# Introducción al Régimen Transitorio Teoría de Circuitos

Oscar Perpiñán Lamigueiro

- ① Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden

Conceptos Fundamentales ¿Qué es el régimen transitorio?

Respuesta de una red lineal

- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden

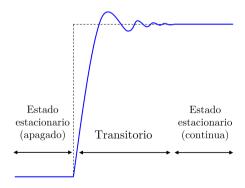
### Régimen Permanente o Estacionario

Un circuito en régimen permanente o estacionario está en equilibrio:

- Las tensiones y corrientes en los elementos son constantes en amplitud y fase.
- La energía almacenada en las bobinas y condensadores no varía.

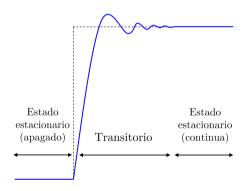
#### Régimen transitorio

- ▶ El equilibrio se rompe cuando se produce algún cambio en el circuito (apertura o cierre de interruptores, activación o apagado de fuentes, modificación de elementos pasivos).
- El circuito entra en régimen transitorio hasta que se alcanza un nuevo equilibrio:
  - La energía almacenada en condensadores y bobinas se redistribuye.
  - Las tensiones y corrientes varían de forma exponencial.



### Régimen transitorio

- La redistribución de energía **no** se puede realizar de forma **inmediata**:
  - Duración corta (µs) pero superior a 0, dependiendo de relación entre acumulación y disipación (resistencia).
- ► En general, el estado transitorio es indeseado en sistemas eléctricos, pero provocado en sistemas electrónicos.



① Conceptos Fundamentales

¿Qué es el régimen transitorio?

Respuesta de una red lineal

- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden

### Ecuaciones integro-diferenciales

Al aplicar Kirchhoff a un circuito lineal obtenemos ecuaciones integro-diferenciales.

$$u_L(t) = L \cdot \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} \leftrightarrow i_L(t) = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^t u_L(t') \mathrm{d}t'$$
$$i_C(t) = C \cdot \frac{\mathrm{d}u_C(t)}{\mathrm{d}t} \leftrightarrow u_C(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^t i_C(t') \mathrm{d}t'$$

Por ejemplo, la ecuación de un circuito RLC será de la forma:

$$a \cdot \frac{\mathrm{d}^2 f(t)}{\mathrm{d}t^2} + b \cdot \frac{\mathrm{d}f(t)}{\mathrm{d}t} + c \cdot f(t) = g(t)$$

## Respuesta completa de una red lineal

La solución de esta ecuación para t>0 (respuesta completa del circuito lineal al transitorio) tiene dos componentes:

$$f(t) = f_n(t) + f_{\infty}(t)$$

- Respuesta **natural** o propia,  $f_n(t)$ :
  - Respuesta sin fuentes.
  - Determinada por la energía almacenada previamente y por la configuración del circuito.
  - Contiene constantes de integración. Se necesita información del estado del circuito en el instante que da origen al transitorio.
- ▶ Respuesta **forzada** o particular,  $f_{\infty}(t)$ :
  - ightharpoonup Determinada por las fuentes existentes en t > 0.
  - ightharpoonup Es la respuesta del circuito tras un tiempo suficiente,  $t \to \infty$  (régimen permanente).

#### Condiciones iniciales

- ightharpoonup El instante del cambio se representa habitualmente con t=0:
  - $ightharpoonup t = 0^-$ : tiempo inmediatamente anterior al cambio.
  - $t = 0^+$ : tiempo inmediatamente posterior al cambio.
- Las **condiciones iniciales** son el estado del circuito en el instante temporal en el que se produce el cambio.
- Determinan las **constantes de integración** de la respuesta natural.
- **Se calculan** con las energías almacenadas en bobinas y condensadores en  $t = 0^-$ .
- **Se aplican** a la topología del circuito en  $t = 0^+$ .

#### Resistencia

No acumula energía: sigue los cambios de forma instantánea.

$$u(t) = Ri(t)$$

#### Inductancia

La corriente en una bobina no puede variar de forma abrupta (implica tensión infinita).

$$u_L(t) = L \cdot \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} \leftrightarrow i_L(t) = \frac{1}{L} \int_{-\infty}^t u_L(t') \mathrm{d}t'$$

$$i_L(0^-) = i_L(0^+)$$

### Capacidad

La tensión en un condensador no puede variar de forma abrupta (implica corriente infinita).

$$i_{C}(t) = C \cdot \frac{\mathrm{d}u_{C}(t)}{\mathrm{d}t} \leftrightarrow u_{C}(t) = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i_{C}(t') \mathrm{d}t'$$

$$u_{C}(0^{-}) = u_{C}(0^{+})$$

- Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden

#### Definición

- ► Circuitos que tienen un **único elemento de acumulación** (o *varios elementos que pueden ser simplificados a un elemento equivalente*) y parte resistiva.
- ► Ecuación diferencial de primer orden: la respuesta natural es siempre una exponencial decreciente.
- Circuitos típicos:
  - ► RL serie
  - ► RC paralelo

### Respuesta natural y forzada

- El método de resolución analiza el circuito en tres etapas:
  - 1 Cálculo de las **condiciones iniciales**, analizando el circuito en t < 0.
  - **2 Respuesta natural**: análisis del circuito *sin fuentes* en t > 0 (la energía acumulada en t < 0 se disipa en la resistencia).
  - **3** Respuesta forzada: análisis del circuito *con fuentes* en t > 0 (la respuesta está determinada por la forma de onda de las fuentes).

- Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden

Circuito RL serie

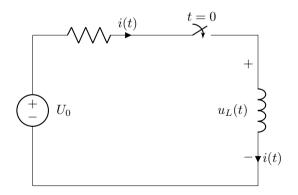
Circuito RC paralelo

Análisis Sistemático

3 Circuitos de Segundo Orden

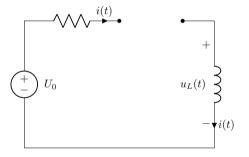
#### Circuito básico

- ightharpoonup En t < 0 la fuente está desconectada.
- ightharpoonup En t=0 la fuente se conecta.
- ightharpoonup En t > 0 la fuente alimenta el circuito RL (la bobina almacena energía).



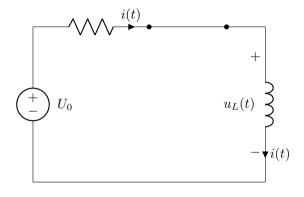
#### **Condiciones Iniciales**

Analizando circuito para  $t < 0 \dots$ 



 $\dots$  obtenemos  $i(0^-)=0$  (resultado particular de este circuito.)

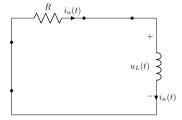
### Circuito en t > 0



$$u_R(t) + u_L(t) = U_0$$
$$Ri + L\frac{di}{dt} = U_0$$

# Respuesta Natural

#### Apagamos la fuente:



$$u_R(t) + u_L(t) = 0$$

$$Ri_n + L\frac{di_n}{dt} = 0$$

Solución Genérica

$$i_n(t) = Ae^{st}$$

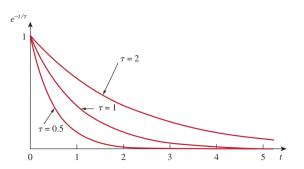
Ecuación Característica

$$s + \frac{R}{L} = 0 \Rightarrow \boxed{s = -\frac{R}{L}}$$

### Constante de tiempo

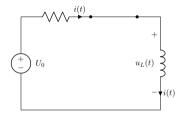
$$i_n(t) = Ae^{-t/\tau}$$

- $au = \frac{L}{R}$  es la constante de tiempo (unidades [s]).
- ▶ Ratio entre almacenamiento (*L*) y disipación (*R*).
- ightharpoonup Valores altos de au implican decrecimiento lento.
- ► La respuesta natural «desaparece» tras  $\simeq 5\tau$ .



# Respuesta forzada

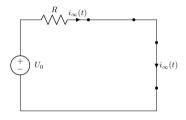
#### Volvemos a activar la fuente:



$$u_R(t) + u_L(t) = u(t) \rightarrow Ri + L\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} = U_0$$

### Respuesta forzada

Para la solución particular,  $i_{\infty}$ , se propone una función análoga a la excitación (analizando circuito para  $t \to \infty$ ):



$$i_{\infty}(t) = U_0/R$$

# Respuesta completa

$$i(t) = i_n(t) + i_{\infty}(t) \rightarrow \begin{cases} i_n(t) = Ae^{st} \\ i_{\infty}(t) = U_0/R \end{cases}$$

Para determinar el valor de la constante de integración particularizamos en t=0:

$$i(0^+) = A + U_0/R \to A = i(0^+) - i_\infty(0^+)$$

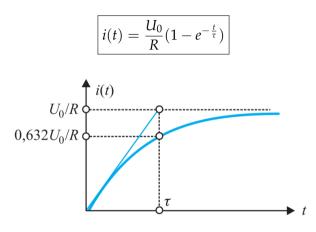
Teniendo en cuenta la condición de continuidad,  $i(0^+)=i(0^-)=0$ , obtenemos:

$$A = 0 - U_0/R$$

La solución completa es (en este circuito de ejemplo):

$$i(t) = \frac{U_0}{R} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

# Respuesta completa

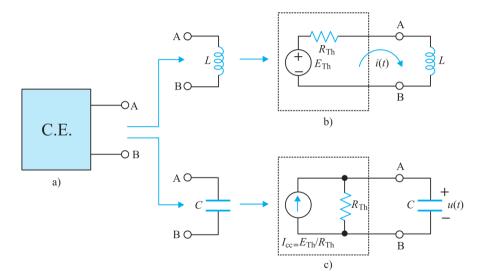


# Expresión general de la respuesta completa

$$i(t) = [i(0^+) - i_{\infty}(0^+)] e^{-t/\tau} + i_{\infty}(t)$$

- $i(0^+)$ : corriente en la bobina, condiciones iniciales,  $i(0^-) = i(0^+)$ .
- $ightharpoonup i_{\infty}(t)$ : corriente en la bobina en régimen permanente para t>0.
- $ightharpoonup i_{\infty}(0^+)$ : corriente en la bobina en régimen permanente particularizada en t=0.

### Equivalente de Thévenin



- Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden

Circuito RL serie

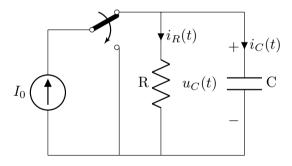
Circuito RC paralelo

Análisis Sistemático

3 Circuitos de Segundo Orden

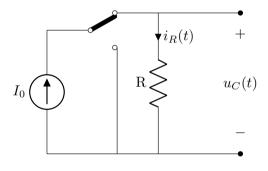
#### Circuito básico

- ightharpoonup En t < 0 la fuente alimenta el circuito RC (el condensador se carga).
- ightharpoonup En t=0 se desconecta la fuente
- ightharpoonup En t > 0 el condensador comienza a descargarse en la resistencia.



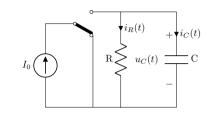
#### Condiciones iniciales

#### Analizamos el circuito en t < 0:



$$u_c(0^-) = R \cdot I_0$$

# Respuesta natural



Ecuaciones

$$i_R(t) + i_C(t) = 0$$
$$Gu_n + C\frac{du_n}{dt} = 0$$

Solución Genérica

$$u_n(t) = Ae^{st}$$

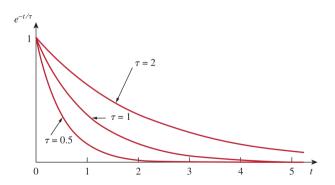
Respuesta natural

$$u_n(t) = U_0 e^{-G/Ct}$$

### Constante de tiempo

- $au = \frac{C}{G}$  es la constante de tiempo (unidades [s]).
- ▶ Ratio entre almacenamiento (*C*) y disipación (*G*).

$$u_n(t) = U_0 e^{-t/\tau}$$

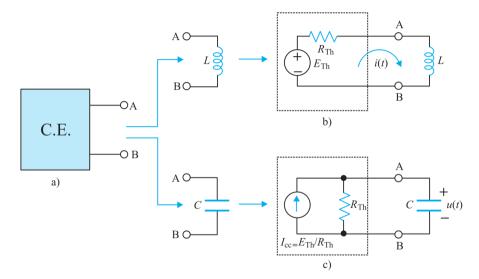


# Expresión general de la respuesta completa

$$u(t) = [u(0^+) - u_{\infty}(0^+)] e^{-t/\tau} + u_{\infty}(t)$$

- $\triangleright u(0^+)$ : tensión en el condensador, condiciones iniciales,  $u(0^-) = u(0^+)$ .
- $\triangleright u_{\infty}(t)$ : tensión en el condensador en régimen permanente para t>0.
- $ightharpoonup u_{\infty}(0^+)$ : tensión en el condensador en régimen permanente particularizada en t=0.

### Equivalente de Norton



- Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden

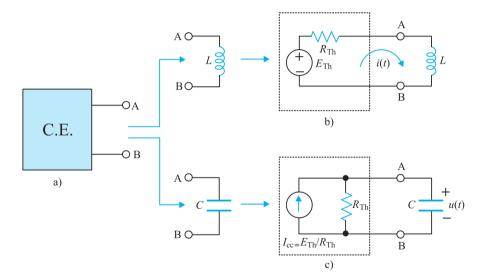
Circuito RL serie

Circuito RC paralelo

Análisis Sistemático

3 Circuitos de Segundo Orden

## Equivalente de Thévenin/Norton



### Procedimiento General

- ▶ Dibujar el circuito para t < 0.
  - ▶ Determinar variables en régimen permanente,  $u_c(t)$ ,  $i_L(t)$ .
  - Particularizar para t = 0, obteniendo  $u_c(0^-)$  o  $i_L(0^-)$ .
  - Continuidad:  $u_c(0^+) = u_c(0^-)$ ,  $i_L(0^+) = i_L(0^-)$ .
- ▶ Dibujar el circuito para t > 0.
  - Calcular el equivalente de Thevenin (Norton) visto por el elemento de acumulación.
  - La constante de tiempo de la respuesta natural es  $\tau = \frac{L}{R_{th}}$  o  $\tau = \frac{C}{G_{th}}$ .
  - ► Calcular las variables  $i_L(t)$  o  $u_c(t)$  en régimen permanente, obteniendo  $i_\infty(t)$  o  $u_\infty(t)$ .
- Obtener respuesta completa:

$$i_L(t) = (i_L(0^+) - i_{\infty}(0^+)) e^{-t/\tau} + i_{\infty}(t)$$
  

$$u_C(t) = (u_C(0^+) - u_{\infty}(0^+)) e^{-t/\tau} + u_{\infty}(t)$$

- Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden

#### Introducción

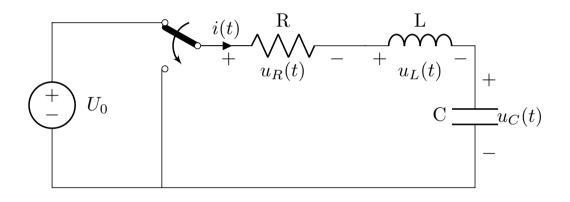
- Circuitos que tienen dos elementos de acumulación que intercambian energía, y parte resistiva que disipa energía.
- ► Ecuación diferencial de segundo orden: la respuesta natural incluye exponenciales decrecientes y quizás señal sinusoidal.
- Circuitos típicos:
  - ► RLC serie
  - ► RLC paralelo

## Respuesta natural y forzada

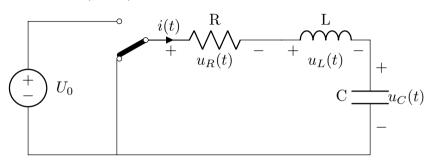
- El método de resolución analiza el circuito en dos etapas:
  - ightharpoonup Sin fuentes: **respuesta natural** (la energía acumulada en t < 0 se redistribuye).
  - Con fuentes: **respuesta forzada** (determinada por la forma de onda de las fuentes).

- Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden
  - Circuito RLC serie
  - Circuito RLC paralelo

### Circuito básico



## Respuesta natural (t > 0)



$$Ri(t) + L\frac{\mathrm{d}i(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C} \int_{-\infty}^{t} i(t')\mathrm{d}t' = 0$$

$$L\frac{\mathrm{d}^{2}i}{\mathrm{d}t^{2}} + R\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{C}i = 0 \Rightarrow \boxed{\frac{\mathrm{d}^{2}i}{\mathrm{d}t^{2}} + \frac{R}{L}\frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{LC}i = 0}$$

### Solución

### Ecuación diferencial

$$\frac{d^{2}i}{dt^{2}} + \frac{R}{L}\frac{di}{dt} + \frac{1}{LC}i = 0$$
$$i_{n}(t) = A_{1}e^{s_{1}t} + A_{2}e^{s_{2}t}$$

### Ecuación característica

$$s^{2} + \frac{R}{L}s + \frac{1}{LC} = 0$$

$$s_{1,2} = -\frac{R}{2L} \pm \sqrt{\left(\frac{R}{2L}\right)^{2} - \frac{1}{LC}}$$

### **Parámetros**

$$s^{2} + \frac{R}{L}s + \frac{1}{LC} = 0$$

$$s^{2} + 2\alpha s + \omega_{0}^{2} = 0$$

$$s_{1,2} = -\alpha \pm \sqrt{\alpha^{2} - \omega_{0}^{2}}$$

$$i_{n}(t) = A_{1}e^{s_{1}t} + A_{2}e^{s_{2}t}$$

$$lpha = rac{R}{2L}$$
 $\omega_0 = rac{1}{\sqrt{LC}}$ 
 $\omega_d = \sqrt{\omega_0^2 - lpha^2}$ 
 $\xi = rac{lpha}{\omega_0}$ 

- $\triangleright$   $\alpha$ : coeficiente de amortiguamiento exponencial
- $\blacktriangleright$   $\omega_0$ : pulsación natural no amortiguada
- $ightharpoonup \omega_d$ : pulsación natural amortiguada
- $\triangleright$   $\xi$ : factor de amortiguamiento

## Posibles soluciones

$$s_{1,2} = -\alpha \pm \sqrt{\alpha^2 - \omega_0^2}$$

$$\alpha > \omega_0, \xi > 1$$

- $ightharpoonup s_{1,2}$ : dos soluciones reales (negativas) distintas
- ► Circuito sobreamortiguado.

$$\alpha = \omega_0, \xi = 1$$

- $ightharpoonup s_{1,2}$ : solución real doble.
- ► Circuito con amortiguamiento crítico.

### $\alpha < \omega_0, \xi < 1$

- $ightharpoonup s_{1,2}$ : dos soluciones complejas conjugadas
- ► Circuito subamortiguado.

## Tipos de Respuesta

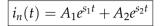
- ▶ Tipo de respuesta determinado por relación entre R y L, C (disipación y almacenamiento).
- Resistencia crítica ( $\alpha = \omega_0, \xi = 1$ ):

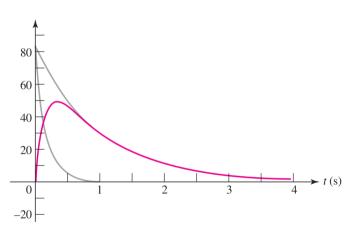
$$R_{cr}=2\sqrt{rac{L}{C}}$$

### **Tipos**

- $ightharpoonup R > R_{cr}$ ,  $\alpha > \omega_0$ ,  $\xi > 1$ : sobreamortiguado
- ►  $R = R_{cr}$ ,  $α = ω_0$ , ξ = 1: amortiguamiento crítico
- $ightharpoonup R < R_{cr}$ ,  $\alpha < \omega_0$ ,  $\xi < 1$ : subamortiguado

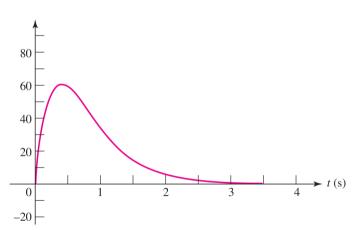
## Circuito Sobreamortiguado ( $\alpha > \omega_0$ )





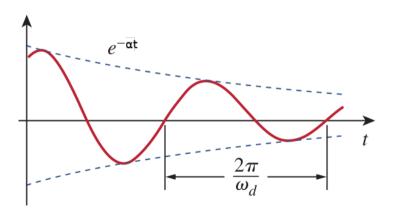
## Amortiguamiento Crítico ( $\alpha = \omega_0$ )





## Circuito Subamortiguado ( $\alpha < \omega$ )

$$i_n(t) = (B_1 \cos(\omega_d t) + B_2 \sin(\omega_d t))e^{-\alpha t}$$



### **Condiciones Iniciales**

#### Dos constantes a determinar

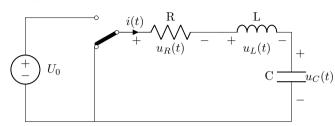
Son necesarias dos tipos de condiciones iniciales:

$$i_L(0^+) = i_L(0^-)$$
 $u_L(t) = L \cdot \frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t} \longrightarrow \left(\frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} = \frac{1}{L}u_L(0^+)$ 

### Derivadas en el origen

Para obtener valores de las derivadas en el origen hay que resolver el circuito en  $t=0^+$  empleando las condiciones de continuidad.

### Derivadas en $t = 0^+$



$$\left(\frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} = \frac{1}{L}u_L(0^+)$$

$$u_L(0^+) = -u_R(0^+) - u_c(0^+)$$

$$u_R(0^+) = Ri_L(0^+)$$

$$\left[\left(\frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} = -\frac{1}{L}\left(Ri_L(0^+) + u_c(0^+)\right)\right]$$

## Respuesta Completa

Las condiciones iniciales deben evaluarse teniendo en cuenta la respuesta forzada (si existe).

$$i_L(0^+) = i_n(0^+) + i_\infty(0^+)$$

$$\left(\frac{\mathrm{d}i_L}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} = \left(\frac{\mathrm{d}i_n}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} + \left(\frac{\mathrm{d}i_\infty}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+}$$

# Ejemplo de Respuesta Completa

Circuito RLC serie sobreamortiguado con generador de tensión DC funcionando en t > 0.

### Respuesta Completa

$$i_L(t) = I_{\infty} + A_1 e^{s_1 t} + A_2 e^{s_2 t}$$

#### **Condiciones Iniciales**

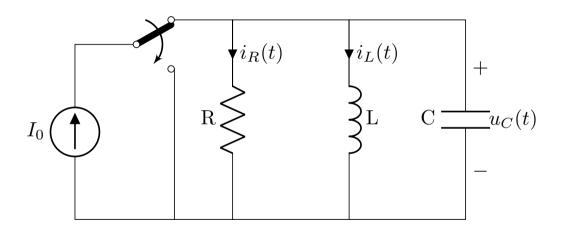
$$i_L(0^+) = I_\infty + A_1 + A_2$$
 
$$\left(\frac{\mathrm{d}i_L(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} = 0 + A_1s_1 + A_2s_2$$

- ① Conceptos Fundamentales
- 2 Circuitos de Primer Orden
- 3 Circuitos de Segundo Orden

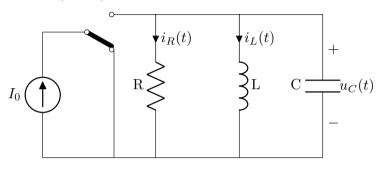
Circuito RLC serie

Circuito RLC paralelo

### Circuito básico



## Respuesta natural (t > 0)



$$Gu(t) + C\frac{du(t)}{dt} + \frac{1}{L} \int_{-\infty}^{t} u(t')dt' = 0$$
$$\frac{d^{2}u}{dt^{2}} + \frac{G}{C}\frac{du}{dt} + \frac{1}{LC}u = 0$$

## Solución

### Ecuación diferencial

$$\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}t^2} + \frac{G}{C}\frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}t} + \frac{1}{LC}u = 0$$
$$u_n(t) = A_1 e^{s_1 t} + A_2 e^{s_2 t}$$

### Ecuación característica

$$s^{2} + \frac{G}{C}s + \frac{1}{LC} = 0$$

$$s_{1,2} = -\frac{G}{2C} \pm \sqrt{\left(\frac{G}{2C}\right)^{2} - \frac{1}{LC}}$$

### Parámetros

### Ecuación característica

$$s^{2} + \frac{G}{C}s + \frac{1}{LC} = 0$$
$$s^{2} + 2\alpha s + \omega_{0}^{2} = 0$$
$$s_{1,2} = -\alpha \pm \sqrt{\alpha^{2} - \omega_{0}^{2}}$$

 $u_n(t) = A_1 e^{s_1 t} + A_2 e^{s_2 t}$ 

$$\alpha = \frac{G}{2C}$$

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$\omega_d = \sqrt{\omega_0^2 - \alpha^2}$$

$$\xi = \frac{\alpha}{\omega_0}$$

## Tipos de Respuesta

- ▶ Tipo de respuesta determinado por relación entre G y L, C (disipación y almacenamiento).
- ► Conductancia crítica ( $\alpha = \omega_0$ ,  $\xi = 1$ ):

$$G_{cr}=2\sqrt{rac{C}{L}}$$

### **Tipos**

- $G > G_{cr}$ ,  $\alpha > \omega_0$ ,  $\xi > 1$ : sobreamortiguado
- $G = G_{cr}$ ,  $\alpha = \omega_0$ ,  $\xi = 1$ : amortiguamiento crítico
- $G < G_{cr}$ ,  $\alpha < \omega_0$ ,  $\xi < 1$ : **subamortiguado**

# Tipos de Respuesta

ightharpoonup Circuito Sobreamortiguado ( $\alpha > \omega_0$ )

$$u_n(t) = A_1 e^{s_1 t} + A_2 e^{s_2 t}$$

► Amortiguamiento Crítico ( $\alpha = \omega_0$ )

$$u_n(t) = (A_1 + A_2 t)e^{st}$$

ightharpoonup Circuito Subamortiguado ( $\alpha < \omega$ )

$$u_n(t) = (B_1 \cos(\omega_d t) + B_2 \sin(\omega_d t))e^{-\alpha t}$$

### **Condiciones Iniciales**

#### Dos constantes a determinar

Son necesarias dos tipos de condiciones iniciales:

$$u_C(0^+) = u_C(0^-)$$
 $i_c(t) = C \cdot \frac{\mathrm{d}u_c(t)}{\mathrm{d}t} \longrightarrow \left(\frac{\mathrm{d}u_c(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^+} = \frac{1}{C}i_C(0^+)$ 

### Derivadas en el origen

Para obtener valores de las derivadas en el origen hay que resolver el circuito en  $t=0^+$  empleando las condiciones de continuidad.

# Derivadas en $t = 0^+$ : ejemplo RLC paralelo

$$\left(\frac{\mathrm{d}u_{c}(t)}{\mathrm{d}t}\right)_{t=0^{+}} = \frac{1}{C}i_{C}(0^{+})$$

$$i_C(0^+) = -i_R(0^+) - i_L(0^+)$$
  
 $i_R(0^+) = \frac{1}{R}u_C(0^+)$ 

$$\left[ \left( \frac{\mathrm{d}u_{c}(t)}{\mathrm{d}t} \right)_{t=0^{+}} = -\frac{1}{C} \left( \frac{1}{R} u_{C}(0^{+}) + i_{L}(0^{+}) \right) \right]$$

## Respuesta Completa

Las condiciones iniciales deben evaluarse teniendo en cuenta la respuesta forzada (si existe).

$$u_{C}(0^{+}) = u_{n}(0^{+}) + u_{\infty}(0^{+})$$

$$\left(\frac{du_{C}(t)}{dt}\right)_{t=0^{+}} = \left(\frac{du_{n}(t)}{dt}\right)_{t=0^{+}} + \left(\frac{du_{\infty}(t)}{dt}\right)_{t=0^{+}}$$

# Ejemplo de Respuesta Completa

Circuito RLC paralelo sobreamortiguado con generador de corriente DC funcionando en t > 0.

### Respuesta Completa

$$u_c(t) = U_{\infty} + A_1 e^{s_1 t} + A_2 e^{s_2 t}$$

#### **Condiciones Iniciales**

$$u_c(0^+) = U_{\infty} + A_1 + A_2$$
$$\left(\frac{du_C(t)}{dt}\right)_{t=0^+} = 0 + A_1s_1 + A_2s_2$$