AI輪講

2021.09.01

陸研究室
土田真哉

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

出力の式

$$Y = X \cdot W + b$$

出力行列
入力行列
重み
バイアス

畳み込み層

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

入力行列

X_{11}	X_{12}
X_{21}	X_{22}

重み

W

バイアス

b

出力行列

$X_{11} \cdot W + b$	$X_{12} \cdot W + b$
$X_{21} \cdot W + b$	$X_{22} \cdot W + b$

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

損失関数

平均二乗誤差(MSELoss)

$$L = \frac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}(y_i - t_i)^2$$

Loss

出力行列の要素の数

出力

教師データ

畳み込み層

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

出力行列

Y_{11}	Y_{12}
Y_{21}	Y_{22}

教師行列

T_{11}	T_{12}
T_{21}	T_{22}

損失関数(MSELoss)

$$L = \frac{1}{4}\left((Y_{11} - T_{11})^2 + (Y_{12} - T_{12})^2 + (Y_{21} - T_{21})^2 + (Y_{22} - T_{22})^2\right)$$

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

重みの勾配

損失関数の重みの偏微分

$$\frac{\partial L}{\partial W} = \frac{\partial}{\partial W}\left(\frac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}(y_i - t_i)^2\right) = \frac{\partial}{\partial W}\left(\frac{1}{N}\sum_{i=1}^{N}(x_i \cdot W + b - t_i)^2\right)$$

$$\frac{\partial L}{\partial W} = \frac{1}{N}\sum_{i=1}^{N} 2 \cdot (y_i - t_i) \cdot x_i$$

畳み込み層

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

入力行列

X_{11}	X_{12}
X_{21}	X_{22}

出力行列

Y_{11}	Y_{12}
Y_{21}	Y_{22}

教師行列

T_{11}	T_{12}
T_{21}	T_{22}

損失関数(MSELoss)

$$\frac{\partial L}{\partial W_1} = \frac{1}{4}(2\cdot(Y_{11}-T_{11})\cdot X_{11} + 2\cdot(Y_{12}-T_{12})\cdot X_{12} + 2\cdot(Y_{21}-T_{21})\cdot X_{21} + 2\cdot(Y_{22}-T_{22})\cdot X_{22})$$

ERiC Environment Recognition & Intelligent Computation
国立大学法人九州工業大学環境知能研究室

重みの更新

確率的勾配降下法(SGD)

$$W \leftarrow W - \eta \frac{\partial L}{\partial W}$$

学習率(今回は0.01)

重みの勾配