# Point technique n°2

#### Modélisation de la voiture\* et implémentation Simulink

- 1) Définition des repères
- 2) Principe fondamental de la dynamique
- 3) Forces extérieures
- 4) Suspensions
- 5) Interaction Pneu-Route (Pacejka)
- 6) Motorisation des roues
- 7) Simulink
- 8) Gestion de projet

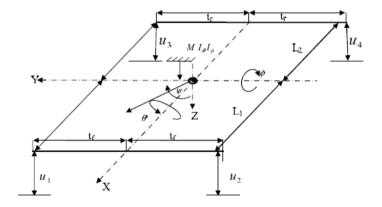
\*modèle issu de *Sliding modes based analysis and identification* of vehicle dynamics par H.Imine, L.Fridman, H.Shraim et M.Djemai

#### 1) Définition des repères

- Rg(x0,y0,z0) repère galiléen de référence
- R(x,y,z) repère du véhicule ayant pour origine G le centre de gravité  $\theta, \phi, \psi$  angles de rotation entre les deux repères

$$T_r = \begin{pmatrix} \cos(\phi)\cos(\psi) & -\sin(\psi)\cos(\phi) - \cos(\psi)\sin(\theta)\sin(\phi) & \sin(\psi)\sin(\phi) + \cos(\psi)\sin(\theta)\cos(\phi) \\ \sin(\psi)\cos(\theta) & \cos(\psi)\cos(\phi) + \sin(\psi)\sin(\theta)\sin(\phi) & -\cos(\psi)\sin(\phi) - \sin(\psi)\sin(\theta)\cos(\phi) \\ \sin(\theta) & \cos(\phi)\sin(\theta) & \cos(\phi)\sin(\theta) \end{pmatrix} \text{ matrice de rotation}$$

$$= \begin{pmatrix} \cos(\phi)\cos(\psi) & -\sin(\psi)\cos(\phi) & \sin(\psi)\sin(\theta)\cos(\phi) \\ \cos(\psi)\cos(\phi) & \cos(\psi)\sin(\theta)\sin(\phi) & \cos(\psi)\sin(\theta)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\sin(\theta) & \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) \\ \cos(\phi)\sin(\phi) \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) \\ \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) \\ \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) & \cos(\phi)\sin(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\ \cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi)\cos(\phi) \\$$



## 2) Principe fondamental de la dynamique

 6 équations donnant les évolutions des coordonnées du centre de gravité et des angles par rapport au repère Rg

$$\begin{split} M\begin{pmatrix} \dot{V_x} \\ \dot{V_y} \\ \dot{V_z} \end{pmatrix} &= T_r \times \begin{pmatrix} \sum_{i=1}^4 FX_i + F_{aeroX} + F_{GX} \\ \sum_{i=1}^4 FY_i + F_{aeroY} + F_{GY} \\ \sum_{i=1}^4 FZ_{ic} + F_{aeroZ} + F_{GZ} \end{pmatrix} \\ I \times \begin{pmatrix} \ddot{\theta} \\ \ddot{\phi} \\ \ddot{\psi} \end{pmatrix} &= \begin{pmatrix} (Fz_1 - Fz_2)t_f + (Fz_3 - Fz_4)t_r - Ma_yh \\ -(Fz_1 + Fz_2)L_1 + (Fz_3 + Fz_4)L_2 + Ma_xh \\ (Fy_1 + Fy_2)L_1 - (Fy_3 + Fy_4)L_2 + \\ (Fx_2 - Fx_1)t_f + (Fx_4 - Fx_3)t_f \end{pmatrix} \end{split}$$

#### 3) Forces extérieures

Poids

$$\begin{pmatrix} F_{GX} \\ F_{GY} \\ F_{GZ} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos(\phi_{road}) & \sin(\phi_{road})\sin(\theta_{road}) & \sin(\phi_{road})\cos(\theta_{road}) \\ 0 & \cos(\theta_{road}) & -\sin(\theta_{road}) \\ -\sin(\phi_{road}) & \cos(\phi_{road})\sin(\theta_{road}) & \cos(\phi_{road})\cos(\theta_{road}) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ mg \end{pmatrix}$$

Forces longitudinales

$$F_i = \mu_x F_{zi}$$

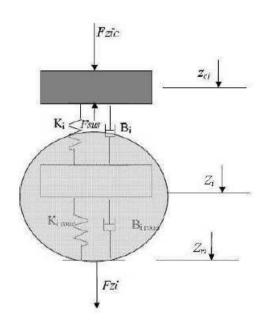
Forces latérales

$$P_i = \mu_y F_{zi}$$

Forces aérodynamiques

$$\begin{split} F_{aeroX} &= -c_{ventX} A_L \frac{\rho}{2} \left( V_x - V_{ventX} cos(\psi) - V_{ventY} sin(\psi) \right)^2 \\ F_{aeroX} &= -c_{ventX} A_S \frac{\rho}{2} \left( V_Y - V_{vent}^* \right)^2 sign(-V_{vent}^*) \\ F_{aeroZ} &= 0 \end{split}$$

## 4) Suspensions



$$Fzic = K_i(Z_i - z_{ci}) + B_i(\dot{Z}_i - \dot{z}_{ci})$$

Front left wheel:

$$Fz_1 = \frac{M}{2L} \times \left(-L_2\ddot{Y}_{COG}\frac{H}{l} - \ddot{X}_{COG}H + gL_2\right)$$

Front right wheel:

$$Fz_2 = rac{M}{2L} imes \left( L_2 \ddot{Y}_{COG} rac{H}{l} - \ddot{X}_{COG} H + g L_2 
ight)$$

5 Wheel/Road Interaction

Rear left wheel:

$$Fz_3 = \frac{M}{2L} \times \left(-L_1\ddot{Y}_{COG}\frac{H}{l} + \ddot{X}_{COG}H + gL_1\right)$$

Rear right wheel:

$$Fz_4 = \frac{M}{2L} \times \left( L_1 \ddot{Y}_{COG} \frac{H}{l} + \ddot{X}_{COG} H + g L_1 \right)$$

with  $L = L_1 + L_2$  and H = h + z,

## 5) Interaction pneu-route (Pacejka)

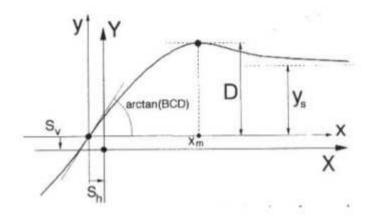


Figure 3.94 – Approximation de la courbe de réponse d'un pneumatique par la formule magique de Pacejka

http://www.ingveh.ulg.ac.be/uploads/education/MECA0525/notes/MECA0525.pdf

$$y(x) = D \sin [C \arctan\{Bx - E(Bx - \arctan(Bx))\}]$$

In the case of acceleration:

The longitudinal slip

$$\lambda_{xi} = \frac{r_{1i}\Omega_i - Vx_i}{r_{1i}\Omega_i}$$

The lateral slip

$$\lambda_{yi} = (1 - \lambda_{xi}) \tan(\alpha_i)$$

#### 6) Motorisation des roues

$$\begin{cases} Ir_1 \times \dot{\Omega}_1 = -r_{11} \times Fx_1 + Torque_1 \\ Ir_2 \times \dot{\Omega}_2 = -r_{21} \times Fx_2 + Torque_2 \\ Ir_3 \times \dot{\Omega}_3 = -r_{31} \times Fx_3 + Torque_3 \\ Ir_4 \times \dot{\Omega}_4 = -r_{41} \times Fx_4 + Torque_4 \end{cases}$$

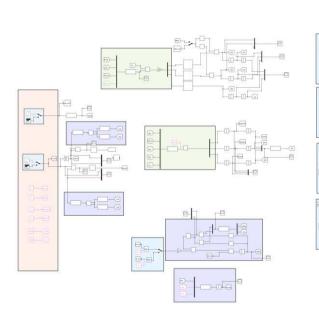
# Paramètres du modèle

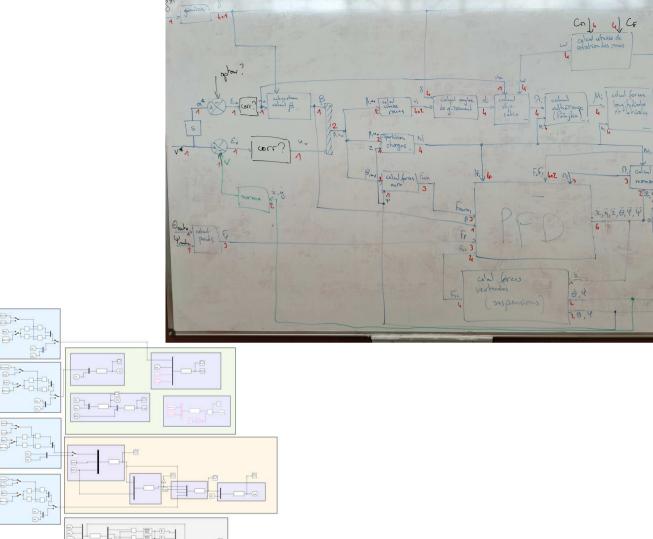
Notation	Sens	Source	Notation	Sens	Source
d_f	Écartement inter-roues avant	Mesure réelle	C_i	Coefficients d'amortissement des suspensions	Datasheet
d_r	Écartement inter-roues arrière	Mesure réelle	m_i	Masse portée au repos par la suspension	Expérimental ?
l_f	Distance entre G et l'axe des roues avant	Modèle 3D	B,C,D,E	Constantes du modèle de Pacejka	Expérimental ?
l_r	Distance entre G et l'axe des roue arrière	Modèle 3D	R_i	Rayon des roues	Mesure réelle
I	Matrice d'inertie du véhicule	Modèle 3D	C_x	Coefficient de résistance aérodynamique de l'air	Abaques
h	Hauteur du centre de gravité au repos	Modèle 3D	A_L,A_S	Surfaces offertes au vent (frontale et latérale)	Modèle 3D
K_i	Raideur des suspensions	Datasheet	M	Masse totale du véhicule	Mesure réelle

# Informations entrantes

Notation	Sens	Négligeable pour le cas d'utilisation ?	
delta*	Angle de rotation du volant	NON	
V* ou a*	Vitesse ou accélération déduite de la pédale d'accélération	NON	
C_M	Couple moteur	NON	
V_vent	Vitesse du vent	OUI ?	
theta_v, phi_v, psi_v	Orientation du vent	OUI ?	
phi_route	Inclinaison latérale de la route	OUI ?	
theta_route	Pente de la route	OUI ?	
C_F	Couple de freinage	NON	

# 7) Simulink





## 8) Gestion de projet

