

## Problema 1.

Un generador cuya fuerza electromotriz es de 120 V y resistencia interna  $0.2\ \Omega$ , entrega una corriente de 20 A a un motor situado a 300 m de distancia y de resistencia interna  $0.5\ \Omega$ . La línea es de cobre de resistividad  $17.24\ \text{m}\Omega\ \text{mm}^2\ \text{m}^{-1}$ . Sabiendo que el motor absorbe 10.2 kWh en 5 horas, hallar:

1. Fuerza contraelectromotriz del motor.
2. Sección de los conductores.
3. Rendimiento del motor, del generador, de la línea y rendimiento total.
4. Balance general de potencias.

## Problema 2.

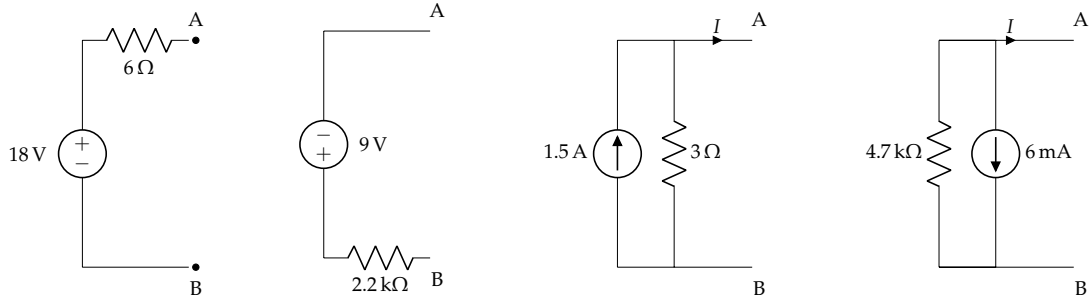
Un generador de corriente continua alimenta a dos cargas. La primera está situada a 2100 m, tiene una resistencia de  $215\ \Omega$  y rendimiento unidad. La segunda está situada a 270 m después de la primera, tiene una potencia de 4662 W, un rendimiento del 75 %, y una tensión aplicada de 420 V.

Sabiendo que la línea es de cobre, de  $6\ \text{mm}^2$  de sección, y que la resistividad es de  $17.24\ \text{m}\Omega\ \text{mm}^2\ \text{m}^{-1}$ , determinar:

1. Tensión en bornes del generador.
2. Intensidad entregada por el generador.
3. Rendimiento de la instalación.

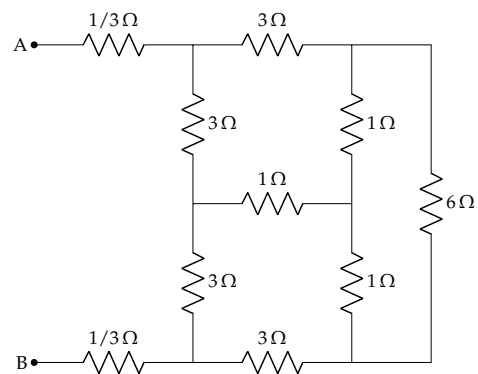
## Problema 3.

Convierte en fuente de tensión o intensidad, según corresponda.



## Problema 4.

Calcula la resistencia equivalente entre A y B.



## Problema 5.

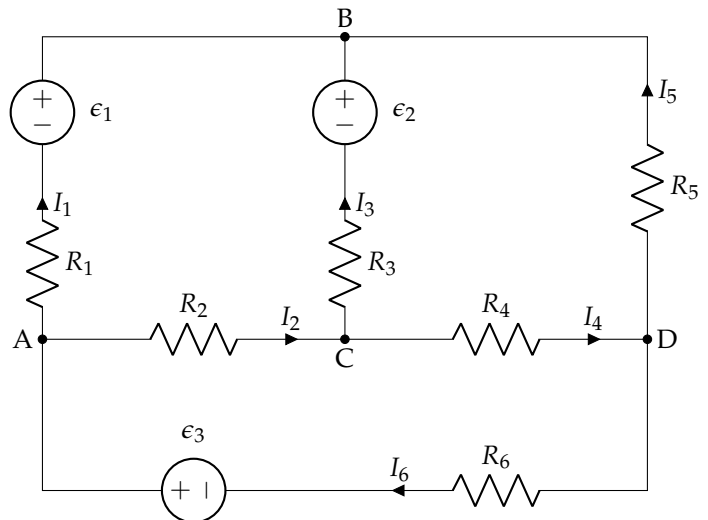
Analiza el circuito de la figura mediante el método de las mallas, obteniendo:

1. Corriente de cada una de las ramas
2. Potencial en cada uno de los nudos, tomando como referencia el nudo A.

Con estos resultados, realiza un balance de potencias comparando la potencia de los elementos activos y la de los elementos pasivos.

Datos:

$$\begin{aligned} R_1 &= R_3 = R_6 = 3\ \Omega \\ R_2 &= R_4 = R_5 = 2\ \Omega \\ \epsilon_1 &= 245\ \text{V} \\ \epsilon_2 &= 490\ \text{V} \\ \epsilon_3 &= 735\ \text{V} \end{aligned}$$

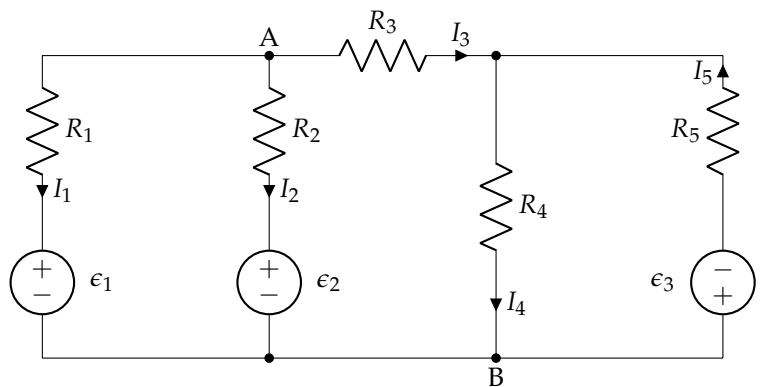


## Problema 6.

Analiza el circuito de la figura mediante el método de las mallas, obteniendo la corriente de cada una de las ramas. Con este resultado calcula la diferencia de potencial entre A y B, y realiza un balance de potencias comparando la potencia de los elementos activos y la de los elementos pasivos.

Datos:

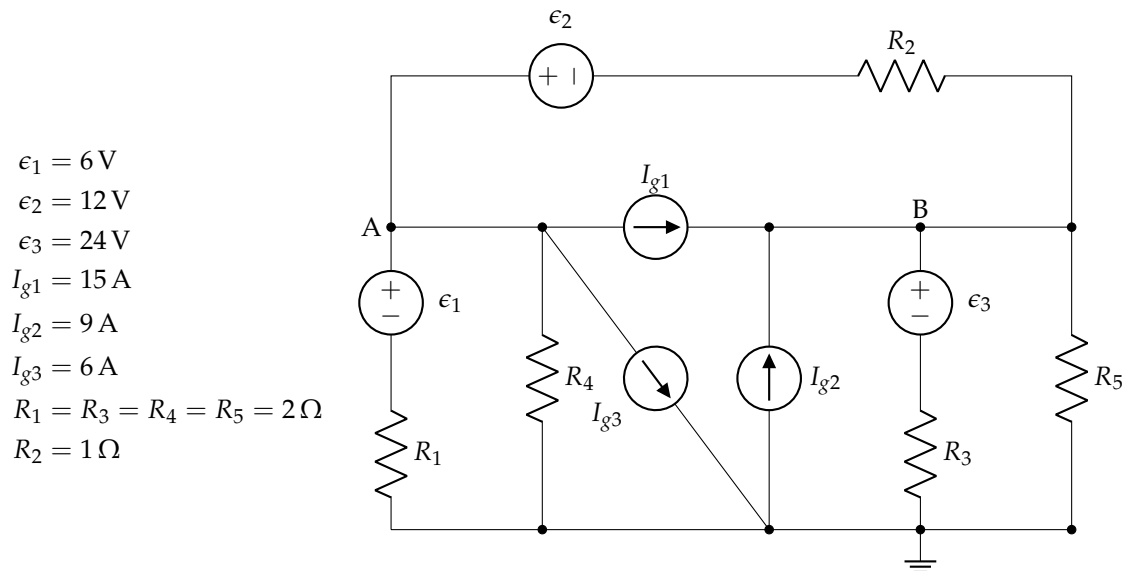
$$\begin{aligned} R_1 &= R_2 = 1\ \Omega \\ R_3 &= 2\ \Omega \\ R_4 &= 3\ \Omega \\ R_5 &= 4\ \Omega \\ \epsilon_1 &= 118\ \text{V} \\ \epsilon_2 &= 236\ \text{V} \\ \epsilon_3 &= 118\ \text{V} \end{aligned}$$



## Problema 7.

En el circuito de la figura se debe emplear el método de los nudos para determinar:

- Las tensiones en los nudos A y B.
- Las corrientes de todas las ramas.
- El balance de potencias, diferenciando entre elementos activos y elementos pasivos.



## Solución

Transformando las fuentes de tensión en fuentes de corriente obtenemos:

$$\begin{pmatrix} 1/R_1 + 1/R_2 + 1/R_4 & -1/R_2 \\ -1/R_2 & 1/R_2 + 1/R_3 + 1/R_5 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} V_A \\ V_B \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} E_1/R_1 + E_2/R_2 - I_1 - I_3 \\ -E_2/R_2 + I_1 + I_2 + E_3/R_3 \end{pmatrix}$$

La solución de esta ecuación matricial es  $V_A = 4 \text{ V}$  y  $V_B = 14 \text{ V}$ .

Con estos resultados podemos calcular las corrientes que circulan por las resistencias asociadas a los generadores de tensión:

$$\begin{aligned} V_A &= E_1 - I_{R1}R_1 \\ V_{AB} &= E_2 - I_{R2}R_2 \\ V_B &= E_3 - I_{R3}R_3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} I_{R1} &= 1 \text{ A} \\ I_{R2} &= 22 \text{ A} \\ I_{R3} &= 5 \text{ A} \end{aligned}$$

Por tanto, los elementos activos aportan un total de 642 W:

$$P_{I1} = I_1 V_{BA} = 150 \text{ W}$$

$$P_{I2} = I_2 V_B = 126 \text{ W}$$

$$P_{I1} = I_3(-V_A) = -24 \text{ W}$$

$$P_{E1} = E_1 I_{R1} = 6 \text{ W}$$

$$P_{E2} = E_2 I_{R2} = 264 \text{ W}$$

$$P_{E3} = E_3 I_{R3} = 120 \text{ W}$$

Los elementos pasivos consumen un total de 642 W:

$$P_{R1} = I_{R1}^2 R_1 = 2 \text{ W}$$

$$P_{R2} = I_{R2}^2 R_2 = 484 \text{ W}$$

$$P_{R3} = I_{R3}^2 R_3 = 50 \text{ W}$$

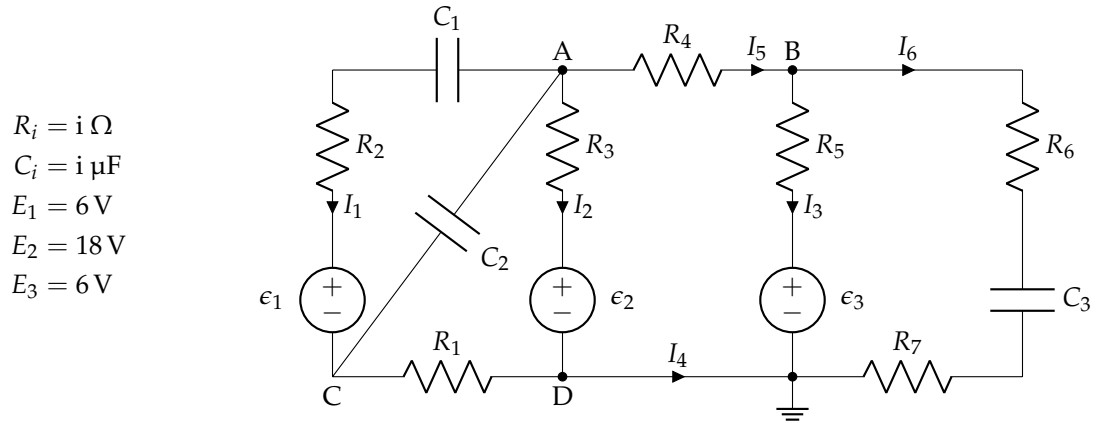
$$P_{R4} = I_{R4}^2 R_4 = 8 \text{ W}$$

$$P_{R5} = I_{R5}^2 R_5 = 98 \text{ W}$$

## Problema 8.

Aplica el método de los nudos en el circuito de la figura para determinar:

1. Los potenciales de los nudos A, B, C y D.
2. Las intensidades de corriente señaladas.
3. Carga, polaridad y energía almacenada en los condensadores, supuestos sin carga inicial.



## Solución

Sustituimos los condensadores por circuitos abiertos. En consecuencia, por las ramas correspondientes no puede circular corriente. En particular:

$$I_1 = 0 \text{ A}$$

$$I_6 = 0 \text{ A}$$

Para aplicar el método de los nudos transformamos las fuentes  $\epsilon_2$  y  $\epsilon_3$  en fuentes de corriente. Las ecuaciones del método de los nudos son:

$$\begin{bmatrix} G_3 + G_4 & -G_4 \\ -G_4 & G_5 + G_4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_A \\ V_B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \epsilon_2 / R_3 \\ \epsilon_3 / R_5 \end{bmatrix}$$

Sustituimos valores y resolvemos:

$$V_A = 15 \text{ V}$$

$$V_B = 11 \text{ V}$$

Además,  $V_D = 0$ , dado que está conectado a tierra. Por otra parte, la caída de tensión en la resistencia  $R_1$  es 0 porque  $I_1 = 0$ , luego  $V_C = V_D$ .

Con estos resultados podemos obtener los valores de las corrientes de rama. Volvemos al circuito original para plantear las ecuaciones de rama:

$$V_A = I_2 \cdot R_3 + \epsilon_2$$

$$V_B = I_3 \cdot R_5 + \epsilon_3$$

De estas ecuaciones despejamos  $I_2$  e  $I_3$ . Además, teniendo en cuenta que  $I_1 = I_6 = 0$ , tenemos:

$$I_5 = I_3$$

$$I_4 = I_2$$

$$I_2 = -I_3$$

En definitiva:

$$I_1 = 0 \text{ A}$$

$$I_2 = -1 \text{ A}$$

$$I_3 = 1 \text{ A}$$

$$I_4 = -1 \text{ A}$$

$$I_5 = 1 \text{ A}$$

$$I_6 = 0 \text{ A}$$

Finalmente, calculamos las diferencias de potencial en los condensadores. En  $C_1$  asignamos la polaridad positiva en A, y tenemos:

$$U_{AC} = U_{C1} + \epsilon_1 \rightarrow U_{C1} = 9 \text{ V}$$

Para  $C_2$  y  $C_3$  el cálculo es directo, asignando la polaridad positiva en A y B, respectivamente:

$$U_{C2} = U_{AC} = 15 \text{ V}$$

$$U_{C3} = U_{BD} = 11 \text{ V}$$

En consecuencia, las cargas almacenadas en cada condensador son:

$$q_1 = C_1 \cdot U_{C1} = 9 \mu\text{C}$$

$$q_2 = C_2 \cdot U_{C2} = 30 \mu\text{C}$$

$$q_3 = C_3 \cdot U_{C3} = 33 \mu\text{C}$$

Y las energías:

$$E_{C1} = \frac{1}{2} \cdot C_1 \cdot U_{C1}^2 = 40.5 \mu\text{J}$$

$$E_{C2} = \frac{1}{2} \cdot C_2 \cdot U_{C2}^2 = 225 \mu\text{J}$$

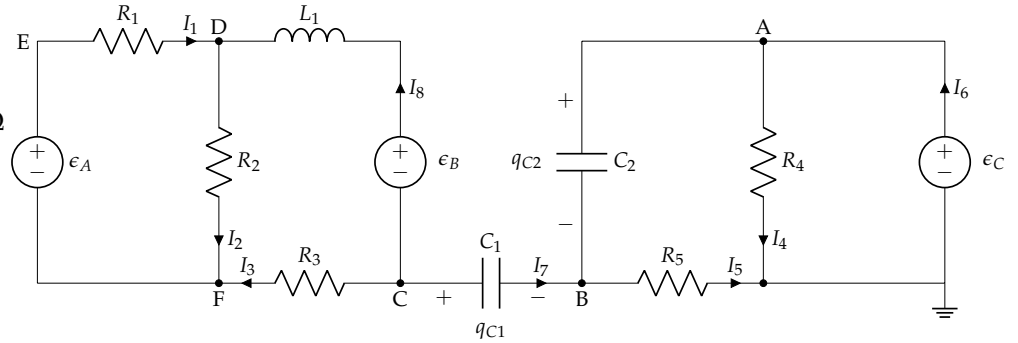
$$E_{C3} = \frac{1}{2} \cdot C_3 \cdot U_{C3}^2 = 181.5 \mu\text{J}$$

## Problema 9.

En el circuito de la figura debes determinar:

- Las intensidades señaladas.
- Los potenciales en los puntos A, B, C, D, E y F.

$$\begin{aligned}\epsilon_A &= 90 \text{ V} \\ \epsilon_B &= 60 \text{ V} \\ \epsilon_C &= 30 \text{ V} \\ R_1 &= R_2 = R_3 = 10 \Omega \\ R_4 &= R_5 = 30 \Omega \\ C_1 &= 10 \mu\text{F} \\ C_2 &= 20 \mu\text{F} \\ L_1 &= 1 \mu\text{H} \\ q_{C1}^0 &= 10 \mu\text{C} \\ q_{C2}^0 &= 20 \mu\text{C}\end{aligned}$$



## Solución

Sustituimos los condensadores por circuitos abiertos. En consecuencia, por las ramas correspondientes no puede circular corriente. En particular:

$$\begin{aligned}I_5 &= 0 \text{ A} \\ I_7 &= 0 \text{ A}\end{aligned}$$

En consecuencia,

$$\begin{aligned}I_3 &= -I_8 \\ I_4 &= I_6\end{aligned}$$

Además, la bobina  $L_1$  es un cortocircuito.

En el circuito de la izquierda tenemos dos mallas, y definimos dos corrientes de malla dextrógiras:

$$\begin{bmatrix} R_1 + R_2 & -R_2 \\ -R_2 & R_2 + R_3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \epsilon_A \\ -\epsilon_B \end{bmatrix}$$

La solución de este sistema es:

$$\begin{aligned}I_a &= 4 \text{ A} \\ I_b &= -1 \text{ A}\end{aligned}$$

siendo,

$$\begin{aligned}I_1 &= I_a \\ I_2 &= I_a - I_b \\ I_3 &= I_b \\ I_8 &= -I_b\end{aligned}$$

Para el circuito de la derecha tenemos una única malla:

$$\epsilon_C = I_4 \cdot R_4 \rightarrow I_4 = 1 \text{ A}$$

Por tanto,

$$I_1 = 4 \text{ A}$$

$$I_2 = 5 \text{ A}$$

$$I_3 = -1 \text{ A}$$

$$I_4 = 1 \text{ A}$$

$$I_5 = 0 \text{ A}$$

$$I_6 = 1 \text{ A}$$

$$I_7 = 0 \text{ A}$$

$$I_8 = 1 \text{ A}$$

Los potenciales en los puntos A y B se calculan así:

$$V_A = \epsilon_C = 30 \text{ V}$$

$$V_B = R_5 \cdot I_5 = 0 \text{ V}$$

Para calcular el potencial en el punto C debemos tener en cuenta que el condensador  $C_1$  conserva su carga inicial porque el circuito no está cerrado en la parte superior. Por tanto,

$$U_{CB} = U_{C1} = \frac{q_{C1}^0}{C_1} = 1 \text{ V}$$

Por tanto,

$$U_C = U_{CB} + U_B = 1 \text{ V}$$

A partir de este resultado podemos calcular el resto de potenciales:

$$U_D = U_{DC} + U_C = \epsilon_B + U_C = 61 \text{ V}$$

$$U_E = U_{ED} + U_D = I_1 \cdot R_1 + U_D = 101 \text{ V}$$

$$U_F = U_{FC} + U_C = -I_3 \cdot R_3 + U_C = 11 \text{ V}$$

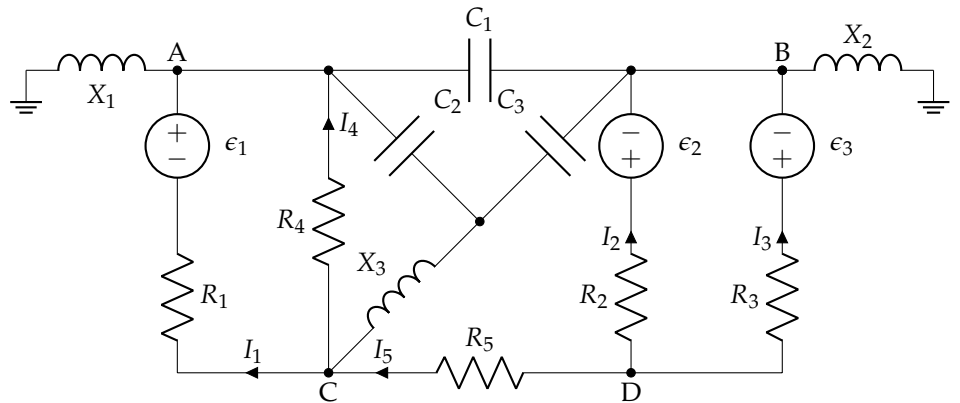


## Problema 10.

En el esquema de la figura los condensadores se conectaron sin carga. Mediante el método de las mallas determina:

1. Intensidades de corriente señaladas.
2. Potenciales en los puntos A, B, C y D.
3. Polaridades, cargas, y energías de los condensadores.
4. Balance de potencias.

$$\begin{aligned}\epsilon_1 &= 118 \text{ V} \\ \epsilon_2 &= 236 \text{ V} \\ \epsilon_3 &= 118 \text{ V} \\ R_1 &= 4 \Omega \\ R_2 &= R_3 = 1 \Omega \\ R_4 &= 3 \Omega \\ R_5 &= 2 \Omega \\ C_1 &= C_2 = C_3 = 2 \mu\text{F} \\ X_1 &= X_2 = X_3 = 1 \Omega\end{aligned}$$



## Solución

Sustituimos los condensadores y las bobinas por sus equivalentes en un circuito de corriente continua. En el circuito resultante marcamos tres corrientes de malla dextrógiras, y planteamos la matriz correspondiente para resolver por mallas:

$$\begin{pmatrix} E_1 \\ E_2 \\ E_3 - E_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} R_1 + R_4 & -R_4 & 0 \\ -R_4 & R_4 + R_5 + R_2 & -R_2 \\ 0 & -R_2 & R_2 + R_3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 118 \\ 236 \\ 118 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 7 & -3 & 0 \\ -3 & 6 & -1 \\ 0 & -1 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{pmatrix}$$

La solución es:

$$\begin{aligned}I_A &= 40 \text{ A} \\ I_B &= 54 \text{ A} \\ I_C &= -32 \text{ A}\end{aligned}$$

Por tanto, las corrientes indicadas en el circuito son:

$$\begin{aligned}I_1 &= 40 \text{ A} \\ I_2 &= -86 \text{ A} \\ I_3 &= 32 \text{ A} \\ I_4 &= 14 \text{ A} \\ I_5 &= 54 \text{ A}\end{aligned}$$

Las tensiones en los puntos indicados son:

$$\begin{aligned}
 V_A &= 0 \text{ V} \\
 V_B &= 0 \text{ V} \\
 V_C &= I_4 \cdot R_4 = 42 \text{ V} \\
 V_D &= I_5 \cdot R_5 + V_c = 150 \text{ V}
 \end{aligned}$$

Por tanto, las polaridades de los condensadores son las marcadas en la figura, con los valores de tensión siguientes:

$$\begin{aligned}
 U_{C1} = U_{BA} &= 0 \text{ V} \\
 q_1 = C_1 \cdot U_{C1} &= 0 \mu\text{C} \\
 E_{C2} &= 0 \text{ J}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 U_{C2} = U_{CA} &= 42 \text{ V} \\
 q_2 = C_2 \cdot U_{C2} &= 84 \mu\text{C} \\
 E_{C2} &= 1.76 \text{ mJ}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 U_{C3} = U_{CB} &= 42 \text{ V} \\
 q_3 = C_3 \cdot U_{C3} &= 84 \mu\text{C} \\
 E_{C3} &= 1.76 \text{ mJ}
 \end{aligned}$$

Finalmente, el balance de potencias calcula la potencia entregada por los elementos activos y la potencia consumida por los elementos pasivos.

La potencia total entregada por los elementos activos es 21 240 W:

$$\begin{aligned}
 P_{E1} = E_1 \cdot I_1 &= 4720 \text{ W} \\
 P_{E2} = E_2 \cdot (-I_2) &= 20\,296 \text{ W} \\
 P_{E3} = E_3 \cdot (-I_3) &= -3776 \text{ W}
 \end{aligned}$$

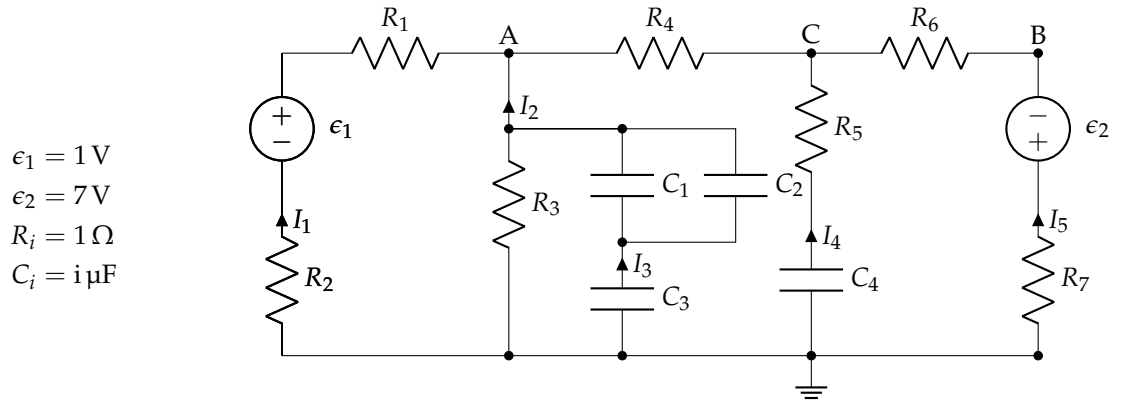
La potencia total consumida por los elementos pasivos también es 21 240 W:

$$\begin{aligned}
 P_{R1} = R_1 \cdot I_1^2 &= 6400 \text{ W} \\
 P_{R2} = R_2 \cdot I_2^2 &= 7396 \text{ W} \\
 P_{R3} = R_3 \cdot I_3^2 &= 1024 \text{ W} \\
 P_{R4} = R_4 \cdot I_4^2 &= 588 \text{ W} \\
 P_{R5} = R_5 \cdot I_5^2 &= 5832 \text{ W}
 \end{aligned}$$

## Problema 11.

En el circuito de la figura se debe determinar:

- Las corrientes señaladas.
- El balance de potencias, diferenciando entre elementos activos y elementos pasivos.
- Los potenciales en los puntos A, B y C.
- La carga, polaridad y energía almacenada en los condensadores, supuestos sin carga inicial.



## Solución

Sustituimos los condensadores por circuitos abiertos. En consecuencia, por las ramas correspondientes no puede circular corriente. En particular:

$$I_3 = 0 \text{ A}$$

$$I_4 = 0 \text{ A}$$

Tenemos dos mallas, y definimos dos corrientes de malla dextrógiras:

$$\begin{bmatrix} R_1 + R_2 + R_3 & -R_3 \\ -R_3 & R_3 + R_4 + R_6 + R_7 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \epsilon_1 \\ \epsilon_2 \end{bmatrix}$$

La solución de este sistema es:

$$I_a = 1 \text{ A}$$

$$I_b = 2 \text{ A}$$

siendo,

$$I_1 = I_a = 1 \text{ A}$$

$$I_2 = I_b - I_a = 1 \text{ A}$$

$$I_5 = -I_b = -2 \text{ A}$$

La potencia de los dos elementos activos es:

$$P_{\epsilon_1} = \epsilon_1 \cdot I_1 = 1 \text{ W}$$

$$P_{\epsilon_2} = \epsilon_2 \cdot (-I_5) = 14 \text{ W}$$

En total,  $P_e = 15 \text{ W}$ .

Aplicando la ley de Joule en cada resistencia comprobamos que la potencia total disipada en las resistencias del circuito coincide con esta cantidad.

Los potenciales en los puntos indicados son:

$$V_A = -I_2 \cdot R_3 = -1 \text{ V}$$

$$V_B = -\epsilon_2 - I_5 \cdot R_7 = -5 \text{ V}$$

$$V_C = U_{CB} + V_B = -I_5 \cdot R_6 + V_B = -3 \text{ V}$$

La carga almacenada en el condensador  $C_4$  se calcula con la ecuación:

$$q_4 = C_4 \cdot U_{C4} = C_4 \cdot (-U_C) = 12 \mu\text{C}$$

donde se ha asignado la polaridad positiva en la conexión a tierra.

Los condensadores  $C_1$ ,  $C_2$  y  $C_3$  forman parte de una asociación. Los condensadores  $C_1$  y  $C_2$  están asociados en paralelo:

$$C_{12} = C_1 // C_2 = C_1 + C_2 = 3 \mu\text{F}$$

A su vez, están conectados en serie con el condensador  $C_3$ :

$$C_T = \frac{C_{12} \cdot C_3}{C_{12} + C_3} = 1.5 \mu\text{F}$$

Este condensador equivalente está conectado entre A y tierra, y asignamos la polaridad positiva a la conexión a tierra. Por tanto:

$$U_{CT} = -U_A = 1 \text{ V} \rightarrow q_T = C_T \cdot U_{CT} = 1.5 \mu\text{C}$$

Al tratarse de una conexión serie, esta carga es la misma que tienen el condensador  $C_3$  y el condensador equivalente  $C_{12}$ .

$$q_3 = 1.5 \mu\text{C}$$

$$q_{12} = 1.5 \mu\text{C}$$

Con estas cargas podemos calcular las diferencias de potencial en estos condensadores:

$$U_{C3} = \frac{q_3}{C_3} = 0.5 \text{ V}$$

$$U_{C12} = \frac{q_{12}}{C_{12}} = 0.5 \text{ V}$$

Por tanto,

$$q_1 = C_1 \cdot U_{C12} = 0.5 \mu\text{C}$$

$$q_2 = C_2 \cdot U_{C12} = 1 \mu\text{C}$$

Comprobamos que  $q_1 + q_2 = q_{12}$ .

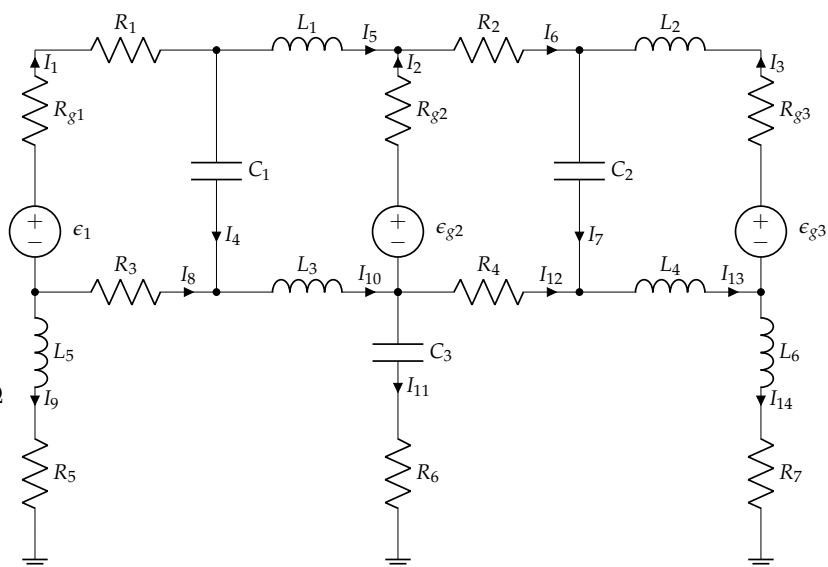
## Problema 12.

El circuito de la figura está funcionando en régimen estacionario. Los condensadores estaban inicialmente descargados. Resuelve el circuito mediante el método que consideres conveniente para obtener los siguientes resultados:

1. Las intensidades señaladas.
2. Carga, polaridad y energía almacenada en los condensadores.
3. Balance de potencias.

Datos:

$$\begin{aligned}\epsilon_1 &= 40 \text{ V} \\ \epsilon_2 &= 22 \text{ V} \\ \epsilon_3 &= 20 \text{ V} \\ C_1 &= C_2 = C_3 = 2 \mu\text{F} \\ R_{g1} &= R_{g2} = R_{g3} = 4 \Omega \\ R_1 &= R_2 = R_3 = R_4 = 2 \Omega \\ R_5 &= R_6 = R_7 = 1 \Omega\end{aligned}$$



## Solución

Cuando el circuito se encuentra en régimen permanente, dado que las fuentes son de corriente continua, los condensadores se sustituyen por circuitos abiertos (inicialmente están descargados) y las bobinas por cortocircuitos. De esta forma, el circuito original queda reducido a tres mallas (A, B y C).

La resolución de este circuito mediante el método de las mallas se sirve de la siguiente ecuación matricial:

$$\begin{pmatrix} E_1 - E_2 \\ E_2 - E_3 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} R_{g1} + R_1 + R_{g2} + R_3 & -R_{g2} & -R_3 \\ -R_{g2} & R_{g2} + R_2 + R_{g3} + R_4 & -R_4 \\ -R_3 & -R_4 & R_3 + R_4 + R_5 + R_7 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{pmatrix}$$

y sustituyendo los valores de cada elemento:

$$\begin{pmatrix} 18 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 12 & -4 & -2 \\ -4 & 12 & -2 \\ -2 & -2 & 6 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{pmatrix}$$

cuya solución es:

$$\begin{aligned}I_A &= 2 \text{ A} \\ I_B &= 1 \text{ A} \\ I_C &= 1 \text{ A}\end{aligned}$$

Ahora debemos relacionar estas corrientes de malla con las corrientes de rama señaladas en el circuito original (teniendo en cuenta que las corrientes que circulan por ramas con condensadores son nulas):

$$\begin{aligned}
I_1 &= I_A = 2 \text{ A} \\
I_2 &= -I_A + I_B = -1 \text{ A} \\
I_3 &= -I_B = -1 \text{ A} \\
I_4 &= 0 \text{ A} \\
I_5 &= I_A = 2 \text{ A} \\
I_6 &= I_B = 1 \text{ A} \\
I_7 &= 0 \text{ A} \\
I_8 &= -I_A + I_C = -1 \text{ A} \\
I_9 &= -I_C = -1 \text{ A} \\
I_{10} &= -I_A + I_C = -1 \text{ A} \\
I_{11} &= 0 \text{ A} \\
I_{12} &= -I_B + I_C = 0 \text{ A} \\
I_{13} &= -I_B + I_C = 0 \text{ A} \\
I_{14} &= I_C = 1 \text{ A}
\end{aligned}$$

### Carga, polaridad y energía almacenada en los condensadores

El condensador  $C_1$  está conectado directamente a la rama compuesta por la fuente  $E_2$  y su resistencia  $E_{g2}$  (debido a que la bobina se comporta como un cortocircuito). Por tanto, suponiendo que la polaridad positiva de este condensador corresponde a su borne superior, la tensión de este condensador es:

$$V_{C1} = E_2 - I_2 \cdot R_{g2} = 22 - (-1) \cdot 4 = 26 \text{ V}$$

siendo correcta la polaridad asignada por el signo positivo de este resultado. La energía almacenada por el condensador es:

$$E_{C1} = 1/2 \cdot V_{c1}^2 \cdot C_1 = 0,676 \text{ mJ}$$

El condensador  $C_2$  está conectado directamente a la rama compuesta por la fuente  $E_3$  y su resistencia  $E_{g3}$  (debido a que la bobina se comporta como un cortocircuito). Por tanto, suponiendo que la polaridad positiva de este condensador corresponde a su borne superior, la tensión de este condensador es:

$$V_{C2} = E_3 - I_3 \cdot R_{g3} = 20 - (-1) \cdot 4 = 24 \text{ V}$$

siendo correcta la polaridad asignada por el signo positivo de este resultado. La energía almacenada por el condensador es:

$$E_{C2} = 1/2 \cdot V_{c2}^2 \cdot C_2 = 0,576 \text{ mJ}$$

El condensador  $C_3$  está en paralelo con la resistencia  $R_4$  y la resistencia  $R_7$  (debido a que las bobinas se comportan como un cortocircuito y a que por la resistencia  $R_6$  no circula corriente). Por tanto, suponiendo que la polaridad positiva de este condensador corresponde a su borne superior, la tensión de este condensador es:

$$V_{C3} = I_{12} \cdot R_4 + I_{14} \cdot R_7 = 0 + 1 \cdot 1 = 1 \text{ V}$$

siendo correcta la polaridad asignada por el signo positivo de este resultado. La energía almacenada por el condensador es:

$$E_{C3} = 1/2 \cdot V_{c3}^2 \cdot C_3 = 1 \mu\text{J}$$

### Balance de potencias

$$\begin{aligned}
P_{E1} &= E_1 \cdot I_1 = 80 \text{ W} \\
P_{E2} &= E_2 \cdot I_2 = -22 \text{ W} \\
P_{E3} &= E_3 \cdot I_3 = -20 \text{ W} \\
P_T &= P_{E1} + P_{E2} + P_{E3} = 38 \text{ W}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
P_{R_{g1}} &= I_1^2 \cdot R_{g1} = 16 \text{ W} \\
P_{R_{g2}} &= I_2^2 \cdot R_{g2} = 4 \text{ W} \\
P_{R_{g3}} &= I_3^2 \cdot R_{g3} = 4 \text{ W} \\
P_{R1} &= I_1^2 \cdot R_1 = 8 \text{ W} \\
P_{R2} &= I_6^2 \cdot R_2 = 2 \text{ W} \\
P_{R3} &= I_8^2 \cdot R_3 = 2 \text{ W} \\
P_{R4} &= I_{12}^2 \cdot R_4 = 0 \text{ W} \\
P_{R5} &= I_9^2 \cdot R_5 = 1 \text{ W} \\
P_{R6} &= 0 \text{ W} \\
P_{R7} &= I_{14}^2 \cdot R_7 = 1 \text{ W}
\end{aligned}$$

siendo que la suma de estas potencias individuales coincide con la potencia total activa.