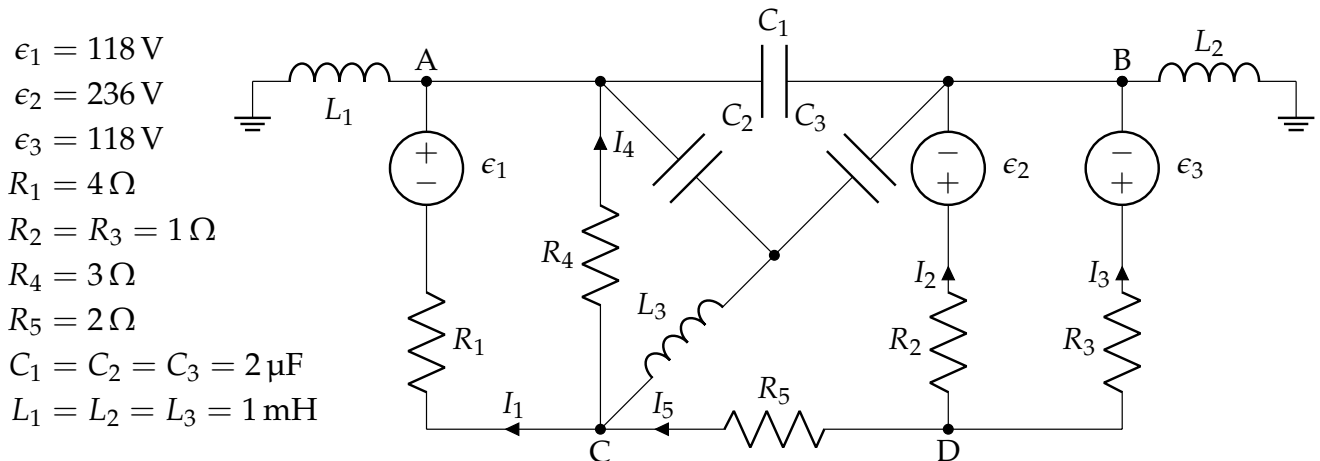


## Ejercicio 9 de la colección de problemas

### Enunciado:

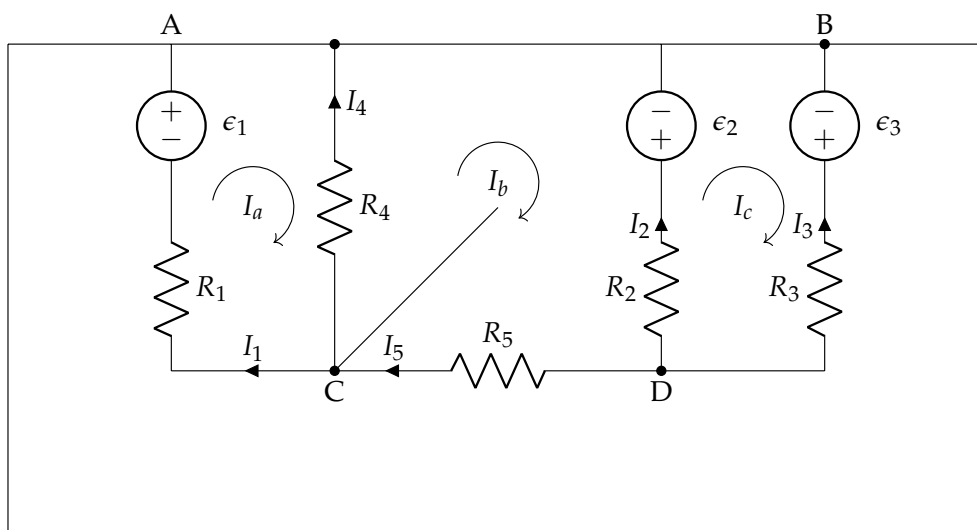
En el circuito de la figura, los condensadores se conectaron sin carga. Mediante el método de las mallas, se pide determinar:

1. Intensidades de corriente señaladas
2. Potenciales en los puntos A, B, C y D
3. Polaridades, cargas, y energía almacenada en los condensadores
4. Balance de potencias



### Solución:

Se sustituyen los condensadores y las bobinas por sus equivalentes en un circuito de corriente continua (circuito abierto y cortocircuito, respectivamente). En el circuito resultante, se definen tres corrientes de malla, como se muestra en el circuito de la figura:



Usamos la ecuación general del método de mallas:

$$\begin{bmatrix} R_1 + R_4 & -R_4 & 0 \\ -R_4 & R_4 + R_5 + R_2 & -R_2 \\ 0 & -R_2 & R_2 + R_3 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \epsilon_1 \\ \epsilon_2 \\ \epsilon_3 - \epsilon_2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 7 & -3 & 0 \\ -3 & 6 & -1 \\ 0 & -1 & 2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 118 \\ 236 \\ -118 \end{bmatrix}$$

Cuya solución es:

$$I_a = 40 \text{ A} , \quad I_b = 54 \text{ A} , \quad I_c = -32 \text{ A}$$

Por tanto, las corrientes indicadas en el circuito son:

$$\boxed{I_1 = 40 \text{ A}} , \quad \boxed{I_2 = -86 \text{ A}} , \quad \boxed{I_3 = 32 \text{ A}} , \quad \boxed{I_4 = 14 \text{ A}} , \quad \boxed{I_5 = 54 \text{ A}}$$

Los potenciales en los puntos indicados son:

$$\boxed{U_A = 0 \text{ V}} , \quad \boxed{U_B = 0 \text{ V}} , \quad U_C = I_4 \cdot R_4 = \boxed{42 \text{ V}} , \quad U_D = I_5 \cdot R_5 + U_C = \boxed{150 \text{ V}}$$

Por tanto, las polaridades de los condensadores y sus valores de tensión son los siguientes:

$$\begin{aligned} U_{C_1} &= U_{BA} = 0 \text{ V} \\ q_1 &= C_1 \cdot U_{C_1} = \boxed{0 \text{ C}} \\ E_{C_1} &= \frac{1}{2} C_1 \cdot (U_{C_1})^2 = \boxed{0 \text{ J}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U_{C_2} &= U_{CA} = 42 \text{ V} \\ q_2 &= C_2 \cdot U_{C_2} = \boxed{84 \mu\text{C}} \\ E_{C_2} &= \frac{1}{2} C_2 \cdot (U_{C_2})^2 = \boxed{1,76 \text{ mJ}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} U_{C_3} &= U_{CB} = 42 \text{ V} \\ q_3 &= C_3 \cdot U_{C_3} = \boxed{84 \mu\text{C}} \\ E_{C_3} &= \frac{1}{2} C_3 \cdot (U_{C_3})^2 = \boxed{1,76 \text{ mJ}} \end{aligned}$$

Finalmente, podemos formular el balance de potencias como potencia entregada por los elementos activos frente a potencia consumida por los elementos pasivos:

- La potencia total entregada por los elementos activos es 21 240 W:

$$\begin{aligned} P_{\epsilon_1} &= \epsilon_1 \cdot I_1 = 4720 \text{ W} \\ P_{\epsilon_2} &= \epsilon_2 \cdot (-I_2) = 20\,296 \text{ W} \\ P_{\epsilon_3} &= \epsilon_3 \cdot (-I_3) = -3776 \text{ W} \end{aligned}$$

- La potencia total consumida por los elementos pasivos también es 21 240 W:

$$\begin{aligned} P_{R_1} &= R_1 \cdot (I_1)^2 = 6400 \text{ W} \\ P_{R_2} &= R_2 \cdot (I_2)^2 = 7396 \text{ W} \\ P_{R_3} &= R_3 \cdot (I_3)^2 = 1024 \text{ W} \\ P_{R_4} &= R_4 \cdot (I_4)^2 = 588 \text{ W} \\ P_{R_5} &= R_5 \cdot (I_5)^2 = 5832 \text{ W} \end{aligned}$$