Ejercicio 2 de la colección de problemas

Enunciado:

Una resistencia de 5Ω y un condensador se unen en serie. La tensión en la resistencia es $u_R(t) = 25 \cdot \sin(2000t + \pi/6)$ V. Si la corriente está adelantada 60° respecto de la tensión aplicada, ¿cuál es el valor de la capacidad C del condensador?

Solución:

El ángulo de la impedancia total es:

$$\theta = \theta_V - \theta_I \quad \rightarrow \quad \theta = -60^\circ = -\pi/3 \, \mathrm{rad}$$

Y el fasor de dicha impedancia:

$$\overline{Z} = R - j \frac{1}{\omega C}$$

A partir del cual puede calcularse la capacidad del condensador:

$$\tan \theta = -\frac{1}{\omega CR} \quad \rightarrow \quad \sqrt{3} = \frac{1}{10^4 C}$$

$$C = 100\sqrt{3}/3\,\mu\text{F}$$