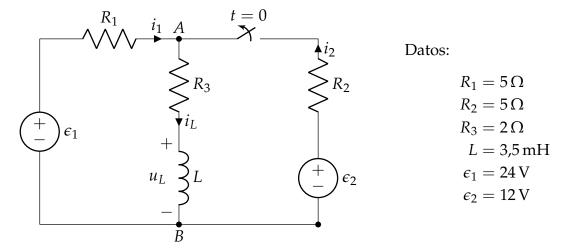
Ejercicio 8 de la colección de problemas

Enunciado:

El interruptor de la figura ha estado cerrado por un tiempo prolongado y en t = 0 se abre



Con esta información, se debe calcular:

- 1. Valores de $i_1(0^+)$, $i_2(0^+)$, $i_L(0^+)$, $u_L(0^+)$ y $u_{AB}(0^+)$
- 2. Expresión de $i_L(t)$ para t > 0
- 3. Expresiones de $u_L(t)$ y $u_{AB}(t)$ para t > 0

Solución:

En el circuito en t < 0, la bobina se comporta como un cortocircuito. Resolviendo por mallas el circuito resultante, obtenemos los valores para $t = 0^-$:

$$i_L(0^-) = 4 \text{ A}$$

 $i_1(0^-) = 3.2 \text{ A}$
 $i_2(0^-) = 0.8 \text{ A}$

En la bobina podemos plantear la condición de continuidad, $i_L(0^-) = i_L(0^+)$, que nos permite obtener los valores para $t = 0^+$, una vez abierto el interruptor:

$$i_L(0^+) = 4 A$$
 $i_1(0^+) = i_L(0^+)$
 $i_2(0^+) = 0 A$
 $u_L(0^+) = \epsilon_1 - i_1(0^+) \cdot R_1 - i_L(0^+) \cdot R_3 = -4 V$
 $u_{AB}(0^+) = \epsilon_1 - i_1(0^+) \cdot R_1 = 4 V$

Analizamos ahora el circuito para t>0, en el que el interruptor está abierto. La resistencia vista por la bobina es $R_{th}=R_1+R_3=7\,\Omega$. Por tanto:

$$\tau = \frac{L}{R_{th}} = 500 \,\mu\text{s}$$

1

Obtenemos la respuesta forzada analizando el circuito en régimen permanente, en el que la bobina se comportará como un cortocircuito:

$$i_{L,\infty}(t) = \frac{\epsilon_1}{R_1 + R_3} = 3.43 \,\mathrm{A}$$

Obtenemos la respuesta natural apagando la fuente ϵ_1 . La ec. diferencial correspondiente a este circuito es:

$$(R_1 + R_3) \cdot i_{L,n}(t) + L \frac{d i_{L,n}(t)}{dt} = 0$$

Cuya solución es de la forma:

$$i_{L,n}(t) = K \cdot e^{-t/\tau} = K \cdot e^{-2000 \cdot t}$$

Para obtener la constante K, recurrimos a la condición inicial $i_L(0^+)=4\,\mathrm{A}$:

$$K = i_L(0^+) - i_{L,\infty}(0^+) = 4 - 3.43 = 0.57 \,\mathrm{A}$$

Por tanto:

$$i_L(t) = i_{L,n}(t) + i_{L,\infty}(t) = 3.43 + 0.57 \cdot e^{-2000 \cdot t}$$
 A

Con este resultado podemos obtener las tensiones en el circuito:

$$u_L(t) = L \cdot \frac{d i_L}{dt} = 3.5 \cdot 10^{-3} \cdot 0.57 \cdot 2 \cdot 10^3 \cdot e^{-2000 \cdot t} = -4 \cdot e^{-2000 \cdot t} \text{ V}$$
$$u_{AB}(t) = u_L(t) + R_3 \cdot i_L(t) = 6.86 - 2.86 \cdot e^{-2000 \cdot t} \text{ V}$$

Comprobamos que estas expresiones concuerdan con los resultados obtenidos para $u_L(0^+)$ y $u_{AB}(0^+)$.