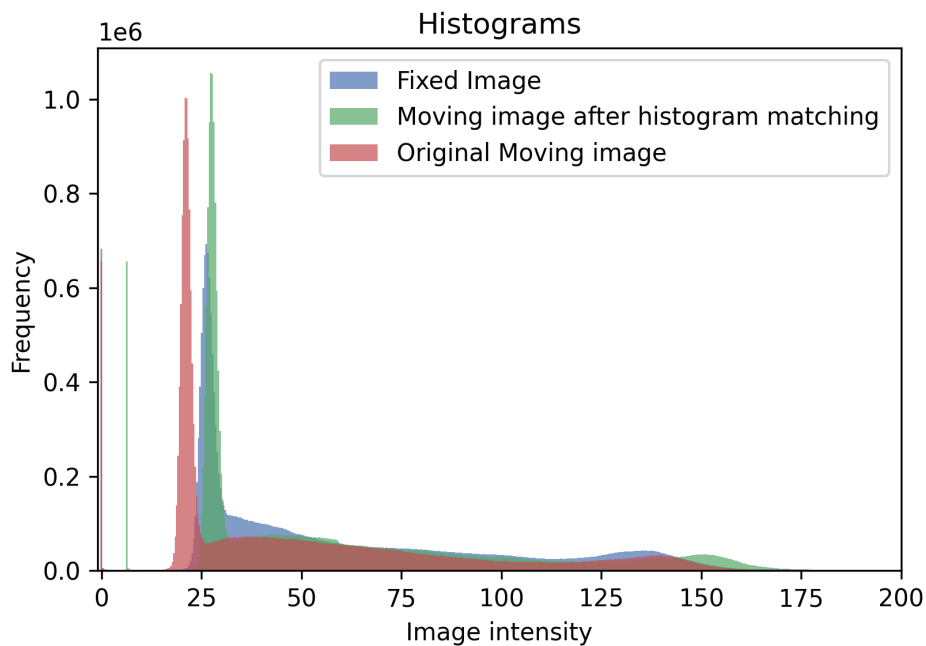
*Σχήμα 6: Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας.*

### 3.2.2 Αντιστοίχιση ιστογράμματος

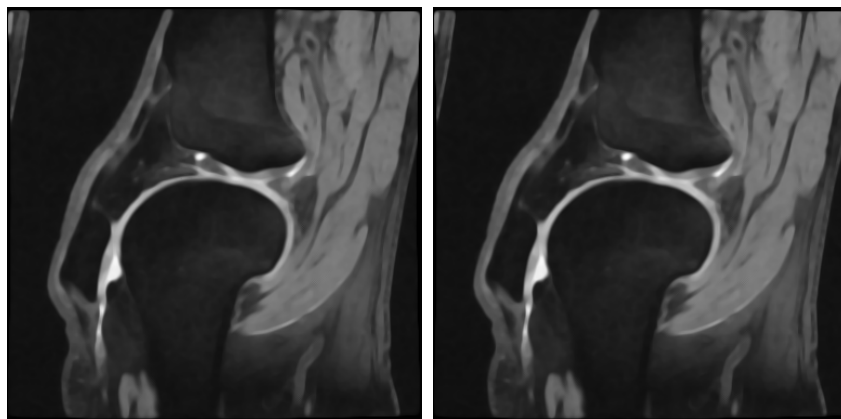
Έπειτα από την απαλοιφή του θορύβου χρησιμοποιήθηκε η αντιστοίχιση ιστογράμματος (2.5.1). Το ιστόγραμμα της κινούμενης απεικόνισης αντιστοιχίστηκε με το ιστόγραμμα της σταθερής απεικόνισης. Σκοπός του μετασχηματισμού αυτού είναι οι απεικονίσεις να έχουν την ίδια φωτεινότητα για τις αντίστοιχες βιολογικές περιοχές των γονάτων στην σταθερή και στην κινούμενη απεικόνιση.

Αν και οι απεικονίσεις προέρχονται από το ίδιο μοντέλο μαγνητικού τομογράφου, μπορούν να παρουσιάζουν μεταβολές στην φωτεινότητα τους. Γι' αυτό το λόγο χρησιμοποιείται η αντιστοίχιση ιστογράμματος.

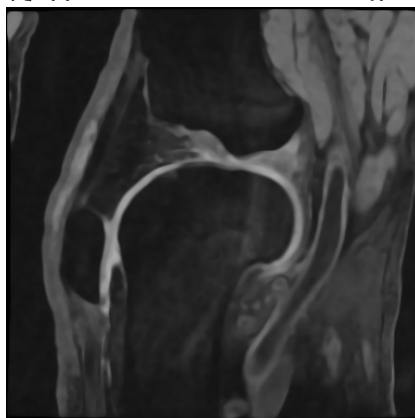
Στο Σχήμα 7 παρουσιάζονται τα ιστογράμματα μίας απεικόνισης πριν και μετά την διαδικασία της αντιστοίχισης. Επίσης παρουσιάζεται και το ιστόγραμμα της σταθερής απεικόνισης. Από το διάγραμμα αυτό φαίνεται ότι η μεγάλη ακμή της κινούμενης απεικόνισης μετακινήθηκε προς την ακμή της σταθερής. Επίσης παρατηρείται ολόκληρη η καμπύλη της κινούμενης απεικόνισης να ακολουθεί την μεταβολή της ακμής της. Ακόμα από το Σχήμα 8 μπορεί να παρατηρηθεί με το μάτι διαφορά στην απεικόνιση της κινούμενης εικόνας πριν και μετά την αντιστοίχιση του ιστογράμματος. Το γεγονός αυτό είναι αναμενόμενο αφού η μεταβολή του ιστογράμματος δεν είναι μεγάλη όπως φαίνεται από το Σχήμα 7.



Σχήμα 7: Ιστογράμματα σταθερής απεικόνισης και κινούμενης πριν και μετά την αντιστοίχιση



(I) Κινούμενη απεικόνιση πριν της αντιστοίχιση ιστογράμματος (II) Κινούμενη απεικόνιση πριν της αντιστοίχιση ιστογράμματος



(III) Σταθερή απεικόνιση

*Σχήμα 8: Τομή απεικονίσεων σταθερή και κινούμενης εικόνας πριν και μετά την αντιστοίχιση ιστογράμματος.*

### 3.3 Καταχώρηση απεικονίσεων

Πριν την κατάτμηση των απεικονίσεων είναι απαραίτητο να καταχωρηθούν οι απεικονίσεις των ατλάντων που θα χρησιμοποιηθούν για την κατάτμηση της σταθερής απεικόνισης. Άτλας είναι ο συνδυασμός μίας απεικόνισης και του αντίστοιχου χάρτη των ετικετών της απεικόνισης. Όπως αναφέρθηκε στο 2.3, μέσω της καταχώρησης επιδιώκεται τα κοινά χαρακτηριστικά των δύο απεικονίσεων (σταθερή και κινούμενη) να επικαλυφθούν. Με αυτό τον τρόπο αντίστοιχα εικονοστοιχεία των δύο απεικονίσεων θα αναπαριστούν όμοια βιολογικά σημεία.

Για την διαδικασία την καταχώρησης χρησιμοποιήθηκε ο αγκίγραμ-

μος μετασχηματισμός (2.3.3). Επίσης η μέτρηση της ομοιότητας των δύο απεικονίσεων έγινε με την μέση διαφορά τετραγώνων (2.3.1), με την υπόθεση ότι όμοια βιολογικά σημεία στις απεικονίσεις έχουν την ίδια φωτεινότητα. Ο αλγόριθμος βελτιστοποίησης που χρησιμοποιήθηκε ώστε να βρεθούν οι βέλτιστες παράμετροι είναι ο αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου (2.3.2). Η παρεμβολή των σημείων των απεικονίσεων έγινε με γραμμική παρεμβολή (2.3.4). Χρησιμοποιήθηκε δειγματοληψία (2.3.6) 80% του συνολικού αριθμού των εικονοστοιχείων μίας απεικόνισης για να μειωθεί ο χρόνος υπολογισμού που απαιτείται για την καταχώρηση.

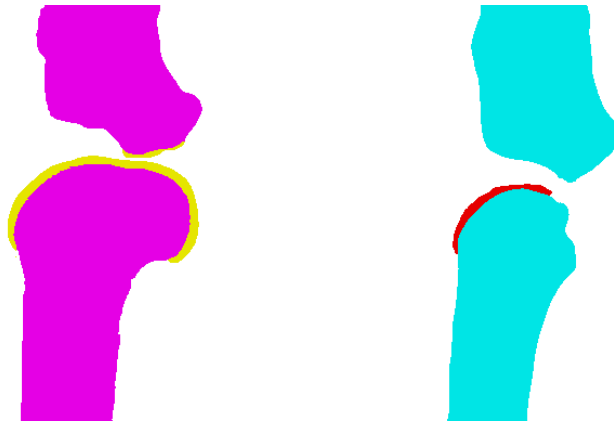
Ο χώρος κλίμακας Gauss (2.3.5) χρησιμοποιήθηκε ούτως ώστε να υπάρχουν μεγαλύτερες πιθανότητες να μην καταλήξει η βελτιστοποίηση σε κάποιο ολικό ελάχιστο. Χρησιμοποιήθηκαν τέσσερα στάδια. Η τυπική απόκλιση του πυρήνα (5) για κάθε στάδιο ορίζεται από τον τύπο:

$$\sigma = \frac{f}{2}s \quad (11)$$

Όπου  $f$  αναπαριστά το επίπεδο μείωσης της πληροφορίας και έχει τιμές για κάθε στάδιο 8, 4, 2, 1 αντίστοιχα.  $s$  είναι η απόσταση των εικονοστοιχείων της απεικόνισης για κάθε διάσταση (μπορεί να βρεθεί στον Πίνακα 1).

Τέλος χρησιμοποιήθηκε μάσκα (2.3.7) για την κινούμενη εικόνα. Η μάσκα αυτή αποτελείται από όλα τα εικονοστοιχεία της απεικόνισης που δεν ανήκουν στο υπόβαθρο. Με αυτόν τον τρόπο συνεισφέρουν μόνο τα εικονοστοιχεία των απεικονίσεων που ανήκουν σε βιολογικές ομάδες που πρόκειται να κατανεμηθούν.

Στα Σχήμα 9, Σχήμα 11 και Σχήμα 13 παρουσιάζονται οι ετικέτες δύο απεικονίσεων πριν την καταχώρηση. Στα Σχήμα 10, Σχήμα 12 και Σχήμα 14 παρουσιάζονται οι αντίστοιχες ετικέτες μετά την καταχώρηση. Από τα σχήματα αυτά παρατηρείται ότι οι αντίστοιχες ετικέτες ανάμεσα στις δύο απεικόνισης έχουν επικαλυφθεί αρκετά αλλά όχι τελείως. Αυτό οφείλεται στον αγκίγγραμμο μετασχηματισμό που μπορεί να εφαρμόσει μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση. Ακόμα στο γεγονός ότι η μορφολογία των δύο γονάτων δεν είναι ίδια.



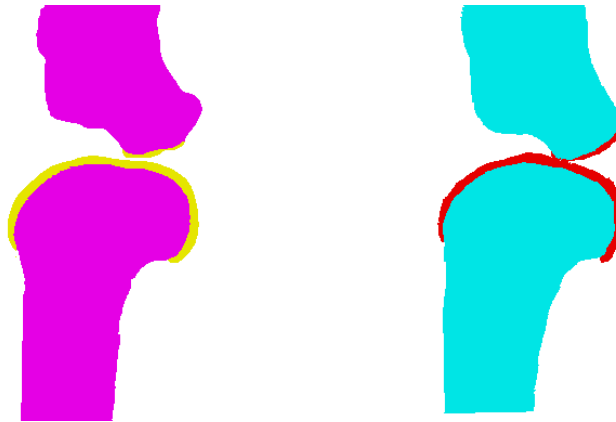
(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την καταχώρηση

(II) Κινούμενη απεικόνιση μετά την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

*Σχήμα 9: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.*



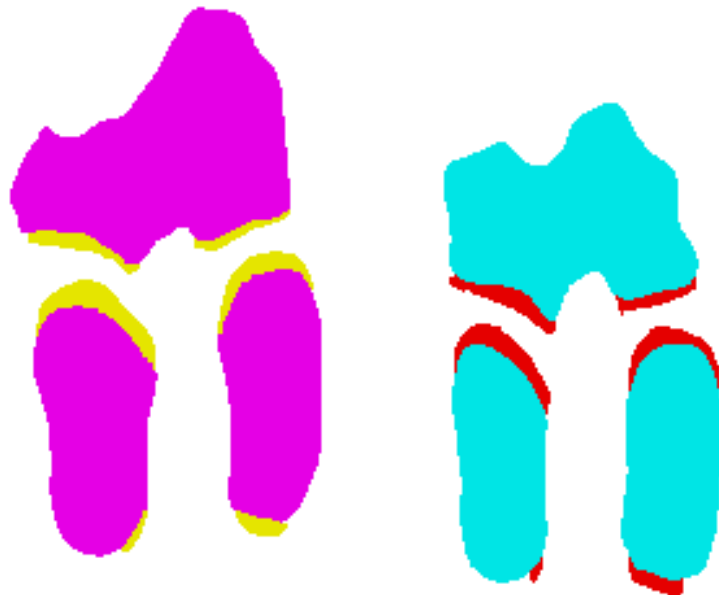
(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την καταχώρηση

(II) Κινούμενη απεικόνιση μετά την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

*Σχήμα 10: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.*

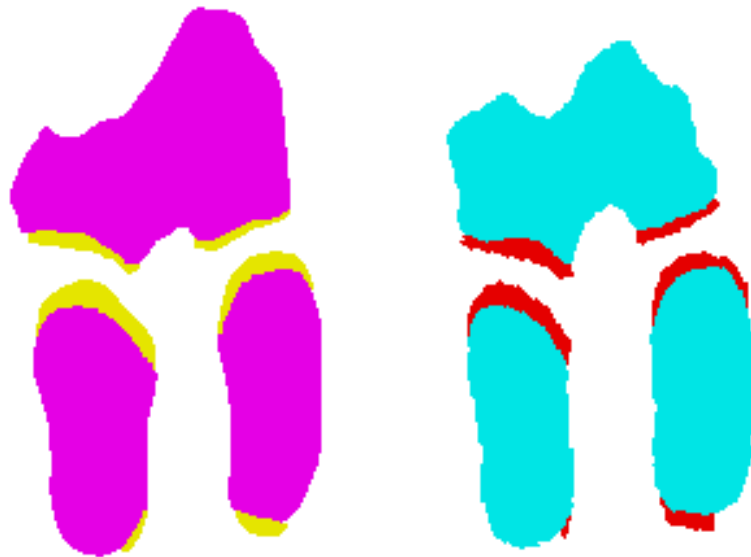


(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την καταχώρηση      (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

*Σχήμα 11: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.*



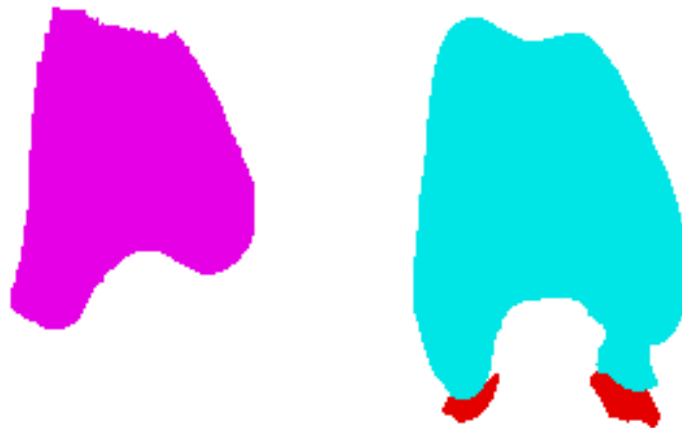
(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την καταχώρηση (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

*Σχήμα 12: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.*





(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά  
καταχώρηση την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά  
την καταχώρηση

Σχήμα 13: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού  
τους μετά την μετά την καταχώρηση.



(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την  
καταχώρηση

(II) Κινούμενη απεικόνιση μετά  
την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά  
την καταχώρηση

Σχήμα 14: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.

### 3.4 Επιλογή ατλάντων

Έπειτα από την καταχώρηση των ατλάντων επιλέγεται ένα υποσύνολο τους για να χρησιμοποιηθεί στην κατάτμηση. Αυτό γίνεται ώστε να μειωθεί ο υπολογιστικός χρόνος που απαιτείται. Ως μετρική για την επιλογή αυτή χρησιμοποιείται η μέση διαφορά τετραγώνων των εικονοστοιχείων των απεικονίσεων που δεν ανήκουν στο παρασκήνιο. Συγκεκριμένα αν  $I$  είναι η σταθερή απεικόνιση,  $I_i$  και  $L_i$  μία κινούμενη απεικόνιση και οι ετικέτες της αντίστοιχα για τον  $i$ -οστό άτλαντα. Τα στοιχεία της κινούμενης εικόνας που δεν ανήκουν στο παρασκήνιο είναι:

$$p_i = \{\mathbf{x} | \mathbf{x} \in L_i, L_i > 0\}$$

Οι ετικέτες  $L_i$  έχουν την τιμή 0 για το παρασκήνιο και για τις υπόλοιπες ακέραιους μεγαλύτερους του 0. Έχοντας τα στοιχεία αυτά η μετρική ορίζεται ως:

$$mse_i = \frac{1}{|p_i|} \sum_{\mathbf{x} \in p_i} (I(\mathbf{x}) - I_i(\mathbf{x}))^2 \quad (12)$$

Όπου  $|p_i|$  είναι ο αριθμός των στοιχείων που χρησιμοποιούνται για τον υπολογισμό της μετρικής.

Έχοντας υπολογίσει την μετρική για όλους τους άτλαντες μέσω της (12), αν ο επιθυμητός αριθμός ατλάντων είναι  $N$ , τότε επιλέγονται οι  $N$  άτλαντες με την μικρότερη τιμή.

### 3.5 Μέθοδοι καταχώρησης

Για την καταχώρηση των απεικονίσεων χρησιμοποιήθηκαν τρεις μέθοδοι που έχουν χρησιμοποιηθεί για την καταχώρηση απεικονίσεων μαγνητικής τομογραφίας του εγκεφάλου [1], [13], [14].

#### 3.5.1 Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα

Η αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα (Sparse Patch-Based Method, SPBM) βασίζεται στο [1]. Η μέθοδος αυτή ανοικοδομεί τα τμήματα γύρο

από κάθε εικονοστοιχείο της σταθερής απεικόνισης με αραιή γραμμική υπέρθεση των τμημάτων των ατλάντων. Έπειτα χρησιμοποιεί τους συντελεστές της ανοικοδόμησης για να εξαχθεί η δομή γειτνίασης γραφήματος και τα βάρη γραφήματος ταυτόχρονα, ώστε να χρησιμοποιηθούν στο πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους (2.1).

Συγκεκριμένα έστω το ζεύγος  $\{(I_i, L_i), i = 1, \dots, n\}$  όπου  $I_i$  είναι η απεικόνιση ενός άτλαντα,  $L_i$  ο χάρτης των κατηγοριών της αντίστοιχης απεικόνισης και  $n$  το σύνολο των ατλάντων. Για κάθε εικονοστοιχείο  $x$  της σταθερής απεικόνισης  $I$  και κάθε εικονοστοιχείο  $y \in N_i(x)$  σε κάθε άτλαντα  $I_i$ , είναι επιθυμητό τα βάρη  $w_i(x, y)$  να βελτιστοποιηθούν βάση της αραιής αναπαράστασης.  $N_i(x)$  είναι μία γειτονιά εικονοστοιχείων γύρω από τον άτλαντα  $I_i$ . Επίσης τα βάρη  $w_i(x, y)$  είναι οι συντελεστές ανοικοδόμησης.

Ακόμα, έστω  $A_y^i \triangleq \text{col}(\{I_i(y'|y' \in P_{I_i}(y))\})$  και  $b_x \triangleq \text{col}(\{I(x'|x' \in P_I(y))\})$  διανύσματα και  $P_I(x)$ ,  $P_{I_i}(y)$  τμήματα της απεικόνισης  $I$  και  $I_i$  γύρω από τα εικονοστοιχεία  $x$  και  $y$  αντίστοιχα. Επίσης  $\text{col}$  είναι ένας τελεστής που ευθυγραμμίζει όλα τα στοιχεία ενός συνόλου σε ένα διάνυσμα στήλης. Ο συντελεστής ανοικοδόμησης  $w_i(x, y)$  υπολογίζεται από την παρακάτω συνάρτηση:

$$\underset{\{w_i(x, y)\}}{\text{argmin}} \frac{1}{2} \left\| \sum_{i=1}^n \sum_{y \in N_i(x)} A_y^i w_i(x, y) - b_x \right\|_2^2 + \lambda \sum_{i=1}^n \sum_{y \in N_i(x)} |w_i(x, y)| \quad (13)$$

Με την συνάρτηση (13) επιθυμείτε η ανοικοδόμηση του διανύσματος  $b_x$  της σταθερής εικόνας από το διάνυσμα  $A_y^i$  των ατλάντων. Ο πρώτος όρος ελαχιστοποιεί το σφάλμα ανοικοδόμησης ενώ ο δεύτερος χρησιμοποιείται ώστε να επιτευχθεί αραιή λύση. Η παράμετρος  $\lambda$  χρησιμοποιείται για να ελέγξει την συνεισφορά κάθε όρου και επομένως και το πόσο αραιό θα είναι το αποτέλεσμα. Η συνάρτηση (13) μπορεί να ελαχιστοποιηθεί με τον ελάχιστο απόλυτο τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής (2.2).

Έπειτα, αφού έχει υπολογιστεί ο συντελεστής ανοικοδόμησης  $w_i(x, y)$ , χρησιμοποιείται η εξίσωση (1) του πλαισίου συγχώνευσης κατηγοριών για να παραχθεί η ετικέτα  $L(x)$  για το εικονοστοιχείο  $x$ . Η διαδικασία του πλαισίου συγχώνευσης κατηγοριών επαναλαμβάνεται για κάθε ετικέτα των δεδομένων εκτός του υποβάθρου. Η συνάρτηση αυτή επιστρέφει τιμές στο διάστημα  $[0, 1]$ . Αν όλες οι τιμές αυτές είναι μικρό-

τερες του 0.5, τότε επιλέγεται για το εικονοστοιχείο  $x$  η ετικέτα του παρασκηνίου. Αλλιώς επιλέγεται η ετικέτα με την μεγαλύτερη τιμή. Ολόκληρη η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται για κάθε εικονοστοιχείο  $x \in \Omega$  της σταθερής απεικόνισης, όπου  $\Omega$  ο χώρος των απεικονίσεων.

### 3.5.2 Ταξινόμηση αραιής αναπαράστασης

Η μέθοδος ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης (Sparse representation classification, SRC) βασίζεται στο [13] και χρησιμοποιεί μία βιβλιοθήκη πρότυπων τμημάτων ως προκαθορισμένο λεξικό. Όπως και στην προηγούμενη μέθοδο, τα τμήματα γύρο από κάθε εικονοστοιχείο της σταθερής απεικόνισης ανοικοδομούνται με αραιή γραμμική υπέρθεση των τμημάτων των ατλάντων (δημιουργία βιβλιοθήκης πρότυπων τμημάτων). Η κατηγορία-ετικέτα του εικονοστοιχείου προς ταξινόμηση καθορίζεται από το σφάλμα ανοικοδόμησης για κάθε κατηγορία.

Τα βήματα για τη δημιουργία της βιβλιοθήκης πρότυπων τμημάτων είναι τα ίδια με την αραιή μέθοδο βασισμένη σε τμήματα (3.5.1). Οι συντελεστές  $w_i(\mathbf{x}, \mathbf{y})$  ανοικοδόμησης υπολογίζονται μέσω της (13).

Για ευκολία η συνάρτηση (13) μπορεί να γραφτεί ως:

$$\operatorname{argmin}_{w_x} \frac{1}{2} \|Aw_x - b_x\|_2^2 + \lambda \|w_x\|_1 \quad (14)$$

Όπου  $w_x \triangleq \operatorname{col}(w_i(\mathbf{x}, \mathbf{y}) | \mathbf{y} \in N_i(\mathbf{x}), i \in 1, \dots, n)$  και  $A \triangleq \operatorname{row}(A_y^i | \mathbf{y} \in N_i(\mathbf{x}), i \in 1, \dots, n)$ . Ο τελεστής  $\operatorname{row}$  ευθυγραμμίζει όλα τα διανύσματα κατά γραμμές, οπότε το  $A$  είναι πίνακας.

Έχοντας υπολογίσει τους συντελεστές ανοικοδόμησης (το διάνυσμα  $w_x$  στην συνάρτηση (14)) μέσω του ελάχιστου απόλυτου τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής (2.2), το σφάλμα ανοικοδόμησης για κάθε κλάση ορίζεται ως:

$$r_j(b_x) = \|b_x - A^j w_x^j\| \quad (15)$$

Όπου  $A^j$  και  $w_x^j$  είναι τα  $A$  και  $w_x$  αντίστοιχα που σχετίζονται με την ετικέτα  $j$ . Δηλαδή τα στοιχεία των  $A$  και  $w_x$  που δεν ανήκουν στην κατηγορία-ετικέτα  $j$ . Έχουν την τιμή 0 ή με άλλα λόγια δεν συνεισφέρουν στον υπολογισμό του σφάλματος ανοικοδόμησης.

Τέλος, η τελική ετικέτα  $v$  του εικονοστοιχείου προς ταξινόμηση ορίζεται ως:

$$v = \underset{j}{\operatorname{argmin}} (r_j(b_x)) , j = 0, \dots, C$$

Όπου  $C$  είναι ο μεγαλύτερος αριθμός ετικέτας. Η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται για κάθε εικονοστοιχείο  $x \in \Omega$  της σταθερής απεικόνισης, όπου  $\Omega$  ο χώρος των απεικονίσεων.

## Αναφορές

- [1] D. Zhang, Q. Guo, G. Wu και D. Shen, *Sparse Patch-Based Label Fusion for Multi-Atlas Segmentation*, 2012.
- [2] R. Tibshirani, "Regression Shrinkage and Selection Via the Lasso," *JOURNAL OF THE ROYAL STATISTICAL SOCIETY, SERIES B*, τόμ. 58, σσ. 267–288, 1994.
- [3] L. G. Brown, "A Survey of Image Registration Techniques," *ACM Computing Surveys*, τόμ. 24, σσ. 325–376, 1992.
- [4] B. Zitová και J. Flusser, "Image registration methods: a survey," *IMAGE AND VISION COMPUTING*, τόμ. 21, σσ. 977–1000, 2003.
- [5] S. Klein, J. P. W. Pluim, M. Staring και M. A. Viergever, "Adaptive stochastic gradient descent optimisation for image registration.," *International Journal of Computer Vision*, σσ. 227–239, 2009.
- [6] H. Lester και S. Arridge, "A survey of hierarchical non-linear medical image registration," *Pattern Recognit.*, τόμ. 32, σσ. 129–149, 1999.
- [7] L. R. Dice, "Measures of the Amount of Ecologic Association Between Species," *Ecology*, τόμ. 26, αρθμ. 3, σσ. 297–302, 1945. doi: 10.2307/1932409.
- [8] Z. Wang, A. Bovik, H. R. Sheikh και E. P. Simoncelli, "Image quality assessment: from error visibility to structural similarity," *IEEE Transactions on Image Processing*, τόμ. 13, σσ. 600–612, 2004.
- [9] M. Sonka, V. Hlavac και R. Boyle, "Image pre-processing," στο *Image Processing, Analysis and Machine Vision*. Boston, MA: Springer US, 1993, σσ. 56–111, ISBN: 978-1-4899-3216-7. doi: 10.1007/978-1-4899-3216-7\_4. διεύθυν.: [https://doi.org/10.1007/978-1-4899-3216-7\\_4](https://doi.org/10.1007/978-1-4899-3216-7_4).
- [10] L. G. Nyúl, J. K. Udupa και X. Zhang, "New variants of a method of MRI scale standardization," *IEEE Trans. Med. Imaging*, σσ. 143–150, 2000.
- [11] J. A. Sethian, *Advancing Interfaces: Level Set and Fast Marching Methods*, 1999.
- [12] P. Refaeilzadeh, L. Tang και H. Liu, "Cross-Validation," στο *Encyclopedia of Database Systems*, L. LIU και M. T. ÖzSU, επιμελητές. Boston, MA: Springer US, 2009, σσ. 532–538, ISBN: 978-0-387-39940-9. doi: 10.1007/978-0-387-39940-9\_565. διεύθυν.: [https://doi.org/10.1007/978-0-387-39940-9\\_565](https://doi.org/10.1007/978-0-387-39940-9_565).

- [13] T. Tong, R. Wolz, P. Coupé, J. V. Hajnal και D. Rueckert, "Segmentation of MR images via discriminative dictionary learning and sparse coding: Application to hippocampus labeling," *NeuroImage*, τόμ. 76, σσ. 11–23, 2013, issn: 1053-8119. doi: <https://doi.org/10.1016/j.neuroimage.2013.02.069>. διεύθν.: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1053811913002243>.
- [14] P. Coupé, J. V. Manjón, V. Fonov, J. Pruessner, M. Robles και D. L. Collins, "Patch-based segmentation using expert priors: Application to hippocampus and ventricle segmentation," *NeuroImage*, τόμ. 54, αρθμ. 2, σσ. 940–954, 2011, issn: 1053-8119. doi: <https://doi.org/10.1016/j.neuroimage.2010.09.018>. διεύθν.: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1053811910011997>.