

$$F_0 = 0$$

$$F_1 = 1$$

$$F_{n+1} = F_n + F_{n-1}$$

حاصل در رابطه فوق را در (1) قرار دهیم.

$$\begin{bmatrix} F_{n+1} \\ F_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_n \\ F_{n-1} \end{bmatrix}$$

تکرار می‌کنیم

$$= \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_{n-1} \\ F_{n-2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}^2 \begin{bmatrix} F_{n-1} \\ F_{n-2} \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}^3 \begin{bmatrix} F_{n-2} \\ F_{n-3} \end{bmatrix}$$

⋮

$$\begin{bmatrix} F_{n+1} \\ F_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}^n \begin{bmatrix} F_1 \\ F_0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}^n \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad \checkmark$$

A B

از رابطه فوق می‌توان دید که برای محاسبه F_n نیاز داریم که توان n از ماتریس A را محاسبه کنیم. این کار با استفاده از روش $O(\log n)$ می‌توان انجام داد.

پس جواب نهایی