

# PROBLEMAS DE TEORÍA DE CIRCUITOS

CURSO 2022/23



---

# Índice general

---

<b>1</b>	<b>Fundamentos. Corriente continua</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Corriente alterna monofásica</b>	<b>11</b>



---

## Capítulo 1

# Fundamentos. Corriente continua

---

## 1.1. Ejercicios

1. Calcular las corrientes de malla mostradas en el circuito de la Figura 1.1.

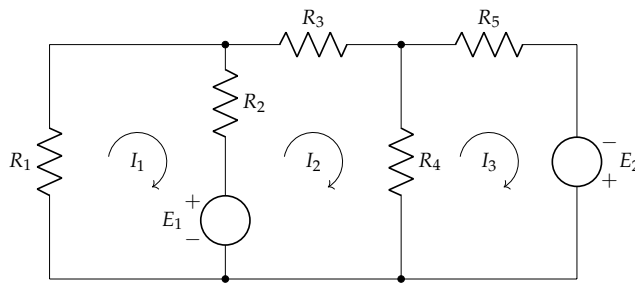


FIGURA 1.1: Ejercicio 1

Datos:  $R_1 = 2\ \Omega$ ;  $R_2 = 5\ \Omega$ ;  $R_3 = 10\ \Omega$ ;  $R_4 = 4\ \Omega$ ;  $R_5 = 2\ \Omega$ ;  $E_1 = 25\text{ V}$ ;  $E_2 = 50\text{ V}$

Sol.:  $I_1 = -1,31\text{ A}$ ;  $I_2 = 3,17\text{ A}$ ;  $I_3 = 10,45\text{ A}$

2. Calcular el valor de  $E$  que hace que  $I_0 = 7,5\text{ mA}$  en el circuito de la Figura 1.2.

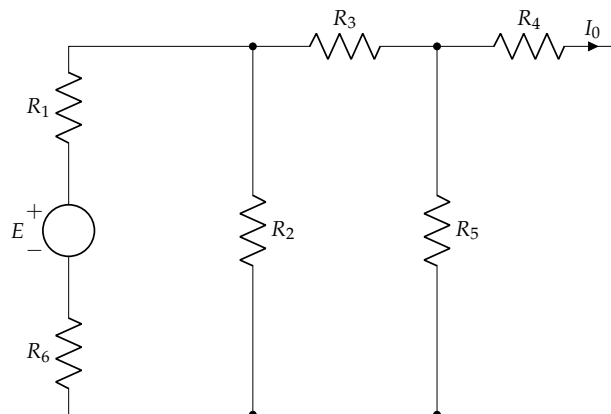


FIGURA 1.2: Ejercicio 2

Datos:  $R_1 = 8\ \Omega$ ;  $R_2 = 7\ \Omega$ ;  $R_3 = 4\ \Omega$ ;  $R_4 = 6\ \Omega$ ;  $R_5 = 6\ \Omega$ ;  $R_6 = 12\ \Omega$ ;

Sol.:  $U_s = 0,705\text{ V}$

3. Calcular la intensidad  $I$  en el circuito de la Figura 1.3.

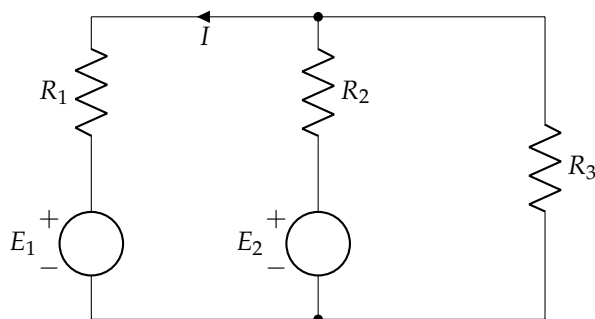


FIGURA 1.3: Ejercicio 3

Datos:  $R_1 = 27\ \Omega$ ;  $R_2 = 47\ \Omega$ ;  $R_3 = 27\ \Omega$ ;  $E_1 = 460\text{ V}$ ;  $E_2 = 200\text{ V}$

Sol.:  $I = -8,77\text{ A}$

4. En el circuito de la Figura 1.4 obtener las intensidades de corriente señaladas primero mediante un análisis por el método de las mallas y posteriormente mediante un análisis por el método de los nudos.

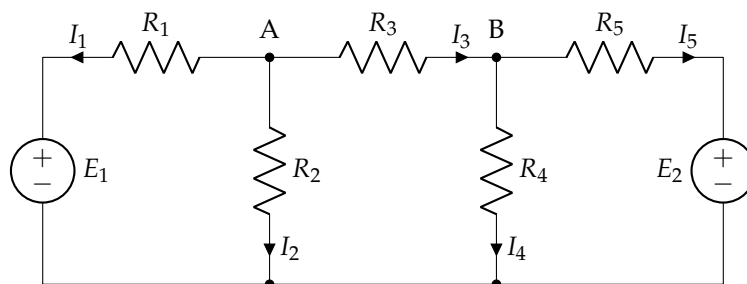


FIGURA 1.4: Ejercicio 4

Datos:  $R_1 = 2\ \Omega$ ;  $R_2 = 1\ \Omega$ ;  $R_3 = 4\ \Omega$ ;  $R_4 = 5\ \Omega$ ;  $R_5 = 3\ \Omega$ ;  $E_1 = 10\text{ V}$ ;  $E_2 = 6\text{ V}$

Sol.:  $I_1 = -3,31\text{ A}$ ;  $I_2 = 3,37\text{ A}$ ;  $I_3 = -0,06\text{ A}$ ;  $I_4 = 0,73\text{ A}$ ;  $I_5 = -0,79\text{ A}$

5. Analizar el circuito de la Figura 1.5 mediante el método de las mallas, obteniendo la corriente de cada una de las ramas. Con este resultado, calcular la diferencia de potencial entre A y B, y realizar un balance de potencias comparando la potencia de los elementos activos y la de los elementos pasivos. Datos:  $R_1 = R_2 = 1\ \Omega$ ;  $R_3 = 2\ \Omega$ ;  $R_4 = 3\ \Omega$ ;  $R_5 = 4\ \Omega$ ;  $\epsilon_1 = 118\text{ V}$ ;  $\epsilon_2 = 236\text{ V}$ ;  $\epsilon_3 = 118\text{ V}$ .

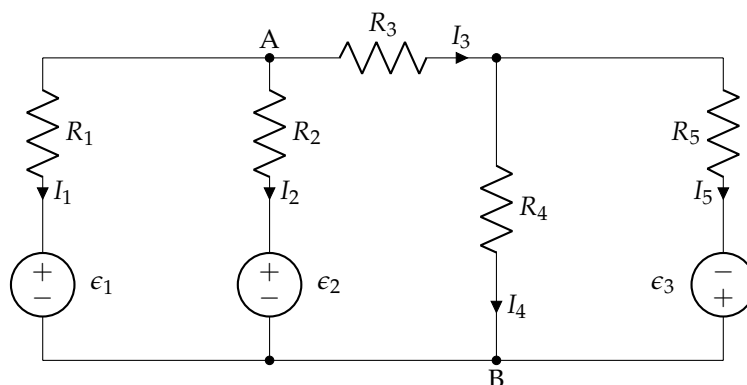


FIGURA 1.5: Ejercicio 5

Sol.  $I_1 = 32\text{ A}$ ;  $I_2 = -86\text{ A}$ ;  $I_3 = 54\text{ A}$ ;  $I_4 = 14\text{ A}$ ;  $I_5 = 40\text{ A}$ ;  $U_{AB} = 150\text{ V}$ ;  $P_g = P_R$

6. En el circuito de la Figura 1.6, determinar:

- Todas las intensidades de rama señaladas
- Carga, polaridad y energía almacenada en los condensadores
- Balance de potencias

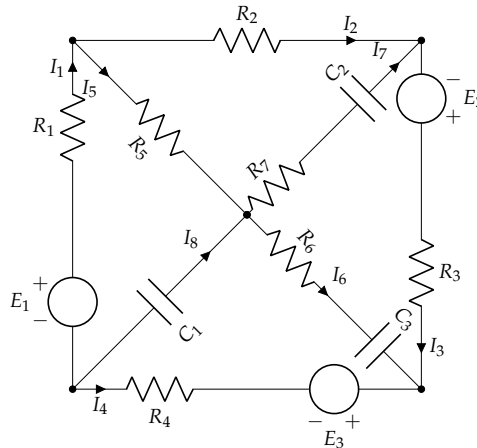


FIGURA 1.6: Ejercicio 6

Datos:  $R_i = i \, \Omega$ ;  $C_i = i \, \mu\text{F}$ ;  $E_1 = 8 \text{ V}$ ;  $E_2 = 6 \text{ V}$ ;  $E_3 = 4 \text{ V}$

Sol.:  $I_1 = I_2 = I_3 = -I_4 = 1 \text{ A}$ ;  $I_5 = I_6 = I_7 = 0 \text{ A}$ ;  $Q_{1\mu\text{F}} = -7 \, \mu\text{C}$ ;  $Q_{2\mu\text{F}} = -4 \, \mu\text{C}$ ;  $Q_{3\mu\text{F}} = 3 \, \mu\text{C}$ ;  $E_{1\mu\text{F}} = 24,5 \, \mu\text{J}$ ;  $E_{2\mu\text{F}} = 4 \, \mu\text{J}$ ;  $E_{3\mu\text{F}} = 1,5 \, \mu\text{J}$

7. Aplicar el método de los nudos en el circuito de la Figura 1.7 para determinar:

- Los potenciales de los nudos A, B, C y D.
- Las intensidades de corriente señaladas.
- Carga, polaridad y energía almacenada en los condensadores, supuestos sin carga inicial.

Datos:  $R_i = i \, \Omega$ ;  $C_i = i \, \mu\text{F}$ ;  $E_1 = 6 \text{ V}$ ;  $E_2 = 18 \text{ V}$ ;  $E_3 = 6 \text{ V}$

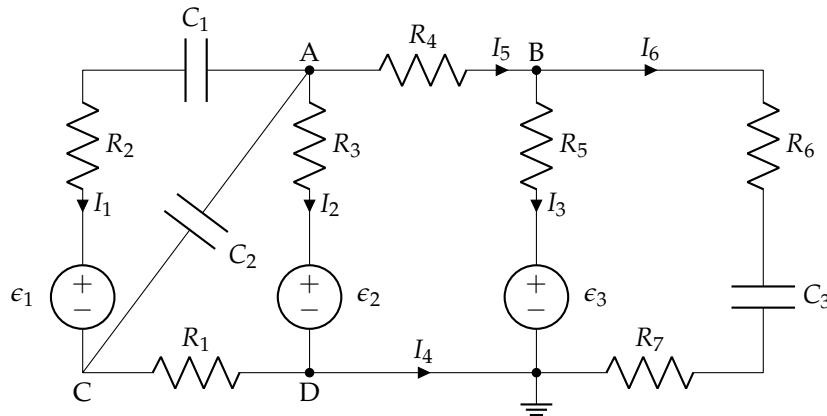


FIGURA 1.7: Ejercicio 7

Sol.:  $U_A = 15 \text{ V}$ ;  $U_B = 11 \text{ V}$ ;  $U_C = U_D = 0 \text{ V}$ ;  $I_1 = I_6 = 0 \text{ A}$ ;  $I_2 = I_4 = -1 \text{ A}$ ;  $I_3 = I_5 = 1 \text{ A}$ ;  $q_1 = 9 \, \mu\text{C}$ ;  $q_2 = 30 \, \mu\text{C}$ ;  $q_3 = 33 \, \mu\text{C}$ ;  $E_{C1} = 40,5 \, \mu\text{J}$ ;  $E_{C2} = 225 \, \mu\text{J}$ ;  $E_{C3} = 181,5 \, \mu\text{J}$

8. En el circuito de la Figura 1.8, donde se sabe que la carga inicial de los condensadores era de  $10 \, \mu\text{C}$  para  $C_1$  y de  $20 \, \mu\text{C}$  para  $C_2$  con las polaridades indicadas, se pide determinar:

- Intensidades de corriente señaladas
- Potenciales en los puntos A, B, C, D, E y F

Datos:  $\epsilon_1 = 90 \text{ V}$ ;  $\epsilon_2 = 60 \text{ V}$ ;  $\epsilon_3 = 30 \text{ V}$ ;  $R_1 = R_2 = R_3 = 10 \, \Omega$ ;  $R_4 = R_5 = 30 \, \Omega$ ;  $C_1 = 10 \, \mu\text{F}$ ;  $C_2 = 20 \, \mu\text{F}$ ;  $L_1 = 1 \, \mu\text{H}$



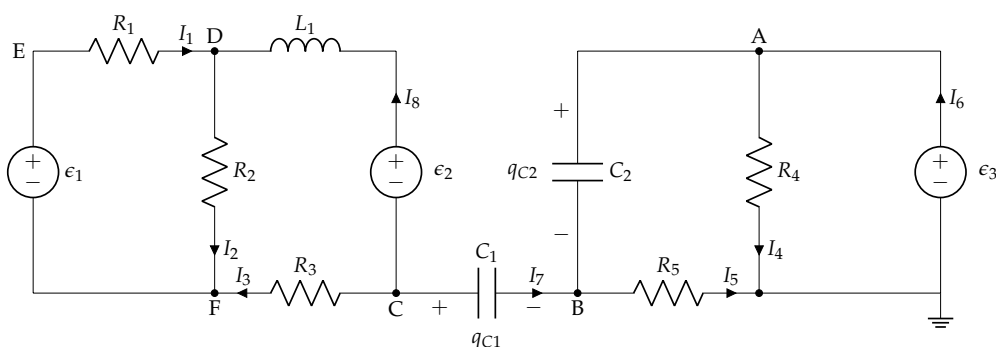


FIGURA 1.8: Ejercicio 8

Sol.  $I_1 = 4A$ ;  $I_2 = 5A$ ;  $I_3 = -1A$ ;  $I_4 = I_8 = 1A$ ;  $I_5 = I_7 = 0A$ ;  $U_A = 30V$ ;  $U_B = 0V$ ;  $U_C = 1V$ ;  $U_D = 61V$ ;  $U_E = 101V$ ;  $U_F = 11V$

9. En el circuito de la Figura 1.9, los condensadores se conectaron sin carga. Mediante el método de las mallas determina:

- Intensidades de corriente señaladas
- Potenciales en los puntos A, B, C y D
- Polaridades, cargas, y energías de los condensadores
- Balance de potencias

Datos:  $\epsilon_1 = 118V$ ;  $\epsilon_2 = 236V$ ;  $\epsilon_3 = 118V$ ;  $R_1 = 4\Omega$ ;  $R_2 = R_3 = 1\Omega$ ;  $R_4 = 3\Omega$ ;  $R_5 = 2\Omega$ ;  $C_1 = C_2 = C_3 = 2\mu F$ ;  $L_1 = L_2 = L_3 = 1mH$

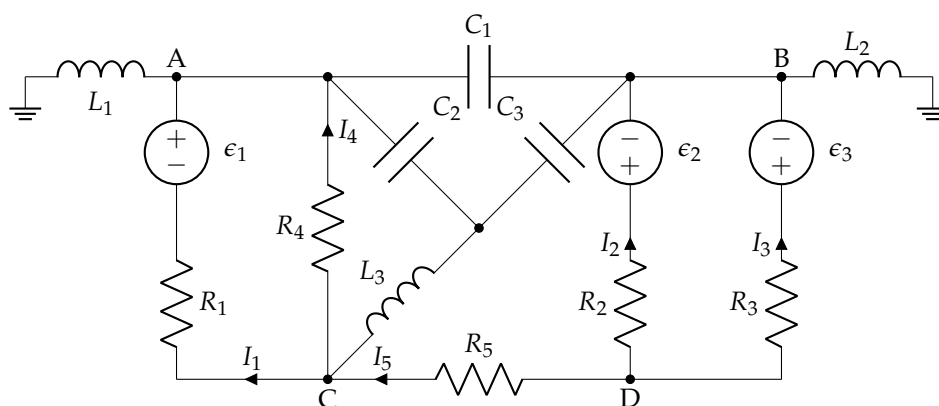


FIGURA 1.9: Ejercicio 9

Sol.:  $I_1 = 40A$ ;  $I_2 = -86A$ ;  $I_3 = 32A$ ;  $I_4 = 14A$ ;  $I_5 = 54A$ ;  $U_A = U_B = 0V$ ;  $U_C = 41V$ ;  $U_D = 150V$ ;  $U_{C1} = 0V$ ;  $q_1 = 0\mu F$ ;  $E_{C1} = 0J$ ;  $U_{C2} = -42V$ ;  $q_2 = 84\mu F$ ;  $E_{C2} = 1,76mJ$ ;  $U_{C3} = -42V$ ;  $q_3 = 84\mu F$ ;  $E_{C3} = 1,76mJ$ ;  $P_g = P_R$

10. En el circuito de la Figura 1.10, determinar:

- Las ecuaciones para el cálculo de las intensidades
- Todas las intensidades indicadas
- Potenciales en todos los nudos
- Carga y energía almacenada en los condensadores

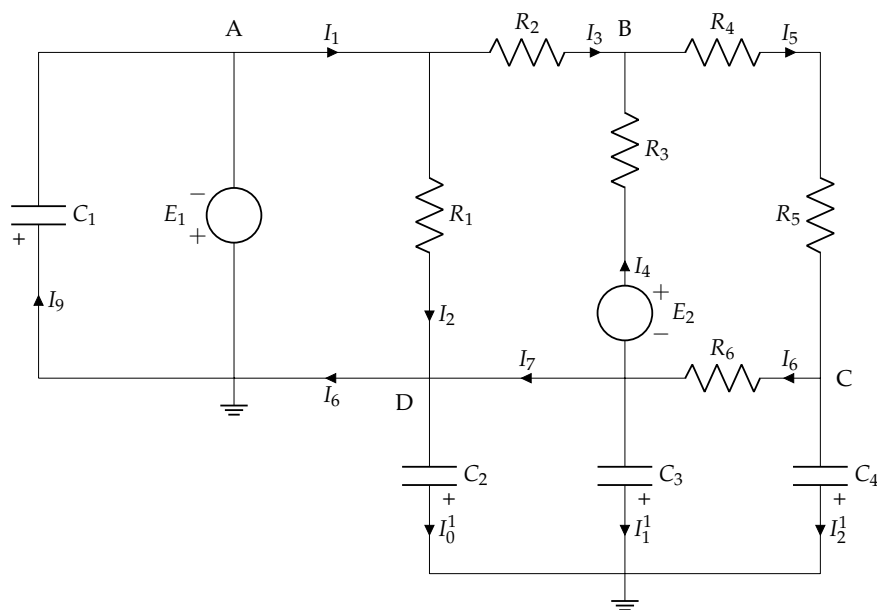


FIGURA 1.10: Ejercicio 10

Datos:  $R_1 = 2\Omega$ ;  $R_2 = 4\Omega$ ;  $R_3 = 2\Omega$ ;  $R_4 = 1\Omega$ ;  $R_5 = 2\Omega$ ;  $R_6 = 1\Omega$ ;  $E_1 = 8\text{ V}$ ;  $E_2 = 8\text{ V}$ ;  $C_i = i\text{ }\mu\text{F}$   
 Sol.:  $I_1 = I_6 = -6,5\text{ A}$ ;  $I_2 = -4\text{ A}$ ;  $I_3 = -2,5\text{ A}$ ;  $I_4 = 3\text{ A}$ ;  $I_5 = 0,5\text{ A}$ ;  $U_A = -8\text{ V}$ ;  $U_B = 2\text{ V}$ ;  $U_C = 0,5\text{ V}$ ;  $U_D = 0\text{ V}$ ;  $Q_{1\mu\text{F}} = 8\mu\text{C}$ ;  $Q_{2\mu\text{F}} = Q_{3\mu\text{F}} = 0\mu\text{C}$ ;  $Q_{4\mu\text{F}} = -2\mu\text{C}$ ;  $E_{1\mu\text{F}} = 32\mu\text{F}$ ;  $E_{2\mu\text{F}} = E_{3\mu\text{F}} = 0\text{ J}$ ;  $E_{4\mu\text{F}} = 0,5\mu\text{C}$

11. En el circuito de la Figura 1.11 se debe determinar:

- Las corrientes señaladas.
- El balance de potencias, diferenciando entre elementos activos y elementos pasivos.
- Los potenciales en los puntos A, B y C.
- La carga y polaridad en los condensadores, supuestos sin carga inicial.

Datos:  $\epsilon_1 = 1\text{ V}$ ;  $\epsilon_2 = 7\text{ V}$ ;  $R_i = 1\Omega$ ;  $C_i = i\mu\text{F}$

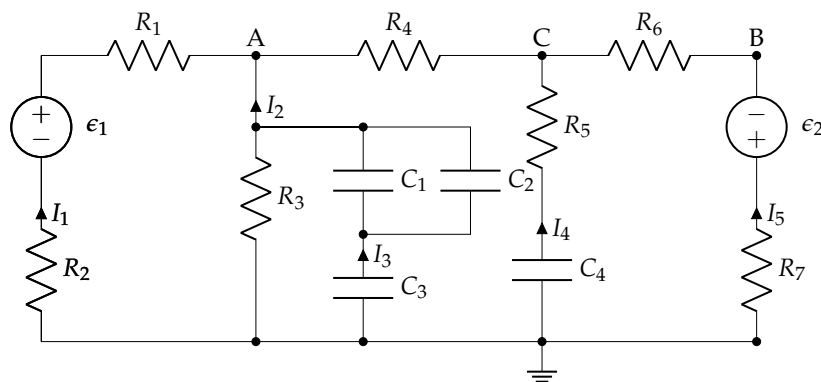


FIGURA 1.11: Ejercicio 11

Sol.:  $I_1 = I_2 = 1\text{ A}$ ;  $I_3 = I_4 = 0\text{ A}$ ;  $I_5 = -2\text{ A}$ ;  $\sum P = 0$ ;  $U_A = -1\text{ V}$ ;  $U_B = -5\text{ V}$ ;  $U_C = -3\text{ V}$ ;  $q_1 = 0,5\mu\text{C}$ ;  $q_2 = 1\mu\text{F}$ ;  $q_3 = 1,5\mu\text{F}$ ;  $q_4 = 12\mu\text{C}$

12. El circuito de la Figura 1.12 está funcionando en régimen estacionario. Los condensadores estaban inicialmente descargados. Resuelve el circuito mediante el método que consideres conveniente para obtener los siguientes resultados:

- Las intensidades señaladas.

- Polaridad y energía almacenada en los condensadores.
- Balance de potencias.

Datos:  $\epsilon_1 = 40V$ ;  $\epsilon_2 = 22V$ ;  $\epsilon_3 = 20V$ ;  $C_1 = C_2 = C_3 = 2\mu F$ ;  $R_{g1} = R_{g2} = R_{g3} = 4\Omega$ ;  $R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = 2\Omega$ ;  $R_5 = R_6 = R_7 = 1\Omega$

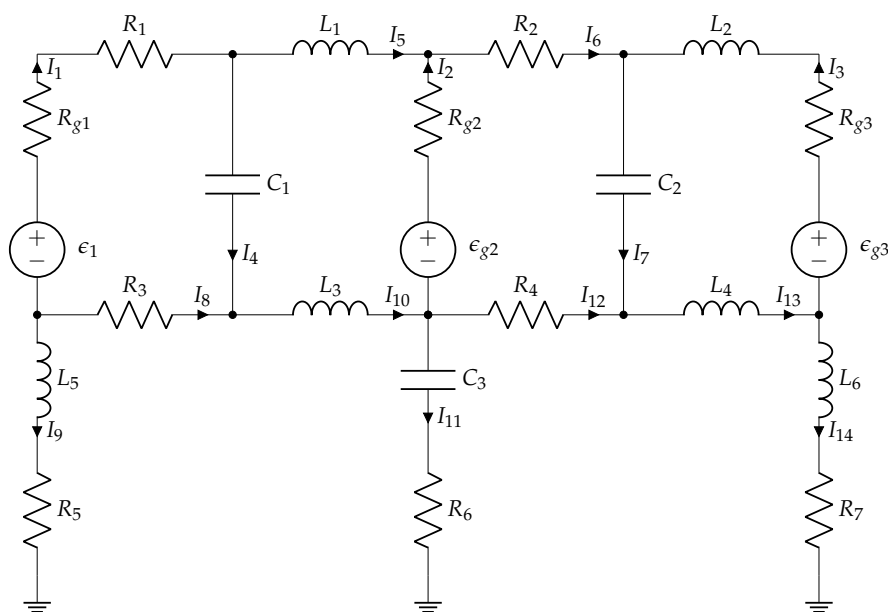


FIGURA 1.12: Ejercicio 12

Sol.:  $I_1 = I_5 = 2A$ ;  $I_2 = I_3 = I_8 = I_{10} = -1A$ ;  $I_4 = I_7 = I_{11} = I_{12} = I_{13} = 0A$ ;  $I_6 = I_{14} = 1A$ ;  $E_{C1} = 0,676mJ$ ;  $E_{C2} = 0,576mJ$ ;  $E_{C3} = 1\mu J$ ;  $P_g = P_R$

13. En el circuito de la Figura 1.13, obtener las intensidades de corriente señaladas mediante un análisis por el método de las mallas y mediante un análisis por el método de los nudos.

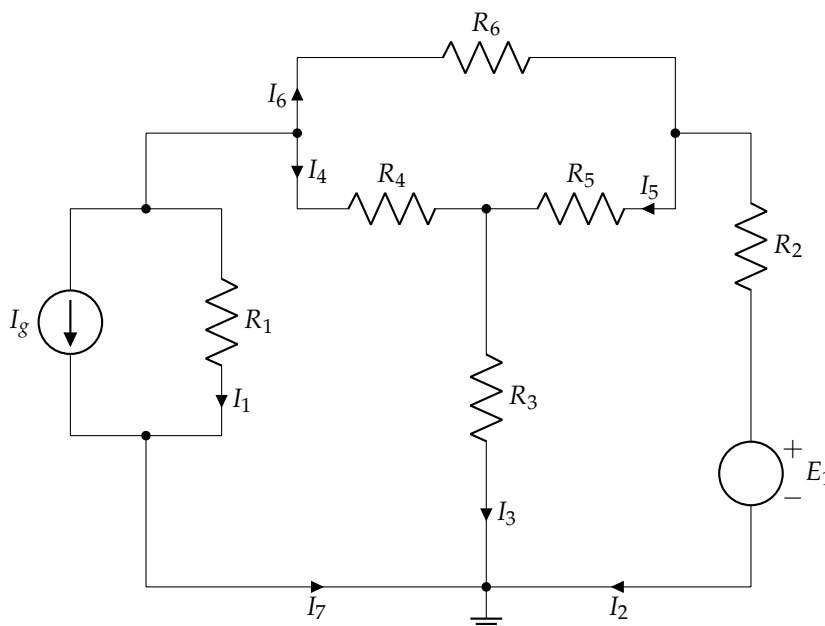


FIGURA 1.13: Ejercicio 13

Datos:  $R_1 = 9\Omega$ ;  $R_2 = 4\Omega$ ;  $R_3 = 18\Omega$ ;  $R_4 = R_5 = R_6 = 20\Omega$ ;  $E_1 = 16V$ ;  $I_g = 2A$

Sol.:  $I_1 = -0,74A$ ;  $I_2 = -1,33A$ ;  $I_3 = 0,07A$ ;  $I_4 = -0,39A$ ;  $I_5 = 0,46A$ ;  $I_6 = -0,87A$ ;  $I_7 = 1,26A$

14. Calcular la intensidad que circula por la resistencia de  $30\ \Omega$  del circuito de la Figura 1.14 aplicando el principio de superposición.

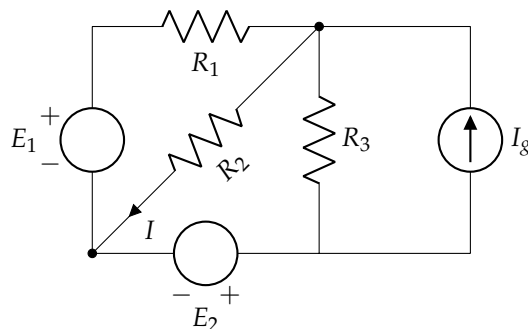


FIGURA 1.14: Ejercicio 14

Datos:  $R_1 = 20\ \Omega$ ;  $R_2 = 30\ \Omega$ ;  $R_3 = 20\ \Omega$ ;  $E_1 = 32\text{ V}$ ;  $E_2 = 64\text{ V}$ ;  $I_g = 4\text{ A}$

Sol.:  $I = 2,2\text{ A}$

15. Obtener el generador equivalente de Thévenin del circuito de la Figura 1.15 respecto de A y B. A partir de este generador, calcula la resistencia a colocar en AB para obtener la máxima potencia, calculando esta potencia y la potencia entregada por el generador  $\epsilon$ .

Datos:  $\epsilon = 54\text{ V}$ ;  $R_1 = R_4 = 8\ \Omega$ ;  $R_2 = R_3 = 10\ \Omega$

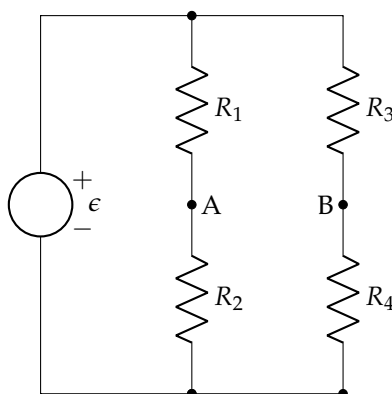


FIGURA 1.15: Ejercicio 15

Sol.:  $R_{AB} = 80/9\ \Omega$ ;  $P_R = 1,0125\text{ W}$ ;  $P_\epsilon = 2,025\text{ W}$

16. Determinar el equivalente Thévenin del circuito de la Figura 1.16 entre los nudos A – B. ¿Qué resistencia habría que conectar en dichos terminales para transferir la máxima potencia? ¿Cuál sería dicha potencia?

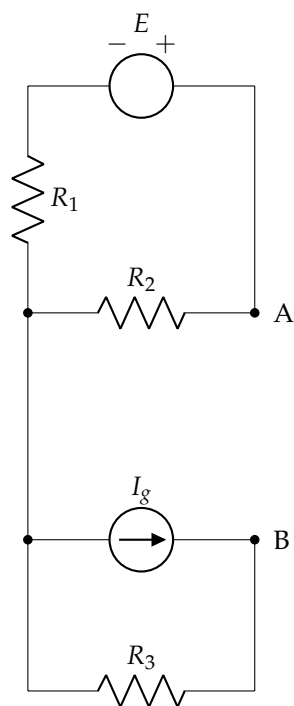


FIGURA 1.16: Ejercicio 16

Datos:  $R_1 = R_2 = 4\ \Omega$ ;  $R_3 = 2\ \Omega$ ;  $E = 10\text{ V}$ ;  $I_g = 8\text{ A}$

Sol.:  $\epsilon_{th} = 5 - 16 = -11\text{ V}$ ;  $R_{th} = 4\ \Omega$ ;  $R_L = 4\ \Omega$ ;  $P_{max} = 7,56\text{ W}$

17. Obtener el generador equivalente de Thévenin del circuito de la Figura 1.17 respecto de A y B.  
 Datos:  $I_g = 10\text{ A}$ ;  $R_1 = 1\ \Omega$ ;  $\alpha = 5$

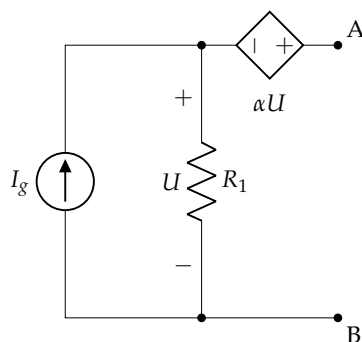


FIGURA 1.17: Ejercicio 17

Sol.:  $\epsilon_{th} = 60\text{ V}$ ;  $R_{th} = 6\ \Omega$

18. En el circuito de la Figura 1.18, calcular:

- La corriente del generador equivalente de Norton respecto de A y B,  $I_N$ .
- La resistencia del generador equivalente de Norton respecto de A y B,  $R_N$ .
- La resistencia de carga que se debe conectar entre A y B para conseguir la máxima potencia disponible, y el valor de esta potencia.

Datos:  $R = 1\ \Omega$ ;  $\epsilon_g = 10\text{ V}$ ;  $\alpha = \beta = 1$

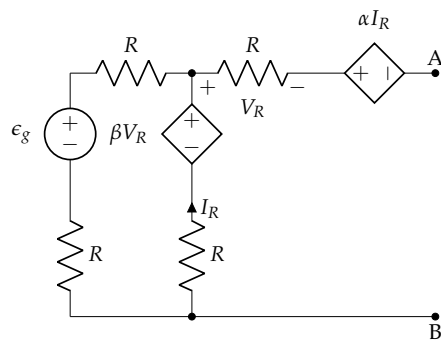


FIGURA 1.18: *Ejercicio 18*

*Sol.:*  $I_N = \frac{10}{3} \text{ A}$ ;  $R_N = 2 \Omega$ ;  $R_L = 2 \Omega$ ;  $P_L = 5,56 \text{ W}$

---

## **Capítulo 2**

# **Corriente alterna monofásica**

---

## 2.1. Ejercicios

1. En un circuito serie  $RL$  con  $R = 5\Omega$  y  $L = 0,06H$ , la tensión en bornes de la bobina es  $u_L(t) = 15 \sin(200t)$  V. Determinar:

- La tensión total
- Intensidad de corriente
- Ángulo de desfase de la intensidad respecto de la tensión
- Impedancia del circuito

Sol.:  $\overline{Z_{eq}} = 5 + j12\Omega$ ;  $\overline{I} = 0,88 \angle -90^\circ A$ ;  $\overline{U} = 11,48 \angle -22,5304^\circ V$ ;  $\phi = 67,4696^\circ$

2. Una resistencia de  $5\Omega$  y un condensador se unen en serie. La tensión en la resistencia es :  $u_R(t) = 25 \cdot \sin(2000t + \pi/6)$ . Si la corriente está adelantada  $60^\circ$  respecto de la tensión aplicada, ¿cuál es el valor de la capacidad  $C$  del condensador?. Sol.:  $C = 100\sqrt{3}/3 \mu F$

3. Para determinar las constantes  $R$  y  $L$  de una bobina, se conecta en serie con una resistencia de  $25\Omega$  y al conjunto se le aplica una fuente de tensión de  $120V$  a  $60Hz$ , se miden las tensiones en bornes de la resistencia y de la bobina, dando los valores  $U_R = 70,8V$  y  $U_B = 86V$ . ¿Cuáles son las constantes de la bobina en cuestión?.

Sol.:  $R = 5\Omega$ ;  $L = 79,5mH$

4. Un circuito serie RLC con  $R = 5\Omega$ ,  $L = 0,02H$  y  $C = 80\mu F$ , tiene aplicada una tensión senoidal de frecuencia variable. Determinar los valores de la pulsación  $\omega$  para los cuales la corriente:

- Adelanta  $45^\circ$  a la tensión
- Está en fase con ella
- Retrasa  $45^\circ$

Sol.:  $\omega = 675,39 \text{ rad/s}$ ;  $\omega = 790,57 \text{ rad/s}$ ;  $\omega = 925,39 \text{ rad/s}$

5. Determinar el triángulo de potencias de un circuito al que se le aplica una tensión  $u(t) = 340 \cdot \cos(\omega t - 60^\circ)$  V y circula una intensidad de corriente  $i(t) = 13,3 \cdot \cos(\omega t - 48,7^\circ)$ . Sol.  $P = 2217,17W$ ;  $Q = -443,03 \text{ VA}_r$ ;  $S = 2261 \text{ VA}$

6. En el esquema de la figura los elementos tienen los siguientes valores:

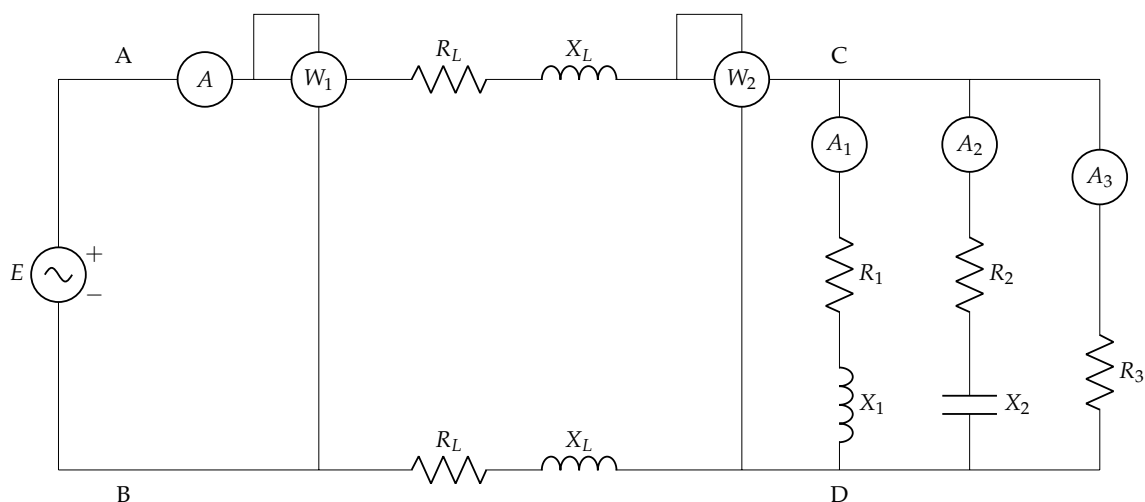
$$R_1 = R_2 = R_3 = 10\Omega$$

$$X_1 = X_2 = 1\Omega$$

$$R_L = X_L = 1\Omega$$

Sabiendo que  $U_{CD} = 200V$  se debe calcular:

- Intensidades de corriente  $I$ ,  $I_1$ ,  $I_2$  e  $I_3$  en forma fasorial, tomando  $U_{CD}$  como referencia de fase
- Lectura de los vatímetros  $W_1$  y  $W_2$

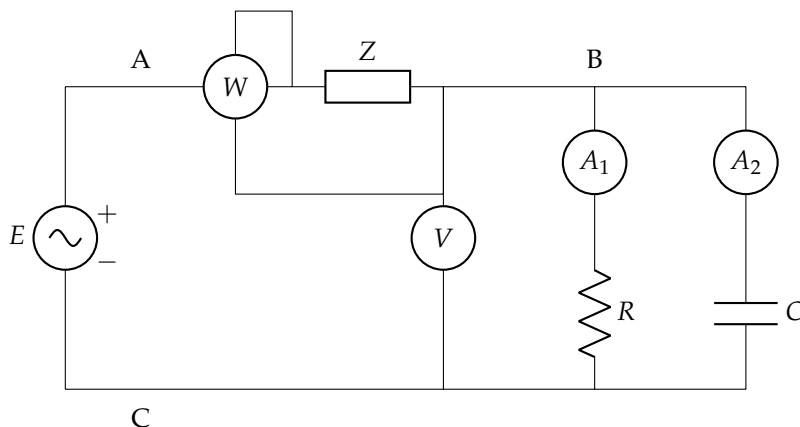




Sol.:  $\bar{I}_1 = 19,90/-5,7106^\circ A$ ;  $\bar{I}_2 = 19,90/5,7106^\circ A$ ;  $\bar{I}_3 = 20/0^\circ A$ ;  $\bar{I} = 59,60/0^\circ A$ ;  $W_1 = 19024,32 W$ ;  $W_2 = 11920 W$

7. En el circuito de la figura, los amperímetros  $A_1$  y  $A_2$  marcan  $4,5A$  y  $6A$ , respectivamente; el voltímetro,  $150V$  y el vatímetro  $900W$ . Sabiendo que la frecuencia del generador es de  $250Hz$  y el f.d.p. de la impedancia  $Z$  es de  $0.8$  en retraso, se pide calcular:

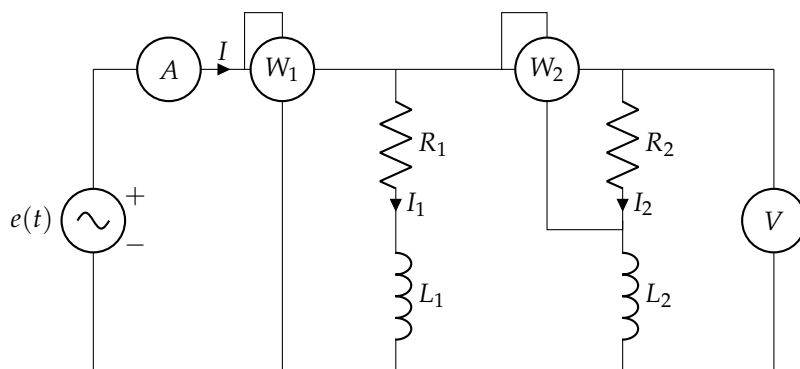
- Valores de  $R$ ,  $C$  y  $Z$  en forma compleja
- La tensión del generador



Sol.:  $\bar{R} = 33,33/0^\circ \Omega$ ;  $\bar{X}_C = -j25 \Omega$ ;  $\bar{Z} = 16 + j12 \Omega$ ;  $\bar{U}_{AC} = 212,13/45^\circ V$

8. En el circuito de la figura, determinar las lecturas de los aparatos de medida y el balance de potencias activas y reactivas, así como el triángulo global de potencias.

Datos:  $e(t) = 100\sqrt{2}(\omega t)$ ;  $R_1 = 2\Omega$ ;  $R_2 = 4\Omega$ ;  $\omega L = 4\Omega$ .



Sol.:  $V = 100 V$ ;  $A = 45,20 A$ ;  $W_1 = 2788,31 W$ ;  $W_2 = 1250,33 W$ ;  $P_{R1} = 1539,02 W$ ;  $P_{R2} = 1250,33 W$ ;  $Q_{L1} = 2308,52 VAr$ ;  $Q_{L2} = 1250,33 VAr$ ;  $P_T = 2789,35 W$ ;  $Q_T = 3558,82 VAr$ ;  $\bar{S}_T = 2789,35 + j3558,82 VA$

9. El circuito de la figura tiene carácter inductivo. La impedancia de la línea es  $Z = 10\sqrt{2}\Omega$  con f.d.p.  $\sqrt{2}/2$  en retraso. Tomando como referencia de fases la intensidad total  $\bar{I}$ , se pide calcular:

- Potencia activa y reactiva consumida por  $Z$
- Expresiones complejas de las intensidades medidas por los amperímetros  $A$ ,  $A_1$ ,  $A_2$  y  $A_3$
- Expresiones complejas de las tensiones  $\bar{U}_{AB}$ ,  $\bar{U}_{AC}$  y  $\bar{U}_{CB}$
- Valores de  $R_1$ ,  $X_1$ ,  $R_2$ ,  $R_3$  y  $X_3$

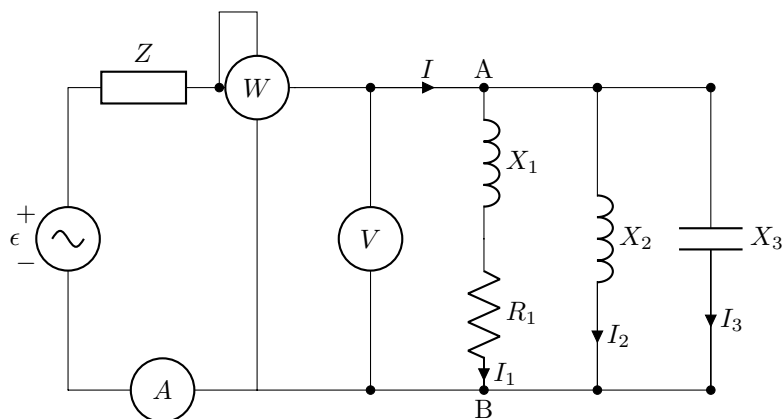
Datos:  $A = 5\sqrt{5}A$ ;  $A_1 = 5\sqrt{2}A$ ;  $A_2 = 5A$ ;  $A_3 = \sqrt{10}A$ ;  $U_{AB} = 247V$ ;  $W_1 = 2350W$ ;  $R_1 = R_3$



Sol.:  $P_z = 1250 \text{ W}$ ;  $Q_z = 1250 \text{ VAR}$ ;  $\bar{I} = 11,18/0^\circ \text{ A}$ ;  $\bar{I}_1 = 7,07/-34,6711^\circ \text{ A}$ ;  $\bar{I}_2 = 5/10,3289^\circ \text{ A}$ ;  $\bar{I}_3 = 3,16/81,8940^\circ \text{ A}$ ;  $\bar{U}_{AB} = 247/31,6823^\circ \text{ V}$ ;  $\bar{U}_{AC} = 158,11/45^\circ \text{ V}$ ;  $\bar{U}_{CB} = 100/10,3289^\circ \text{ V}$ ;  $R_1 = R_3 = 10\Omega$ ;  $R_2 = 20\Omega$ ;  $X_1 = 10\Omega$ ;  $X_3 = -30\Omega$

10. La potencia reactiva del circuito de la figura es  $80 \text{ VAR}$  de tipo capacitivo. La tensión en la impedancia  $Z$  está en fase con la intensidad  $I_1$  y las lecturas de los aparatos son  $A = 4 \text{ A}$ ,  $V = 50 \text{ V}$ ,  $W = 200 \text{ W}$ . Sabiendo que  $R_1 = 10\Omega$  y  $X_2 = 50\Omega$ , calcula:

- Las corrientes  $I_1$ ,  $I_2$ ,  $I_3$  en forma fasorial.
- Las reactancias  $X_1$ ,  $X_3$ , y la impedancia  $\bar{Z}$ .
- La fuerza electromotriz  $\bar{e}$ .



Sol.:  $\bar{I} = 4 \text{ A}$ ;  $\bar{I}_1 = 2\sqrt{5} \text{ A}$ ;  $\bar{I}_2 = 1 \text{ A}$ ;  $X_1 = 5\Omega$ ;  $X_3 = \frac{50}{3}\Omega$ ;  $\bar{Z} = 10 - j5\Omega$ ;

11. Un motor monofásico de  $S = 10 \text{ kVA}$  y  $fdp = 0,8$  está alimentado por una fuente de  $230 \text{ V}$  a  $f = 50 \text{ Hz}$ . Calcular:

- El valor eficaz de la corriente absorbida por el motor
- La potencia aparente del generador
- La capacidad del condensador necesario para compensar el factor de potencia a la unidad
- El valor eficaz de la corriente absorbida por el conjunto condensador-motor
- La potencia aparente del generador necesario una vez conectado el condensador del tercer apartado
- Compara de forma razonada los resultados de los apartados 4 y 5 con los valores calculados en los apartados 1 y 2

Sol.:  $I = 43,5 \text{ A}$ ;  $S_g = 10 \text{ kVA}$ ;  $C = 361 \mu\text{F}$ ;  $I' = 34,78 \text{ A}$ ;  $S'_g = 8000 \text{ kVA}$

12. Un generador de corriente alterna monofásica ( $f = 50 \text{ Hz}$ ) alimenta a dos cargas a través de una línea de cobre. Esta línea, de resistividad  $\rho = 21 \text{ m}\Omega \text{ mm}^2/\text{m}$ , tiene una longitud de 100 m y una sección de  $16 \text{ mm}^2$ . Las dos cargas, cuya tensión de alimentación es de 230 V, son dos motores, uno con potencia de 7 kW y f.d.p. de 0,65, y otro con una potencia de 5 kW y f.d.p. de 0,85. Con esta información, se pide calcular:

- Triángulo de potencias de cada carga y del conjunto de ambas
- Valor eficaz de las corrientes en cada carga y de la corriente total
- Triángulo de potencias del generador
- Valor eficaz de la tensión en bornes del generador
- Capacidad del condensador a instalar en bornes de las cargas para mejorar el factor de potencia a 0,95
- Valor eficaz de la corriente entregada por el generador una vez instalado el condensador
- Triángulo de potencias del generador una vez instalado el condensador

Sol.:  $P_1 = 7000\text{W}$ ;  $Q_1 = 8183,91\text{VAr}$ ;  $S_1 = 10769,23\text{VA}$ ;  $P_2 = 5000\text{W}$ ;  $Q_2 = 5882,35\text{VAr}$ ;  $S_2 = 3098,72\text{VA}$ ;  $P_T = 12000\text{W}$ ;  $Q_T = 11282,63\text{VAr}$ ;  $S_T = 16471,12\text{VA}$ ;  $I_1 = 46,82 \text{ A}$ ;  $I_2 = 25,58 \text{ A}$ ;  $I_T = 71,62 \text{ A}$ ;  $P_g = 13333,65\text{W}$ ;  $Q_g = 11282,63\text{VAr}$ ;  $S_g = 17466,65\text{VA}$ ;  $U_g = 243,88\text{V}$ ;  $C = 441,66\mu\text{F}$ ;  $I' = 54,92\text{A}$ ;  $P'_g = 12784,21\text{W}$ ;  $Q'_g = 3944,21\text{VAr}$ ;  $S'_g = 13378,82\text{VA}$

13. Un generador de corriente alterna monofásica ( $f = 50\text{Hz}$ ) alimenta a dos cargas a través de una línea de cobre. Esta línea, de resistividad  $\rho = 0,017\Omega\text{mm}^2/\text{m}$ , tiene una longitud de 40m y una sección de  $6\text{mm}^2$ . Las dos cargas, cuya tensión de alimentación es de 200V, son:

- a) Un motor de 7kW con f.d.p. 0,7.
- b) Un grupo de lámparas fluorescentes con potencia total 200W y f.d.p. 0,5.

Se pide:

- Esquema del circuito señalando adecuadamente los elementos, corrientes y tensiones
- Potencias activa, reactiva y aparente de cada carga
- Valor eficaz de las corrientes en cada carga, y de la corriente total
- Potencia activa y reactiva entregada por el generador
- Valor eficaz de la tensión en bornes del generador
- Capacidad necesaria a instalar en bornes de las cargas para mejorar el factor de potencia de las mismas a la unidad
- Valor eficaz de la tensión en bornes del generador, y potencia aparente entregada por el mismo una vez instalada la capacidad determinada en el apartado anterior

Sol.:  $P_M = 7000\text{W}$ ;  $Q_M = 7141,43\text{VAr}$ ;  $S_M = 10000\text{VA}$ ;  $P_F = 200\text{W}$ ;  $Q_F = 346,41\text{VAr}$ ;  $S_F = 400\text{VA}$ ;  $I_M = 50\text{A}$ ;  $I_F = 2\text{A}$ ;  $I_T = 51,94\text{A}$ ;  $P_g = 7811,50\text{W}$ ;  $Q_g = 7487,8\text{VAr}$ ;  $U_g = 208,33\text{V}$ ;  $C = 595,86\mu\text{F}$ ;  $U'_g = 207,92\text{V}$ ;  $S'_g = 7485,12\text{VA}$

14. Un generador de corriente alterna ( $f = 50 \text{ Hz}$ ) alimenta una instalación eléctrica a través de una línea de cobre ( $\rho = 0,017 \Omega \text{ mm}^2/\text{m}$ ) de  $25 \text{ mm}^2$  de sección. La instalación eléctrica está compuesta por un motor de  $S_m = 10 \text{ kVA}$  y  $\text{fdp} = 0,8$ , una instalación de alumbrado fluorescente de  $P_f = 800 \text{ W}$  y  $\text{fdp} = 0,9$ , y diversas cargas electrónicas con una potencia conjunta  $P_e = 540 \text{ W}$  y  $\text{fdp} = 0,5$  en retraso.

Suponiendo que las cargas trabajan a su tensión nominal de 230 V y que están situadas a 100 m del generador, calcule:

- a) Triángulo de potencias total de las cargas ( $P_T$ ,  $Q_T$ ,  $S_T$ ) y factor de potencia.
- b) Valor eficaz de la corriente que circula por la línea.
- c) Potencia disipada en la línea.
- d) Triángulo de potencias del generador ( $P_g$ ,  $Q_g$ ,  $S_g$ ) y factor de potencia.
- e) Valor eficaz de la tensión de salida del generador.

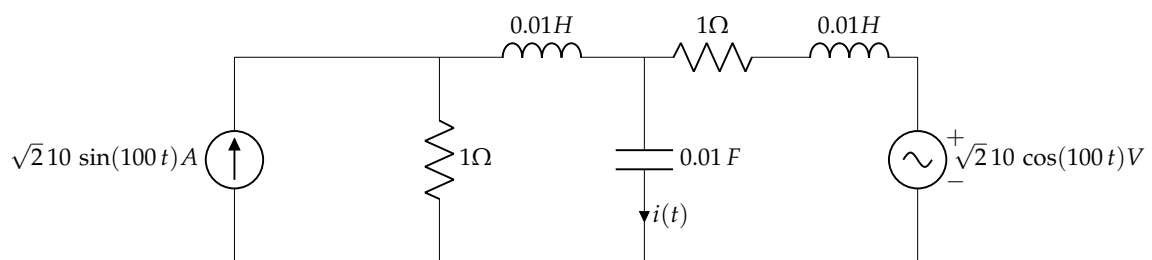
- f) Capacidad del banco de condensadores a instalar en bornes de la carga necesario para reducir la corriente que circula por la línea a un valor de 45 A.

Independientemente del resultado obtenido, suponga que la capacidad instalada es  $C = 172 \mu\text{F}$ . En estas condiciones, calcule:

- g) Potencia aparente de las cargas (incluyendo al banco de condensadores)  
h) Valor eficaz de la corriente que circula por la línea y potencia disipada en la misma.  
i) Triángulo de potencias del generador y factor de potencia.  
j) Tensión de trabajo del generador.

Sol.  $S_T = 11\,868,4 \text{ VA}$ ;  $I = 51,6 \text{ A}$ ;  $P_L = 362,1 \text{ W}$ ;  $S_g = 12\,155,4 \text{ VA}$ ;  $U_g = 235,6 \text{ V}$ ;  $C = 172,3 \mu\text{F}$ ;  $S'_T = 10\,350,1 \text{ VA}$ ;  $I' = 45 \text{ A}$ ;  $S'_g = 10\,599,2 \text{ VA}$ ;  $U'_g = 235,5 \text{ V}$

15. Calcular la corriente  $i(t)$  del circuito de la figura.

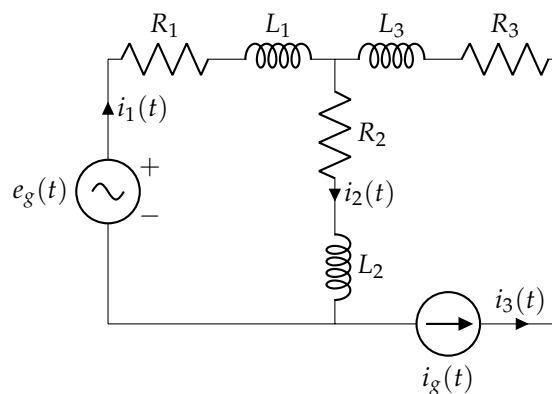


Sol.:  $i(t) = \sqrt{2} 10 \cos(100t) \text{ A}$

16. Del circuito de la figura obtener:

- Expresiones analíticas de las intensidades  $i_1(t)$  e  $i_2(t)$
- Potencia disipada por todas las resistencias

Datos:  $e_g(t) = 50\sqrt{2} \sin(1000t) \text{ V}$ ;  $i_g(t) = 10 \text{ A}$ ;  $R_1 = R_2 = 2 \Omega$ ;  $R_3 = 7 \Omega$ ;  $L_1 = L_2 = 1 \text{ mH}$ ;  $L_3 = 2 \text{ mH}$

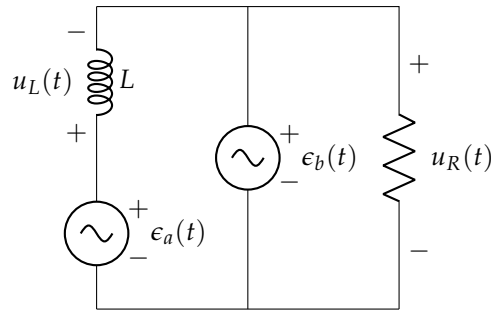


Sol.:  $i_1(t) = -5 + 5\sqrt{10} \sin(1000t - 0,46) \text{ A}$ ;  $i_2(t) = 5 + 5\sqrt{10} \sin(1000t - 0,46) \text{ A}$ ;  $i_3(t) = 10 \text{ A}$ ;  $P_T = 1300 \text{ W}$

17. En el circuito de la figura determina:

- $u_R(t)$  y  $u_L(t)$
- Balance de potencias

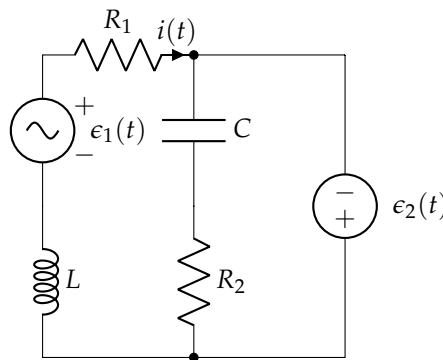
Datos:  $e_a(t) = 3\sqrt{2} \sin(10^3t) \text{ V}$ ;  $e_b(t) = 30\sqrt{2} \sin(10^4t) \text{ V}$ ;  $R = 30 \Omega$ ;  $L = 3 \text{ mH}$



Sol.:  $u_R(t) = 30\sqrt{2}\sin(10^4 t)V$ ;  $u_L(t) = 3\sqrt{2}\sin(10^3 t) - 30\sqrt{2}\sin(10^4 t)V$ ;  $P_R = 30W$ ;  $P_e = 30W$

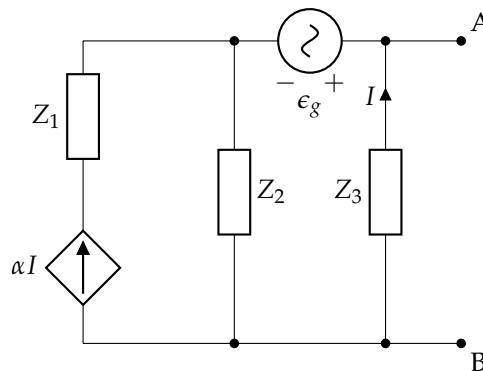
18. El circuito de la figura se encuentra en régimen permanente. Determinar analíticamente la expresión de  $i(t)$ , así como las potencias entregadas por los generadores y disipadas por las resistencias  $R_1$  y  $R_2$ .

Datos:  $e_1(t) = 50\sin(1000t)V$ ;  $e_2(t) = 30V$ ;  $R_1 = 6\Omega$ ;  $R_2 = 6\Omega$ ;  $L = 8mH$ ;  $C = 10\mu F$



Sol.:  $i(t) = 5 + 5\sin(1000t - 0,9273)A$ ;  $P_{R1} = 225W$ ;  $P_{R2} = 0W$ ;  $P_e = 225W$

19. Obtén el generador equivalente de Thévenin del circuito de la figura respecto de A y B.

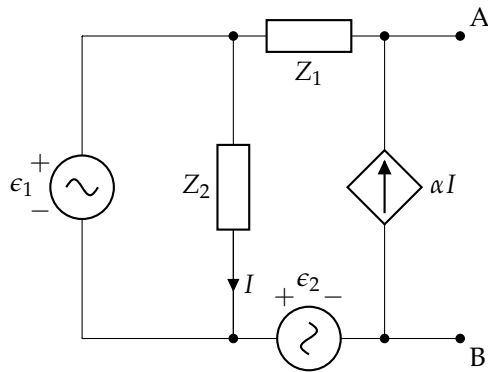


Datos:

$$\bar{\epsilon}_g = 12 - 16jV; \bar{Z}_1 = 1 - j\Omega; \bar{Z}_2 = 1 + j\Omega; \bar{Z}_3 = 5 + 3j\Omega; \alpha = 2$$

Sol.  $\bar{\epsilon}_{th} = 11,66\angle -59,04^\circ V$ ;  $\bar{Z}_{th} = 0,64 + 0,52j\Omega$

20. Obtén el generador equivalente de Thévenin del circuito de la figura respecto de A y B. A partir de este generador, calcula la impedancia a colocar en AB para obtener la máxima potencia, calculando esta potencia.



$$\begin{aligned}\bar{\epsilon}_1 &= 10\angle 0^\circ \text{ V} \\ \bar{\epsilon}_2 &= 10j \text{ V} \\ \bar{Z}_1 &= 4 - 3j \Omega \\ \bar{Z}_2 &= 3 + 4j \Omega \\ \alpha &= 2\end{aligned}$$

Sol.  $\bar{\epsilon}_{th} = 11,66\angle -59,04^\circ \text{ V}$ ;  $\bar{Z}_{th} = 0,64 + 0,52j \Omega$

21. En el circuito de la figura calcula:

- La fuerza electromotriz del generador equivalente de Thévenin respecto de A y B,  $\bar{\epsilon}_{th}$ .
- La impedancia del generador equivalente de Thévenin respecto de A y B,  $\bar{Z}_{th}$ .
- La impedancia de carga que se debe conectar entre A y B para conseguir la máxima potencia disponible.
- La potencia activa entregada entre A y B cuando se conecta cada una de las siguientes impedancias de carga. Comenta los resultados obtenidos.
  - $\bar{Z}_L = \bar{Z}_{th}$ .
  - $\bar{Z}_L = R_{th}$  (parte resistiva de  $\bar{Z}_{th}$ ).
  - $\bar{Z}_L = jX_{th}$  (parte reactiva de  $\bar{Z}_{th}$ ).
  - Impedancia calculada en el apartado 3.

Datos:

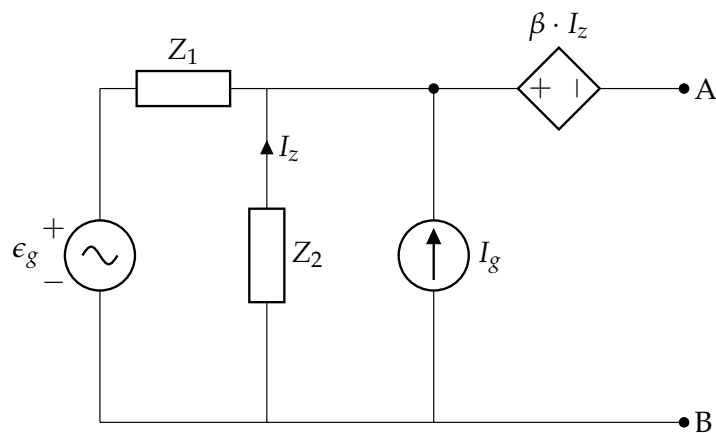
$$\bar{Z}_1 = 3 + j4 \Omega$$

$$\bar{Z}_2 = 2 + j \Omega$$

$$\bar{\epsilon}_g = 10\angle 30^\circ \text{ V}$$

$$\bar{I}_g = 2\angle 15^\circ \text{ A}$$

$$\beta = 5 \Omega$$



Sol.  $\epsilon_{th} = 138,48 + 3,99j \text{ V}$ ;  $\bar{Z}_{th} = 4,8 + 1,4j \Omega$