

# UNIWERSYTET WARMIŃSKO-MAZURSKI W OLSZTYNIE Wydział Matematyki i Informatyki

# Sylabus przedmiotu - część A Algebra liniowa z geometria analityczna

17S1-ALZGA **ECTS: 6.00 CYKL: 2023Z** 

### TREŚCI MERYTORYCZNE

#### **WYKŁAD**

Grupa, pierścień, ciało na przykładach zbiorów liczb. Ciało liczb zespolonych. Postać algebraiczna, trygonometryczna i wykładnicza liczby zespolonej. Wzór Moivre`a. Pierwiastkowanie liczb zespolonych. Przestrzeń wektorowa, podprzestrzeń. Kombinacja liniowa wektorów, podprzestrzeń generowana przez zbiór. Wektory liniowo (nie)zależne. Baza i wymiar przestrzeni wektorowej. Definicja macierzy. Działania na macierzach. Rzad macierzy. Metoda eliminacji Gaussa. Wyznacznik macierzy kwadratowej. Rozwinięcie Laplace'a. Własności wyznacznika. Macierz odwrotna. Układy równań liniowych. Twierdzenie KroneckeraCapellego. Wzory Cramera. Grupy permutacji zbiorów skończonych. Rozkład na cykle rozłączne i transpozycje. Parzystość. Zastosowanie w określeniu wyznacznika. Przekształcenia liniowe. Jądro i obraz. Przestrzenie izomorficzne. Macierz przekształcenia liniowego. Macierz zmiany bazy. Podprzestrzeń niezmiennicza, wartości i wektory własne endomorfizmu liniowego. Iloczyn zastosowania. Ortogonalizacja Gramma-Schmidta. skalarny i jego Przekształcenia i macierze ortogonalne. Ortogonalna diagonalizacja macierzy symetrycznych. Informacja o rozkładzie macierzy za pomocą wartości singularnych (singular value decomposition). Przestrzeń afiniczna i euklidesowa. Iloczyn wektorowy i mieszany, obliczanie pól i objętości. Proste i płaszczyzny w 3-wymiarowej przestrzeni euklidesowej.

#### **ĆWICZENIA**

Ściśle powiązane z wykładem. Rozwiązywanie zadań z wykorzystaniem twierdzeń i metod podanych na wykładzie.

### **CEL KSZTAŁCENIA**

Zapoznanie studentów z podstawowymi pojęciami, twierdzeniami i metodami algebry liniowej i geometrii analitycznej. Oswojenie z precyzyjnym językiem matematycznym. Przygotowanie do wykorzystania pojęć i metod algebry liniowej w dalszej edukacji.

OPIS EFEKTÓW UCZENIA SIĘ PRZEDMIOTU W ODNIESIENIU DO OPISU CHARAKTERYSTYK DRUGIEGO STOPNIA EFEKTÓW UCZENIA SIĘ DLA KWALIFIKACJI NA POZIOMACH 6-8 POLSKIEJ RAMY KWALIFIKACJI W ODNIESIENIU DO DYSCYPLIN NAUKOWYCH I EFEKTÓW KIERUNKOWYCH

 $XP/I1A\_U01+, XP/I1A\_K08+, XP/I1A\_K01+,$ Symbole efektów XP/I1A\_W01+, XP/I1A\_U18+ dyscyplinowych:

Symbole efektów K1 W01+, K1 U01+, K1 K01+ kierunkowych:

# **EFEKTY UCZENIA SIE:**

Wiedza:

W1 - Ma wiedzę z algebry liniowej i geometrii analitycznej

efekty uczenia się: 660/2015 Dyscypliny:

Akty prawne określające

Status przedmiotu: Obligatoryjny

Grupa przedmiotów:C przedmioty specjalnościowe/związane z

zakresem kształcenia Kod: ISCED Kierunek studiów:

Informatyka Zakres kształcenia: Profil kształcenia: Forma studiów:

Niestacionarne Poziom studiów: Pierwszego

stopnia Rok/semestr:

Rodzaj zajęć: Wykład, Ćwiczenia Liczba godzin w

semestrze: Wykład: 30.00, Ćwiczenia: 45.00

Język wykładowy:polski Przedmioty

wprowadzające: Brak Wymagania

wstępne:Podstawowa wiedza matematyczna z zakresu szkoły ponadgimnazjalnej

Nazwa jednostki org. realizującej przedmiot: Katedra Algebry i Geometrii Osoba odpowiedzialna za realizacie przedmiotu: dr Jarosław Kosiorek e-mail:

kosiorek@matman.uwm.edu.p

Uwagi dodatkowe:

## **Umiejętności:**

U1 – Posługuje się językiem teorii mnogości, interpretując zagadnienia z różnych obszarów matematyki. Posługuje się pojęciem przestrzeni liniowej, wektora, przekształcenia liniowego, macierzy. Dostrzega obecność struktur algebraicznych (grupy, pierścienia, ciała, przestrzeni liniowej) w różnych zagadnieniach matematycznych, niekoniecznie powiązanych bezpośrednio z algebrą

## Kompetencie społeczne:

K1 – Zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę dalszego kształcenia. Potrafi precyzyjnie formułować pytania, służące pogłębieniu własnego zrozumienia danego tematu lub odnalezieniu brakujących elementów rozumowania

## **FORMY I METODY DYDAKTYCZNE:**

Wykład(W1;U1;K1;):Wykład z prezentacją multimedialną Ćwiczenia(W1;U1;K1;):Ćwiczenia audytoryjne - rozwiązywanie zadań, dyskusja, wybór optymalnego rozwiązania

## FORMA I WARUNKI WERYFIKACJI EFEKTÓW UCZENIA SIĘ:

Wykład (Egzamin) - Egzamin ustny poprzedzony pisemnym testem. 65% punktów z testu gwarantuje pozytywną ocenę. 35% dopuszcza do egzaminu ustnego. - W1, U1, K1

Ćwiczenia (Kolokwium pisemne) - Dwa kolokwia. Zaliczenie ćwiczeń następuje po zdobyciu co najmniej 50% punktów. Na ocenę końcową wpływa liczba zdobytych punktów z kolokwiów i aktywność na zajęciach. - W1, U1, K1

### LITERATURA PODSTAWOWA:

- 1. Teresa Jurlewicz, Zbigniew Skoczylas, *Algebra liniowa 2, Definicje,twierdzenia wzory*, Wyd. Oficyna Wydawnicza GiS, R. 2002
- 2. Teresa Jurlewicz, Zbigniew Skoczylas, *Algebra liniowa 2, Przykłady i zadania*, Wyd. Oficyna Wydawnicza GiS, R. 2000
- 3. Jarosław Kosiorek, *Skróty wykładów i zadania strona internetowa http://wmii.uwm.edu.pl/~kosiorek/InformatykalSl/*, Wyd. ., R. .
- 4. Rutkowski Jerzy, Algebra liniowa w zadaniach, Wyd. PWN, R. 2008
- 5. Teresa Jurlewicz, Zbigniew Skoczylas, Algebra liniowa1,
- Definicie.twierdzenia wzorv. Wyd. Oficyna Wydawnicza GiS. R. 2002
- 6. Teresa Jurlewicz, Zbigniew Skoczylas, *Algebra liniowa1, Przykłady i zadania*, Wyd. Oficyna Wydawnicza GiS, R. 2000
- 7. Jerzy Topp, *Algebra liniowa*, Wyd. Wydawnictwo Uniwersytetu Gdańskiego, R. 2015

### LITERATURA UZUPEŁNIAJĄCA:

- 1. Andrzej Białynicki Birula,, *Algebra liniowa z geometrią,*, Wyd. PWN, Warszawa, R. 1979
- 2. Andrzej Mostowski, Marceli Stark, *Elementy algebry wyższej*, Wyd. PWN Warszawa, R. 1970
- 3. W. Stankiewicz, J. Wojtowicz, *Zadania z matematyki dla wyższych uczelni technicznych*, Tom 1/2, Wyd. PWN Warszawa, R. 1976
- 4. Gleichgewicht Bolesław, Algebra, Wyd. PWN, R. 1983

# Szczegółowy opis przyznanej punktacji ECTS - część B

17S1-ALZGA ECTS: 6.00

# Algebra liniowa z geometrią analityczną

**CYKL: 2023Z** 

Na przyznaną liczbę punktów ECTS składają się:

1. Godziny kontaktowe z nauczycielem akademickim:

- udział w: Wykład
- udział w: Ćwiczenia
- konsultacje

30.0 h
45.0 h
5.0 h

OGÓŁEM: 80.0 h

2. Samodzielna praca studenta:

Przygotowanie do kolokwiów	20.00 h
Przygotowanie do egzaminu	30.00 h
Przygotowanie do ćwiczeń	20.00 h

OGÓŁEM: 70.0 h

godziny kontaktowe + samodzielna praca studenta OGÓŁEM: 150.0 h

1 punkt ECTS = 25-30 h pracy przeciętnego studenta, liczba punktów ECTS = 150.0 h : 25.0 h/ECTS = 6.00 ECTS

Średnio: **6.0 ECTS** 

w tym liczba punktów ECTS za godziny kontaktowe z bezpośrednim udziałem
 akademickiego
 w tym liczba punktów ECTS za godziny realizowane w formie samodzielnej pracy
 2.80 punktów

studenta ECTS