$$* \quad \begin{bmatrix} A & 0 \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & 0 \\ C & I_m \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_n & 0 \\ 0 & D \end{bmatrix}$$

$$\overset{\text{بسط}}{\longrightarrow} \begin{bmatrix} A & 0 \\ C & I_m \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_n & 0 \\ 0 & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A \times I_n + 0 \times 0 & A \times 0 + 0 \times D \\ C \times I_n + I_m \times 0 & C \times 0 + I_m \times D \end{bmatrix}$$

$A_{n \times n}$ باشه؟

$D_{m \times m}$

$C_{m \times n} = \begin{bmatrix} A & 0 \\ C & D \end{bmatrix}$ ✓

$$* \quad \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A & 0 \\ C & I_m \end{bmatrix} \underbrace{\begin{bmatrix} I_n & A^{-1}B \\ 0 & D - CA^{-1}B \end{bmatrix}}_{I}$$

$$\overset{\text{بسط}}{\longrightarrow} \begin{bmatrix} A & 0 \\ C & I_m \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_n & A^{-1}B \\ 0 & D - CA^{-1}B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A \times I_n + 0 \times 0 & \underline{A \times A^{-1}B + 0 \times (D - CA^{-1}B)} \\ C I_n + I_m \times 0 & C \times A^{-1}B + I_m (D - CA^{-1}B) \end{bmatrix}$$

$A_{n \times n}$ باشه؟

$C_{m \times n} = \begin{bmatrix} A & B \\ C & \left(\overline{CA^{-1}B} + I_m D - (I_m \times CA^{-1}B) \right) \end{bmatrix}$

$\underbrace{C_{m \times n} \times A^{-1}_{n \times n} \times B_{n \times m}}_{X_{m \times n}} = Y_{m \times m}$

$\longrightarrow = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix}$ ✓