第1章网上作业

题目 1: 1-1-2

函数
$$f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$$
 的反函数 $f^{-1}(x)$ 是()

- A. 奇函数 B. 偶函数
- C. 既是奇函数, 也是偶函数
- D. 既非奇函数,也非偶函数

答案:A

题目 2: 1-1-3

下列函数中不是初等函数的是(

A.
$$y = x \sin x$$
 B. $y = |x|$

B.
$$y = |x|$$

c.
$$y = \operatorname{sgn} x$$
 D. $y = x^x$

$$D. \quad y = x^x$$

答案:C

题目 3: 1-1-1

函数
$$f(x) = -\sqrt{1-x^2} (0 \le x \le 1)$$
 的反函数 $f^{-1}(x) = ()$

A.
$$\sqrt{1-x^2}$$

B.
$$-\sqrt{1-x^2}$$

$$\sqrt{1-x^2} (-1 \le x \le 0)$$

C.
$$\sqrt{1-x^2}$$
 $(-1 \le x \le 0)$ D. $-\sqrt{1-x^2}$ $(-1 \le x \le 0)$

答案: C

题目 4: 1-2-1

数列
$$f(n) = \begin{cases} \frac{n^2 + \sqrt{n}}{n}, & n$$
为奇数
$$\frac{1}{n}, & n$$
为偶数

- A. 无穷大量 B. 无穷小量
- C. 有界变量,但非无穷小量
- D. 无界变量,但非无穷大量

答案: D

题目 5: 1-2-5

$$\lim_{n\to\infty} \left(\frac{1}{1\times 2} + \frac{1}{2\times 3} + \dots + \frac{1}{n(n+1)}\right) = ($$

A. 0 B. 1 C. $\frac{1}{2}$ D. 2

答案:B

题目 6: 1-2-2

下列数列中为收敛数列的是(

A.
$$\{n^2\}$$

B.
$$\{(-1)^{n-1}\}$$

C.
$$\left\{1 + (-1)^n \frac{1}{3}\right\}$$

$$D. \left\{ (-1)^n \frac{1}{\sqrt{n}} \right\}$$

答案: D

题目 7: 1-2-3

数列 x_n 与 y_n 的极限分别为A与B,且 $A \neq B$,那么

数列 $x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3, \dots$ 的极限是()

A. A B. B C. A+B D. 不存在

答案: D

题目 8: 1-2-4

$$\lim_{n\to\infty} \left(\frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \dots + \frac{n+1}{n^2}\right) = ($$

A. 2 B. 1 C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{1}{6}$

答案:C

题目 9: 1-3-5

设
$$f(x) = \begin{cases} 3x+2, & x \le 0 \\ x^2-2, & x > 0 \end{cases}$$
 , 则 $\lim_{x \to 0^+} f(x) = ($)

A. 2 B. 0 C. -1 D. -2

答案:D

题目 10: 1-3-1

$$\lim_{x \to \infty} \frac{x^2 + 2x}{2x^2 + 1} = ($$

A. $\frac{1}{2}$ B. 2 C. 0 D. 不存在

答案:A

题目 11: 1-3-6

设函数
$$f(x) = \begin{cases} e^x, & x \ge 0 \\ x^2 - 1, & x < 0 \end{cases}$$
 则

$$\lim_{x \to 0^{-}} \frac{f(x) - f(0)}{x} = (5)$$
A. -1 B. $-\infty$ C. $+\infty$ D. 1

答案: C

题目 12: 1-3-4

函数在一点附近有界是函数在该点有极限的()

- A. 充分必要条件 B. 必要但非充分条件
- C. 充分但非必要条件 D. 无关条件

答案:B

题目 13: 1-3-2

已知函数
$$f(x) = \begin{cases} -2, & x \le -1 \\ x-1, & -1 < x < 0, \\ \sqrt{1-x^2}, & 0 \le x < 1 \end{cases}$$

则
$$\lim_{x\to -1} f(x)$$
 和 $\lim_{x\to 0} f(x)$ ()

- A. 都存在 B. 都不存在
- C. 第一个存在, 第二个不存在
- D. 第一个不存在, 第二个存在

答案:C

题目 14: 1-3-3

$$\lim_{x \to 1} \frac{\left| x - 1 \right|}{x - 1} = \tag{}$$

A. 0 B. -1 C. 1 D. 不存在

答案:D

题目 15: 1-4-1

 $x \to 1^+$ 时,下列变量中为无穷大量的是()

A.
$$3^{\frac{1}{x-1}}$$

B.
$$\frac{x^2-1}{x-1}$$

C.
$$\frac{1}{x}$$

A.
$$3^{\frac{1}{x-1}}$$
 B. $\frac{x^2-1}{x-1}$ C. $\frac{1}{x}$ D. $\frac{x-1}{x^2-1}$

答案:A

题目 16: 1-4-2

已知当 $x \to 0$ 时,f(x)是无穷大量,下列变量

当x → 0 时一定是无穷小量的是()

A.
$$xf(x)$$

$$B. x + f(x)$$

C.
$$\frac{x}{f(x)}$$

A.
$$xf(x)$$
 B. $x + f(x)$ C. $\frac{x}{f(x)}$ D. $f(x) - \frac{1}{x}$

答案: C

题目 17: 1-4-4

当
$$x \to 0$$
时, $y = \sin \frac{1}{x}$ 为 ()

A. 无穷小量

- B. 无穷大量
- C. 有界变量但不是无穷小量 D. 无界变量

答案: C

题目 18: 1-4-5

$$\lim_{x \to 1} (\sqrt{x} - 1) \cos \frac{1}{x - 1} =$$

A.
$$-2$$
 B. -1 C. 0 D. 1

B.
$$-1$$

答案: C

题目 19: 1-4-3

设 $\lim_{n\to\infty} u_n = a$,则当 $n\to\infty$ 时 u_n 与a的差是()

- 无穷小量 B. 任意小的正数
- C. 常量 D. 给定的正数

答案:A

题目 20: 1-5-2

设 $\lim_{x\to 0} f(x)$ 存在, $\lim_{x\to 0} g(x)$ 不存在,则下列命题

正确的是()

- A. $\lim_{x\to 0} [f(x)\pm g(x)]$ 存在
- B. $\lim_{x\to 0} [f(x) \pm g(x)]$ 不存在
- C. $\lim_{x\to 0} [f(x)\pm g(x)]$ 之一存在
- D. $\lim_{x\to 0} [f(x)\pm g(x)]$ 存在与否和f(x),g(x)有关

答案:B

题目 21: 1-5-4

己知
$$\lim_{x\to 2} \frac{x^2 + ax + b}{x^2 - x - 2} = 2$$
,则 a, b 的值是()

A.
$$a = -8, b = 2$$

A.
$$a = -8, b = 2$$
 B. $a = 2, b$ 为任意值

C.
$$a = 2, b = -8$$

C. a = 2, b = -8 D. a, b为任意值

答案:C

题目 22: 1-5-1

$$\lim_{h \to 0} \frac{(x+h)^2 - x^2}{h} = ($$

A. 2x B. h C. 0 D. 不存在

答案:A

题目 23: 1-5-3

设
$$\lim_{x \to x_0} f(x) = \infty$$
 , $\lim_{x \to x_0} g(x) = \infty$, 则下列命题

正确的是()

$$A. \lim_{x \to x_0} [f(x) - g(x)] = \infty$$

B.
$$\lim_{x \to x_0} [f(x) - g(x)] = 0$$

C.
$$\lim_{x \to x_0} \frac{1}{f(x) + g(x)} = 0$$

D.
$$\lim_{x \to x_0} kf(x) = \infty$$
 (k 为非零常数)

答案: D

题目 24: 1-5-6

以下极限中存在的是()

$$A. \lim_{x \to 0} 2^{\frac{1}{x}}$$

B.
$$\lim_{x\to 0} \arctan \frac{1}{x}$$

C.
$$\lim_{x\to 0} x \sin \frac{1}{x}$$
 D. $\lim_{x\to 0} \sin \frac{1}{x}$

D.
$$\limsup_{x\to 0} \frac{1}{x}$$

答案:C

题目 25: 1-5-5

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+1} + \sqrt{x+2}} = ($$

A. 1 B. 2 C. $\frac{1}{2}$ D.

答案:C

题目 26: 1-6-4

$$\lim_{x \to 0} \frac{2x}{5 \arcsin x} = ()$$

A. 0 B. 不存在 C. 2/5 D. 1

答案: C

题目 27: 1-6-1

如果
$$\lim_{x\to 0} \frac{3\sin mx}{2x} = \frac{2}{3}$$
,则 $m = ($)

A. $\frac{2}{3}$ B. $\frac{3}{2}$ C. $\frac{4}{9}$ D. $\frac{9}{4}$

答案: C

题目 28: 1-6-2

$$\lim_{x\to\infty} (1+\frac{2}{x})^x = ($$

A.
$$e^2$$
 B. e C. \sqrt{e} D. ∞

答案:A

题目 29: 1-6-3

设
$$\lim_{x\to 0} (1-mx)^{\frac{1}{x}} = e^2$$
,则 $m = ($

A. 2 B.
$$-2$$
 C. $\frac{1}{2}$ D. $-\frac{1}{2}$

答案:B

题目 30: 1-7-2

当
$$x \to \infty$$
时, $\frac{2}{x^3} + \frac{1}{x^2}$ 与 $\frac{1}{x^k}$ 等价,则 $k = ()$ A. 1 B. 0 C. 2 D. 3

答案:C

题目 31: 1-7-1

当 $x \to 0$ 时,下列各式中与 x^2 为等价 无穷小的是()

A.
$$x^2 - x$$
 B. $2x^2 - x^3$ C. $x^2 - 2x^3$ D. $x^2 - 2$

答案:C

题目 32: 1-7-4

$$\lim_{x \to 0} \frac{e^{x^2} - 1}{\cos x - 1} = ($$

∞ B. 2 C. 0 D. -2

答案:D

题目 33: 1-7-3

当 $x \to 0$ 时, $\sin x^2$ 与 $2x \sin x$ 之间的关系为()

- A. 同阶无穷小但不是等价无穷小 B. 等价无穷小
- C. $\sin x^2 = 2x \sin x$ 的高阶无穷小
- D. $\sin x^2$ 是 $2x \sin x$ 的低阶无穷小

答案:A

题目 34: 1-8-7

函数
$$f(x) = \frac{x-4}{x^2-3x-4}$$
 的间断点的个数为()

B. 1 C. 2 D. 3

答案:C

题目 35: 1-8-9

设函数
$$f(x) = \begin{cases} x-1, & 0 < x \le 1 \\ 2-x, & 1 < x \le 3 \end{cases}$$
 在 $x = 1$ 处

不连续是因为()

- A. f(x) 在 x = 1 处无定义 B. $\lim_{x \to 1^-} f(x)$ 不存在
- C. $\lim_{x \to 1^+} f(x)$ 不存在 D. $\lim_{x \to 1} f(x)$ 不存在

答案:D

题目 36: 1-8-10

下列函数在点x=0处均不连续,其中点x=0是 f(x) 的可去间断点的是 ()

A.
$$f(x) = 1 + \frac{1}{x}$$

$$F(x) = \frac{1}{x} \sin x$$

$$f(x) = e^{\frac{1}{x}}$$

A.
$$f(x) = 1 + \frac{1}{x}$$
 B. $f(x) = \frac{1}{x} \sin x$
C. $f(x) = e^{\frac{1}{x}}$ D. $f(x) = \begin{cases} e^{\frac{1}{x}}, & x < 0 \\ e^{x}, & x \ge 0 \end{cases}$

答案:B

题目 37: 1-8-11

设函数 f(x) 和 g(x) 在 x_0 处均连续,则下列函

数有一个在 x_0 处不一定连续,这函数是()

A.
$$f(x) + g(x)$$
 B. $f(x)g(x)$

B.
$$f(x)g(x)$$

C.
$$f(x)^{g(x)}$$

D.
$$\sin[f(x) - g(x)]$$

答案: C

题目 38: 1-8-8

$$x = 1$$
为函数 $y = \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{x - 1}$ 的 ()

- A. 连续点 B. 可去间断点
- C. 无穷间断点 D. 跳跃间断点

答案:B

题目 39: 1-8-6

若要修补
$$f(x) = \frac{1 - \sqrt{1 - x}}{1 - \sqrt[3]{1 - x}}$$
, 使其在点 $x = 0$

处连续,则要补充定义f(0)=()

A.
$$\frac{3}{2}$$
 B. $\frac{1}{2}$ C. 3 D. 1

B.
$$\frac{1}{2}$$

答案:A

题目 40: 1-8-5

$$\mathcal{C}_{x} f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{x}, & x \neq 0 \\ a, & x = 0 \end{cases}$$

$$\frac{\sin x}{x}, \quad x \neq 0$$

则常数a=()

答案:B

题目 41: 1-8-3

若
$$\lim_{x\to x_0^-} f(x)$$
 和 $\lim_{x\to x_0^+} f(x)$ 都存在,则 $f(x)$

在点 x_0 处()

A. 有定义 B. 连续 C. 不连续 D. 可能连续 答案:D

题目 42: 1-8-4

函数
$$f(x) = \begin{cases} 1, & x \ge 0 \\ -1, & x < 0 \end{cases}$$
, 在 $x = 0$ 处 ()

- A. 左连续 B. 右连续
- C. 连续 D. 左、右皆不连续

答案:B

题目 43: 1-8-1

$$f(x)$$
 在点 $x = x_0$ 处有定义,是 $f(x)$ 在

$$x = x_0$$
 处连续的()

- A. 必要条件
- B. 充分条件
- C. 充分必要条件 D. 无关条件

答案:A

题目 44: 1-8-2

$$\lim_{x \to x_0^-} f(x)$$
 和 $\lim_{x \to x_0^+} f(x)$ 都存在并且相等

是函数 f(x) 在点 x_0 处有极限的 ()

- A. 充分必要条件 B. 必要但非充分条件
- C. 充分但非必要条件 D. 无关条件

答案:A

题目 45: 1-1-6

如果
$$f(\cos x) = \frac{\sin^2 x}{\cos(2x)}$$
, 则 $f(x) = ($)
A. $\frac{1+x^2}{2x^2-1}$ B. $\frac{1-x^2}{2x^2+1}$ C. $\frac{1-x^2}{2x^2-1}$ D. $\frac{1+x^2}{2x^2+1}$

答案:C

题目 46: 1-1-4

下列各组函数中,是相同的函数的是(

A.
$$f(x) = \ln x^2 \neq g(x) = 2 \ln x$$

B.
$$f(x) = |x| \neq g(x) = \sqrt{x^2}$$

C.
$$f(x) = x \not\equiv g(x) = (\sqrt{x})^2$$

答案:B

题目 47: 1-1-5

函数
$$y = \ln \frac{x}{x-2} + \arcsin \frac{x}{3}$$
 的定义域是()

A.
$$[-3,0) \cup (2,3]$$
 B. $[-3,3]$

B.
$$[-3, 3]$$

C.
$$[-3,0) \cup (1,3]$$
 D. $[-2,0) \cup (1,2)$

D.
$$[-2,0) \cup (1,2)$$

答案:A

题目 48: 1-2-6

$$\lim_{n\to\infty} \left(\sqrt{n+1} - \sqrt{n} \right) = \left(\quad \right)$$

A.1 B.0 C.∞ D. 不存在

答案:B

题目 49: 1-2-7

$$\lim_{n\to\infty} \left(1 - \frac{1}{2^2}\right) \left(1 - \frac{1}{3^2}\right) \cdots \left(1 - \frac{1}{n^2}\right) = \left(1 - \frac{1}{n^2}\right)$$

A. 0 B. 1 $C.\frac{1}{2}$ D. ∞

答案: C

题目 50: 1-3-7

若
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^2-2x+k}{x-3} = 4$$
,则 $k = ()$

A. -3 B. 3 C. $-\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{3}$

答案:A

题目 51: 1-6-6

$$\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x}{x+1} \right)^{5x} = ()$$

 $A.e^{-5}$ $B.e^{5}$ C.e $D.e^{-1}$

答案:A

题目 52: 1-6-11

$$\lim_{x \to +\infty} \left(\sqrt{\cos \frac{1}{x}} \right)^{x^2} = ()$$
A. $e^{-\frac{1}{4}}$ B. $e^{-\frac{1}{2}}$ C. 1 D. $e^{-\frac{1}{4}}$

答案:A

题目 53: 1-6-5

$$\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^x = ()$$

 $A. e^{2}$ $B. e^{-2}$ C. e $D. e^{-1}$

答案:A

题目 54: 1-6-8

$$\lim_{x\to 0^+} x \left[\frac{1}{x}\right] = (), 其中[]表示取整.$$

A.∞ B.1 C.0 D.不存在

答案:B

题目 55: 1-6-12

$$\lim_{x \to \frac{\pi}{2}} (\sin x)^{\tan x} = ($$

A.0 B.2 C.1 D.不存在

答案:C

题目 56: 1-6-7

$$\lim_{x\to 0} \frac{x}{\tan x} = (\quad)$$

A.-1 $B.-\infty$ C.1 D.0

答案:C

题目 57: 1-6-10

$$\lim_{x\to 0} \left(\sin x + \cos x\right)^{\frac{1}{x}} = \left(\quad\right)$$

 $B_{\cdot} + \infty$ C. 1

提示: $(\sin x + \cos x)^2 = 1 + \sin 2x$

答案:A

题目 58: 1-6-9

$$\lim_{x \to \infty} \left(\frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} \right)^{x^2} = ($$
A. -1 B. 1 C. e^{-1} D. e^{-2}

答案:D

题目 59: 1-7-6

当
$$x \to 0$$
 时,若 kx^2 与 $\sin \frac{x^2}{3}$ 是等价无穷小,则 $k = ($)
A. $-\frac{1}{2}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $-\frac{1}{3}$ D. $\frac{1}{3}$

答案:D

题目 60: 1-7-5

函数
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{\sin x + 4} - 2}{\ln(1 + x)}, & x \neq 0 \\ a, & x = 0 \end{cases}$$

处连续,则 $a = ($)
A.0 B. $\frac{1}{4}$ C.1 D.2

答案:B

题目 61: 1-8-12

若
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin(ax)}{x} + 2, & x < 0 \\ 1, & x = 0 \end{cases}$$
 在 $x = 0$ 处

连续,则常数 a、b分别为()

A. 0,1

B. 1,0 C. 0,-1 D. -1,0

答案:D

题目 62: 1-8-14

设
$$f(x) = \begin{cases} x-2, & x \le 0 \\ x+2, & x > 0 \end{cases}$$
 则 $x = 0$

是 f(x)的()

A. 连续点 B. 可去间断点

C. 无穷间断点 D. 跳跃间断点

答案:D

题目 63: 1-8-13

如果函数
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin \pi(x-1)}{x-1}, & x < 1 \\ \arcsin x + k, & x \ge 1 \end{cases}$$

在 x=1 处连续,则 k=()

A.
$$-\frac{\pi}{2}$$
 B. $\frac{2}{\pi}$ C. $-\frac{2}{\pi}$ D. $\frac{\pi}{2}$

$$B.\frac{2}{\pi}$$

$$C.-\frac{2}{\pi}$$

D.
$$\frac{\pi}{2}$$

答案:D

题目 64: 1-8-15

设函数 f(x)=|x|, 则函数在点 x=0 处()

A. 连续且可导 B. 连续且可微

C. 连续不可导 D. 不连续不可微

答案: C

题目 65: 1-1-7

下列表达正确的是()

- A. 函数 $y = \arcsin x$ 的单调性和 $y = \sin x$ 相同
- B. 函数 $y = \tan \sqrt{x}$ 是由 $y = \tan u \pi y = \sqrt{x}$ 复合 而成
- C. 函数 $y = \ln(x + \sqrt{1 + x^2})$ 在定义域内是奇函数
- D. 函数 $y = \frac{x^2 1}{x 1}$ 与 y = x + 1 是相同的函数

答案:C

题目 66: 1-2-8

下列表达正确的是()

- A. 发散的数列是无界的
- B. 若 $\lim a_n \ge 0$,那么 $\forall n \in N, a_n \ge 0$
- C. 数列 $\{a_n\}_{n=1}^{\infty}$ 收敛 $\Rightarrow \{a_{2n}\}_{n=1}^{\infty}$ 和 $\{a_{2n+1}\}_{n=1}^{\infty}$ 均收敛
- D. 若数列 $a_n b_n$ 收敛,那么如果 a_n 发散则 b_n 也发散

答案: C

题目 67: 1-3-8

设
$$|x| < 1$$
,则 $\lim_{n \to \infty} (1+x)(1+x^2) \cdots (1+x^{2^n}) = ($)
A. 0 B. 1 C. $\frac{1}{1-x}$ D. 不存在

A. 0 B. 1 C.
$$\frac{1}{1-x}$$
 D. 不存在

答案:C

题目 68: 1-4-6

当
$$x \to 0$$
时, $f(x) = \sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}$ 是 x 的() 无穷小.

A. 等价 B. 同阶 C. 高阶 D. 低阶

答案:A

题目 69: 1-5-7

设
$$\lim_{x\to x_0} f(x)$$
, $\lim_{x\to x_0} g(x)$ 都存在,则 $\lim_{x\to x_0} \frac{f(x)}{g(x)}$ ().

A. 存在 B. 不存在

C. 不一定存在 D. 存在但非零

答案:C

题目 70: 1-6-13

下列结论错误的是()

A.
$$\lim_{n \to \infty} \sqrt[n]{a} = 1(a > 0)$$

A.
$$\lim_{n \to \infty} \sqrt[n]{a} = 1(a > 0)$$
 B. $\lim_{x \to \infty} (\frac{x+2}{x+1})^{2x+1} = e^2$

C.
$$\lim_{x \to 0} \frac{\tan 2(x-1)}{x-1} = 2$$
 D. $\lim_{x \to +\infty} \arctan x = \frac{\pi}{2}$

D.
$$\lim_{x \to +\infty} \arctan x = \frac{\pi}{2}$$

答案:C

题目 71: 1-7-9

已知
$$\lim_{x\to\infty} \left(\frac{x^2}{x+1} - ax - b\right) = 0$$
,其中 a,b 是

常数,则()

A.
$$a = b = 1$$

A.
$$a = b = 1$$
 B. $a = 1, b = -1$

C.
$$a = -1, b = 1$$
 D. $a = b = -1$

D.
$$a = b = -1$$

答案:B

题目 72: 1-7-7

当 $x \to 0$ 时,下列哪个函数是比 其他三个更高阶的无穷小()

A.
$$\ln(1+x)$$
 B. $e^{x}-1$

B.
$$e^{x} - 1$$

C.
$$\sin x - \tan x$$
 D. $1 - \cos x$

答案:C

题目 73: 1-7-8

 $\exists x \to 0$ 时, $e^{x\cos x} - e^x = x^n$ 是同阶无穷小,则n=()

A. 1 B. 2 C. 3 D. 4

答案:C

题目 74: 1-8-18

设
$$f(x) = \begin{cases} x, & x \le 0 \\ \frac{1}{n}, & \frac{1}{n+1} < x < \frac{1}{n}, & \text{则 } x = 0 \text{ } \in (\) \end{cases}$$

 A. 可去间断点
 B. 跳跃间断点

 C. 第二类间断点
 D. 连续点

答案:D

题目 75: 1-8-17

设
$$F(x) = f(x)g(x)$$
,则()

- A. 若 f(x), g(x) 在点 x_0 都不连续,则F(x)在点 x_0 不连续
- B. 若 f(x), g(x) 在点 x_0 都不连续,则 F(x) 在点 x_0 连续
- C. 若 f(x) 在点 x_0 连续, g(x) 在点 x_0 不连续,则 F(x)在点 x_0 不连续
- D. 以上答案都不对

答案:D

题目 76: 1-8-16

设
$$f(x) = \lim_{n \to \infty} \frac{1+x}{1+x^{2n}}$$
 , 则函数 $f(x)$ ()

A. 不存在间断点 B. 存在间断点 x=1

C. 存在间断点 x = 0 D. 存在间断点 x = -1

答案:B