Περιεχόμενα

1	Εισ	αγωγή		7
	1.1	Διατύ	πωση του προβλήματος	7
		1.1.1	Κατάτμηση βάση ατλάντων	7
		1.1.2	Αντικείμενο διπλωματικής εργασίας	7
2	Θεσ	ορητικ	ό υπόβαθρο	9
	2.1	Πλαίο	πο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους	9
	2.2		στα απόλυτος τελεστής συρρίκνωσης και επιλογή.	9
	2.3		χώρηση εικόνας	10
		2.3.1	Μέση διαφορά τετραγώνων	11
		2.3.2	Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότο-	
			μης καθόδου	12
		2.3.3	Αγχίγραμμος μετασχηματισμός	
		2.3.4	Γραμμική παρεμβολή	
		2.3.5	Χώρος κλίμακας Gauss	
		2.3.6	Δειγματοληψία συντεταγμένων εικόνας	
		2.3.7	Μάσκα εικόνας	
	2.4	Μέτρο	α αξιολόγησης	
		2.4.1		
		2.4.2		
	2.5	Пооєз	πεξεργασία δεδομένων	
		$2.\overline{5}.1$		
		2.5.2		
			μπυλότητας	22
	2.6	Διαστ	αυρωμένη επικύρωση	
		2.6.1	Αφήνω ένα έξω διασταυρωμένη επικύρωση	
3	Μέi	θοδοι ε	επίλυσης του προβλήματος	24
	3.1		ιένα	24
	3.2	•	πεξεργασία δεδομένων	
		_	Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της κα-	
			μπυλότητας	25
		3.2.2	Αντιστοίχιση ιστογράμματος	
	3.3	Κατα	χώρηση απεικονίσεων	
	3.4		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	3.5		δοι κατάτμησης	
		3.5.1	Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα	
		3.5.2	Ταξινόμηση αραμής αναπαράστασης	

		3.5.3	Κατάτμηση βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς	41
4	Πει	ράματο	ι και αποτελέσματα	43
	4.1	Τρόπο	ος αξιολόγησης και σύγκρισης	43
	4.2	Λεπτο	ομέρειες υλοποίησης	43
	4.3	Επιλο	γή παραμέτρων	43
		4.3.1	Παράμετρος λ του ελάχιστα απόλυτου τελεστή	
			συρρίκνωσης και επιλογής	44
		4.3.2	Τμήμα αναζήτησης	48
		4.3.3	Τμήμα χαρακτηριστικών	55
		4.3.4	Αριθμός ατλάντων	61

Κατάλογος σχημάτων

1	Μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέ-	
	βλωση ενός τετραγώνου	14
2	Χώρος κλίμακας Gauss για διάφορες τιμές του t	16
3	Γραμμικός μετασχηματισμός αντιστοίχισης ιστογράμματος	
	μίας εικόνας για τέσσερα άκρα	21
4	Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της	
	απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας	26
5	Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της	
	απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας	27
6	Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της	
	απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας	28
7	Ιστογράμματα σταθερής απεικόνισης και κινούμενης πριν	
	και μετά την αντιστοίχιση	29
8	Τομή απεικονίσεων σταθερή και κινούμενης εικόνας πριν	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	30
9	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και	
	του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση	32
10	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και	
		33
11	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	34
12	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και	
	του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση	35
13	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και	
		36
14	Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και	
	του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση	37
15	Μεταβολή της παραμέτρου λ της αραιής μεθόδου βασι-	
		45
16	Μεταβολή της παραμέτρου λ της αραιής μεθόδου βασι-	
		45
17	Μεταβολή της παραμέτρου λ της αραιής μεθόδου βασι-	
		46
18	Μεταβολή της παραμέτρου λ της μεθόδου ταξινόμησης	
		47
19	Μεταβολή της παραμέτρου λ της μεθόδου ταξινόμησης	
	αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του κόκαλου	47

20	Μεταβολή της παραμέτρου λ της μεθόδου ταξινόμησης	40
01	αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του χόνδρου	48
21	Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της αραιής μεθόδου	49
22	βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρασκηνίου. Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της αραιής μεθόδου	49
22	βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου	50
23	Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της αραιής μεθόδου	30
23	βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου	50
24		<i>3</i> 0
24	Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου ταξι-	
	νόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του πα-	E 1
25	ρασκηνίου	51
23		
	νόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του κόκαλου.	52
26		32
26	Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου ταξινό-	52
27	μησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του χόνδρου. Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου κατά-	32
41	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
	τμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς για την ετικέτα του παρασκηνίου	53
28	Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου κατά-	JJ
20	τμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία	
	από ειδικούς για την ετικέτα του κόκαλου	54
29	Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου κατά-	04
20	τμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία	
	από ειδικούς για την ετικέτα του χόνδρου	54
30	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της αραιής με-	0 1
00	θόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρα-	
	σκηνίου	55
31	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της αραιής με-	
	θόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου.	56
32	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της αραιής με-	
	θόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου.	56
33	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου	
	ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του	
	παρασκηνίου	57
34	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου	
	ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του	
	κόκαλου	58
35	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου	
	ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του	
	χόνδοου	58

36	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληρο-	5 0
27	φορία από ειδικούς για την ετικέτα του παρασκηνίου	59
37	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληρο-	
	φορία από ειδικούς για την ετικέτα του κόκαλου	60
38	Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου	
	κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληρο-	
	φορία από ειδικούς για την ετικέτα του χόνδρου	60
39	Μεταβολή του αριθμού των ατλάντων της αραιής μεθό-	
	δου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρα-	
	σκηνίου	61
40	Μεταβολή του αριθμού των ατλάντων της αραιής μεθό-	
	δου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου.	62
41	Μεταβολή του αριθμού των ατλάντων της αραιής μεθό-	
	δου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου.	62

Κατάλογος πινάκων

1	Χαρακτηριστικά δεδομένων ΟΑΙ ΖΙΒ	24
2	Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή	
	της παραμέτρου λ	44
3	Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή	
	του τμήματος αναζήτησης	48
4	Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή	
	του τμήματος αναζήτησης για τη μέθοδο κατάτμησης βα-	
	σισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς.	53
5	Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή	
	του τμήματος χαρακτηριστικών.	55
6	Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή	
	του τμήματος χαρακτηριστικών για τη μέθοδο κατάτμη-	
	σης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από	
	ειδικούς	59
7	Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή	
	του αριθμού των ατλάντων για την αραιή μέθοδο βασι-	
	σμένη σε τμήματα	61

1 Εισαγωγή

1.1 Διατύπωση του προβλήματος

Η κατάτμηση είναι η διαδικασία διαμέρισης μίας εικόνας σε διάφορα ουσιαστικά τμήματα. Σκοπός της κατάτμησης είναι η απλοποίηση ή/και η αλλαγή της αναπαράστασης της εικόνας σε κάτι που είναι πιο σημασιολογικά σημαντικό και είναι πιο εύκολο να αναλυθεί. Πιο συγκεκριμένα, η κατάτμηση εικόνας είναι η διαδικασία ανάθεσης μίας ετικέτας σε κάθε εικονοστοιχείο της εικόνας έτσι ώστε τα εικονοστοιχεία με την ίδια ετικέτα να έχουν ίδια χαρακτηριστικά.

Στην ιατρική απεικόνιση αυτά τα τμήματα αντιστοιχούν συχνά σε διαφορετικές κατηγορίες ιστών, οργάνων, παθολογίες ή άλλες βιολογικά σχετιζόμενες δομές. Η αυτοματοποιημένη κατάτμηση ιατρικών απεικονίσεων μπορεί να βοηθήσει τους γιατρούς επιταχύνοντας τη διαδικασία διάγνωσης. Η καθημερινή δημιουργία πληθώρας ιατρικών απεικονίσεων καθιστά τη χειροκίνητη κατάτμηση από ειδικούς όλο και δυσκολότερη, λόγο του χρονικού διαστήματος που χρειάζεται η ανάλυση. Επομένως, η ανάπτυξη αξιόπιστων, σταθερών και ακριβών τεχνικών για την αυτοματοποιημένη κατάτμηση ιατρικών απεικονίσεων αποτελεί μία σημαντική πρόκληση.

1.1.1 Κατάτμηση βάση ατλάντων

Η κατάτμηση απεικονίσεων βάση ατλάντων αποτελεί την διαδικασία κατά την οποία χρησιμοποιούνται απεικονίσεις που έχουν κατανεμηθεί από κάποιον ειδικό, ούτως ώστε να επιτευχθεί η κατάτμηση της νέας απεικόνισης. Οι μέθοδοι αυτοί συνήθως απαιτούν την χρήση καταχώρησης εικόνας (image registration) με σκοπό την ευθυγράμμιση τού ή των ατλάντων στην εικόνα-απεικόνιση που πρόκειται να κατανεμηθεί.

1.1.2 Αντικείμενο διπλωματικής εργασίας

Στην διπλωματική εργασία εφαρμόστηκαν μέθοδοι κατάτμησης ιατοικών απεικονίσεων βάση ατλάντων με χρήση μηχανικής μάθησης. Οι απεικονίσεις αφορούν μαγνητικές τομογραφίες σε γόνατα και οι

περιοχές κατάτμησης αποτελούνται από τους αρθρικούς χόνδρους και τα οστά. Τα δεδομένα που χρησιμοποιήθηκαν προέρχονται από το Osteoarthritis Initiative Zuse Institute Berlin(OAI ZIB). Οι μέθοδοι που χρησιμοποιήθηκαν προέρχονται από μεθόδους που έχουν χρησιμοποιηθεί για την κατάτμηση περιοχών του εγκεφάλου. ΤΟDO: references

2 Θεωρητικό υπόβαθρο

2.1 Πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους

Το πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους προτάθηκε από το [1] ως μία μέθοδος μέσω της οποίας μπορούν να παραχθούν πολλές υπάρχουσες μέθοδοι συγχώνευσης κατηγοριών.

Έστω το ζεύγος $\{(I_i,L_i),i=1,...,n\}$ όπου I_i είναι η απεικόνιση ενός άτλαντα, L_i ο χάρτης των κατηγοριών της αντίστοιχης απεικόνισης και n το σύνολο των ατλάντων. Δοθείσας μία απεικόνισης I, δημιουργείται ο γράφος G_i μεταξύ των εικονοστοιχείων x της δοθείσας εικόνας I και του εικονοστοιχείου y της απεικόνισης του άτλαντα I_i , μαζί με τα αντίστοιχα βάρη $w_i(x,y)$, για $(x,y) \in \Omega^2$, όπου Ω ο χώρος των απεικονίσεων. Με τη δημιουργία των βαρών του γράφου, η συγχώνευση των κατηγοριών γίνεται για κάθε x της απεικόνισης εισόδου I σύμφωνα με το τύπο:

$$L(\boldsymbol{x}) = \frac{\sum_{i=1}^{n} \sum_{\boldsymbol{y} \in \Omega} w_i(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{y}) L_i(\boldsymbol{y})}{\sum_{i=1}^{n} \sum_{\boldsymbol{y} \in \Omega} w_i(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{y})}, \forall \boldsymbol{x} \in \Omega$$
(1)

L είναι ο χάρτης των κατηγοριών της απεικόνισης εισόδου I.

2.2 Ελάχιστα απόλυτος τελεστής συρρίκνωσης και επιλογή

Ο ελάχιστα απόλυτος τελεστής συρρίκνωσης και επιλογής (least absolute shrinkage and selection operator, Lasso) [2] είναι μία μέθοδος παλινδρόμησης. Παλινδρόμηση είναι η μέθοδος πρόβλεψης της συμπεριφοράς μίας μεταβλητής βασισμένη σε μία ή περισσότερες άλλες μεταβλητές. Έστω οι παρατηρήσεις $(x_i,y_i), i=1,...,N$, όπου $x_i=(x_{i1},...,x_{ip})$ οι p μεταβλητές εισόδου και y_i η μεταβλητή εισόδου για την i-οστή παρατήρηση. Αν $\hat{\beta}=(\hat{\beta}_1,...,\hat{\beta}_p)^T$ και $\hat{\alpha}$ τα αποτέλεσματα της παλινδρόμησης (συντελεστές παλινδρόμησης) τότε ο τελεστής ορίζεται ως:

$$(\hat{\alpha}, \hat{\beta}) = \operatorname{argmin} \left\{ \sum_{i=1}^{N} \left(y_i - \alpha - \sum_{j=1}^{p} \beta_j x_{ij} \right)^2 \right\} \text{ subject to } \sum_{j=1}^{p} |\beta_j| \le t \quad (2)$$

Το $t \geq 0$ είναι παράμετρος συντονισμού. Για κάθε τιμή του t η λύση για το α είναι $\hat{\alpha} = \overline{y}$ (όπου \overline{y} είναι η μέση τιμή του y). Επίσης μπορούμε να υποθέσουμε χωρίς την απώλεια της γενίκευσης ότι $\hat{\alpha} = 0$ ώστε να εξαλειφθεί το α . Έστω $\mathbf{X} = (\mathbf{x_1},...,\mathbf{x_N})^T$ και $y = (y_1,...,y_N)^T$ τότε η (2) μπορεί να γραφτεί ως:

$$\hat{\beta} = \operatorname{argmin} \left\{ \frac{1}{N} \left\| (y - \boldsymbol{X} \beta) \right\|_{2}^{2} \right\} \text{ subject to } \|\beta\|_{1} \le t \tag{3}$$

Όπου η p-οστή νόρμα του $x = (x_1, ..., x_n)$ ορίζεται ως:

$$||x||_p = \left(\sum_{i=1}^n |x_i|^p\right)^{1/p}$$

Η εξίσωση (3) μπορεί να γραφτεί επίσης με την χρήση του πολλαπλασιαστή Lagrange ως:

$$\hat{\beta} = \operatorname{argmin} \left\{ \frac{1}{N} \left\| (y - \boldsymbol{X}\beta) \right\|_{2}^{2} + \lambda \left\| \beta \right\|_{1} \right\} \tag{4}$$

Πολλές φορές οι στήλες του Χ κανονικοποιούνται, δηλαδή ισχύει:

$$\sum_{i=1}^{p} \frac{x_{ij}}{N} = 0 , \sum_{i=1}^{p} \frac{x_{ij}^{2}}{N} = 1$$

2.3 Καταχώρηση εικόνας

Καταχώρηση εικόνας (image registration) είναι η διαδικασία μετασχηματισμού διαφορετικών δεδομένων σε ένα σύστημα συντεταγμένων. Η διαδικασία αυτή επιδιώκει μέσω του μετασχηματισμού αυτού, την επικάλυψη των κοινών χαρακτηριστικών των δεδομένων. Τα δεδομένα

μπορεί να είναι πολλαπλές φωτογραφίες, δεδομένα από διαφορετικούς αισθητήρες, ώρες, βάθη και οπτικές [3]. Στις ιατρικές απεικονίσεις επιδιώκεται μέσω του μετασχηματισμού, αντίστοιχα εικονοστοιχεία των απεικονίσεων να αναπαριστούν όμοια βιολογικά σημεία.

Συνήθως στις μεθόδους καταχώρησης εικόνας η μία εικόνα παραμένει σταθερή κατά την διαδικασία της καταχώρησης και η άλλη-άλλες μετασχηματίζονται. Η εικόνα που παραμένει σταθερή αποκαλείται εικόνα αναφοράς ή απλά σταθερή εικόνα. Οι εικόνες που μετασχηματίζονται ονομάζονται εικόνες καταχώρισης ή κινούμενες εικόνες.

Η βασική διαδικασία της καταχώρησης εικόνας αποτελείται από την ανίχνευση χαρακτηριστικών, την ευθυγράμμιση χαρακτηριστικών από την κινούμενη εικόνα στην σταθερή, εκτίμηση παραμέτρων συναρτήσεων χαρτογράφησης, την δειγματοληψία και τον μετασχηματισμό εικόνας. Οι μέθοδοι καταχώρισης εικόνας είναι μοναδικές για κάθε πρόβλημα και δεν υπάρχει κοινή τεχνική καταχώρισης εικόνας που να είναι ισάξια αποτελεσματική σε κάθε πρόβλημα που εφαρμόζεται [4]. Για παράδειγμα υπάρχουν μέθοδοι που βασίζονται στην ένταση των εικόνων και μέθοδοι που βασίζονται σε χαρακτηριστικά τους.

2.3.1 Μέση διαφορά τετραγώνων

Στην οικογένεια των μεθόδων που βασίζονται στην ένταση των εικόνων, η μέτρηση της ομοιότητας μεταξύ της κινούμενης και της σταθερής εικόνας αποτελεί ένα δομικό στοιχείο της καταχώρησης εικόνας. Η μέτρηση αυτή αξιολογεί την καταλληλότητα του μετασχηματισμού και χρησιμοποιείται για να υπολογιστεί η παράγωγος της αξιολόγησης, ούτως ώστε να χρησιμοποιηθούν από τον αλγόριθμο βελτιστοποίησης. Η επιλογή της μετρικής βασίζεται στο εκάστοτε πρόβλημα που επιχειρεί να λύσει

Η μέση διαφορά τετραγώνων υπολογίζει τον μέσο όρο των τετραγώνων της διαφορά της έντασης για κάθε εικονοστοιχείο μεταξύ της σταθερής και της κινούμενης εικόνας. Η μετρική αυτή βασίζεται στην υπόθεση ότι η ένταση όμοιων σημείων είναι η ίδια και στις δύο εικόνες και έχει την ίδια κατανομή και στις δύο εικόνες. Αυτό σημαίνει ότι και οι δύο εικόνες έχουν την ίδια μορφή.

Η μέση διαφορά τετραγώνων ορίζεται ως:

$$MSSD(I_{F}, I_{M}) = \frac{1}{|\Omega_{F}|} \sum_{\boldsymbol{x_{i}} \in \Omega_{F}} (I_{F}(\boldsymbol{x_{i}}) - I_{M}(\boldsymbol{T}(\boldsymbol{x_{i}})))^{2}$$

Όπου I_F η σταθερή εικόνα, I_M η κινούμενη εικόνα, T ο μετασχηματισμός της διαδικασίας της καταχώρησης, $\Omega_F \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$ το πεδίο ορισμού της σταθερής εικόνα και $|\Omega_F|$ ο αριθμός την εικονοστοιχείων της σταθερής εικόνας.

2.3.2 Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου

Ο Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου (adaptive stochastic gradient descent, ASGD) [5] είναι ένας αλγόριθμος βελτιστοποίησης. Ο αλγόριθμος αυτός χρησιμοποιείται ώστε να υπολογιστούν οι βέλτιστες παράμετροι του μετασχηματισμού. Χρησιμοποιεί μία επαναληπτική διαδικασία ώστε να υπολογίσει τις βέλτιστες παραμέτρους.

Έστω $F(x): \Omega_F \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$ η σταθερή εικόνα, $M(x): \Omega_M \subset \mathbb{R}^D \mapsto \mathbb{R}$ η κινούμενη εικόνα και $T(x, \mu): \Omega_F \times \mathbb{R}^P \mapsto \Omega_M$ παραμετροποιημένος μετασχηματισμός συντεταγμένων, όπου $\mu \in \mathbb{R}^P$ αναπαριστά το διάνυσμα των παραμέτρων του μετασχηματισμού. Το πρόβλημα βελτιστοποίησης είναι:

$$\hat{\boldsymbol{\mu}} = \operatorname*{argmin}_{\boldsymbol{\mu}} \mathcal{C}(F, M \circ \boldsymbol{T})$$

Όπου \mathcal{C} είναι μία συνάςτηση αξιολόγησης (όπως η μέση διαφορά τετραγώνων 2.3.1). Η $\hat{\mu}$ είναι η παράμετρος που ελαχιστοποιεί την συνάςτηση κόστους, επομένως μπορούμε να γράψουμε την συνάςτηση αυτή $\mathcal{C}(\mu) \equiv \mathcal{C}(F, M \circ T)$.

Ο Αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου οπότε ορίζεται ως:

$$\boldsymbol{\mu}_{k+1} = \boldsymbol{\mu}_k - \gamma(t_k)\widetilde{\boldsymbol{g}}_k, \, k = 0, 1, ..., K$$
$$t_{k+1} = [t_k + f(-\widetilde{\boldsymbol{g}}_k^T \widetilde{\boldsymbol{g}}_{k-1}]^+$$

Όπου $[x]^+$ σημαίνει max(x,0), f είναι μία σιγμοειδής συνάρτηση και μ_0 , t_0 και t_1 είναι ορίσματα του αλγορίθμου. \tilde{g}_k είναι προσέγγιση της παραγώγου $g \equiv \frac{\partial \mathcal{C}}{\partial \mu}$ στο μ_k . Επίσης ο βαθμωτός συντελεστής κέρδους γ_k ορίζεται από την συνάρτηση απόσβεσης:

$$\gamma_k \equiv \gamma(k) = \frac{a}{(k+A)^a}$$

Όπου $0 < a \le 1$ και A σταθερά ορίσματα του αλγορίθμου.

Στον αλγόριθμο αυτό, η μεταβλητή του "χρόνου" t_k εξαρτάται από το εσωτερικό γινόμενο της παραγώγου \widetilde{g}_k και της προηγούμενης παραγώγου \widetilde{g}_{k-1} . Αν οι παράγωγοι αυτοί σε δύο συνεχόμενα βήματα του αλγορίθμου έχουν την ίδια κατεύθυνση, τότε το εσωτερικό τους γινόμενο θα είναι θετικό. Οπότε ο "χρόνος" θα μειωθεί, που οδηγεί σε μεγάλο βήμα $\gamma(t_{k+1})$ επειδή η γ είναι γνησίων φθίνουσα συνάρτηση. Με αυτό τον τρόπο ο αλγόριθμος της προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου υλοποιεί τον μηχανισμό του προσαρμοστικού βήματος.

2.3.3 Αγχίγραμμος μετασχηματισμός

Ο μετασχηματισμός που θα χρησιμοποιηθεί για την διαδικασία της κατάτμησης καθορίζει το τι θεωρείται επιτυχία. Ο μετασχηματισμός αντικατοπτρίζει τον επιθυμητό τύπο μετασχηματισμού και περιορίζει τον χώρο λύσης σε αυτόν τον τύπο παραμόρφωσης.

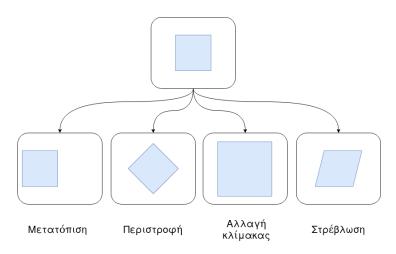
Ο βαθμός ελευθερίας του μετασχηματισμού είναι ίσος με τον αριθμό των παραμέτρων του. Με άλλα λόγια, ο βαθμός ελευθερίας του μετασχηματισμού είναι ίσος με τη διάσταση του χώρου αναζήτησης. Επίσης είναι ανάλογος του με την υπολογιστική πολυπλοκότητα του προβλήματος βελτιστοποίησης.

Ο αγχίγραμμος μετασχηματισμός (Affine) είναι ένας γεωμετρικός μετασχηματισμός που διατηρεί τις γραμμές και τον παραλληλισμό (αλλά όχι απαραίτητα αποστάσεις και γωνίες). Οι ιδιότητες του μετασχηματισμού είναι:

- 1. Διατηρεί τις ευθείες και τον λόγο αυτών.
- 2. Διατηρεί τον παραλληλισμός: δύο ή περισσότερες ευθείες που είναι παράλληλες μεταξύ τους, συνεχίζουν να είναι παράλληλες μετά τον μετασχηματισμό.

- 3. Διατηρεί ισομετρίες μέσω μεταφορών.
- 4. Διατηρεί την κυρτότητα συνόλων: ένα κυρτό σετ συνεχίζει να είναι κυρτό μετά τον μετασχηματισμό. Επιπλέον, τα ακραία σημεία του αρχικού σετ αντιστοιχίζονται στα ακραία σημεία του μετασχηματισμένου σετ.

Ο αγχίγραμμος μετασχηματισμός πραγματοποιεί μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση.



Σχήμα 1: Μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση ενός τετραγώνου.

Έστω $F(x): \Omega_F \subset \mathbb{R}^D \to \mathbb{R}$ η σταθερή εικόνα, $M(x): \Omega_M \subset \mathbb{R}^D \to \mathbb{R}$ η κινούμενη εικόνα και $\mathbf{T}_{\mu}(x): \Omega_F \times \mathbb{R}^P \to \Omega_M$ παραμετροποιημένος μετασχηματισμός συντεταγμένων, όπου $\mu \in \mathbb{R}^P$ αναπαριστά το διάνυσμα των παραμέτρων του μετασχηματισμού. Επίσης P είναι ο βαθμός ελευθερίας του μετασχηματισμού.

Ο αγχίγραμμος μετασχηματισμός ορίζεται ως:

$$T_{\mu}(x) = A(x-c) + t + c$$

Όπου t είναι το διάνυσμα μετατόπισης και c το κέντρο περιστροφής. Επίσης, ο πίνακας A πραγματοποιεί την περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση. Το διάνυσμα παραμέτρων μ θα αποτελείται από τα στοιχεία a_{ij} του πίνακα A και το διάνυσμα μετατόπισης t. Στις δύο διαστάσεις ο μετασχηματισμός έχει έξι βαθμούς ελευθερίας, ενώ στις τρεις έχει δώδεκα.

2.3.4 Γραμμική παρεμβολή

Κατά την διαδικασία του υπολογισμού της μετρικής αξιολόγησης της κατάτμησης (όπως στη 2.3.1), συγκρίνονται οι τιμές των αντίστοιχων σημείων της σταθερής εικόνας και των μετασχηματισμένων της κινούμενης. Αυτά τα μετασχηματισμένα σημεία της κινούμενης εικόνας μπορεί να μην ανήκουν στο πλέγμα της εικόνας. Γι' αυτόν τον λόγο, είναι απαραίτητη η παρεμβολή των σημείων αυτών.

Η γραμμική παρεμβολή υπολογίζει τον σταθμισμένο μέσο όρο των γειτονικών εικονοστοιχείων, χρησιμοποιώντας την απόσταση ως το βάρος.

2.3.5 Χώρος κλίμακας Gauss

Ένα πρόβλημα που συναντάται όσο αυξάνεται ο χώρος αναζήτησης της κατάτμησης, είναι ότι υπάρχουν μεγαλύτερες πιθανότητες να καταλήξει η βελτιστοποίηση σε κάποιο τοπικό ελάχιστο, με αποτέλεσμα να μην είναι καλό το αποτέλεσμα της. Ένας τρόπος να αυξηθεί η πιθανότητα να βρεθεί το ολικό ελάχιστο είναι να χρησιμοποιηθεί μία ιεραρχική διαδικασία κατά την οποία η πληροφορία των εικόνων θα αυξάνεται από τα αρχικά προς τα τελικά στάδια.

Ο χώρος κλίμακας Gauss είναι ένας τρόπος να επιτευχθεί το παραπάνω αποτέλεσμα [6]. Αυτή η μέθοδος χρησιμοποιεί τον πυρήνα Gauss για να μειώσει την πληροφορία μίας εικόνας. Ο πυρήνας Gauss ορίζεται για τρεις διαστάσεις ως:

$$g(x, y, z, t) = \frac{1}{2\pi t} e^{\frac{-(x^2 + y^2 + z^2)}{t}}$$
 (5)

Όπου $\sqrt{2t}$ είναι η τυπική απόκλιση του πυρήνα και t το επίπεδο του χώρου κλίμακας. Ο πυρήνας αυτός συνελίσεται με μία εικόνα ώστε να μειωθεί η πληροφορία της. Αυτό γίνεται σε πολλαπλά ιεραρχικά στάδια, στα οποία αρχικά η τιμή του t είναι μεγάλη και μειώνεται σε κάθε στάδιο. Ιδανικά με αυτήν την μέθοδο, οι εικόνες θα έχουν ένα ελάχιστο στο αρχικό ιεραρχικό επίπεδο, το οποίο θα είναι κοντά στο επιθυμητό ολικό ελάχιστο. Έπειτα σε κάθε στάδιο αφού αυξάνεται η πληροφορία, το ελάχιστο ιδανικά θα τείνει όλο και πιο κοντά στο ολικό.

Στο Σχήμα 2 παρουσιάζεται η ίδια εικόνα για διάφορες τιμές του t. Από το σχήμα αυτό, παρατηρείται ότι όσο αυξάνεται η τιμή του t τόσο μειώνεται και η πληροφορία στην εικόνα.



Σχήμα 2: Χώρος κλίμακας Gauss για διάφορες τιμές του t.

2.3.6 Δειγματοληψία συντεταγμένων εικόνας

Κατά την διαδικασία της αξιολόγησης μπορεί να χρησιμοποιηθεί η διαδικασία της δειγματοληψίας συντεταγμένων εικόνας ώστε να μειωθεί ο υπολογιστικός χρόνος που χρειάζεται για την αξιολόγηση. Στην διαδικασία αυτή επιλέγονται τυχαίες συντεταγμένες (σημεία στον χώρο της

εικόνας) με ομοιόμορφη κατανομή, ώστε να χρησιμοποιηθούν για την αξιολόγηση. Μέσω παρεμβολής των συντεταγμένων αυτών δημιουργείται η νέα δειγματοληπτημένη εικόνα.

2.3.7 Μάσκα εικόνας

Αν μία εικόνα (είτε σταθερή, είτε κινούμενη) έχει περιοχές στις οποίες δεν υπάρχουν χαρακτηριστικά ενδιαφέροντος, τότε μπορεί να χρησιμοποιηθεί μία μάσκα εικόνας, ώστε μην να συμπεριληφθούν οι περιοχές αυτές στην διαδικασία της κατάτμησης. Η μάσκα εικόνας είναι μία δυαδική εικόνα, η οποία υποδεικνύει εάν ένα εικονοστοιχείο θα συμπεριληφθεί στην διαδικασία της κατάτμησης. Το μέγεθος της μάσκας είναι ίδιο με το μέγεθος της εικόνας που θα εφαρμοστεί, ώστε να υπάρχει αντιστοιχία μεταξύ των εικονοστοιχείων της εικόνας και των εικονοστοιχείων της μάσκας. Επομένως, κάθε εικονοστοιχείο της μάσκας δηλώνει εάν το αντίστοιχο εικονοστοιχείο της εικόνας θα χρησιμοποιηθεί στην κατάτμηση.

2.4 Μέτρα αξιολόγησης

Τα μέτρα αξιολόγησης χρησιμοποιούνται για να αξιολογήσουν το αποτέλεσμα της κατάτμησης. Συγκρίνουν το αποτέλεσμα της κατάτμησης με το επιθυμητό αποτέλεσμα, ούτως ώστε να παράξουν μία αριθμητική αναπαράσταση της ποιότητας της κατάτμησης. Με αυτόν το τρόπο μπορούν να συγκριθούν διαφορετικοί αλγόριθμοι κατάτμησης και διαφορετικές τιμές για τον ίδιο αλγόριθμο.

Η επιλογή του μέτρου ή των μέτρων αξιολόγησης έχει μεγάλη σημασία για την δημιουργία και τον συντονισμό (επιλογή των κατάλληλων μεταβλητών) του μοντέλου επειδή, είναι το μέτρο που θα χρησιμοποιηθεί για την επιλογή του καταλληλότερου μοντέλου. Η επιλογή αυτή ταυτίζεται με την επιθυμητή συμπεριφορά του τελικού μοντέλου. Για παράδειγμα, αν το επιθυμητό μοντέλο πρέπει να έχει όσο είναι δυνατόν πιο λίγα αληθή αρνητικά, τότε πρέπει να επιλεχθεί και το ανάλογο μέτρο αξιολόγησης που να ικανοποιεί τον περιορισμό αυτό.

2.4.1 Συντελεστής ομοιότητας Dice

Ο συντελεστής ομοιότητας Dice είναι μία μέτρηση που εκτιμά την ομοιότητα μεταξύ δύο συνόλων [7]. Είναι γνωστός επίσης και ως δείκτης Sørensen–Dice, συντελεστής Dice και F1 σκορ. Ο συντελεστής ομοιότητας Dice ορίζεται ως:

$$DSC = \frac{2|X \cap Y|}{|X| + |Y|} \tag{6}$$

Όπου X και Y είναι σύνολα, |x| είναι ο αριθμός των στοιχείων του συνόλου x και \cap δηλώνει την τομή δύο συνόλων.

Στην αξιολόγηση της κατάτμησης εικόνας τα παραπάνω σύνολα αποτελούνται από το σύνολο των εικονοστοιχείων που ανήκουν σε μία κλάση. Επομένως ο συντελεστής αυτός υπολογίζει το ποσοστό των σημείων μίας κλάσης που επικαλύπτονται. Η μέγιστη τιμή του συντελεστή είναι 1 και η ελάχιστη 0.

2.4.2 Δείκτης δομικής ομοιότητας

Ο δείκτης δομικής ομοιότητας [8] (Structural SIMilarity index, SSIM) είναι μία μετρική της ομοιότητας δύο εικόνων. Χρησιμοποιεί τις σύγκρισεις της φωτεινότητας, της αντίθεσης και της δομής των εικόνων. Κατά την δημιουργία μίας εικόνας η φωτεινότητα των αντικειμένων της εικόνας εξαρτάται από τον φωτισμό και την ανακλαστικότητα των αντικειμένων αυτών, αλλά και από την δομής τους. Γι' αυτό τον λόγο είναι επιθυμητό να διαχωριστεί η επίδραση της φωτεινότητας έτσι ώστε η δομή να είναι ανεξάρτητη από την φωτεινότητα. Επομένως μπορεί να οριστεί η δομική πληροφορία της εικόνας ως τα χαρακτηριστικά των αντικειμένων της που είναι ανεξάρτητα από την φωτεινότητα και την αντίθεση.

Η φωτεινότητα ενός σήματος ορίζεται ως:

$$\mu_x = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i \tag{7}$$

Όπου x είναι το σήμα και N ο αριθμός των στοιχείων του. Αν οι τιμές των εικονοστοιχείων μίας εικόνας τοποθετηθούν σε ένα διάνυσμα

τότε μπορεί να χρησιμοποιηθεί ο τύπος (7) για τον υπολογισμό της φωτεινότητας αλλά και των παρακάτω τύπων. Για να αφαιρεθεί η επίδραση της φωτεινότητας στο σήμα θα πρέπει να ισχύει:

$$\sum_{i=1}^{N} x_i = 0$$

Η αντίθεση της σήματος-εικόνας εκτιμάτε με την διακύμανση του σήματος:

$$\sigma_x = \sqrt{\left(\frac{1}{N-1}\sum_{i=1}^N (x_i - \mu_x)^2\right)}$$

Για να αφαιρεθεί και η επίδραση της αντίθεσης θα πρέπει να κανονικοποιηθεί το σήμα, δηλαδή να διαιρεθεί με την διακύμανση του ώστε να έχει μοναδιαία διακύμανση. Επομένως

$$\hat{x} = \frac{x - \mu_x}{\sigma_x}$$

Όπου \hat{x} είναι το κανονικοποιημένο σήμα. Η σύγκριση της φωτεινότητας δύο εικόνων x και y ορίζεται ως:

$$l(x,y) = \frac{2\mu_x \mu_y + C_1}{\mu_x^2 + \mu_y^2 + C_1} \tag{8}$$

Η σταθερά C_1 μπορεί να χρησιμοποιηθεί για να αποφευχθεί υπολογιστική αστάθεια για μικρές τιμές του παρανομαστή. Η σύγκριση της αντίθεσης ορίζεται ως:

$$c(x,y) = \frac{2\sigma_x \sigma_y + C_2}{\sigma_x^2 + \sigma_y^2 + C_2}$$
 (9)

Όπου η σταθερά C_2 χρησιμοποιείται επίσης για την υπολογιστική σταθερότητα. Επειδή η συσχέτιση των κανονικοποιημένων σημάτων \hat{x} και \hat{y} είναι ίδια με την συσχέτιση των μη κανονικοποιημένων σημάτων, μπορεί να οριστεί η σύγκριση της δομής (που είναι ανεξάρτητη από την φωτεινότητα και την αντίθεση) ως:

$$s(x,y) = \frac{\sigma_{xy} + C_3}{\sigma_x \sigma_y + C_3} \tag{10}$$

Όπου η σταθερά C_3 χρησιμοποιείται επίσης για την υπολογιστική σταθερότητα και σ_{xy} είναι η συνδιακύμανση των σημάτων και ορίζεται ως:

$$\sigma_{xy} = \frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \mu_x)(y_i - \mu_y)$$

Τέλος, χρησιμοποιώντας τις συγκρίσεις της φωτεινότητας, της αντίθεσης και της δομής ((8), (9) και (10) αντίστοιχα), ο τύπος του δείκτης δομικής ομοιότητας ορίζεται ως:

$$SSIM(x,y) = \left[l(x,y)\right]^{\alpha} \left[c(x,y)\right]^{\beta} \left[s(x,y)\right]^{\gamma} \tag{11}$$

Οι τιμές α , β και γ χρησιμοποιούνται για να ορίσουν την επίδραση κάθε σύγκρισης.

2.5 Προεπεξεργασία δεδομένων

Η προεπεξεργασία των δεδομένων αποτελεί ένα από τα πιο βασικά βήματα της μηχανικής μάθησης. Σε αυτό το βήμα τα δεδομένα αναλύονται και επεξεργάζονται ούτως ώστε η διαδικασία της μάθησης να είναι πιο αποτελεσματική. Αν τα δεδομένα περιέχουν περιττές και ασυσχέτιστες πληροφορίες για το πρόβλημα που χρησιμοποιούνται, τότε δυσκολεύουν την διαδικασία της μάθησης. Το ίδιο ισχύει και για αφερέγγυα και θορυβώδη δεδομένα. Επίσης στην προεπεξεργασία μπορεί να αυξηθεί η σημαντικότητα μερικών χαρακτηριστικών των δεδομένων.

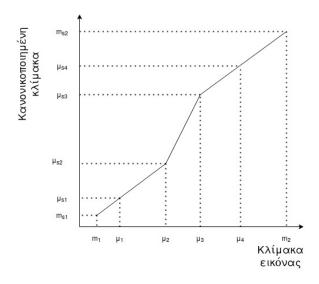
Στην περίπτωση όπου τα δεδομένα είναι εικόνας-απεικονίσεις, σκοπός της προεπεξεργασίας είναι να παραχθεί μία νέα εικόνα-απεικόνιση που θα έχει καλύτερα αποτελέσματα στην μάθηση από αυτά της αρχικής. Πιο αναλυτικά, σκοπεύει στην εξάλειψη της αθέμιτης διαστρέβλωσης τους, στην αύξηση της σημαντικότητας μερικών χαρακτηριστικών της εικόνας και στον γεωμετρικός μετασχηματισμός της εικόνας [9].

2.5.1 Αντιστοίχιση ιστογράμματος

Η αντιστοίχιση ιστογράμματος είναι ένας μετασχηματισμός της εικόνας κατά τον οποίο το ιστόγραμμα της εικόνας αντιστοιχίζεται με ένα άλλο ιστόγραμμα το οποίο μπορεί να προέρχεται από άλλη εικόνα. Αυτό μπορεί να επιτευχθεί με διάφορους αλγόριθμους. Ο αλγόριθμος που θα παρουσιαστεί περιγραφικά παρακάτω βασίζεται στο [10].

Ο αλγόριθμος πραγματοποιεί γραμμικούς μετασχηματισμούς για διάφορα τμήματα του ιστογράμματος των εικόνων. Αρχικά υπολογίζει τα τμήματα αυτά μέσω προκαθορισμένων τιμών της αθροιστικής συνάρτησης κατανομής. Έπειτα υπολογίζει για κάθε άκρο των μέσω όρο των αντίστοιχων τιμών. Τέλος μετασχηματίζει γραμμικά τις τιμές κάθε εικόνας, για κάθε διάστημα, από το αρχικό διάστημα της εικόνας, στο τελικό διάστημα που υπολογίστηκε με τον μέσο όρο.

Στο Σχήμα 3 φαίνεται η διαδικασία τους γραμμικού μετασχηματισμού μίας εικόνας. Οι τιμές της εικόνας μετασχηματίζονται γραμμικά από τον οριζόντιο άξονα στον κάθετο. Στο παράδειγμα αυτό υπάρχουν τέσσερα διαστήματα, όπου μ_1,μ_2,μ_3,μ_4 είναι τα άκρα του αρχικού διαστήματος και $\mu_{s1},\mu_{s2},\mu_{s3},\mu_{s4}$ τα άκρα του τελικού. m_1,m_2 είναι η ελάχιστη και η μέγιστη τιμή αντίστοιχα της εικόνας και m_{s1},m_{s2} ίδια άκρα για το αποτέλεσμα της αντιστοίχισης ιστογράμματος.



Σχήμα 3: Γραμμικός μετασχηματισμός αντιστοίχισης ιστογράμματος μίας εικόνας για τέσσερα άκρα.

2.5.2 Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της καμπυλότητας

Η φοή της καμπυλότητας μποφεί να χφησιμοποιηθεί για την απαλοιφή του θοφύβου. Συγκεκριμένα, σε μία μία εικόνα χφησιμοποιούνται οι καμπύλες που σχηματίζονται από τα εικονοστοιχεία που έχουν την ίδια τιμή (φωτεινότητα εικονοστοιχείου). Οι καμπύλες αυτές εξελίσσονται [11] μέσω της μεφικής διαφοφικής εξίσωσης:

$$I_t = \kappa |\nabla I| \tag{12}$$

Όπου I είναι η εικόνα και κ η καμπυλότητα. Η καμπυλότητα μίας καμπύλης γ ορίζεται ως:

$$\kappa = \frac{\left\| \boldsymbol{\gamma}' \times \boldsymbol{\gamma}'' \right\|}{\left\| \boldsymbol{\gamma}' \right\|^3}$$

Όπου το σύμβολο x' δηλώνει την παράγωγο της συνάρτησης x ως προς τον χρόνο. Επίσης $\|v\|$ είναι η ευκλείδεια νόρμα του διανύσματος v.

Αυτή η τεχνική για την απαλοιφή του θορύβου έχει το πλεονέκτημα ότι διατηρεί τα αιχμηρά όρια της εικόνας ενώ ταυτόχρονα εξομαλύνει τα υπόλοιπα σημεία. Επειδή οι ροή των καμπυλών τείνει προς την εξάλειψη τους, η υπερβολική χρήση της τεχνική θα οδηγήσει στη εξάλειψη της πληροφορίας στη εικόνα.

2.6 Διασταυρωμένη επικύρωση

Σύμφωνα με το [12], διασταυρωμένη επιτήρηση είναι μια στατιστική μέθοδος αξιολόγησης και σύγκρισης των αλγορίθμων μάθησης διαιρώντας τα δεδομένα σε δύο τμήματα. Το ένα χρησιμοποιείται για την εκμάθηση ή την εκπαίδευση ενός μοντέλου και το άλλο χρησιμοποιείται για την επικύρωση του μοντέλου. Ο σκοπός της διασταυρωμένης επικύρωσης είναι μέσω αυτής να αξιολογηθεί η δυνατότητα του μοντέλου να πραγματοποιεί σωστές προβλέψεις για δεδομένα που δεν χρησιμοποιήθηκαν για την εκπαίδευση του. Έτσι μπορεί να κριθεί η ικανότητα του μοντέλου να γενικεύει (ικανότητα πρόβλεψης του σε ανεξάρτητα δεδομένα).

2.6.1 Αφήνω ένα έξω διασταυρωμένη επικύρωση

Η μέθοδος αφήνω ένα έξω διασταυρωμένης επικύρωσης είναι μία μέθοδος διασταυρωμένης επικύρωσης κατά την οποία χρησιμοποιείται μία παρατήρηση από το σύνολο των δεδομένων για την επικύρωση του μοντέλου και οι υπόλοιπες για την εκπαίδευση του. Η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται μέχρις ότου κάθε παρατήρηση του συνόλου δεδομένων έχει χρησιμοποιηθεί για την επικύρωση. Αν m είναι ο συνολικός αριθμός των παρατηρήσεών, τότε η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται m φορές.

3 Μέθοδοι επίλυσης του προβλήματος

Σε αυτό το κεφάλαιο θα παρουσιαστούν οι μέθοδοι επίλυσης του προβλήματος. Όπως προαναφέρθηκε, το πρόβλημα αφορά την κατάτμηση ιατρικών απεικονίσεων βάση ατλάντων με χρήση μεθόδων μηχανικής μάθησης. Οι ιατρικές απεικονίσεις αποτελούνται από απεικονίσεις μαγνητικής τομογραφίας γονάτων.

3.1 Δεδομένα

Τα δεδομένα που χρησιμοποιήθηκαν τόσο για την εκπαίδευση των μοντέλων όσο και για την αξιολόγηση τους προέρχονται από το ΟΑΙ ΖΙΒ. Συγκεκριμένα τα δεδομένα αυτά αποτελούνται από απεικονίσεις μαγνητικής τομογραφίας γονάτων μαζί με τις αντίστοιχες κατατμήσεις τους. Η κατάτμηση έχει γίνει χειροκίνητα από ειδικούς. Οι κλάσεις της κατάτμησης αποτελούνται από τα οστά, τους χόνδρους και το υπόβαθρο. Χρησιμοποιήθηκαν 46 από τα 507 δείγματα που διατίθενται. Τα δεδομένα που χρησιμοποιήθηκαν καλύπτουν όλο το φάσμα του βαθμού οστεοαρθρίτιδας. Στον Πίνακας 1 απαριθμούνται κάποια χαρακτηριστικά των δεδομένων της βάσης ΟΑΙ ΖΙΒ.

MRI scanner	Siemens 3T Trio
MRI sequence	DESS
Acquisition plane	Sagittal
Image resolution in mm	$0.36 \times 0.36 \times 0.7$
Timepoints	Baseline

Πίνακας 1: Χαρακτηριστικά δεδομένων ΟΑΙ ΖΙΒ.

Οι κλάσεις-ετικέτες των δεδομένων που χοησιμοποιήθηκαν για την κατάτμηση είναι:

- 0. Υπόβαθρο
- 1. Γόνατο
- 2. Χόνδρος

3.2 Προεπεξεργασία δεδομένων

Όπως αναφέρθηκε και στο 2.5, σκοπός της προεπεξεργασίας είναι να παραχθεί μία νέα εικόνα-απεικόνιση που θα έχει καλύτερα αποτελέσματα στην μάθηση από αυτά της αρχικής. Με τις μεθόδους που παρουσιάζονται παρακάτω επιθυμείτε να υπάρξει το αποτέλεσμα αυτό που θα βοηθήσει στην διαδικασία την εκμάθησης.

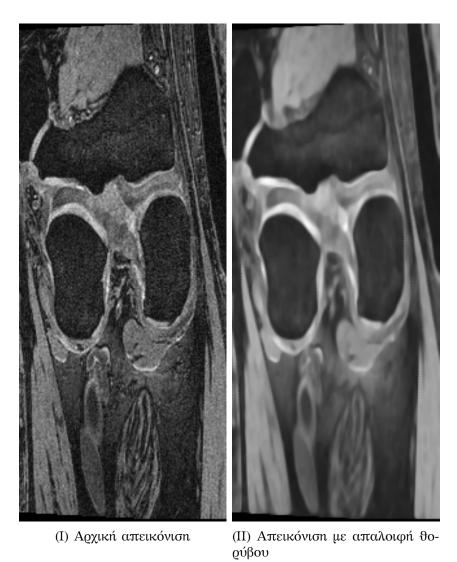
3.2.1 Απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της καμπυλότητας

Κατά την προεπεργασία των απεικονίσεων χρησιμοποιήθηκε αρχικά η απαλοιφή θορύβου εικόνας μέσω ροής της καμπυλότητας (2.5.2). Με την μέθοδο αυτή επιτυγχάνεται η μύωση του θορύβου στις απεικονίσεις και η διατήρηση-τόνωση των αιχμηρών σημείων (σημείων που διαχωρίζονται οι διάφορες ανατομικές περιοχές) των απεικονίσεων.

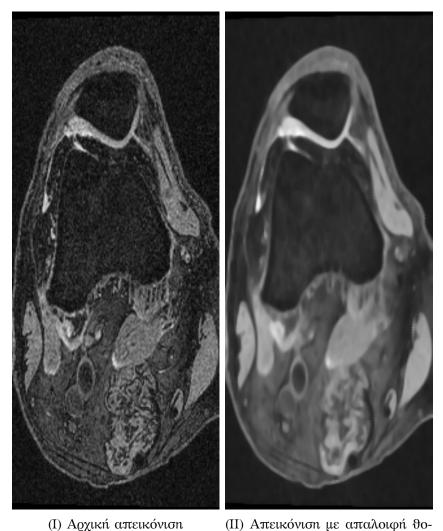
Η τιμή που χρησιμοποιήθηκε για το χρονικό βήμα είναι t=0.04 (από την εξίσωση (12)) και η μέθοδος επαναλήφθηκε δέκα φορές. Στα Σχήμα 4, Σχήμα 5 και Σχήμα 6 παρουσιάζονται απεικονίσεις του ίδιου γόνατου, από διάφορες οπτικές γωνίες, χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου. Από τα σχήματα αυτά φαίνεται ότι ο θόρυβος έχει μειωθεί αρκετά. Επίσης είναι εμφανές ότι οι ακμές των καμπυλών έχουν διατηρηθεί και σε μερικές περιπτώσεις έχουν αυξηθεί μετά τη χρήση της μεθόδου.



Σχήμα 4: Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας.



Σχήμα 5: Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας.



εύβου

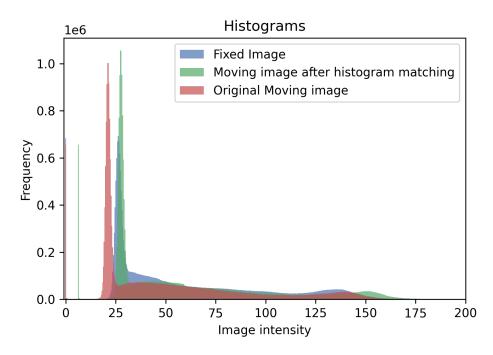
Σχήμα 6: Τομή απεικόνισης γονάτου χωρίς και με την χρήση της απαλοιφής θορύβου μέσω ροής της καμπυλότητας.

3.2.2 Αντιστοίχιση ιστογράμματος

Έπειτα από την απαλοιφή του θορύβου χρησιμοποιήθηκε η αντιστοίχιση ιστογράμματος (2.5.1). Το ιστόγραμμα της κινούμενης απεικόνισης αντιστοιχίστηκε με το ιστόγραμμα της σταθερής απεικόνισης. Σκοπός του μετασχηματισμού αυτού είναι οι απεικονίσεις να έχουν την ίδια φωτεινότητα για τις αντίστοιχες βιολογικές περιοχές των γονάτων στην σταθερή και στην κινούμενη απεικόνιση.

Αν και οι απεικονίσεις προέρχονται από το ίδιο μοντέλο μαγνητικού τομογράφου, μπορούν να παρουσιάζουν μεταβολές στην φωτεινότητα τους. Γι' αυτό το λόγο χρησιμοποιείται η αντιστοίχιση ιστογράμματος.

Στο Σχήμα 7 παρουσιάζονται τα ιστογράμματα μίας απεικόνισης ποιν και μετά την διαδικασία της αντιστοίχισης. Επίσης παρουσιάζεται και το ιστόγραμμα της σταθερή απεικόνισης. Από το διάγραμμα αυτό φαίνεται ότι η μεγάλη ακμή της κινούμενης απεικόνισης μετακινήθηκε προς την ακμή της σταθερής. Επίσης παρατηρείται ολόκληρη η καμπύλη της κινούμενης απεικόνισης να ακολουθεί την μεταβολή της ακμής της. Ακόμα από το Σχήμα 8 μπορεί να παρατηρηθεί με το μάτι διαφορά στην απεικόνιση της κινούμενης εικόνας πριν και μετά την αντιστοίχιση του ιστογράμματος. Το γεγονός αυτό είναι αναμενόμενο αφού η μεταβολή του ιστογράμματος δεν είναι μεγάλη όπως φαίνεται από το Σχήμα 7.



Σχήμα 7: Ιστογράμματα σταθερής απεικόνισης και κινούμενης πριν και μετά την αντιστοίχιση





(I) Κινούμενη απεικόνιση πριν της (II) Κινούμενη απεικόνιση πριν αντιστοίχιση ιστογράμματος της αντιστοίχιση ιστογράμματος



(ΙΙΙ) Σταθερή απεικόνιση

Σχήμα 8: Τομή απεικονίσεων σταθερή και κινούμενης εικόνας πριν και μετά την αντιστοίχιση ιστογράμματος.

3.3 Καταχώρηση απεικονίσεων

Ποιν την κατάτμηση των απεικονίσεων είναι απαραίτητο να καταχωρηθούν οι απεικονίσεις των ατλάντων που θα χρησιμοποιηθούν για την κατάτμηση της σταθερής απεικόνισης. Άτλας είναι ο συνδυασμός μίας απεικόνισης και του αντίστοιχου χάρτη των ετικετών της απεικόνισης. Όπως αναφέρθηκε στο 2.3, μέσω της καταχώρησης επιδιώκεται τα κοινά χαρακτηριστικά των δύο απεικονίσεων (σταθερή και κινούμενη) να επικαλυφθούν. Με αυτό τον τρόπο αντίστοιχα εικονοστοιχεία των δύο απεικονίσεων θα αναπαριστούν όμοια βιολογικά σημεία.

Για την διαδικασία την καταχώρησης χρησιμοποιήθηκε ο αγχίγραμ-

μος μετασχηματισμός (2.3.3). Επίσης η μέτρηση της ομοιότητας των δύο απεικονίσεων έγινε με την μέση διαφορά τετραγώνων (2.3.1), με την υπόθεση ότι όμοια βιολογικά σημεία στις απεικονίσεις έχουν την ίδια φωτεινότητα. Ο αλγόριθμος βελτιστοποίησης που χρησιμοποιήθηκε ώστε να βρεθούν οι βέλτιστες παράμετροι είναι ο αλγόριθμος προσαρμοστικής στοχαστικής απότομης καθόδου (2.3.2). Η παρεμβολή των σημείων των απεικονίσεων έγινε με γραμμική παρεμβολή (2.3.4). Χρησιμοποιήθηκε δειγματοληψία (2.3.6) 80% του συνολικού αριθμού των εικονοστοιχείων μίας απεικόνισης για να μειωθεί ο χρόνο υπολογισμού που απαιτείται για την καταχώρηση.

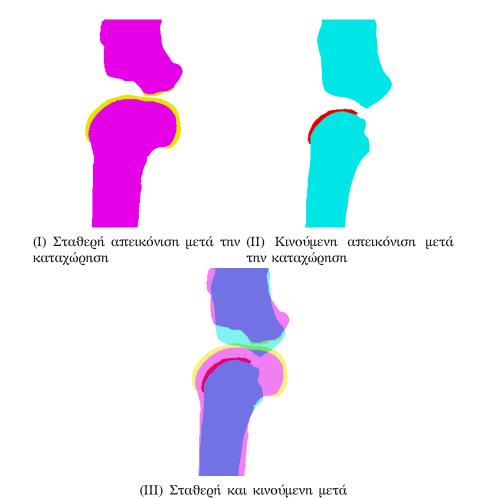
Ο χώρος κλίμακας Gauss (2.3.5) χρησιμοποιήθηκε ούτως ώστε να υπάρχουν μεγαλύτερες πιθανότητες να μην καταλήξει η βελτιστοποίηση σε κάποιο ολικό ελάχιστο. Χρησιμοποιήθηκαν τέσσερα στάδια. Η τυπική απόκλιση του πυρήνα (5) για κάθε στάδιο ορίζεται από τον τύπο:

$$\sigma = \frac{f}{2}s\tag{13}$$

Όπου f αναπαριστά το επίπεδο μείωσης της πληροφορίας και έχει τιμές για κάθε στάδιο 8,4,2,1 αντίστοιχα. s είναι η απόσταση των εικονοστοιχείων της απεικόνισης για κάθε διάσταση (μπορεί να βρεθεί στον Πίνακας 1).

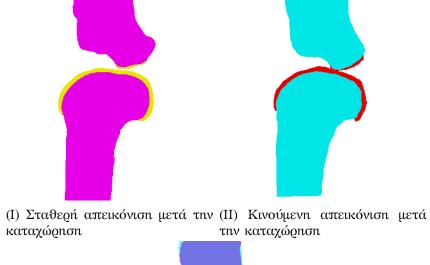
Τέλος χρησιμοποιήθηκε μάσκα (2.3.7) για την κινούμενη εικόνα. Η μάσκα αυτή αποτελείται από όλα τα εικονοστοιχεία της απεικόνισης που δεν ανήκουν στο υπόβαθρο. Με αυτόν τον τρόπο συνεισφέρουν μόνο τα εικονοστοιχεία των απεικονίσεων που ανήκουν σε βιολογικές ομάδες που πρόκειται να κατανεμηθούν.

Στα Σχήμα 9, Σχήμα 11 και Σχήμα 13 παρουσιάζονται οι ετικέτες δύο απεικονίσεων πριν την καταχώρηση. Στα Σχήμα 10, Σχήμα 12 και Σχήμα 14 παρουσιάζονται οι αντίστοιχες ετικέτες μετά την καταχώρηση. Από τα σχήματα αυτά παρατηρείται ότι οι αντίστοιχες ετικέτες ανάμεσα στις δύο απεικόνισης έχουν επικαλυφθεί αρκετά αλλά όχι τελείως. Αυτό οφείλεται στον αγχίγραμμο μετασχηματισμό που μπορεί να εφαρμόσει μετατόπιση, περιστροφή, αλλαγή κλίμακας και στρέβλωση. Ακόμα στο γεγονός ότι η μορφολογία την δύο γονάτων δεν είναι ίδια.



Σχήμα 9: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.

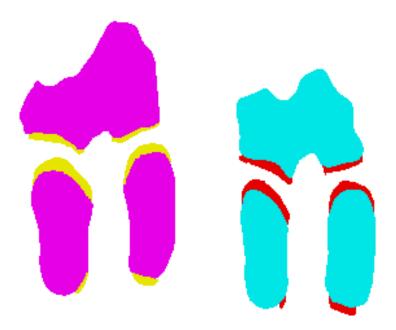
την καταχώρηση





(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

Σχήμα 10: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.

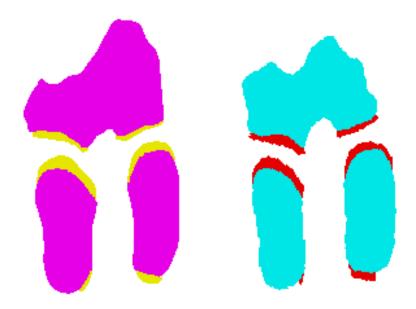


(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά καταχώρηση την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

Σχήμα 11: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.

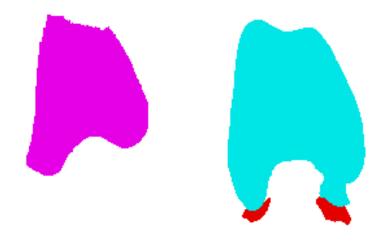


(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά καταχώρηση την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

Σχήμα 12: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.

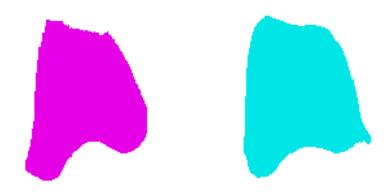


(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά καταχώρηση την καταχώρηση



(ΙΙΙ) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

Σχήμα 13: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.



(I) Σταθερή απεικόνιση μετά την (II) Κινούμενη απεικόνιση μετά καταχώρηση την καταχώρηση



(III) Σταθερή και κινούμενη μετά την καταχώρηση

Σχήμα 14: Τομή απεικονίσεων σταθερή, κινούμενης απεικόνισης και του συνδυασμού τους μετά την μετά την καταχώρηση.

3.4 Επιλογή ατλάντων

Έπειτα από την καταχώρηση των ατλάντων επιλέγεται ένα υποσύνολο τους για να χρησιμοποιηθεί στην κατάτμηση. Αυτό γίνεται ώστε να μειωθεί ο υπολογιστικός χρόνος που απαιτείται. Ως μετρική για την επιλογή αυτή χρησιμοποιείται η μέση διαφορά τετραγώνων των εικονοστοιχείων των απεικονίσεων που δεν ανήκουν στο παρασκήνιο. Συγκεκριμένα αν I είναι η σταθερή απεικόνιση, I_i και L_i μία κινούμενη απεικόνιση και οι ετικέτες της αντίστοιχα για τον i-οστό άτλαντα. Τα στοιχεία της κινούμενης εικόνας που δεν ανήκουν στο παρασκήνιο είναι:

$$p_i = \{ \boldsymbol{x} | \boldsymbol{x} \in L_i, L_i > 0 \}$$

Οι ετικέτες L_i έχουν την τιμή 0 για το παρασκήνιο και για τις υπόλοιπες ακέραιους μεγαλύτερους του 0. Έχοντας τα στοιχεία αυτά η μετρική ορίζεται ως:

$$mse_i = \frac{1}{|p_i|} \sum_{\boldsymbol{x} \in p_i} (I(\boldsymbol{x}) - I_i(\boldsymbol{x}))^2$$
(14)

Όπου $|p_i|$ είναι ο αριθμός των στοιχείων που χρησιμοποιούνται για τον υπολογισμό της μετρικής.

Έχοντας υπολογίσει την μετρική για όλους τους άτλαντες μέσω της (14), αν ο επιθυμητός αριθμός ατλάντων είναι N, τότε επιλέγονται οι N άτλαντες με την μικρότερη τιμή.

3.5 Μέθοδοι κατάτμησης

Για την κατάτμηση των απεικονίσεων χρησιμοποιήθηκαν τρεις μέθοδοι που έχουν χρησιμοποιηθεί για την κατάτμηση απεικονίσεων μαγνητικής τομογραφίας του εγκεφάλου [1], [13], [14].

3.5.1 Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα

Η αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα (Sparse Patch-Based Method, SPBM) βασίζεται στο [1]. Η μέθοδος αυτή ανοικοδομεί τα τμήματα γύρο

από κάθε εικονοστοιχείο της σταθερής απεικόνισης με αραιή γραμμική υπέρθεση των τμημάτων των ατλάντων. Έπειτα χρησιμοποιεί τους συντελεστές της ανοικοδόμησης για να εξαχθεί η δομή γειτνίασης γραφήματος και τα βάρη γραφήματος ταυτόχρονα, ώστε να χρησιμοποιηθούν στο πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους (2.1).

Συγκεκριμένα έστω το ζεύγος $\{(I_i,L_i),i=1,...,n\}$ όπου I_i είναι η απεικόνιση ενός άτλαντα, L_i ο χάρτης των κατηγοριών της αντίστοιχης απεικόνισης και n το σύνολο των ατλάντων. Για κάθε εικονοστοιχείο ${\bf x}$ της σταθερής απεικόνισης I και κάθε εικονοστοιχείο ${\bf y} \in N_i({\bf x})$ σε κάθε άτλαντα I_i , είναι επιθυμητό τα βάρη $w_i({\bf x},{\bf y})$ να βελτιστοποιηθούν βάση της αραιής αναπαράσταση. $N_i({\bf x})$ είναι μία γειτονιά εικονοστοιχείων γύρω από τον άτλαντα I_i . Επίσης τα βάρη $w_i({\bf x},{\bf y})$ είναι οι συντελεστές ανοικοδόμησης.

Ακόμα, έστω $A_y^i \triangleq col(\{I_i(\boldsymbol{y'}|\boldsymbol{y'} \in P_{I_i}(\boldsymbol{y})\})$ και $b_{\boldsymbol{x}} \triangleq col(\{I(\boldsymbol{x'}|\boldsymbol{x'} \in P_I(\boldsymbol{y})\})$ διανύσματα και $P_I(\boldsymbol{x}), P_{I_i}(\boldsymbol{y})$ τμήματα της απεικόνισης I και I_i γύρο από τα εικονοστοιχεία \boldsymbol{x} και \boldsymbol{y} αντίστοιχα. Επίσης col είναι ένας τελεστής που ευθυγραμμίζει όλα τα στοιχεία ενός συνόλου σε ένα διάνυσμα στήλης. Ο συντελεστής ανοικοδόμησης $w_i(\boldsymbol{x},\boldsymbol{y})$ υπολογίζεται από την παρακάτω συνάρτηση:

$$\underset{\{w_i(\boldsymbol{x},\boldsymbol{y})\}}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} \left\| \sum_{i=1}^n \sum_{\boldsymbol{y} \in N_i(\boldsymbol{x})} A_{\boldsymbol{y}}^i w_i(\boldsymbol{x},\boldsymbol{y}) - b_{\boldsymbol{x}} \right\|_2^2 + \lambda \sum_{i=1}^n \sum_{\boldsymbol{y} \in N_i(\boldsymbol{x})} |w_i(\boldsymbol{x},\boldsymbol{y})| \quad (15)$$

Με την συνάρτηση (15) επιθυμείτε η ανοικοδόμηση του διανύσματος b_x της σταθερής εικόνας από το διάνυσμα A_y^i των ατλάντων. Ο πρώτος όρος ελαχιστοποιεί το σφάλμα ανοικοδόμησης ενώ ο δεύτερος χρησιμοποιείται ώστε να επιτευχθεί αραιή λύση. Η παράμετρος λ χρησιμοποιείται για να ελέγξει την συνεισφορά κάθε όρου και επομένως και το πόσο αραιό θα είναι το αποτέλεσμα. Η συνάρτηση (15) μπορεί να ελαχιστοποιηθεί με τον ελάχιστα απόλυτο τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής (2.2).

Έπειτα, αφού έχει υπολογιστεί ο συντελεστής ανοικοδόμησης $w_i(x,y)$, χρησιμοποιείται η εξίσωση (1) του πλαισίου συγχώνευσης κατηγοριών για να παραχθεί η ετικέτα L(x) για το εικονοστοιχείο x. Η διαδικασία του πλαισίου συγχώνευσης κατηγοριών επαναλαμβάνεται για κάθε ετικέτα των δεδομένων εκτός του υποβάθρου. Η συνάρτηση αυτή επιστρέφει τιμές στο διάστημα [0,1]. Αν όλες οι τιμές αυτές είναι μικρό-

τερες του 0.5, τότε επιλέγεται για το εικονοστοιχείο \boldsymbol{x} η ετικέτα του παρασκηνίου. Αλλιώς επιλέγεται η ετικέτα με την μεγαλύτερη τιμή. Ολόκληρη η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται για κάθε εικονοστοιχείο $\boldsymbol{x} \in \Omega$ της σταθερής απεικόνισης, όπου Ω ο χώρος των απεικονίσεων.

3.5.2 Ταξινόμηση αραιής αναπαράστασης

Η μέθοδος ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης (Sparse Representation Classification, SRC) βασίζεται στο [13] και χρησιμοποιεί μία βιβλιοθήκη πρότυπων τμημάτων ως προκαθορισμένο λεξικό. Όπως και στην προηγούμενη μέθοδο, τα τμήματα γύρο από κάθε εικονοστοιχείο της σταθερής απεικόνισης ανοικοδομούνται με αραιή γραμμική υπέρθεση των τμημάτων των ατλάντων (δημιουργία βιβλιοθήκης πρότυπων τμημάτων). Η κατηγορία-ετικέτα του εικονοστοιχείου προς ταξινόμηση καθορίζεται από το σφάλμα ανοικοδόμησης για κάθε κατηγορία.

Τα βήματα για τη δημιουργία της βιβλιοθήκης πρότυπων τμημάτων είναι τα ίδια με την αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα (3.5.1). Οι συντελεστές $w_i(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{y})$ ανοικοδόμησης υπολογίζονται μέσω της (15).

Για ευκολία η συνάρτηση (15) μπορεί να γραφτεί ως:

$$\underset{w_{x}}{\operatorname{argmin}} \frac{1}{2} \|Aw_{x} - b_{x}\|_{2}^{2} + \lambda \|w_{x}\|_{1}$$
 (16)

Όπου $w_{\boldsymbol{x}} \triangleq col(w_i(\boldsymbol{x}, \boldsymbol{y})|\boldsymbol{y} \in N_i(\boldsymbol{x}), i \in 1,...,n)$ και $A \triangleq row(A_{\boldsymbol{y}}^i|\boldsymbol{y} \in N_i(\boldsymbol{x}), i \in 1,...,n)$. Ο τελεστής row ευθυγραμμίζει όλα τα διανύσματα κατά γραμμές, οπότε το A είναι πίνακας.

Έχοντας υπολογίσει τους συντελεστές ανοικοδόμησης (το διάνυσμα w_x στην συνάρτηση (16)) μέσω του ελάχιστα απόλυτου τελεστή συρφίκνωσης και επιλογής (2.2), το σφάλμα ανοικοδόμησης για κάθε κλάση ορίζεται ως:

$$r_i(b_x) = ||b_x - A^j w_x^j||$$
 (17)

Όπου A^j και w_x^j είναι τα A και w_x αντίστοιχα που σχετίζονται με την ετικέτα j. Δηλαδή τα στοιχεία των A και w_x που δεν ανήκουν στην κατηγορία-ετικέτα j. Έχουν την τιμή 0 ή με άλλα λόγια δεν συνεισφέρουν στον υπολογισμό του σφάλματος ανοικοδόμησης.

Τέλος, η τελική ετικέτα v του εικονοστοιχείου προς ταξινόμηση ορίζεται ως:

$$v = \underset{j}{\operatorname{argmin}} \left(r_{j}(b_{\boldsymbol{x}}) \right)$$
 , $j = 0, ..., C$

Όπου C είναι ο μεγαλύτερος αριθμός ετικέτας. Η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται για κάθε εικονοστοιχείο $x \in \Omega$ της σταθερής απεικόνισης, όπου Ω ο χώρος των απεικονίσεων.

3.5.3 Κατάτμηση βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς

Η κατάτμηση βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς (Patch-Based Segmentation using Expert Priors, PBSEP) βασίζεται στο [14]. Η μέθοδος αυτή αρχικά επιλέγει τα τμήματα των ατλάντων, γύρο από το εικονοστοιχείο προς κατάτμηση, που ξεπερνούν ένα επίπεδο ομοιότητας σε σχέση με το τμήματα της σταθερής απεικόνισης, γύρο από το εικονοστοιχείο προς κατάτμηση, βάση απλών στατιστικών, όπως φωτεινότητα και αντίθεση. Έπειτα, συγκρίνει τα τμήματα αυτά. Με την σύγκριση αυτή εξάγει μία μετρική ομοιότητας των τμημάτων, ώστε να χρησιμοποιηθούν στο πλαίσιο συγχώνευσης κατηγοριών βασισμένο σε γράφους (2.1).

Για την μετρική της ομοιότητας χρησιμοποιούνται οι όροι της φωτεινότητας και της αντίθεσης του δείκτη δομικής ομοιότητας (2.4.2). Οι σταθερές της εξίσωσης (11) είναι $\alpha=1,\beta=1,\gamma=0$. Οπότε η μετρική ορίζεται ως:

$$ss = \frac{2\mu_i \mu_{s,j}}{\mu_i^2 + \mu_{s,j}^2} \frac{2\sigma_i \sigma_{s,j}}{\sigma_i^2 + \sigma_{s,j}^2}$$
(18)

Όπου μ_i και σ_i είναι η μέση τιμή και η τυπική απόκλιση αντίστοιχα του τμήματος γύρο από το εικονοστοιχείο προς κατάτμηση. Επίσης, $\mu_{s,j}$ και $\sigma_{s,j}$ είναι η μέση τιμή και η τυπική απόκλιση του τμήματος γύρο από το εικονοστοιχείο j του άτλαντα s.

Η επιλογή τμημάτων και η μετοική ομοιότητας ορίζεται από την εξίσωση:

$$w(x_i, x_{s,j}) = \begin{cases} exp\left(\frac{-\|P(x_i) - P(x_{s,j})\|_2^2}{h}\right) & \text{if } ss > th \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$
(19)

Όπου $P(x_i)$ αναπαριστά ένα κυβικό τμήμα γύρο από το εικονοστοιχείο x_i . Τα x_i και $x_{s,j}$ είναι εικονοστοιχεία της σταθερής εικόνας στη θέση i και του άτλαντα s στη θέση j αντίστοιχα. Τα τμήματα που επιλέγονται έχουν τιμή για την μετρική ομοιότητας της εξίσωσης (18) μεγαλύτερη της σταθεράς th. Η παράμετρος απόσβεσης h ορίζει την συνεισφορά των τμημάτων και ορίζεται ως:

$$h = \operatorname*{argmin}_{x_{x,j}} \left\| P(x_i) - P(x_{s,j}) \right\|_2 + \epsilon$$

Το ϵ χρησιμοποιείται για υπολογιστική σταθερότητα της εξίσωσης (19) και είναι μία μικρή σταθερά.

Έπειτα, αφού έχει αφού έχει γίνει η επιλογή τμημάτων και έχουν υπολογιστεί τα βάρη $w(x_i,x_{s,j})$ για $j\in N(x_i)$, όπου $N(x_i)$ αναπαριστά ένα κυβικό τμήμα γύρο από το εικονοστοιχείο x_i , χρησιμοποιείται η εξίσωση (1) του πλαισίου συγχώνευσης κατηγοριών για να παραχθεί η ετικέτα $L(x_i)$ για το εικονοστοιχείο x_i . Αν όλα τα βάρη $w(x_i,x_{s,j})$ έχουν τιμή 0, τότε επιλέγεται η ετικέτα του παρασκηνίου αυθαίρετα. Διαφορετικά, η διαδικασία του πλαισίου συγχώνευσης κατηγοριών επαναλαμβάνεται για κάθε ετικέτα των δεδομένων εκτός του υποβάθρου. Η συνάρτηση αυτή επιστρέφει τιμές στο διάστημα [0,1]. Αν όλες οι τιμές αυτές είναι μικρότερες του 0.5, τότε επιλέγεται για το εικονοστοιχείο x_i η ετικέτα του παρασκηνίου. Αλλιώς επιλέγεται η ετικέτα με την μεγαλύτερη τιμή. Ολόκληρη η διαδικασία αυτή επαναλαμβάνεται για κάθε εικονοστοιχείο $x_i \in \Omega$ της σταθερής απεικόνισης, όπου Ω ο χώρος των απεικονίσεων.

4 Πειράματα και αποτελέσματα

4.1 Τρόπος αξιολόγησης και σύγκρισης

Για τις μεθόδους που προτάθηκαν στο προηγούμενο κεφάλαιο αρχικά, θα επιλεγούν οι καλύτερες παράμετροι τους και έπειτα θα συγκριθούν μεταξύ τους. Τα δεδομένα που θα χρησιμοποιηθούν για την παραπάνω διαδικασία παρουσιάστηκαν στο 3.1. Επίσης ως μετρική του αποτελέσματος χρησιμοποιείται ο συντελεστής ομοιότητας Dice (2.4.1) που ορίζεται από την εξίσωση (6). Η μετρική αυτή υπολογίζεται για κάθε ετικέτα των δεδομένων.

Επίσης, για κάθε πείραμα χρησιμοποιήθηκε η διασταυρωμένη επικύρωση αφήνω ένα έξω (2.6.1). Η επιλογή αυτή έγινε ούτως ώστε να αξιολογηθεί η δυνατότητα του μοντέλου να πραγματοποιεί σωστές προβλέψεις για δεδομένα που δεν χρησιμοποιήθηκαν για την εκπαίδευση του.

4.2 Λεπτομέρειες υλοποίησης

Η υλοποίηση των μεθόδων έγινε στις γλώσσες προγραμματισμού *Python 3* και *Cython*. Συγκεκριμένα, για την διαχείριση και επεξεργασία των απεικονίσεων χρησιμοποιήθηκε το εργαλείο *Simple ITK*. Για την καταχώριση των απεικονίσεων χρησιμοποιήθηκε το εργαλείο *Simple Elastix*. Οι μέθοδοι κατάτμησης υλοποιήθηκαν σε *Cython* για λόγους υπολογιστικής ταχύτητας. Τέλος, το εργαλείο *SPAMS* χρησιμοποιήθηκε για την επίλυση του ελάχιστα απόλυτου τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής (2.2).

4.3 Επιλογή παραμέτρων

Οι παράμετροι που είναι κοινοί για όλες τις μεθόδους είναι:

- 1. Ο αριθμός των ατλάντων που χρησιμοποιείται στην κατάτμηση.
- 2. Το τμήμα αναζήτησης στους άτλαντες.
- 3. Το τμήμα γύρο από κάθε εικονοστοιχείο προς κατάτμηση. Θα μπορούσε να χαρακτηριστεί και ως τμήμα χαρακτηριστικών.

Ακόμα, η αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα (3.5.1) και η μέθοδος ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης (3.5.2) έχουν την παράμετρο λ του ελάχιστα απόλυτου τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής.

4.3.1 Παράμετρος λ του ελάχιστα απόλυτου τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής

Αρχικά, επιλέγεται η καλύτερη τιμή της παραμέτρου λ του ελάχιστα απόλυτου τελεστή συρρίκνωσης και επιλογής. Η παράμετρος αυτή ελέγχει την συνεισφορά του σφάλματος ανοικοδόμησης σε σχέση με τον όρο της πρώτης νόρμας που χρησιμοποιείται ώστε να επιτευχθεί αραιή λύση.

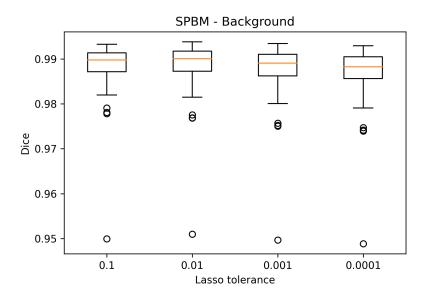
Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα

Στην αραιή μέθοδο βασισμένη σε τμήματα η παράμετρος αυτή υπάρχει στην εξίσωση (15). Οι τιμές των υπόλοιπων παραμέτρων παρουσιάζονται στον Πίνακας 2.

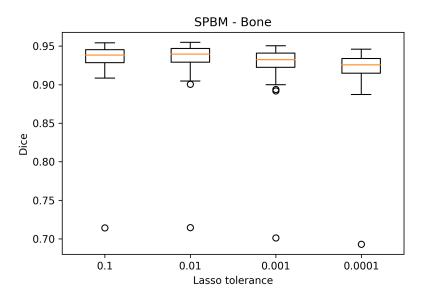
Αριθμός ατλάντων	4
Τμήμα αναζήτησης	[5,5,5]
Τμήμα χαρακτηριστικών	[3,3,3]

Πίνακας 2: Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή της παραμέτρου λ .

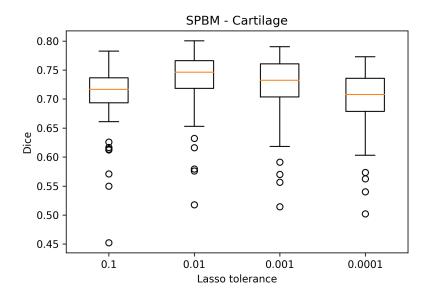
Στα Σχήμα 15, Σχήμα 16 και Σχήμα 17 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για τις τιμές της παραμέτρου λ που χρησιμοποιήθηκαν. Από τα Σχήμα 15 και Σχήμα 16 παρατηρείται ότι δεν υπάρχει μεγάλη διαφορά ανάμεσα στις τιμές του συντελεστή. Στο Σχήμα 17 για τιμή $\lambda=0.01$ παρατηρείται η μεγαλύτερη τιμή του συντελεστή. Για το λόγο αυτό επιλέχτηκε η τιμή $\lambda=0.01$.



Σχήμα 15: Μεταβολή της παραμέτρου λ της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 16: Μεταβολή της παραμέτρου λ της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου.

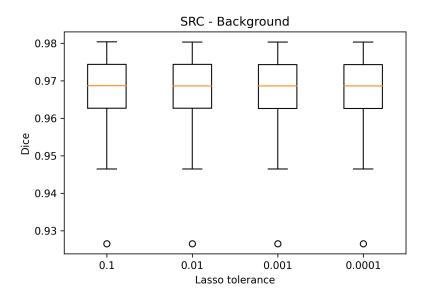


Σχήμα 17: Μεταβολή της παραμέτρου λ της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου.

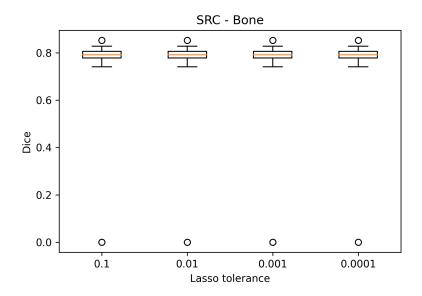
Ταξινόμηση αφαιής αναπαφάστασης

Στην μέθοδο ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης η παράμετρος αυτή υπάρχει στην εξίσωση (16). Οι τιμές των υπόλοιπων παραμέτρων παρουσιάζονται στον Πίνακας 2 και είναι ίδιες με αυτές που χρησιμοποιήθηκαν στην αραιή μέθοδο βασισμένη σε τμήματα.

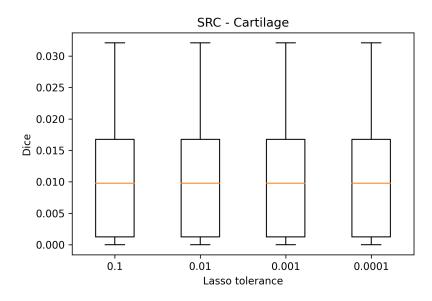
Στα Σχήμα 18, Σχήμα 19 και Σχήμα 20 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για τις τιμές της παραμέτρου λ που χρησιμοποιήθηκαν. Επειδή για όλες τις τιμές της παραμέτρου οι τιμές του συντελεστή είναι ίδιες, επιλέχτηκε η τιμή $\lambda=0.01$ (για να είναι ίδια με αυτή της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα).



Σχήμα 18: Μεταβολή της παραμέτρου λ της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 19: Μεταβολή της παραμέτρου λ της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του κόκαλου.



Σχήμα 20: Μεταβολή της παραμέτρου λ της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του χόνδρου.

4.3.2 Τμήμα αναζήτησης

Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα

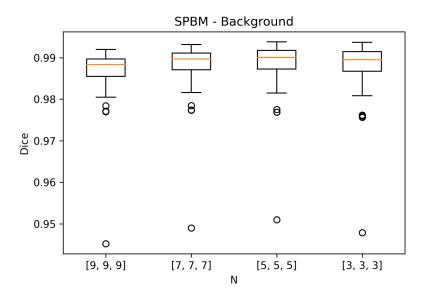
Τα πειράματα για την επιλογή του τμήματος αναζήτησης έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 3.

Παράμετρος λ	0.01
Αριθμός ατλάντων	4
Τμήμα χαρακτηριστικών	[3,3,3]

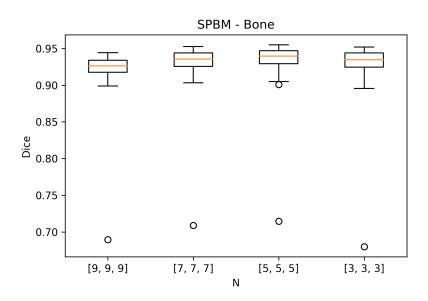
Πίνακας 3: Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή του τμήματος αναζήτησης.

Στα Σχήμα 21, Σχήμα 22 και Σχήμα 23 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τιμήματος αναζήτησης. Παρατηρείται, κυρίως στο Σχήμα 23, ότι για μικρότερες τιμές του τιμήματος το αποτέλεσμα είναι καλύτερο. Το γεγονός αυτό αυτό δεν είναι αναμενόμενο αφού θα περίμενε κανείς, να υπάρχει γραμμική συσχέτιση μεταξύ του μεγέθους του τιμήματος αναζήτησης και της ποιότητας του αποτελέσματος. Μία πιθανή εξήγηση είναι ότι το αποτέλεσμα της καταχώρισης είναι αρκετά καλό ώστε τιμήματα με κεντρικό

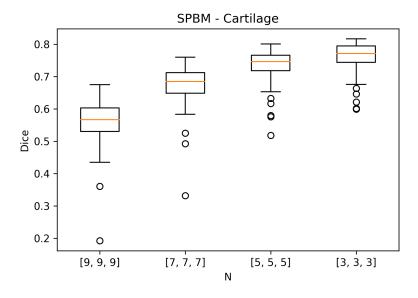
εικονοστοιχείο μακριά από το εικονοστοιχείο προς καταχώρηση να είναι ασυσχέτιστα με το εικονοστοιχείο προς καταχώρηση έτσι ώστε να θεωρούνται θόρυβος και να έχουν μόνο αρνητική επίδραση στο αποτέλεσμα. Η εξήγηση αυτή είναι λάθος διότι, όπως θα παρουσιαστεί παρακάτω, το φαινόμενο αυτό δεν παρατηρείται στη κατάτμηση βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς. Οπότε, πιθανότατα αυτή η μέθοδος είναι πιο επιρρεπής στο θόρυβο. Για το λόγο αυτό επιλέχτηκε η τιμή [3, 3, 3] του τμήματος αναζήτησης.



Σχήμα 21: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 22: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου.

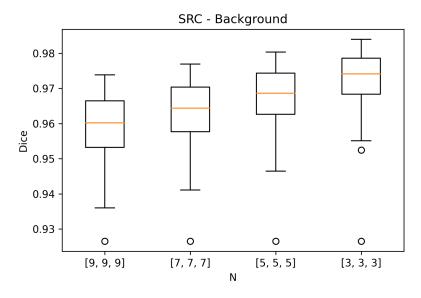


Σχήμα 23: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου.

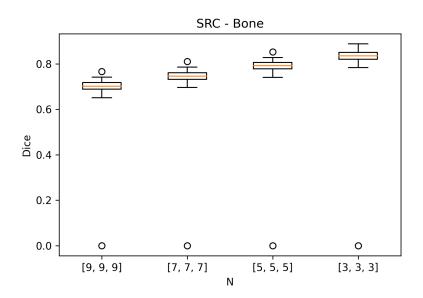
Ταξινόμηση αφαιής αναπαφάστασης

Τα πειράματα για την επιλογή του τμήματος αναζήτησης, όπως και στην αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα, έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 3.

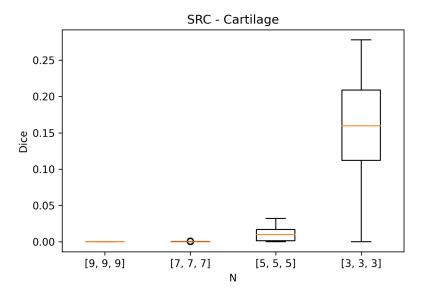
Στα Σχήμα 24, Σχήμα 25 και Σχήμα 26 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τμήματος αναζήτησης. Παρατηρείται ότι το φαινόμενο που εμφανίζεται στην αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα όπου, για μικρότερες τιμές του τμήματος το αποτέλεσμα είναι καλύτερο, εμφανίζεται πιο έντονα και σε αυτή τη μέθοδο. Με τον ίδιο συλλογισμό που ακολουθήθηκε στην προηγούμενη μέθοδο, πιθανότατα αυτή η μέθοδος είναι περισσότερο επιρρεπής στο θόρυβο, από ότι η προηγούμενη. Για το λόγο αυτό επιλέχτηκε η τιμή [3, 3, 3] του τμήματος αναζήτησης.



Σχήμα 24: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 25: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου ταξινόμησης αφαιής αναπαφάστασης για την ετικέτα του κόκαλου.



Σχήμα 26: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του χόνδρου.

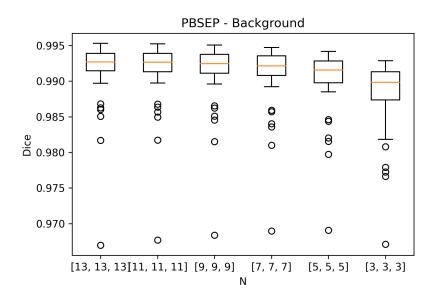
Κατάτμηση βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληφοφορία από ειδικούς

Τα πειράματα για την επιλογή του τμήματος αναζήτησης έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 4.

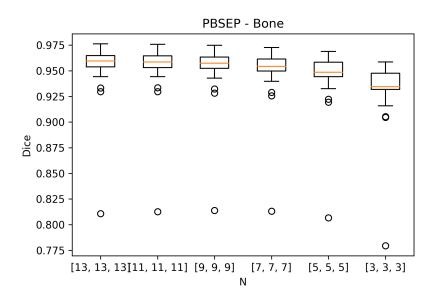
Αριθμός ατλάντων	4
Τμήμα χαρακτηριστικών	[3,3,3]

Πίνακας 4: Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή του τμήματος αναζήτησης για τη μέθοδο κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς.

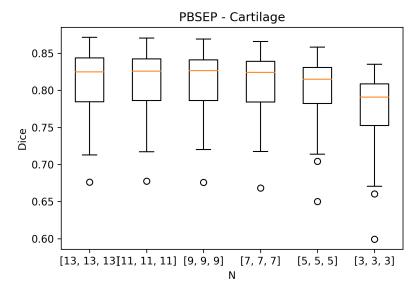
Στα Σχήμα 27, Σχήμα 28 και Σχήμα 29 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τιμήματος αναζήτησης. Παρατηρείται ότι για μεγαλύτερες τιμές του τιμήματος αναζήτησης το αποτέλεσμα είναι καλύτερο. Όσο μεγαλώνει το τιμήμα αναζήτησης η μεταβολή της απόδοσης είναι μικρότερη και για τιμή [7,7,7] μηδαμινή. Για το λόγο αυτό και υπολογιστικής ταχύτητας επιλέχτηκε η τιμή [7,7,7] του τιμήματος αναζήτησης.



Σχήμα 27: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληφοφορία από ειδικούς για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 28: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληφοφορία από ειδικούς για την ετικέτα του κόκαλου.



Σχήμα 29: Μεταβολή του τμήματος αναζήτησης της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς για την ετικέτα του χόνδρου.

4.3.3 Τμήμα χαρακτηριστικών

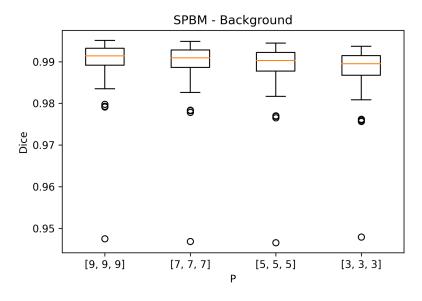
Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα

Τα πειράματα για την επιλογή του τμήματος χαρακτηριστικών έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 5.

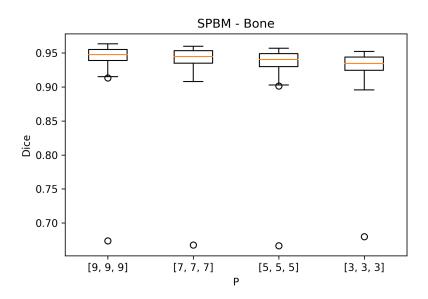
Παράμετρος λ	0.01
Αριθμός ατλάντων	4
Τμήμα αναζήτησης	[3,3,3]

Πίνακας 5: Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή του τμήματος χαρακτηριστικών.

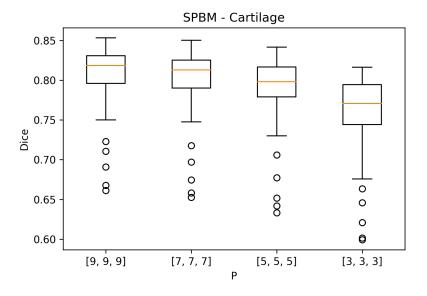
Στα Σχήμα 30, Σχήμα 31 και Σχήμα 32 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τιήματος χαρακτηριστικών. Παρατηρείται, κυρίως στο Σχήμα 32, ότι για μεγαλύτερες τιμές του τιήματος χαρακτηριστικών το αποτέλεσμα είναι καλύτερο. Για το λόγο αυτό και υπολογιστικής ταχύτητας επιλέχτηκε η τιμή [9,9,9] του τιήματος χαρακτηριστικών.



Σχήμα 30: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 31: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου.

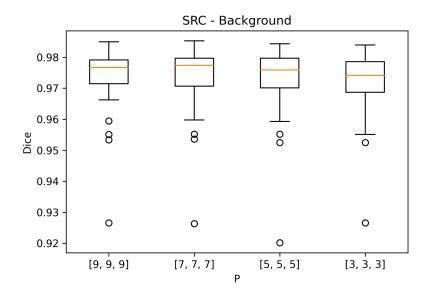


Σχήμα 32: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου.

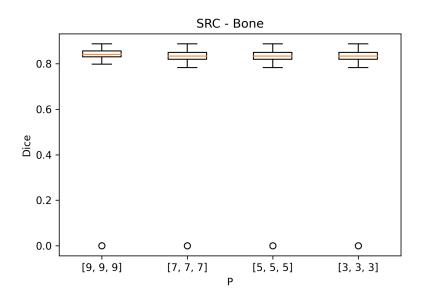
Ταξινόμηση αφαιής αναπαφάστασης

Τα πειράματα για την επιλογή του τμήματος χαρακτηριστικών, όπως και στην αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα, έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 5.

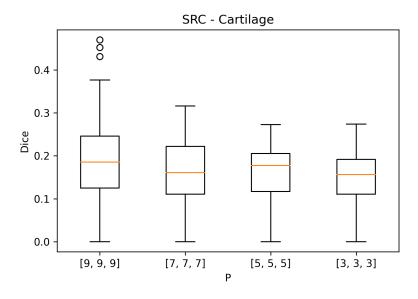
Στα Σχήμα 33, Σχήμα 34 και Σχήμα 35 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τιμήματος χαρακτηριστικών. Παρατηρείται, κυρίως στο Σχήμα 35, ότι για μεγαλύτερες τιμές του τιμήματος χαρακτηριστικών το αποτέλεσμα είναι καλύτερο. Για το λόγο αυτό επιλέχτηκε η τιμή [9,9,9] του τιμήματος χαρακτηριστικών.



Σχήμα 33: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 34: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του κόκαλου.



Σχήμα 35: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου ταξινόμησης αραιής αναπαράστασης για την ετικέτα του χόνδρου.

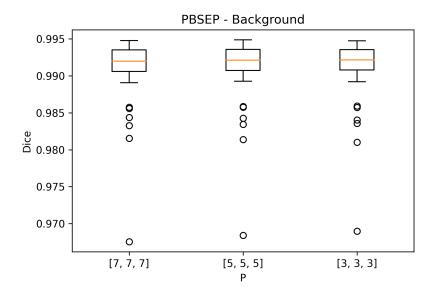
Κατάτμηση βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς

Τα πειράματα για την επιλογή του τμήματος χαρακτηριστικών έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 6.

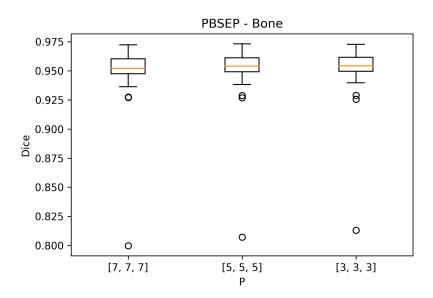
Αριθμός ατλάντων	4
Τμήμα χαρακτηριστικών	[7,7,7]

Πίνακας 6: Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή του τμήματος χαρακτηριστικών για τη μέθοδο κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς.

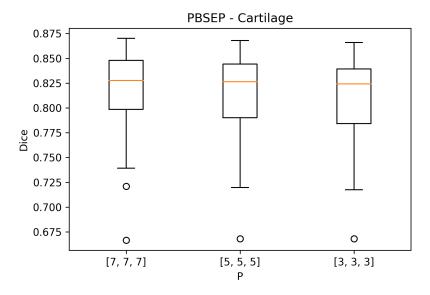
Στα Σχήμα 36, Σχήμα 37 και Σχήμα 38 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τμήματος χαρακτηριστικών. Παρατηρείται ότι για όλες τις τιμές του τμήματος χαρακτηριστικών η απόδοση είναι παρόμοια. Για το λόγο αυτό και υπολογιστικής ταχύτητας επιλέχτηκε η τιμή [3, 3, 3] του τμήματος αναζήτησης.



Σχήμα 36: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 37: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς για την ετικέτα του κόκαλου.



Σχήμα 38: Μεταβολή του τμήματος χαρακτηριστικών της μεθόδου κατάτμησης βασισμένη σε τμήματα με τη χρήση πληροφορία από ειδικούς για την ετικέτα του χόνδρου.

4.3.4 Αριθμός ατλάντων

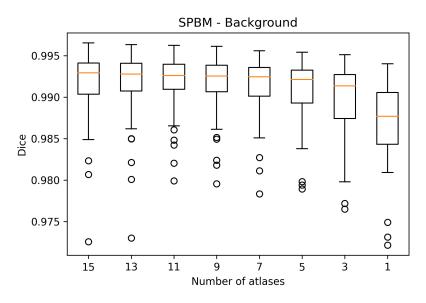
Αραιή μέθοδος βασισμένη σε τμήματα

Τα πειράματα για την επιλογή του αριθμού των ατλάντων έγινες με τις σταθερές παραμέτρους που παρουσιάζονται στο Πίνακας 7.

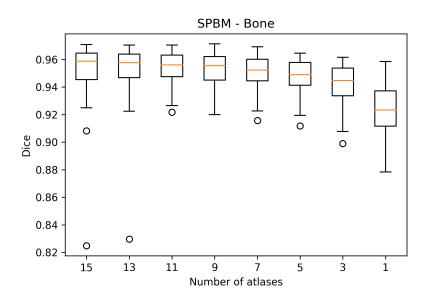
Παράμετρος λ	0.01
Τμήμα αναζήτησης	[3,3,3]
Τμήμα χαρακτηριστικών	[9,9,9]

Πίνακας 7: Παράμετροι που παραμένουν σταθεροί για την επιλογή του αριθμού των ατλάντων για την αραιή μέθοδο βασισμένη σε τμήματα.

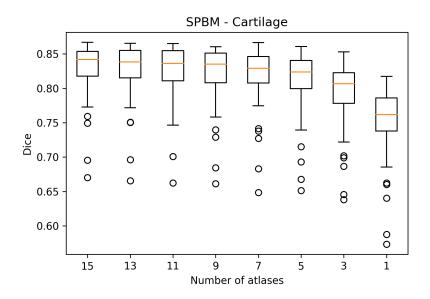
Στα Σχήμα 39, Σχήμα 40 και Σχήμα 41 παρουσιάζονται οι τιμές του συντελεστή ομοιότητας Dice για διάφορες τιμές του τμήματος χαρακτηριστικών. Παρατηρείται, κυρίως στο Σχήμα 41, ότι για μεγαλύτερες τιμές του τμήματος χαρακτηριστικών το αποτέλεσμα είναι καλύτερο. Επίσης, για τιμή του τμήματος χαρακτηριστικών μεγαλύτερη του [7, 7, 7] δεν υπάρχει μεγάλη μεταβολή. Για το λόγο αυτό και υπολογιστικής ταχύτητας επιλέχτηκε η τιμή [7, 7, 7] του τμήματος χαρακτηριστικών.



Σχήμα 39: Μεταβολή του αριθμού των ατλάντων της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του παρασκηνίου.



Σχήμα 40: Μεταβολή του αριθμού των ατλάντων της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του κόκαλου.



Σχήμα 41: Μεταβολή του αριθμού των ατλάντων της αραιής μεθόδου βασισμένης σε τμήματα για την ετικέτα του χόνδρου.

Αναφορές

- [1] D. Zhang, Q. Guo, G. Wu ка D. Shen, Sparse Patch-Based Label Fusion for Multi-Atlas Segmentation, 2012.
- [2] R. Tibshirani, "Regression Shrinkage and Selection Via the Lasso,"

 JOURNAL OF THE ROYAL STATISTICAL SOCIETY, SERIES

 Β, τόμ. 58, σσ. 267–288, 1994.
- [3] L. G. Brown, "A Survey of Image Registration Techniques," ACM Computing Surveys, τόμ. 24, σσ. 325–376, 1992.
- [4] B. Zitová και J. Flusser, "Image registration methods: a survey," IMAGE AND VISION COMPUTING, τόμ. 21, σσ. 977–1000, 2003.
- [5] S. Klein, J. P. W. Pluim, M. Staring και M. A. Viergever, "Adaptive stochastic gradient descent optimisation for image registration.," *International Journal of Computer Vision*, σσ. 227–239, 2009.
- [6] H. Lester και S. Arridge, "A survey of hierarchical non-linear medical image registration," *Pattern Recognit.*, τόμ. 32, σσ. 129– 149, 1999.
- [7] L. R. Dice, "Measures of the Amount of Ecologic Association Between Species," *Ecology*, τόμ. 26, αρθμ. 3, σσ. 297–302, 1945. DOI: 10.2307/1932409.
- [8] Z. Wang, A. Bovik, H. R. Sheikh και E. P. Simoncelli, "Image quality assessment: from error visibility to structural similarity," *IEEE Transactions on Image Processing*, τόμ. 13, σσ. 600–612, 2004.
- [9] M. Sonka, V. Hlavac και R. Boyle, "Image pre-processing," στο Image Processing, Analysis and Machine Vision. Boston, MA: Springer US, 1993, σσ. 56–111, ISBN: 978-1-4899-3216-7. DOI: 10. 1007/978-1-4899-3216-7_4. διεύθν.: https://doi.org/10.1007/978-1-4899-3216-7_4.
- [10] L. G. Nyúl, J. K. Udupa και X. Zhang, "New variants of a method of MRI scale standardization," *IEEE Trans. Med. Imaging*, σσ. 143– 150, 2000.
- [11] J. A. Sethian, Advancing Interfaces: Level Set and Fast Marching Methods, 1999.
- [12] P. Refaeilzadeh, L. Tang και H. Liu, "Cross-Validation," στο Encyclopedia of Database Systems, L. LIU και Μ. Τ. ÖZSU, επιμελητές. Boston, MA: Springer US, 2009, σσ. 532–538, ISBN: 978-0-387-39940-9. DOI: 10.1007/978-0-387-39940-9_565. διεύθν.: https://doi.org/10.1007/978-0-387-39940-9_565.

- [13] T. Tong, R. Wolz, P. Coupé, J. V. Hajnal και D. Rueckert, "Segmentation of MR images via discriminative dictionary learning and sparse coding: Application to hippocampus labeling," NeuroImage, τόμ. 76, σσ. 11–23, 2013, ISSN: 1053-8119. DOI: https://doi.org/10.1016/j.neuroimage.2013.02.069. διεύθν:: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1053811913002243.
- [14] P. Coupé, J. V. Manjón, V. Fonov, J. Pruessner, M. Robles και D. L. Collins, "Patch-based segmentation using expert priors: Application to hippocampus and ventricle segmentation," NeuroImage, τόμ. 54, αρθμ. 2, σσ. 940–954, 2011, ISSN: 1053-8119. DOI: https://doi.org/10.1016/j.neuroimage.2010.09.018. διεύθν.: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S1053811910011997.