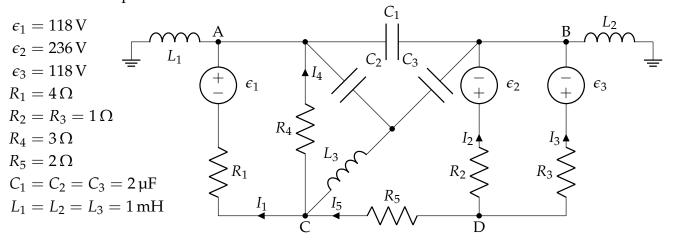
Ejercicio 9 de la colección de problemas

Enunciado:

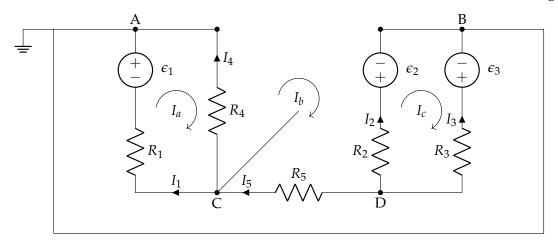
En el circuito de la figura, los condensadores se conectaron sin carga. Mediante el método de las mallas, se pide determinar:

- 1. Intensidades de corriente señaladas
- 2. Potenciales en los puntos A, B, C y D
- 3. Polaridades, cargas, y energía almacenada en los condensadores
- 4. Balance de potencias



Solución:

Se sustituyen los condensadores y las bobinas por sus equivalentes en un circuito de corriente continua (circuito abierto y cortocircuito, respectivamente). Por otro lado, dado que hay dos tomas de tierra en el esquema, esto no implica que haya dos referencias de potencial distintas: simplemente indica que esos dos puntos están cortocircuitados. En el circuito resultante, se definen tres corrientes de malla, como se muestra en el circuito de la figura:



(la malla *b* puede definirse de esta forma porque los puntos A y B están cortocircuitados)

Usamos la ecuación general del método de mallas:

$$\begin{bmatrix} R_1 + R_4 & -R_4 & 0 \\ -R_4 & R_4 + R_5 + R_2 & -R_2 \\ 0 & -R_2 & R_2 + R_3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \epsilon_1 \\ \epsilon_2 \\ \epsilon_3 - \epsilon_2 \end{bmatrix}$$

1

$$\begin{bmatrix} 7 & -3 & 0 \\ -3 & 6 & -1 \\ 0 & -1 & 2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 118 \\ 236 \\ -118 \end{bmatrix}$$

Cuya solución es:

$$I_a = 40 \,\mathrm{A}$$
 , $I_b = 54 \,\mathrm{A}$, $I_c = -32 \,\mathrm{A}$

Por tanto, las corrientes indicadas en el circuito son:

$$oxed{I_1=40\,\mathrm{A}}$$
 , $oxed{I_2=-86\,\mathrm{A}}$, $oxed{I_3=32\,\mathrm{A}}$, $oxed{I_4=14\,\mathrm{A}}$, $oxed{I_5=54\,\mathrm{A}}$

Los potenciales en los puntos indicados son:

$$U_A = 0 \, \mathrm{V}$$
, $U_B = 0 \, \mathrm{V}$, $U_C = I_4 \cdot R_4 = \boxed{42 \, \mathrm{V}}$, $U_D = I_5 \cdot R_5 + U_C = \boxed{150 \, \mathrm{V}}$

Por tanto, las polaridades de los condensadores y sus valores de tensión son los siguientes:

$$U_{C_1} = U_{BA} = 0 \text{ V}$$

$$q_1 = C_1 \cdot U_{C_1} = \boxed{0 \text{ C}}$$

$$E_{C_1} = \frac{1}{2}C_1 \cdot (U_{C_1})^2 = \boxed{0 \text{ J}}$$

$$U_{C_2} = U_{CA} = 42 \text{ V}$$

$$q_2 = C_2 \cdot U_{C_2} = \boxed{84 \,\mu\text{C}}$$

$$E_{C_2} = \frac{1}{2}C_2 \cdot (U_{C_2})^2 = \boxed{1,76 \,\text{mJ}}$$

$$U_{C_3} = U_{CB} = 42 \text{ V}$$

$$q_3 = C_3 \cdot U_{C_3} = \boxed{84 \,\mu\text{C}}$$

$$E_{C_3} = \frac{1}{2}C_3 \cdot (U_{C_3})^2 = \boxed{1,76 \,\text{mJ}}$$

Finalmente, podemos formular el balance de potencias como potencia entregada por los elementos activos frente a potencia consumida por los elementos pasivos:

■ La potencia total entregada por los elementos activos es 21 240 W:

$$P_{\epsilon_1} = \epsilon_1 \cdot I_1 = 4720 \,\mathrm{W}$$

 $P_{\epsilon_2} = \epsilon_2 \cdot (-I_2) = 20296 \,\mathrm{W}$
 $P_{\epsilon_3} = \epsilon_3 \cdot (-I_3) = -3776 \,\mathrm{W}$

■ La potencia total consumida por los elementos pasivos también es 21 240 W:

$$P_{R_1} = R_1 \cdot (I_1)^2 = 6400 \,\mathrm{W}$$

 $P_{R_2} = R_2 \cdot (I_2)^2 = 7396 \,\mathrm{W}$
 $P_{R_3} = R_3 \cdot (I_3)^2 = 1024 \,\mathrm{W}$
 $P_{R_4} = R_4 \cdot (I_4)^2 = 588 \,\mathrm{W}$
 $P_{R_5} = R_5 \cdot (I_5)^2 = 5832 \,\mathrm{W}$