

# Corriente alterna sinusoidal

Teoría de Circuitos

Oscar Perpiñán Lamigueiro

① Formas de Onda

② Onda Sinusoidal

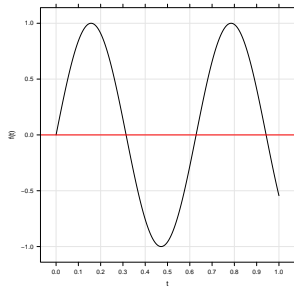
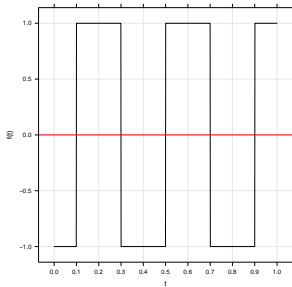
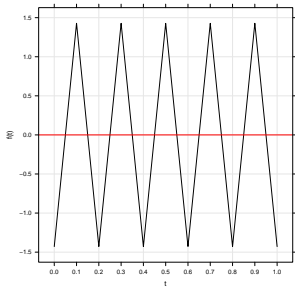
③ Cálculo Fasorial

④ Potencia

⑤ Compensación de reactiva

# Forma de Onda

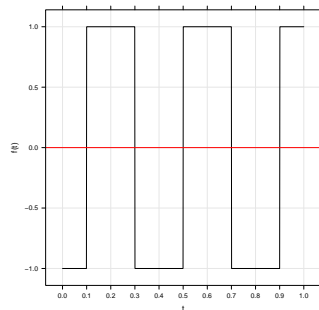
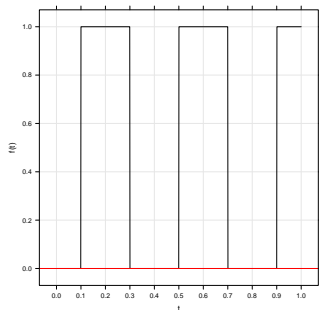
- ▶ La salida de los generadores (de tensión o de corriente) son funciones que pueden variar con el tiempo.
- ▶ La dependencia funcional  $u = u(t)$  o  $i = i(t)$  se denomina forma de onda.



# Clasificación

## Signo de la magnitud

- ▶ Unidireccionales
  - ▶ Signo constante
  - ▶ El valor puede ser constante (corriente continua) o variable.
- ▶ Bidireccionales
  - ▶ Signo variable con el tiempo.



# Clasificación

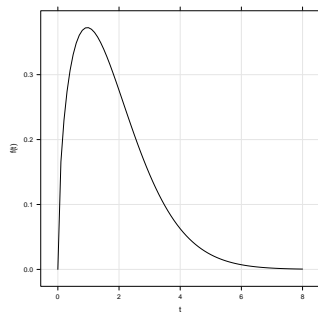
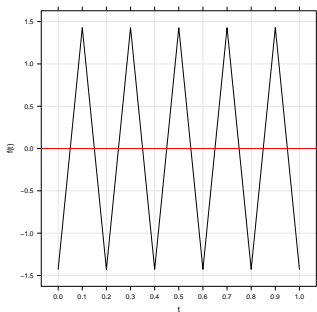
## Repetición del valor de la magnitud

- Periódicas

El valor de la magnitud se repite de forma regular.

- No periódicas

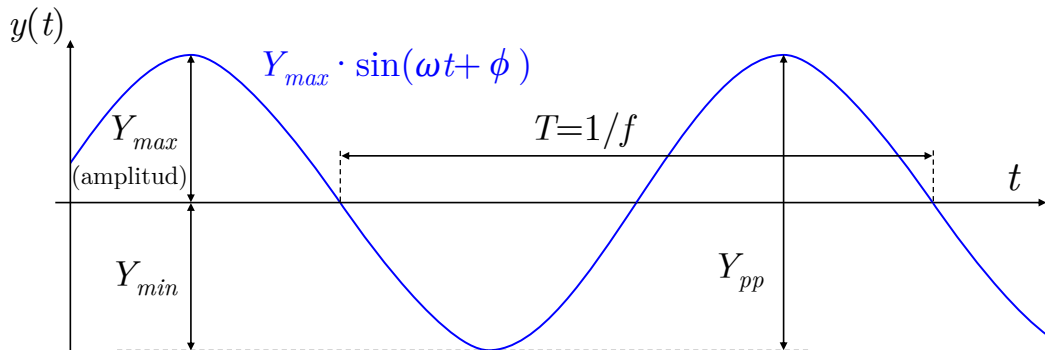
El valor de la magnitud varía de forma arbitraria con el tiempo.



# Valores que definen una onda periódica

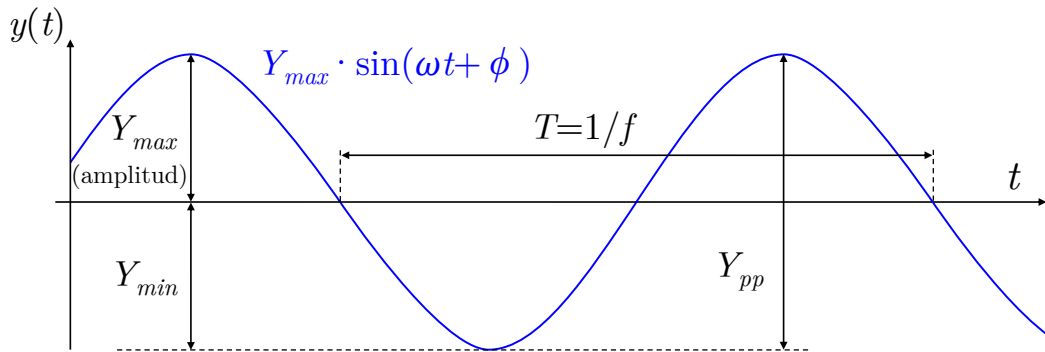
## Período y frecuencia

- ▶ Período ( $T$ ): tiempo que tarda en repetirse la función.
- ▶ Frecuencia ( $f$ ): número de repeticiones por unidad de tiempo.
- ▶  $f = \frac{1}{T}$



## Valores que definen una onda periódica

- ▶ Valores de pico:  $Y_{max} = \text{máx}(y(t))$        $Y_{min} = \text{mín}(y(t))$
- ▶ Valor pico a pico:  $Y_{pp} = |Y_{max} - Y_{min}|$



# Valores que definen una onda periódica

## Valor medio

$$U_m = \frac{1}{T} \int_T u(t) dt$$

$$I_m = \frac{1}{T} \int_T i(t) dt$$

## Valor eficaz

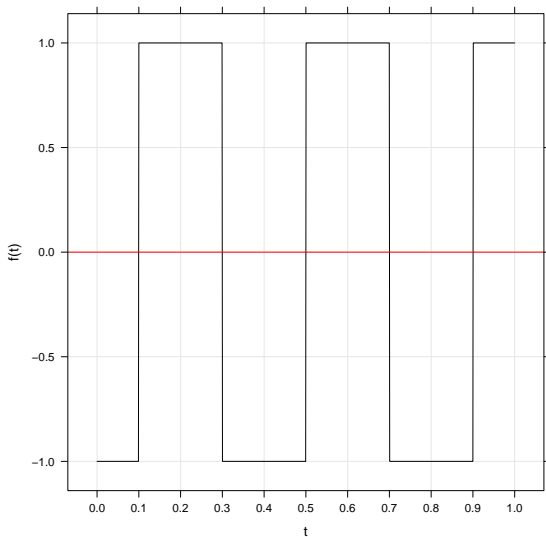
$$U = \sqrt{\frac{1}{T} \cdot \int_T u^2(t) dt}$$

$$I = \sqrt{\frac{1}{T} \cdot \int_T i^2(t) dt}$$



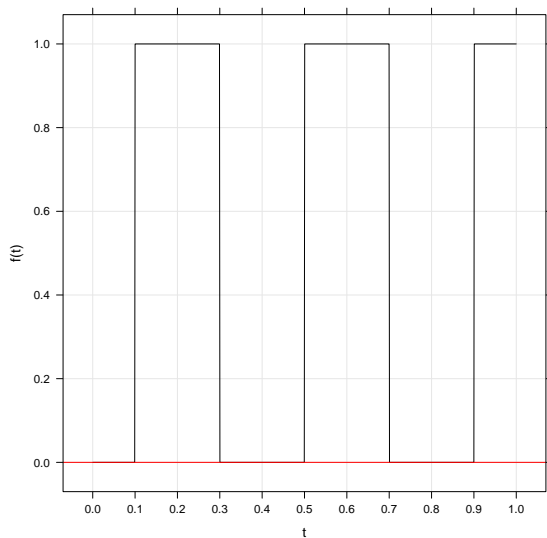
# Formas de Onda Periódicas

## Tren de Pulsos Bidireccional



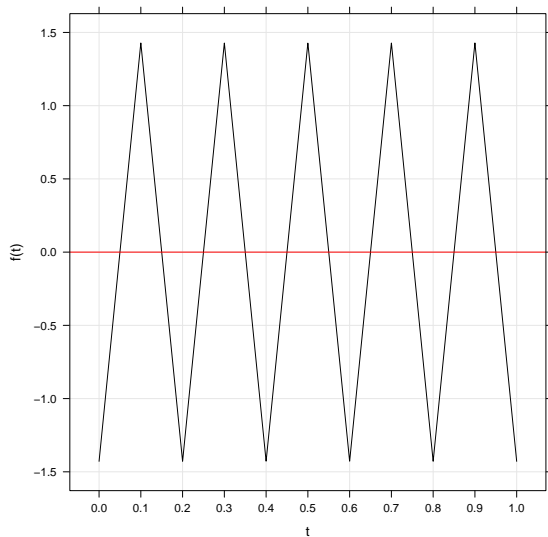
# Formas de Onda Periódicas

## Tren de Pulsos Unidireccional



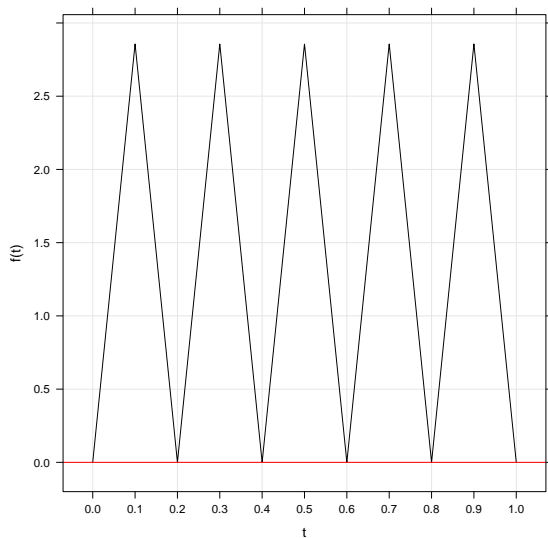
# Formas de Onda Periódicas

## Onda Triangular Bidireccional



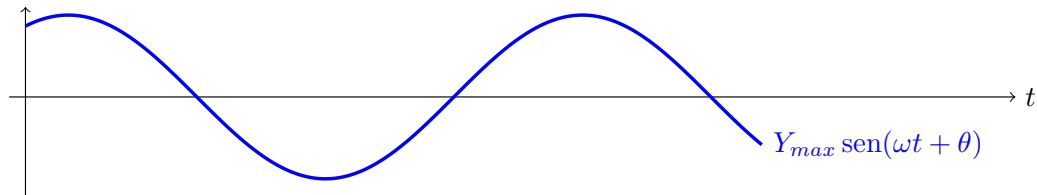
# Formas de Onda Periódicas

## Onda Triangular Unidireccional



# Formas de Onda Periódicas

## Onda sinusoidal



① Formas de Onda

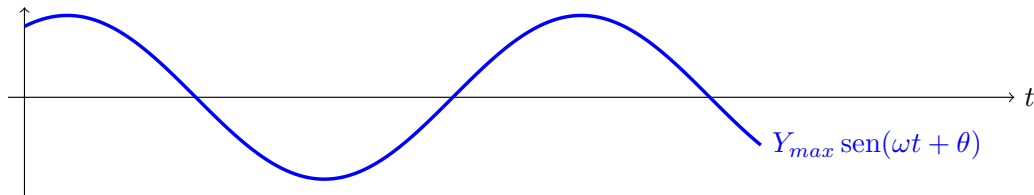
② Onda Sinusoidal

③ Cálculo Fasorial

④ Potencia

⑤ Compensación de reactiva

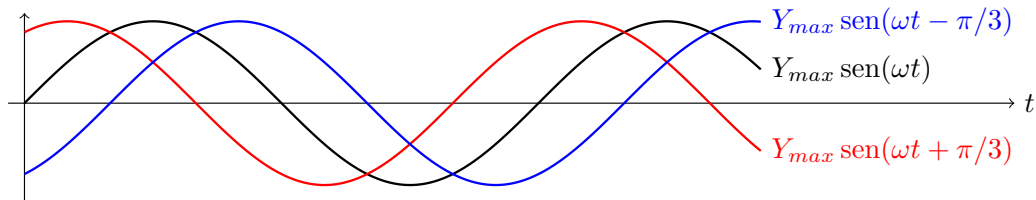
## Definición



$$y(t) = Y_{max} \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \theta)$$

- ▶  $Y_{max}$  valor máximo de la onda.
- ▶  $T$ : periodo de la onda (segundos)
- ▶  $\omega = \frac{2 \cdot \pi}{T}$ : pulsación (radianes/segundo)
- ▶  $f = \frac{\omega}{2 \cdot \pi} = \frac{1}{T}$ : frecuencia (Hz)
- ▶  $\theta$ : fase (radianes o grados)

# Fase



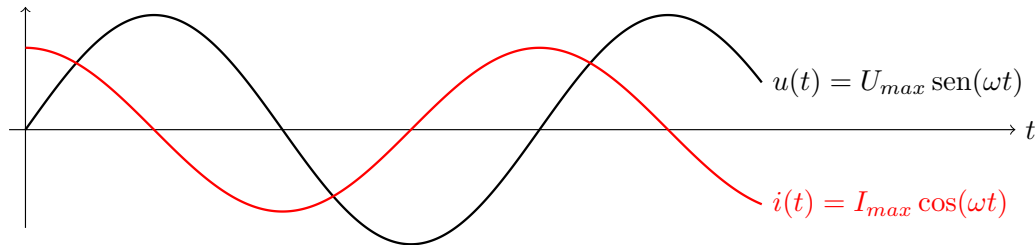
$$y(t) = Y_{max} \cdot \sin(\omega \cdot t + \theta)$$

►  $\theta$ : fase (radianes o grados)

- Es el argumento de la onda para  $t=0$
- Tomando una onda como referencia, si la fase es  $0^\circ$ , se dice que están en fase con la onda de referencia.
- Si la fase es positiva, se dice que la onda adelanta respecto a la referencia.



## Señales en Cuadratura



- ▶ Cuando el desfase entre dos señales es de  $90^\circ$  ( $\theta_I - \theta_U = \pi/2$ ), se dice que están en cuadratura.
- ▶ El paso por cero de una señal coincide con el paso por el máximo/mínimo de la otra señal.

# Valor medio y valor eficaz

## Valor medio

$$Y_m = \frac{1}{T} \int_T y(t) dt$$

$$Y_m = \frac{1}{T} \int_T Y_{max} \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \theta) dt = 0$$

## Valor eficaz

$$Y = \sqrt{\frac{1}{T} \cdot \int_T y^2(t) dt}$$

$$Y = \sqrt{\frac{1}{T} \cdot \int_T (Y_{max} \cdot \text{sen}(\omega \cdot t + \theta))^2 dt} = \boxed{\frac{Y_{max}}{\sqrt{2}}}$$

① Formas de Onda

② Onda Sinusoidal

③ Cálculo Fasorial

④ Potencia

⑤ Compensación de reactiva

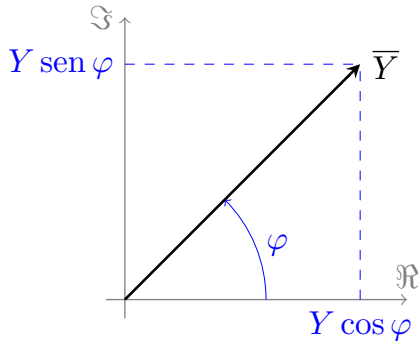
# Representación fasorial

- ▶ Un fasor es un **número complejo** que representa una señal sinusoidal para simplificar cálculos.
- ▶ El **módulo** del fasor es el **valor eficaz**. El **argumento** es la **fase**.
- ▶ Descartamos pulsación: **no** se puede emplear cuando hay frecuencias diferentes en un mismo circuito.

Euler :  $\bar{Y} = Y \cdot e^{j\varphi}$

Polar :  $\bar{Y} = Y \angle \varphi$

Binómica :  $\bar{Y} = Y \cdot (\cos(\varphi) + j \cdot \sin(\varphi))$



# Operaciones con fasores

$$\begin{aligned}\bar{Y}_1 &= \overbrace{Y_1 \cos(\varphi_1)}^{a_1} + j \overbrace{Y_1 \operatorname{sen}(\varphi_1)}^{b_1} = Y_1 \underline{\varphi_1} \\ \bar{Y}_2 &= \underbrace{Y_2 \cos(\varphi_2)}_{a_2} + j \underbrace{Y_2 \operatorname{sen}(\varphi_2)}_{b_2} = Y_2 \underline{\varphi_2}\end{aligned}$$

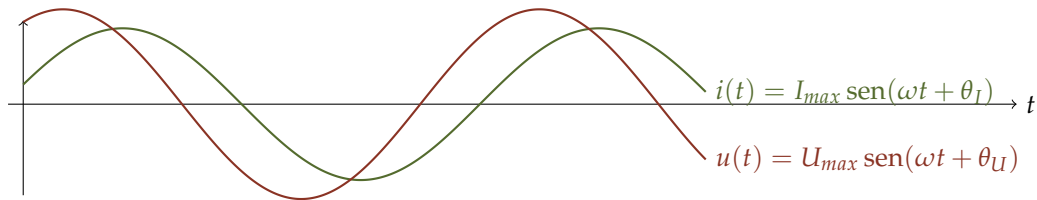
## Forma binómica:

- ▶ Suma:  $\bar{Y}_1 + \bar{Y}_2 = (a_1 + a_2) + j(b_1 + b_2)$
- ▶ Resta:  $\bar{Y}_1 - \bar{Y}_2 = (a_1 - a_2) + j(b_1 - b_2)$

## Forma polar:

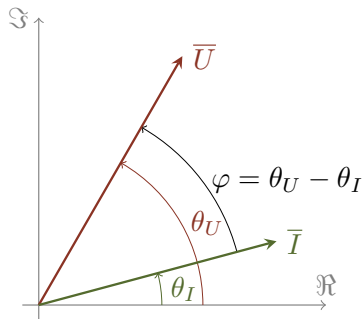
- ▶ Multiplicación:  $\bar{Y}_1 \cdot \bar{Y}_2 = (Y_1 \cdot Y_2) \underline{\varphi_1 + \varphi_2}$
- ▶ División:  $\frac{\bar{Y}_1}{\bar{Y}_2} = \frac{Y_1}{Y_2} \underline{\varphi_1 - \varphi_2}$

## Tensión y corriente en notación fasorial



$$u(t) = U_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_U) \rightarrow \bar{U} = U/\theta_U$$

$$i(t) = I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I) \rightarrow \bar{I} = I/\theta_I$$

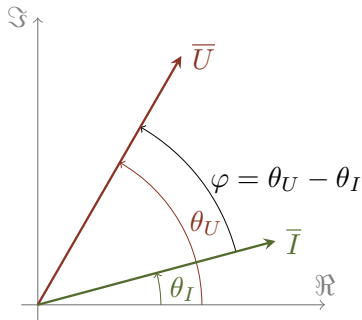


## Impedancia: relación entre fasores de tensión y corriente

$$\bar{U} = \bar{Z} \cdot \bar{I}$$

$$\bar{Z} = \frac{\bar{U}}{\bar{I}}$$

$$\bar{Z} = \frac{U}{I} \angle \theta_U - \theta_I \Rightarrow \begin{cases} Z = \frac{U}{I} \\ \varphi = \theta_U - \theta_I \end{cases}$$

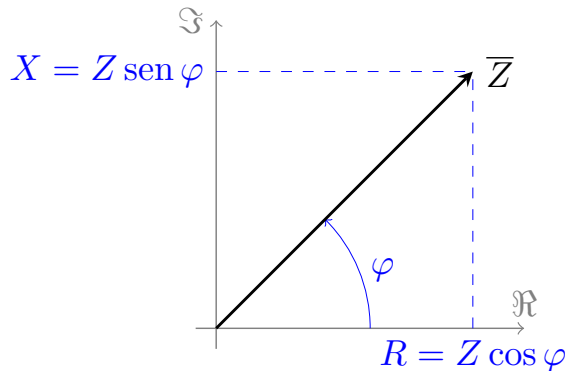


# Impedancia Genérica

$$\bar{Z} = Z \angle \varphi$$

$$= Z \cdot (\cos(\varphi) + j \sin(\varphi))$$

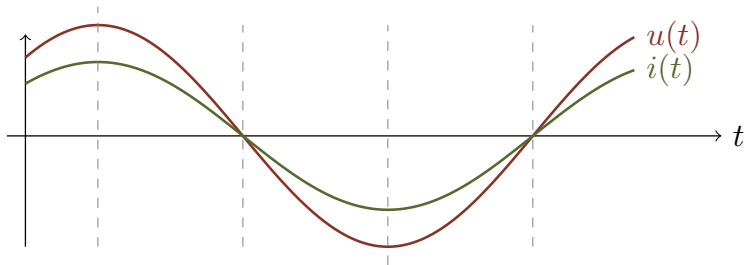
$$= R + jX$$





# Circuito Resistivo

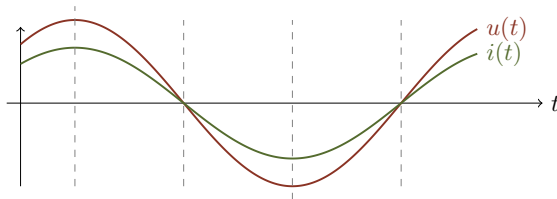
Un circuito resistivo no desfasa (**tensión y corriente en fase**).



$$\begin{aligned} i(t) &= I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I) \\ \left. \begin{aligned} u(t) &= U_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_U) = \\ &= R \cdot i(t) = \\ &= R \cdot I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I + 0) \end{aligned} \right\} \rightarrow \left\{ \begin{aligned} U_{max} &= R \cdot I_{max} \\ \theta_U &= \theta_I \end{aligned} \right. \end{aligned}$$

# Circuito Resistivo

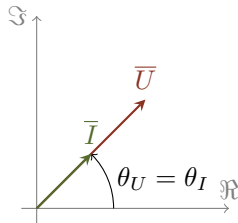
Un circuito resistivo no desfasa (**tensión y corriente en fase**).



$$Z = \frac{U}{I} = R$$

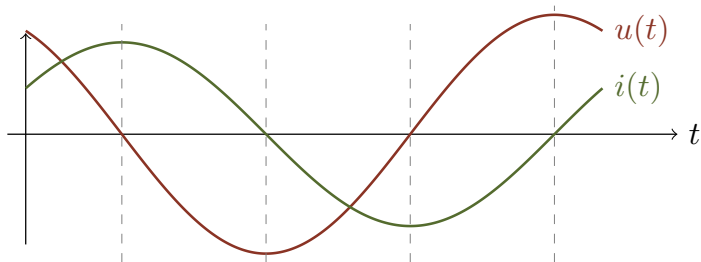
$$\varphi = \theta_U - \theta_I = 0$$

$$\boxed{\bar{Z}_R = R \angle 0}$$



## Circuito Inductivo puro

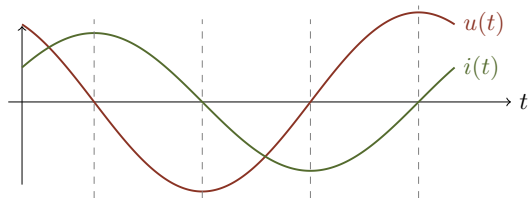
Un circuito inductivo puro genera **señales en cuadratura** y **retrasa la corriente**.



$$\left. \begin{aligned} i(t) &= I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I) \\ u(t) &= U_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_U) = \\ &= L \cdot \frac{di(t)}{dt} = \\ &= \omega L \cdot I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I + \pi/2) \end{aligned} \right\} \rightarrow \begin{cases} U_{max} &= \omega L \cdot I_{max} \\ \theta_U &= \theta_I + \pi/2 \end{cases}$$

# Circuito Inductivo puro

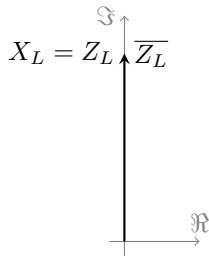
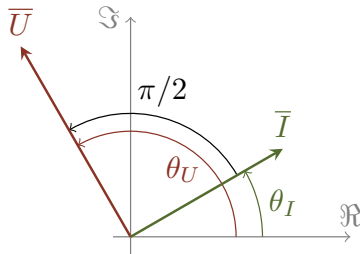
Un circuito inductivo puro genera **señales en cuadratura** y **retrasa la corriente**.



$$Z = \frac{U}{I} = \omega L$$

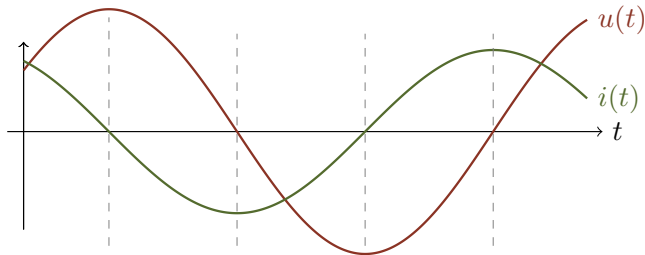
$$\varphi = \theta_U - \theta_I = \pi/2$$

$$\boxed{\bar{Z}_L = j\omega L = \omega L / 90^\circ}$$



## Circuito Capacitivo puro

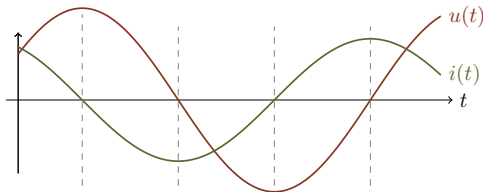
Un circuito capacitivo puro genera **señales en cuadratura** y **adelanta la corriente**.



$$\begin{aligned} i(t) &= I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I) \\ \left. \begin{aligned} u(t) &= U_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_U) = \\ &= 1/C \cdot \int_{-\infty}^t i(\tau) d\tau = \\ &= \frac{1}{\omega C} \cdot I_{max} \cdot \text{sen}(\omega t + \theta_I - \pi/2) \end{aligned} \right\} \rightarrow \begin{cases} U_{max} &= \frac{1}{\omega C} \cdot I_{max} \\ \theta_U &= \theta_I - \pi/2 \end{cases} \end{aligned}$$

# Circuito Capacitivo puro

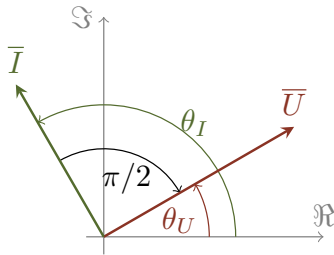
Un circuito capacitivo puro genera **señales en cuadratura** y **adelanta la corriente**.



$$Z = \frac{U}{I} = \frac{1}{\omega C}$$

$$\varphi = \theta_U - \theta_I = -\pi/2$$

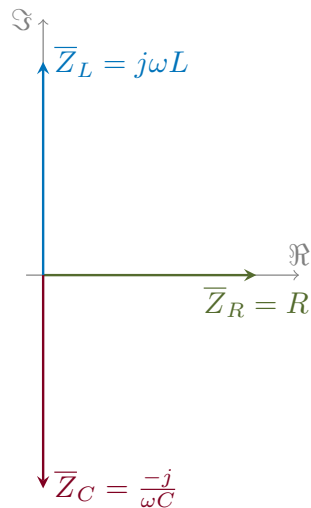
$$\bar{Z}_C = \frac{1}{j\omega C} = \frac{1}{\omega C} \angle -90^\circ$$



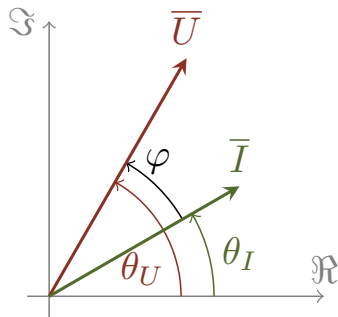
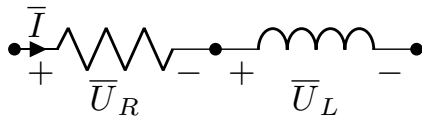
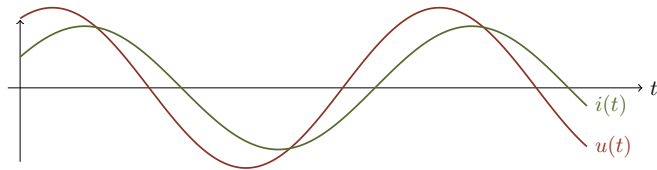
A phasor diagram showing the relationship between the reactance  $X$ , the impedance  $Z_C$ , and its complex conjugate  $\bar{Z}_C$ . The real axis is  $\Re$  and the imaginary axis is  $\Im$ . A red vector  $X$  points downwards along the negative imaginary axis. A green vector  $\bar{Z}_C$  points upwards along the positive imaginary axis. The equation  $X = Z_C \bar{Z}_C$  is written next to the diagram.

# Resumen

Elemento	Impedancia	Módulo	Ángulo
Resistencia	$R$	$R$	$0$
Bobina	$j\omega L$	$\omega L$	$90^\circ$
Condensador	$1/(j\omega C)$	$1/(\omega C)$	$-90^\circ$

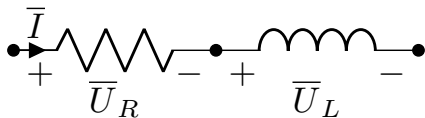


## Circuito RL (inductivo con pérdidas)



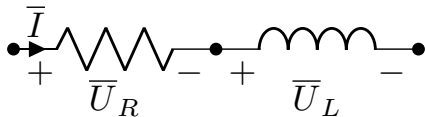


## Circuito RL (inductivo con pérdidas)



$$\left. \begin{array}{l} \bar{U}_R = R\bar{I} \\ \bar{U}_L = j\omega L\bar{I} \end{array} \right\} \rightarrow \begin{array}{l} \bar{U} = \bar{U}_R + \bar{U}_L = \\ \quad = (R + j\omega L)\bar{I} \end{array}$$

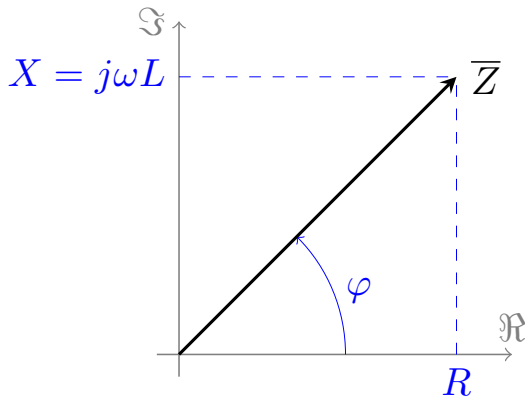
## Circuito RL (inductivo con pérdidas)



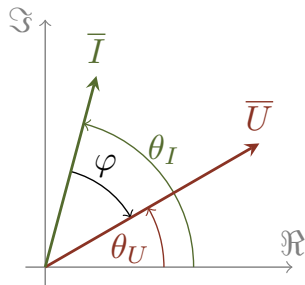
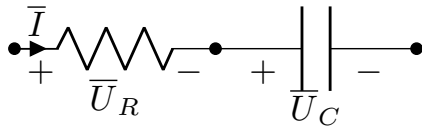
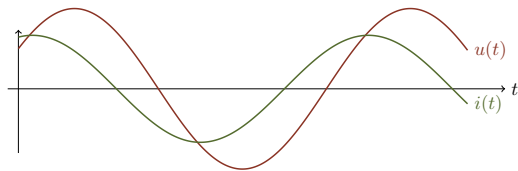
$$\bar{Z} = R + j\omega L \Rightarrow \boxed{\varphi > 0}$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$$

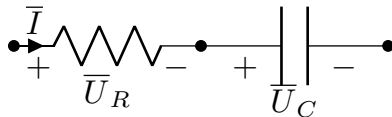
$$\varphi = \operatorname{atan} \frac{\omega L}{R}$$



## Circuito RC (capacitivo con pérdidas)

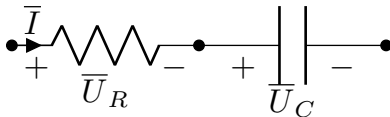


## Circuito RC (capacitivo con pérdidas)



$$\left. \begin{aligned} \bar{U}_R &= R\bar{I} \\ \bar{U}_C &= -j\frac{1}{\omega C}\bar{I} \end{aligned} \right\} \rightarrow \begin{aligned} \bar{U} &= \bar{U}_R + \bar{U}_C = \\ &= (R - j\frac{1}{\omega C})\bar{I} \end{aligned}$$

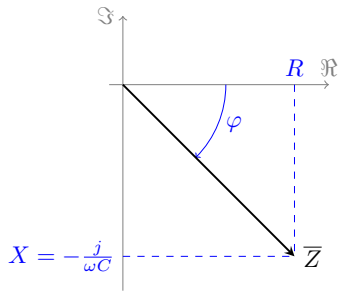
## Circuito RC (capacitivo con pérdidas)



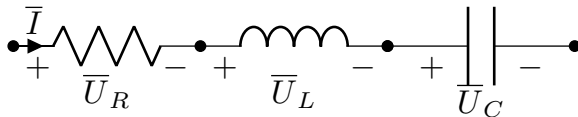
$$\bar{Z} = R - \frac{j}{\omega C} \Rightarrow \boxed{\varphi < 0}$$

$$|Z| = \sqrt{R^2 + \frac{1}{(\omega C)^2}}$$

$$\varphi = -\text{atan} \frac{1}{\omega RC}$$

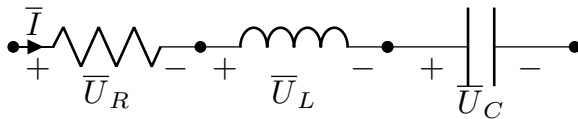


## Circuito RLC serie



$$\left. \begin{aligned} \bar{U}_R &= R\bar{I} \\ \bar{U}_L &= j\omega L\bar{I} \\ \bar{U}_C &= -j\frac{1}{\omega C}\bar{I} \end{aligned} \right\} \rightarrow \begin{aligned} \bar{U} &= \bar{U}_R + \bar{U}_L + \bar{U}_C = \\ &= \left( R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right) \right) \bar{I} \end{aligned}$$

## Circuito RLC serie



$$\bar{Z} = R + j\left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)$$

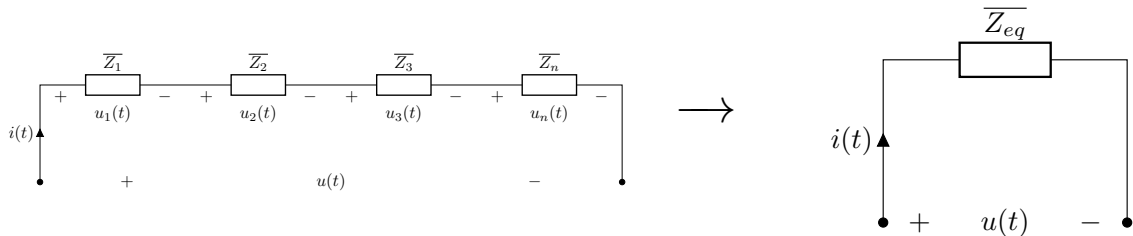
$$|Z| = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C}\right)^2}$$

$$\varphi = \operatorname{atan} \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}$$

- ▶  $\varphi > 0 \Rightarrow \omega L > \frac{1}{\omega C}$ : inductivo
- ▶  $\varphi < 0 \Rightarrow \omega L < \frac{1}{\omega C}$ : capacitivo
- ▶  $\varphi = 0 \Rightarrow \omega L = \frac{1}{\omega C}$ : resistivo (resonancia)

$$u(t) = Z \cdot I_{\max} \operatorname{sen}(\omega t + \theta_I + \varphi)$$

## Circuito serie general



$$\bar{U} = \bar{U}_1 + \bar{U}_2 + \dots + \bar{U}_n = \bar{I} \cdot (\bar{Z}_1 + \bar{Z}_2 + \dots + \bar{Z}_n) = \bar{I} \cdot \bar{Z}_{eq}$$

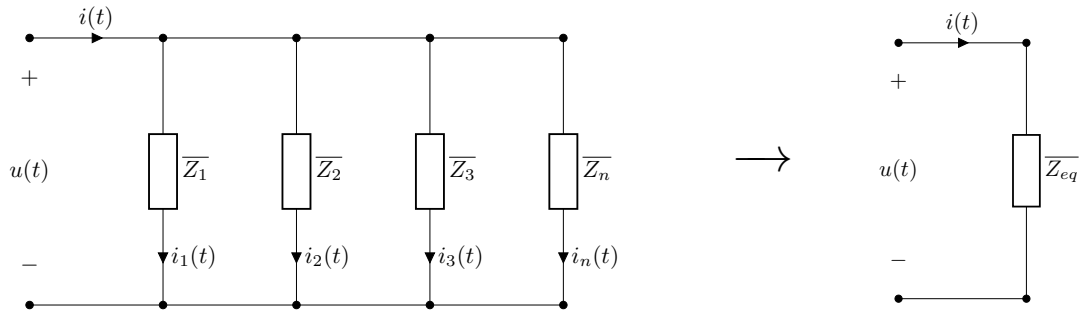
$$\bar{Z}_{eq} = \sum_{i=1}^n \bar{Z}_i$$

$$R_{eq} = \sum_{i=1}^n R_i$$

$$X_{eq} = \sum_{i=1}^n X_i$$



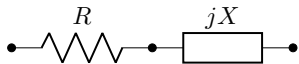
## Circuito paralelo general



$$\bar{I} = \bar{I}_1 + \bar{I}_2 + \dots + \bar{I}_n = \bar{U} \cdot \left( \frac{1}{\overline{Z}_1} + \frac{1}{\overline{Z}_2} + \dots + \frac{1}{\overline{Z}_n} \right) = \frac{\bar{U}}{\overline{Z}_{eq}}$$

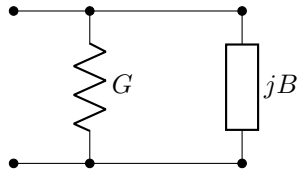
$$\boxed{\frac{1}{\overline{Z}_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{\overline{Z}_i}}$$

# Impedancia y Admitancia



$$\bar{U} = \bar{Z} \cdot \bar{I}$$

$$\bar{Z} = R + jX$$

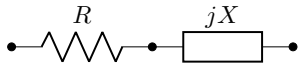


$$\bar{I} = \bar{Y} \cdot \bar{U}$$

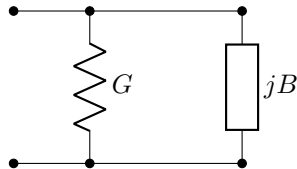
$$\bar{Y} = G + jB$$

$$\bar{Y} = \frac{1}{\bar{Z}} \rightarrow \begin{cases} |\bar{Y}| = \frac{1}{|\bar{Z}|} \\ \varphi_Y = -\varphi_Z = -\varphi \end{cases}$$

# Impedancia y Admitancia



$$\bar{Z} = \frac{1}{G + jB} \rightarrow \begin{cases} R = \frac{G}{G^2 + B^2} \\ X = -j \frac{B}{G^2 + B^2} \end{cases}$$



$$\bar{Y} = \frac{1}{R + jX} \rightarrow \begin{cases} G = \frac{R}{R^2 + X^2} \\ B = -j \frac{X}{R^2 + X^2} \end{cases}$$

- ① Formas de Onda
- ② Onda Sinusoidal
- ③ Cálculo Fasorial
- ④ Potencia
- ⑤ Compensación de reactiva

## Expresión general

Sea la tensión referencia de fases. Si  $\varphi > 0$  (inductivo) la corriente está retrasada respecto de la tensión (*circuito en retraso*).

$$u(t) = U_{max} \cos \omega t$$

$$i(t) = I_{max} \cos(\omega t - \varphi)$$

$$p(t) = u(t) \cdot i(t)$$

## Expresión general

$$\begin{aligned} p(t) &= (\sqrt{2} \cdot U \cdot \cos(\omega t)) \cdot (\sqrt{2} \cdot I \cdot \cos(\omega t - \varphi)) = \\ &= 2 \cdot U \cdot I \cdot \cos(\omega t) \cdot \cos(\omega t - \varphi) = \\ &= UI \cdot (\cos(2\omega t - \varphi) + \cos(\varphi)) = \\ &= UI \cdot (\cos(2\omega t) \cos(\varphi) + \sin(2\omega t) \sin(\varphi) + \cos(\varphi)) \end{aligned}$$

$$p(t) = UI \cos(\varphi) + UI \cos(\varphi) \cos(2\omega t) + UI \sin(\varphi) \sin(2\omega t)$$

## Expresión general

$$p(t) = UI \cos(\varphi) + UI \cos(\varphi) \cos(2\omega t) + UI \operatorname{sen}(\varphi) \operatorname{sen}(2\omega t)$$

$$P = UI \cos \varphi \quad Q = UI \operatorname{sen} \varphi$$

$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t)) + Q \cdot \operatorname{sen}(2\omega t)$$

## Circuito Resistivo

$$P = UI \cos \varphi \quad Q = UI \sin \varphi$$

$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t)) + Q \cdot \sin(2\omega t)$$

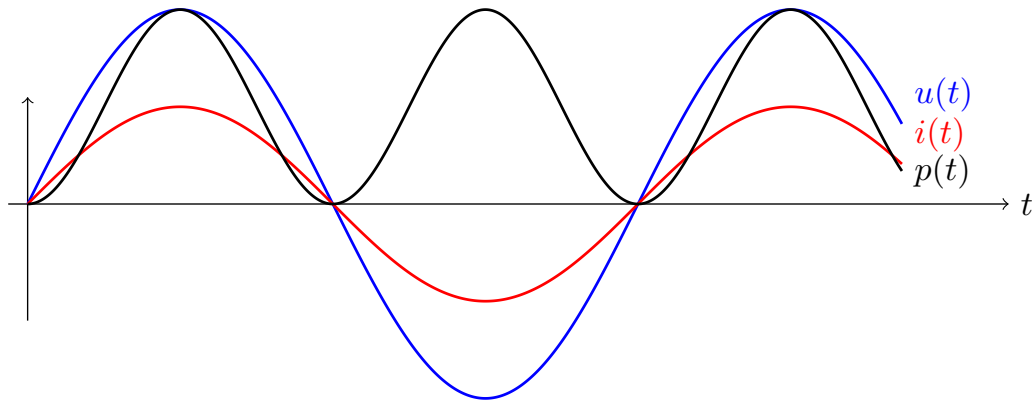
---

$$\varphi = 0 \rightarrow \begin{cases} P = UI = U^2/R = I^2 R \\ Q = 0 \end{cases}$$

$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t))$$



## Circuito Resistivo



- Fluctúa al doble de frecuencia.
- Es siempre positiva.

## Circuito Inductivo puro

$$P = UI \cos \varphi \quad Q = UI \operatorname{sen} \varphi$$

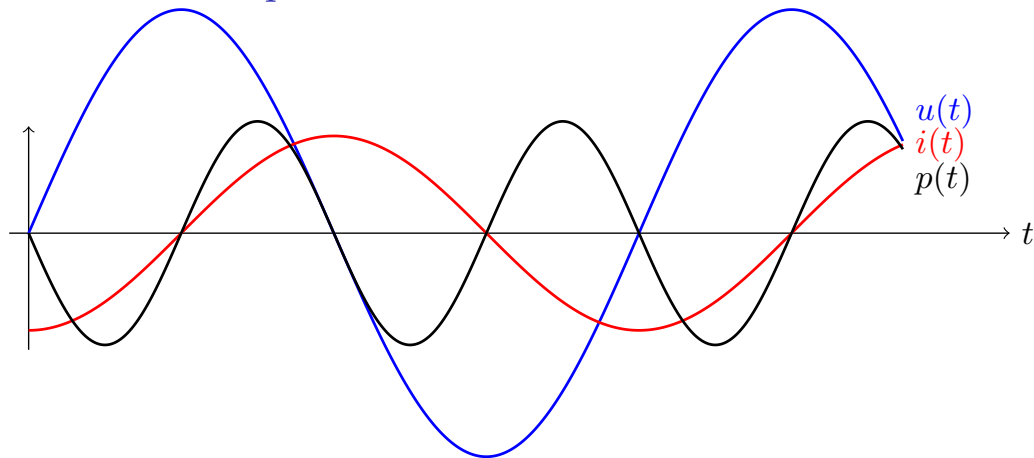
$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t)) + Q \cdot \operatorname{sen}(2\omega t)$$

---

$$\varphi = \pi/2 \rightarrow \begin{cases} P = 0 \\ Q = UI = \frac{U^2}{\omega L} = I^2 \omega L \end{cases}$$

$$p(t) = Q \cdot \operatorname{sen}(2\omega t)$$

## Circuito Inductivo puro



- Fluctúa al doble de frecuencia.
- Pasa por los ceros de tensión y corriente.
- Su valor medio es nulo.

## Circuito Capacitivo puro

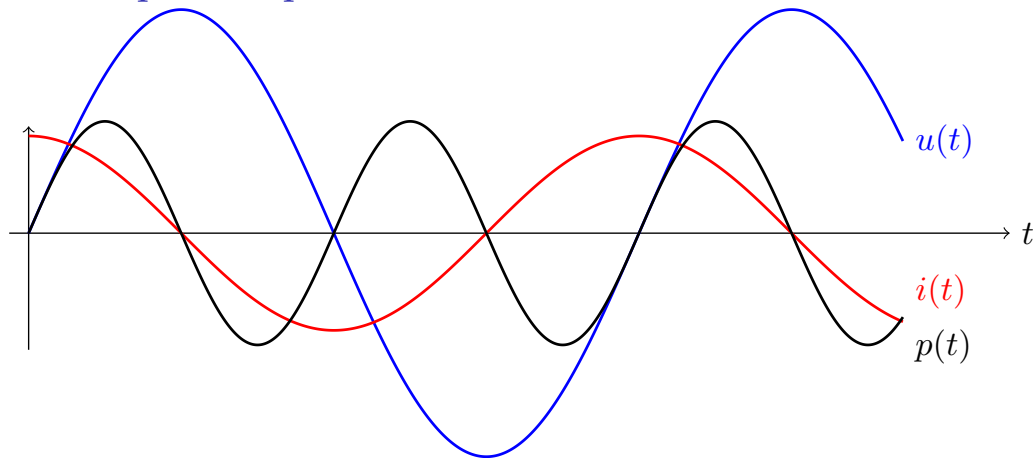
$$P = UI \cos \varphi \quad Q = UI \sin \varphi$$

$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t)) + Q \cdot \sin(2\omega t)$$

---

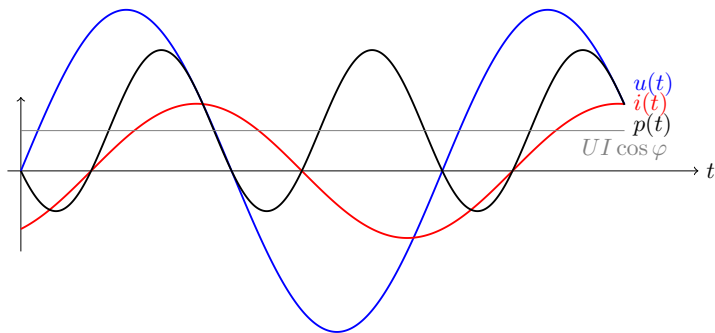
$$\varphi = -\pi/2 \rightarrow \begin{cases} P = 0 \\ Q = -UI = -U^2\omega C = -\frac{I^2}{\omega C} \end{cases}$$
$$p(t) = Q \cdot \sin(2\omega t)$$

## Circuito Capacitivo puro



- Fluctúa al doble de frecuencia.
- Pasa por los ceros de tensión y corriente.
- Su valor medio es nulo.

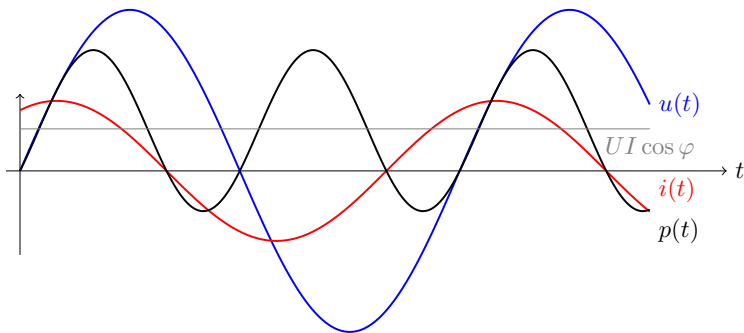
## Circuito Inductivo con pérdidas



$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t)) + Q \cdot \sin(2\omega t)$$

Valor medio positivo,  $P = UI \cos \varphi$

## Circuito Capacitivo con pérdidas



$$p(t) = P \cdot (1 + \cos(2\omega t)) + Q \cdot \sin(2\omega t)$$

Valor medio positivo,  $P = UI \cos \varphi$

# Triângulo de Potências

- Potencia Activa [W]

$$P = U \cdot I \cdot \cos(\varphi) = R \cdot I^2$$

- Potencia Reactiva [var]

$$Q = U \cdot I \cdot \sin(\varphi) = X \cdot I^2$$

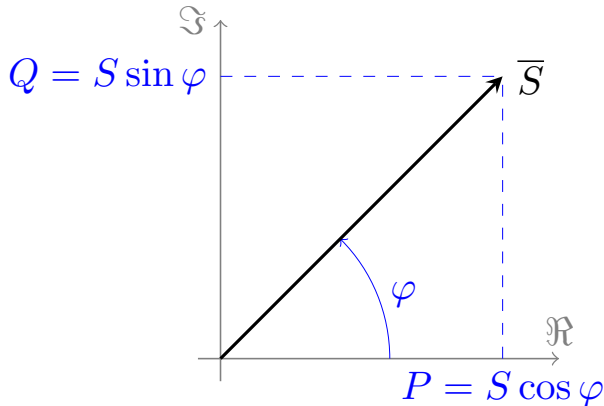
- Potencia Aparente [VA]

$$\bar{S} = P + jQ = \bar{U} \cdot \bar{I}^*$$

$$\bar{U} = U \angle 0$$

$$\bar{I} = I \angle -\varphi$$

$$\begin{aligned}\bar{U}\bar{I}^* &= U \angle 0 \cdot I \angle \varphi = UI \angle \varphi \\ &= UI(\cos \varphi + j \sin \varphi) = \\ &= P + jQ\end{aligned}$$



$$|S| = U \cdot I$$

$$\varphi_S = \varphi_Z = \varphi$$



## Potencia de elementos: Resistencia

$$\varphi = 0 \Rightarrow \begin{cases} P_R = RI^2 \\ Q_R = 0 \\ S_R = P_R \end{cases}$$

- ▶ Consume potencia activa
- ▶ No consume potencia reactiva

## Potencia de elementos: Inductancia

$$\varphi = \pi/2 \Rightarrow \begin{cases} P_L = 0 \\ Q_L = \omega LI^2 \\ \bar{S}_L = \omega LI^2 / \underline{\pi/2} \end{cases}$$

- ▶ No consume potencia activa
- ▶ Consume potencia reactiva ( $Q > 0$ )

## Potencia de elementos: Condensador

$$\varphi = -\pi/2 \Rightarrow \begin{cases} P_L = 0 \\ Q_C = -\omega CU^2 \\ \bar{S}_C = \omega CU^2 \underline{-\pi/2} \end{cases}$$

- ▶ No consume potencia activa
- ▶ Genera potencia reactiva ( $Q < 0$ )

## Teorema de Boucherot

- ▶ En un circuito con múltiples elementos, la potencia aparente total es la suma de las potencias aparentes individuales.

$$\bar{S} = \sum_{i=1}^n \bar{S}_i$$

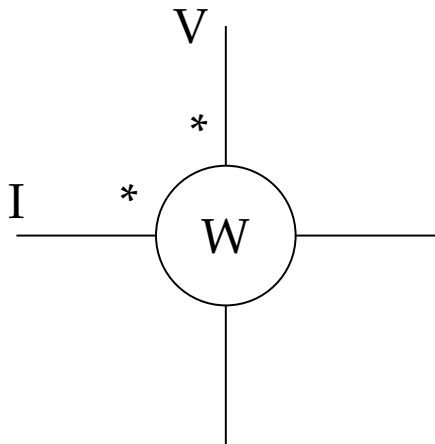
$$P + jQ = \sum_{i=1}^n (P_i + jQ_i)$$

- ▶ La potencia activa (reactiva) total es la suma de las potencias activas (reactivas) individuales.

$$P = \sum_{i=1}^n P_i$$

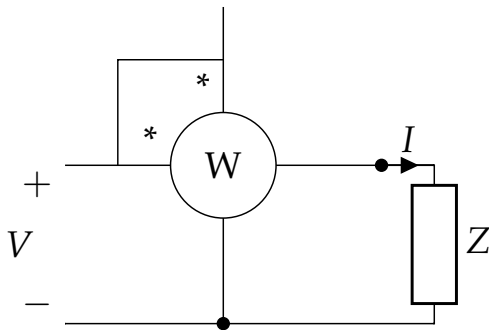
$$Q = \sum_{i=1}^n Q_i$$

## Medida de potencia



**Vatímetro:** equipo de medida de 4 terminales (1 par para tensión, 1 par para corriente)

## Medida de potencia



Habitualmente se emplea con 3 terminales cortocircuitando terminales con \*.

$$W = |V||I| \cos(\varphi_V - \varphi_I) = P_Z$$

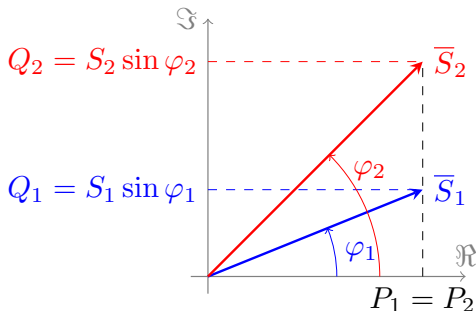
- ① Formas de Onda
- ② Onda Sinusoidal
- ③ Cálculo Fasorial
- ④ Potencia
- ⑤ Compensación de reactiva

## Factor de potencia

El factor de potencia,  $\cos(\varphi)$ , representa la aportación de potencia activa dentro de la potencia aparente.

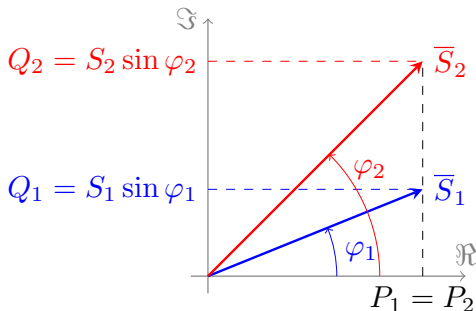
$$P = S \cos \varphi$$

Sean dos sistemas con **misma tensión y potencia activa**, y factores de potencia  $\cos \varphi_2 < \cos \varphi_1$  ( $Q_2 > Q_1$ )





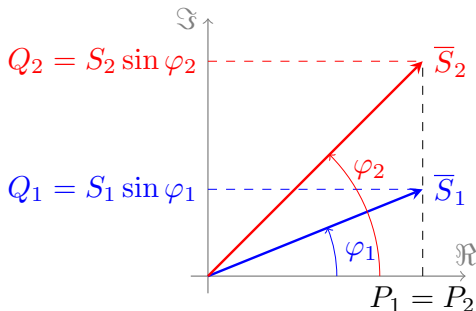
# Potencia Aparente



El sistema 2 requiere **mayor potencia aparente** (generador mayor) para alimentar la misma potencia activa.

$$\left( \frac{P}{\cos \varphi_1} = S_1 \right) < \left( S_2 = \frac{P}{\cos \varphi_2} \right)$$

## Sección de Conductores



El sistema 2 requiere **mayor sección** de cable para transportar la misma potencia activa.

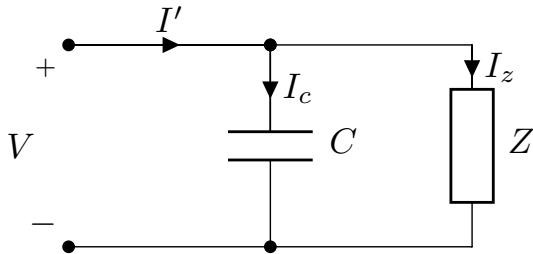
$$\left( \frac{P}{U \cos \varphi_1} = I_1 \right) < \left( I_2 = \frac{P}{U \cos \varphi_2} \right)$$

# Generación Local de Reactiva

- ▶ Comúnmente, el factor de potencia es **inductivo** (máquinas eléctricas industriales).
- ▶ La red debe suministrar potencia reactiva inductiva (influye en secciones de líneas y tamaños de generadores)
- ▶ Es necesario mejorar **localmente** el factor de potencia. Solución común: utilizar **bancos de condensadores** como suministradores de potencia reactiva.

## Compensación de Reactiva con Condensadores

Sea una carga de potencia activa  $P_z$ , potencia reactiva  $Q_z$ , factor de potencia  $\cos \varphi$ . Se desea **mejorar el factor de potencia** a  $\cos \varphi' > \cos \varphi$ .

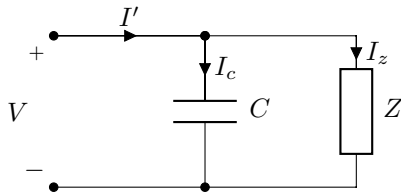


$$P' = P_z$$

$$Q' = Q_c + Q_z \quad (Q' < Q_z)$$

$$\bar{I}' = \bar{I}_c + \bar{I}_z \quad (I' < I_z)$$

## Cálculo de la Capacidad



$$Q_z = P_z \tan \varphi$$

$$Q' = P_z \tan \varphi'$$

$$|Q_c| = Q_z - Q' = P_z (\tan \varphi - \tan \varphi')$$

$$|Q_c| = \omega C U^2 \rightarrow \boxed{C = \frac{P_z (\tan \varphi - \tan \varphi')}{\omega U^2}}$$