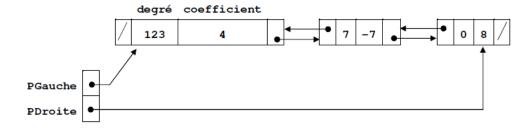
Travail à faire (partie n°2) : Une application des listes chaînées

Le but de cette partie est l'utilisation des listes chaînées pour représenter des polynômes en une variable réelle \mathbf{x} et à coefficients entiers. Tandis que les polynômes peuvent avoir des degrés très élevés, ils sont *creux* dans le sens que seulement peu de coefficients sont non nuls. Par exemple, $4 \mathbf{x}^{123} - 7 \mathbf{x}^7 + 8$ est un polynôme creux.

La méthode la plus pratique dans le cas des polynômes creux consiste à représenter un polynôme par une liste ordonnée de ses monômes. Plus précisément, on représente un polynôme par une liste doublement chaînée de ses monômes, pointée par un pointeur de gauche PGauche et un pointeur de droite PDroite. Les monômes sont ordonnés dans l'ordre décroissant des degrés, et chaque monôme de la liste a un coefficient non nul.

Exemple :

Le polynôme $4 \times x^{123} - 7 \times x^7 + 8$ sera représenté comme suit :



Un monôme sera donc caractérisé par les informations suivantes :

- Un pointeur sur le monôme précédent ;
- Le degré du monôme;
- Le coefficient du monôme ;
- Un pointeur sur le monôme suivant.

Travail à faire :

A- Après avoir défini, en *C*, la structure de données **PolyCreux** représentant un polynôme creux, écrire un programme permettant :

- L'insertion d'un monôme dans l'ordre décroissant des puissances de x ;
- La suppression d'un monôme à partir de son degré ;
- L'affichage du polynôme dans l'ordre décroissant des puissances de ${\bf x}$;
- L'affichage du polynôme dans l'ordre croissant des puissances de x ;
- La destruction du polynôme.

B- Créer une deuxième version de votre application en ajoutant les opérations suivantes :

- La multiplication d'un polynôme par un scalaire (entier) ;
- La multiplication d'un polynôme par un monôme ;
- La somme de deux polynômes ;
- La soustraction de deux polynômes;
- Le produit de deux polynômes ;
- L'évaluation d'un polynôme en une donnée x entrée au clavier.

Ecrire un programme ${\it C}$ testant ces différentes opérations. En particulier, calculer la somme et le produit des polynômes :

$$p1(x) = -6x^{50} - 2x^8 + 1 \text{ et } p2(x) = 6x^{50} - 5x^{13} - 2x^8 + 8x.$$

Evaluer les polynômes p1 (x) et p2 (x) en -2.