

Algo et Structure de donnees

Nouakchott, LE 14/12/2024

Exo 1 (Code en JAVA) :

```
package Helloworld;

public class HelloWorld {

    public static long fib(int n) {
        if (n <= 1) {
            return 1;
        }
        return fib(n - 1) + fib(n - 2);
    }

    public static void main(String[] args) {

        int n = 5;
        long result = fib(n);
        System.out.println("La " + n + " ème valeur de Fibonacci est : " + result);
    }
}
```

1. Structure du code

- Le programme est contenu dans un package nommé `Helloworld`.
 - Il contient une classe publique nommée `HelloWorld` qui inclut :
 - Une méthode récursive `fib` pour calculer les valeurs de la suite de Fibonacci.
 - Une méthode `main`, qui est le point d'entrée du programme, pour exécuter la logique.
-

2. Méthode `fib(int n)`

La méthode `fib` calcule la **n^e valeur de Fibonacci** de manière récursive :

- **Entrée** : Un entier `n`.
- **Sortie** : Un entier long (`long`) représentant la valeur de Fibonacci correspondant à `n`.

Fonctionnement logique :

- Si `n <= 1`, la fonction retourne 1 directement (valeur de base).
- Sinon, elle fait appel à elle-même deux fois pour calculer :
 - `fib(n - 1)` : La (n-1)^e valeur de Fibonacci.
 - `fib(n - 2)` : La (n-2)^e valeur de Fibonacci.
- La somme de ces deux valeurs est retournée comme résultat.

Explication logic:

Examinons comment le programme fonctionne pour `n=5`. Voici une analyse étape par étape de l'exécution avec des appels récursifs détaillés.

```

fib(5)
├─ fib(4)
│  ├─ fib(3)
│  │  ├─ fib(2)
│  │  │  └─ fib(1) → 1
│  │  │  └─ fib(0) → 1
│  │  └─ fib(1) → 1
│  └─ fib(2)
│     └─ fib(1) → 1
│     └─ fib(0) → 1
└─ fib(3)
   └─ fib(2)
      └─ fib(1) → 1
      └─ fib(0) → 1
   └─ fib(1) → 1

```

Resultat fib(5) : La 5 ème valeur de Fibonacci est : 8

EXO 2 (Code en JAVA):

```
package Helloworld;
```

```
public class HelloWorld {
```

```
    public static long fib(int n) {
        if (n <= 1) {
            return 1;
        }

```

```
        long f0 = 1;
        long f1 = 1;
        long fn = 1;

```

```
        for (int i = 2; i <= n; i++) {
            fn = f0 + f1;
            f0 = f1;
            f1 = fn;
        }

```

```
        return fn;
    }

```

```
    public static void main(String[] args) {
        int n = 6;
        long result = fib(n);
        System.out.println("La " + n + " ème valeur de Fibonacci est : " + result);
    }

```

Problèmes identifiés

1. **Déclaration des variables :**
 - Les variables dans la méthode `fib` ne sont pas correctement initialisées ou déclarées (par exemple, `long int i` n'est pas valide en Java).
2. **Boucle `for` :**
 - La condition `i=n` est incorrecte. Une boucle `for` doit utiliser une comparaison logique (par exemple, `i <= n`).
3. **Retour dans la boucle :**
 - Vous utilisez `return fn` à l'intérieur de la boucle. Cela arrête l'exécution dès la première itération.
4. **Structure et logique :**
 - Vous mélangez des concepts de récursivité et d'itération. Le calcul de Fibonacci doit être soit complètement itératif, soit récursif.

Explications

1. **Structure corrigée :**
 - La méthode `fib` est entièrement itérative.
 - Les valeurs `f0f0f0`, `f1f1f1`, et `fnfnfn` sont utilisées pour calculer la suite Fibonacci.
2. **Boucle `for` :**
 - La boucle commence à `i=2i = 2i=2`, car `f0f0f0` et `f1f1f1` sont déjà connus.
 - Elle s'arrête à `i=ni = ni=n`.
3. **Retour du résultat :**
 - Le résultat final `fnfnfn` est retourné après l'exécution de la boucle.

Étape 1 : Appel de la méthode

La méthode `fib(6)` est appelée dans le `main`.

Étape 2 : Initialisation

Les variables sont initialisées avant la boucle :

- `f0=1f0 = 1f0=1` (la première valeur de Fibonacci)
- `f1=1f1 = 1f1=1` (la deuxième valeur de Fibonacci)
- `fn=1fn = 1fn=1` (la valeur courante de Fibonacci, initialisée à 1)

Étape 3 : Boucle `for`

La boucle commence à `i=2i = 2i=2` et continue jusqu'à `i=6i = 6i=6`. Voici le déroulement pour chaque itération :

Itération 1 (i=2):

- `fn=f0+f1=1+1=2fn = f0 + f1 = 1 + 1 = 2fn=f0+f1=1+1=2`
- Mise à jour :
 - `f0=f1=1f0 = f1 = 1f0=f1=1`
 - `f1=fn=2f1 = fn = 2f1=fn=2`

Itération 2 (i=3):

- `fn=f0+f1=1+2=3fn = f0 + f1 = 1 + 2 = 3fn=f0+f1=1+2=3`
- Mise à jour :
 - `f0=f1=2f0 = f1 = 2f0=f1=2`
 - `f1=fn=3f1 = fn = 3f1=fn=3`

Itération 3 (i=4):

- `fn=f0+f1=2+3=5fn = f0 + f1 = 2 + 3 = 5fn=f0+f1=2+3=5`

- Mise à jour :
 - $f_0=f_1=3$ $f_0 = f_1 = 3$ $f_0=f_1=3$
 - $f_1=f_n=5$ $f_1 = f_n = 5$ $f_1=f_n=5$

Itération 4 (i=5):

- $f_n=f_0+f_1=3+5=8$ $f_n = f_0 + f_1 = 3 + 5 = 8$ $f_n=f_0+f_1=3+5=8$
- Mise à jour :
 - $f_0=f_1=5$ $f_0 = f_1 = 5$ $f_0=f_1=5$
 - $f_1=f_n=8$ $f_1 = f_n = 8$ $f_1=f_n=8$

Itération 5 (i=6):

- $f_n=f_0+f_1=5+8=13$ $f_n = f_0 + f_1 = 5 + 8 = 13$ $f_n=f_0+f_1=5+8=13$
- Mise à jour :
 - $f_0=f_1=8$ $f_0 = f_1 = 8$ $f_0=f_1=8$
 - $f_1=f_n=13$ $f_1 = f_n = 13$ $f_1=f_n=13$

Étape 4 : Résultat

À la fin de la boucle, $f_n=13$ $f_n = 13$ $f_n=13$, qui correspond à la 6^e valeur de Fibonacci.

Résultat : La 6^e valeur de Fibonacci est : 13

Cordialement.

Merci, j'espère que cela vous a été utile et que vous en avez pleinement profité.