Ejercicio 3 de la colección de problemas

Enunciado:

Para determinar las constantes R y L de una bobina, se conecta en serie con una resistencia de 25Ω y al conjunto se le aplica una fuente de tensión de 120 V a 60 Hz. Se miden las tensiones en bornes de la resistencia y de la bobina, obteniendo los valores $U_R = 70.8 \text{ V}$ y $U_B = 86 \text{ V}$.

¿Cuáles son las constantes de la bobina en cuestión?

Solución:

Por la 2LK, se debe cumplir que:

$$\overline{U} = \overline{U}_B + \overline{U}_R$$

La tensión en la resistencia de $25\,\Omega$, por la ley de Ohm:

$$\overline{U}_R = 25 \cdot \overline{I} \quad \rightarrow \quad I = \frac{U_R}{25} = 2,83 \,\mathrm{A}$$

Dado que

$$\overline{Z}_B = R_B + j \omega L_B$$

y conocido el módulo de la corriente que circula por el circuito, obtenemos:

$$\overline{U}_B = \overline{I} \cdot \overline{Z}_B \quad \rightarrow \quad 86 = 2,83 \, Z_B \quad \rightarrow \quad Z_B = 30,37 \, \Omega$$

La impedancia equivalente total del circuito es:

$$\overline{Z} = (25 + R_B) + i \omega L_B$$

y por la ley de Ohm:

$$\overline{U} = \overline{I} \cdot \overline{Z} \quad \rightarrow \quad 120 = 2,83 \, Z \quad \rightarrow \quad Z = 42,37 \, \Omega$$

Planteamos el sistema de ecuaciones resultantes:

$$30,37 = \sqrt{R_B^2 + (\omega L_B)^2}$$

$$42,37 = \sqrt{(25 + R_B)^2 + (\omega L_B)^2}$$

cuyas soluciones son:

$$R = 5\Omega$$

$$L = 79.5 \,\text{mH}$$