

Fundamentos. Circuitos de corriente continua

Teoría de Circuitos

Autor: Luis Badesa Bernardo

¿Qué es la electricidad?

- ▶ La electricidad es el conjunto de fenómenos físicos relacionados con la **presencia y flujo de cargas eléctricas**
- ▶ Un fenómeno de particular interés es la **corriente eléctrica**: es el movimiento de electrones de los átomos a través de un material conductor (por ejemplo, un cable de cobre)

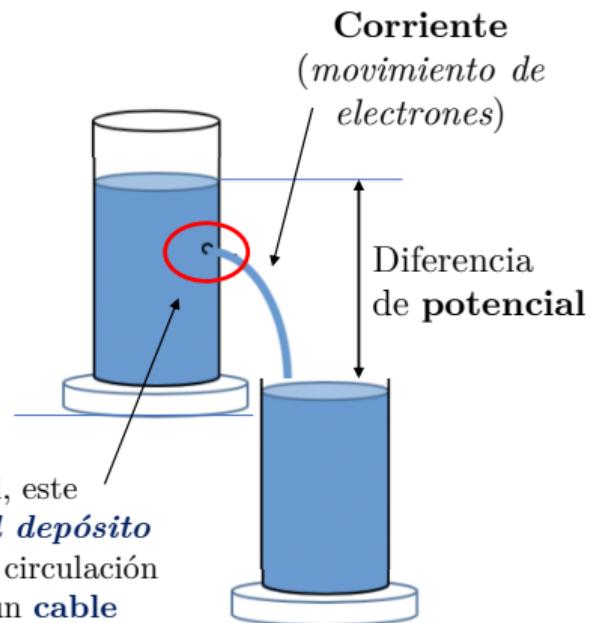
Potencial eléctrico y corriente eléctrica: analogía con la gravedad

- ▶ Las dos magnitudes principales en esta asignatura son la diferencia de **potencial eléctrico** (o *tensión*) y la **corriente eléctrica** (o *intensidad*)
- ▶ Para entender estas magnitudes de forma visual, podemos establecer un **paralelismo con la gravedad**:



Potencial eléctrico y corriente eléctrica: analogía con la gravedad

- ▶ Las dos magnitudes principales en esta asignatura son la diferencia de **potencial eléctrico** (o *tensión*) y la **corriente eléctrica** (o *intensidad*)
- ▶ Para entender estas magnitudes de forma visual, podemos establecer un **paralelismo con la gravedad**:



En electricidad, este **orificio en el depósito** que permite la circulación de agua sería un **cable que forme un circuito cerrado** (que entonces permite la circulación de corriente)

¿Qué aplicaciones tiene esta asignatura?

Los modelos matemáticos que vamos a estudiar en Teoría de Circuitos se usan en:

- ▶ Circuitos de gran tamaño: **sistemas eléctricos de potencia**
- ▶ Circuitos de pequeño tamaño: **circuitos electrónicos**



① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

① Conceptos fundamentales

Circuito eléctrico

Variables

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

Esta asignatura está dedicada al **análisis de circuitos eléctricos lineales de parámetros concentrados**

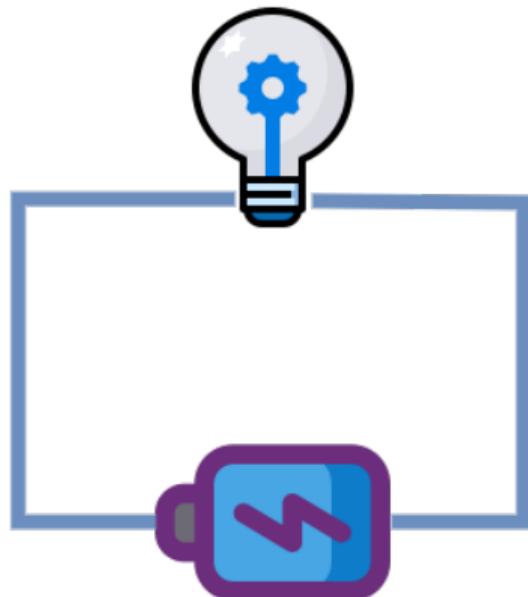
(ahora entenderemos qué significan estos conceptos)

Círculo eléctrico

Un **círculo eléctrico** es un conjunto de componentes eléctricos interconectados que crean un **camino cerrado** por el que puede circular corriente eléctrica

Incluye:

- ▶ **Elementos activos** (generadores): motivan la circulación de corriente
- ▶ **Elementos pasivos** (receptores): transforman o almacenan la energía eléctrica



Análisis vs. diseño

El **análisis** (o resolución) de un circuito eléctrico existente persigue determinar sus condiciones de funcionamiento:

- ① Definir las ecuaciones correspondientes al circuito
- ② Obtener los valores de determinadas variables importantes, a partir de dichas ecuaciones

El **diseño** (o síntesis) de un circuito eléctrico tiene como objetivo definir el circuito eléctrico, es decir, determinar los componentes necesarios y su interconexión, para obtener unas condiciones de funcionamiento

En esta asignatura **NO** vamos a diseñar circuitos, únicamente **los analizaremos**

Sistemas lineales

Todos los circuitos eléctricos que se estudian en esta asignatura se comportan como **sistemas lineales**:

► $f(x + y) = f(x) + f(y)$

La respuesta f a la suma de dos entradas x e y es igual a la suma de la respuesta individual a cada una de las entradas

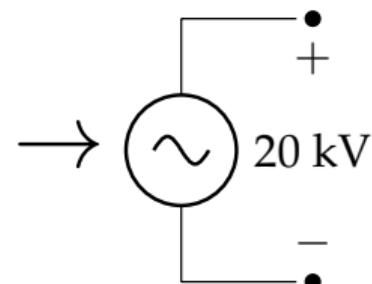
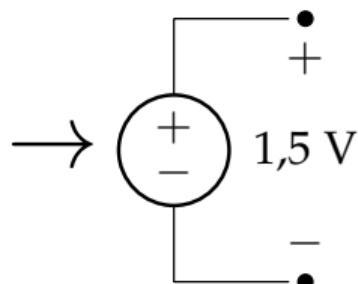
► $f(k \cdot x) = k \cdot f(x)$

La respuesta a una entrada que está multiplicada por un factor de escala k es igual a multiplicar por este factor a la respuesta a la entrada

Parámetros concentrados

- No nos preocupan las dimensiones espaciales del circuito

Por ejemplo, una pila alcalina y una central nuclear pueden modelarse ambas como fuentes de tensión (la primera de 1,5 V y la segunda de 20 kV)



Parámetros concentrados: ¿cuándo puede aplicarse?

- ▶ El modelo de parámetros concentrados nos permite simplificar las ecuaciones del electromagnetismo de Maxwell (lo que **simplifica mucho los cálculos**)
- ▶ Es aplicable únicamente cuando **las dimensiones del circuito son muy inferiores a la longitud de onda** de la señal que circula por el circuito

Válido en redes eléctricas

- ▶ **Frecuencia:** 50 Hz (en Europa)
- ▶ **Longitud onda:** 6.000 km



No válido en telecomunicaciones

- ▶ **Frecuencia:** 26 GHz (telefonía 5G)
- ▶ **Longitud onda:** 11,5 mm



① Conceptos fundamentales

Círculo eléctrico

Variables

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

Variables

Las principales **variables** con las que se trabaja en los circuitos eléctricos son:

- ▶ Corriente eléctrica (o *intensidad*, o *amperaje*)
- ▶ Tensión eléctrica (o *diferencia de potencial*, o *voltaje*)
- ▶ Potencia eléctrica
- ▶ Energía eléctrica

Corriente eléctrica

La **intensidad de la corriente eléctrica** es la variación de la carga $q(t)$ que atraviesa la sección transversal de un conductor por unidad de tiempo:

$$i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$$



Se produce por el **movimiento de electrones** (de - a +)

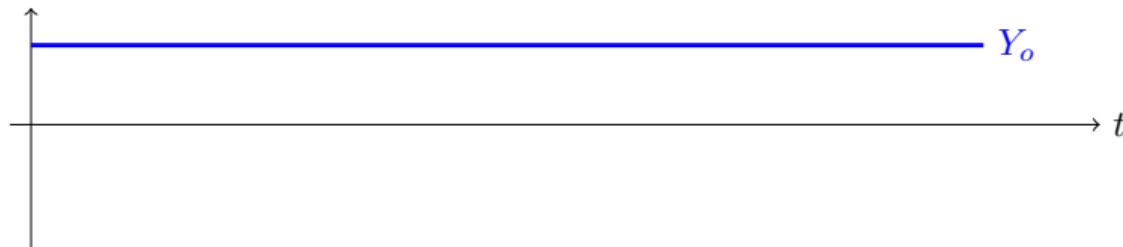
Sin embargo, por convenio se considera el **movimiento de cargas positivas** (de + a -)

La **unidad** de la corriente es el **amperio** [A] (coulombios/segundo)

Corriente Continua (CC) y Corriente Alterna (CA)

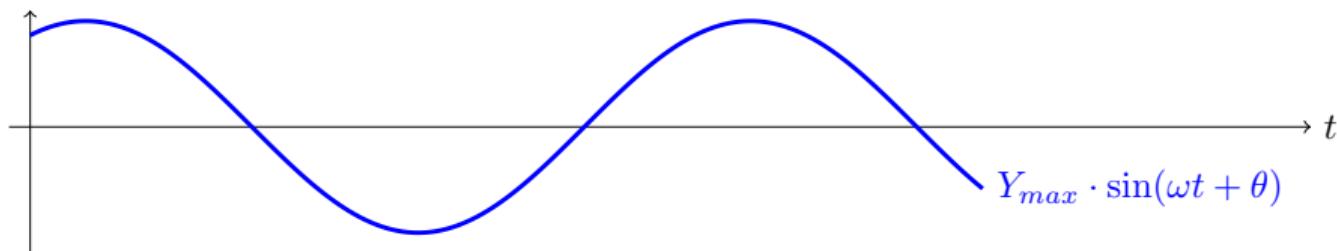
- **Corriente Continua:** siempre en el mismo sentido.

Caso particular, corriente constante ($\frac{d}{dt} = 0$):



- **Corriente Alterna:** sentido cambiante.

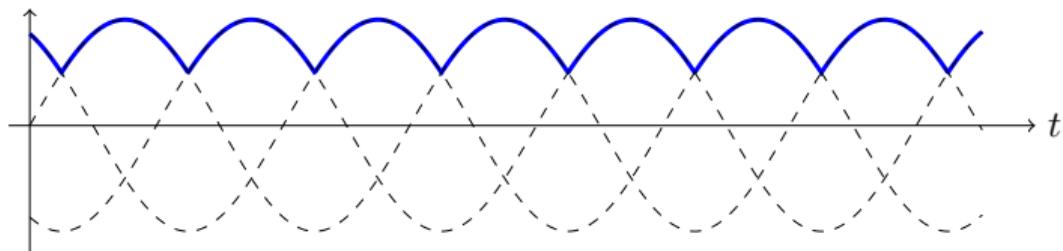
Caso particular, corriente senoidal:



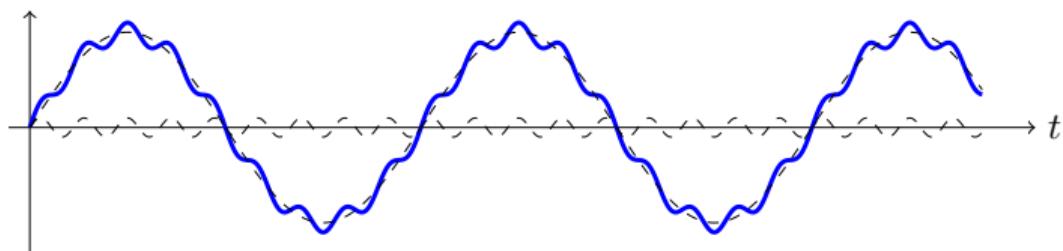
Corriente Continua (CC) y Corriente Alterna (CA)

Otros casos particulares (no estudiados en esta asignatura)

- Corriente **Continua con rizado** (obtenida a partir de alterna trifásica rectificada):



- Corriente **Alterna con harmónicos** (obtenida con un inversor CC-CA):

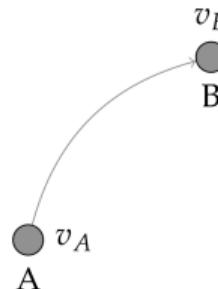


Tensión eléctrica y f.e.m.

El **potencial eléctrico en un punto**, $v(t)$, es la energía potencial que tiene una carga unitaria en ese punto, debida al campo eléctrico

La **tensión o diferencia de potencial entre dos puntos** A y B, $u_{AB}(t)$, es el trabajo realizado por el campo eléctrico al desplazar una carga unitaria entre esos puntos

$$u_{AB}(t) = v_A(t) - v_B(t) = \frac{dW_e}{dq}$$

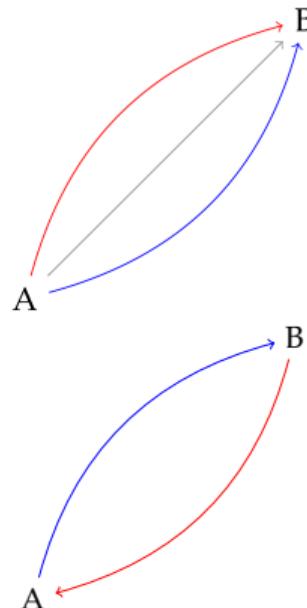


La **fuerza electromotriz** (f.e.m.) es la causa que mantiene a los electrones en movimiento (energía cedida por unidad de carga), y la proporcionan los elementos activos (**generadores**)

La **unidad** tanto de tensión eléctrica como de f.e.m es el **voltio** [V]

La trayectoria no importa, pero el signo depende del sentido

- ▶ $u_{AB}(t)$ **no depende de la trayectoria** del desplazamiento de los electrones, sino solo del potencial en cada punto → esto implica que el **campo eléctrico es conservativo**
- ▶ Aunque la trayectoria no sea relevante, hay que tener en cuenta el **sentido del desplazamiento**



Si el movimiento se produce desde B hasta A, el signo es contrario al anterior:

$$u_{BA} = v_B - v_A = -u_{AB}$$

Potencia eléctrica

La **potencia eléctrica** es la variación del trabajo del campo eléctrico por unidad de tiempo:

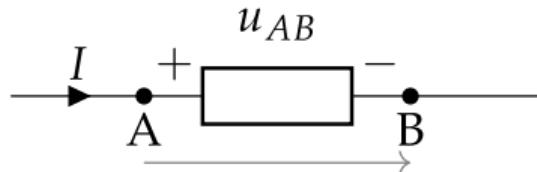
$$p(t) = \frac{dW_e}{dt} = \underbrace{\frac{dW_e}{dq(t)}}_{u(t)} \cdot \underbrace{\frac{dq(t)}{dt}}_{i(t)} = \boxed{u(t) \cdot i(t)}$$

La **unidad** de la potencia eléctrica es el **vatio** [W]

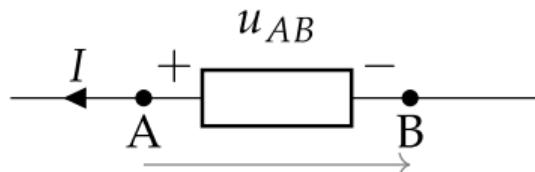
Signo de la potencia eléctrica

Para determinar el **signo de la potencia eléctrica** hay que tener en consideración los signos de las variables de las que depende, la tensión y la corriente

- Flechas en **mismo sentido**: potencia **positiva**



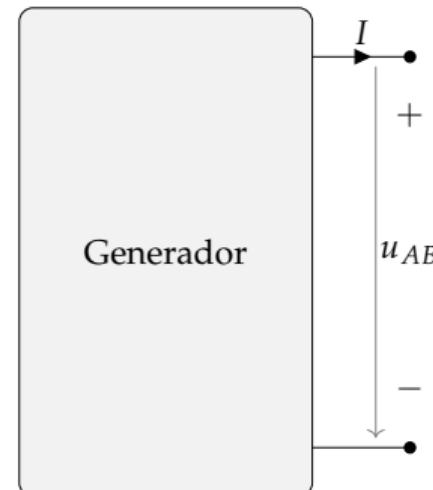
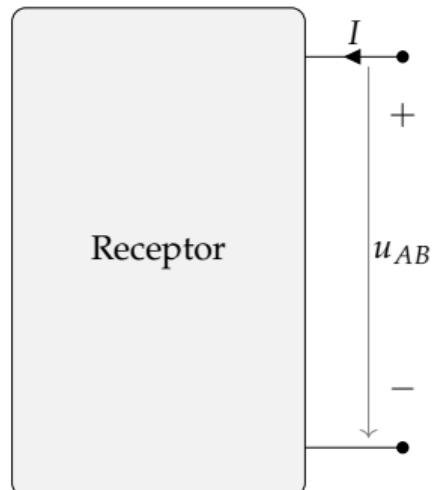
- Flechas en **sentidos opuestos**: potencia **negativa**



Receptores y generadores

Es habitual **interpretar** el signo de la potencia en términos de potencia absorbida o potencia entregada

- ▶ Un **circuito receptor absorbe potencia** y la corriente *entra* por el terminal de mayor potencial
- ▶ Un **circuito generador entrega potencia** y la corriente *sale* por el terminal de mayor potencial



Potencia y energía

Energía: capacidad de un sistema para realizar un trabajo

$$E = P \cdot t$$

Unidades: [J], [Wh], [kWh]

Potencia: trabajo realizado por unidad de tiempo

Unidades: [W], [kW]

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

Elementos pasivos

Elementos activos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

Elementos pasivos en Teoría de Circuitos

Tres tipos de elementos pasivos en esta asignatura:

- ▶ Resistencias
- ▶ Bobinas
- ▶ Condensadores

Resistencia

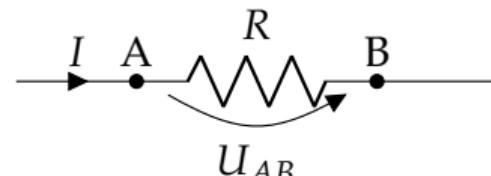
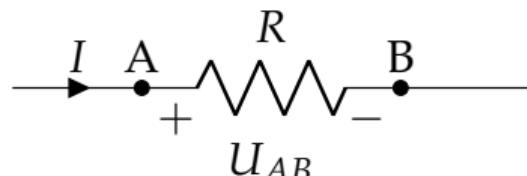
► Ley de Ohm:

Una resistencia R provoca una **diferencia de potencial** entre sus terminales **directamente proporcional** a la corriente que la atraviesa

Unidades de resistencia: ohmios $[\Omega]$

$$u(t) = R \cdot i(t)$$

- ## ► Criterio de signos:
- la tensión es positiva en el terminal por el que entra la corriente
(las flechas de tensión y corriente tienen el mismo sentido)



Resistividad

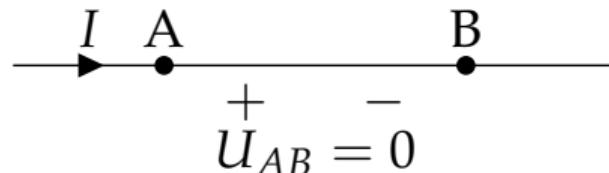
- ▶ El valor de la resistencia depende de la **resistividad del material** (ρ), de la **sección** (S), y de la longitud (l):

$$R = \rho \cdot \frac{l}{S}$$

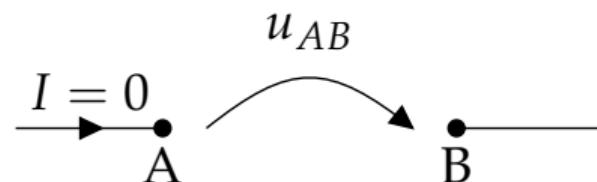
- ▶ La **sección** se expresa en mm^2
- ▶ La **resistividad** depende del material conductor y de la temperatura ambiente:
 - ▶ Cobre a 20°C: $17,24 \text{ m}\Omega \text{ mm}^2 \text{ m}^{-1}$

Cortocircuito y circuito abierto

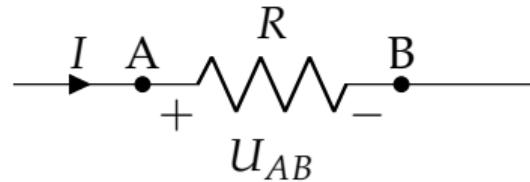
- **Cortocircuito:** resistencia nula (tensión nula)



- **Circuito abierto:** resistencia infinita (corriente nula)



Ley de Joule

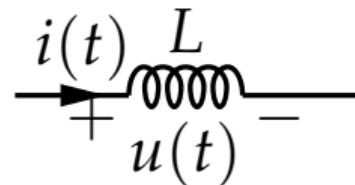


- ▶ **Ley de Joule:** las resistencias disipan energía eléctrica produciendo **calor**

$$p(t) = R \cdot i^2(t)$$

Bobina o inductancia

Bobina: conductor arrollado alrededor de un núcleo

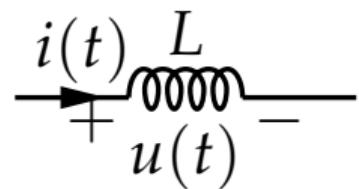


Cuando una corriente oscilante atraviesa una bobina, se produce una **tensión inducida que se opone a dicha corriente** (ley de Faraday-Lenz)

- La tensión inducida es directamente **proporcional al cambio de la corriente**: la constante de proporcionalidad es el coeficiente de autoinducción o **inductancia** ' L ' (unidades: henrios [H])

$$u_L(t) = L \cdot \frac{di(t)}{dt}$$

Bobina o inductancia



- Almacena **energía magnética**:

$$E_L(t) = \int_{-\infty}^t u(\tau) \cdot i(\tau) d\tau = \frac{1}{2} \cdot L \cdot i^2(t)$$

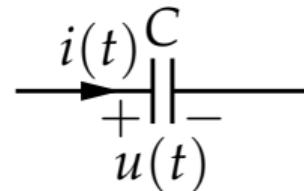
- En circuitos de CC es un **cortocircuito**:

$$\frac{di(t)}{dt} = 0 \quad \Rightarrow \quad U_L = 0$$

Condensador

Condensador: dos placas metálicas separadas por un material dieléctrico

Al aplicar tensión se produce una **separación de cargas opuestas** que se **acumulan** en cada placa



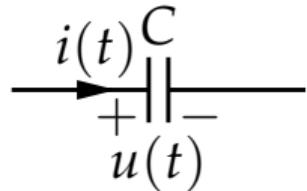
La **carga acumulada** en un instante es **proporcional** a la **diferencia de potencial** en ese instante: la constante de proporcionalidad es la **capacidad** (unidades: faradios [F])

$$q(t) = C \cdot u(t)$$

- En el proceso de carga se produce una corriente eléctrica entre las dos placas:

$$i_C(t) = \frac{dq(t)}{dt} = \boxed{C \cdot \frac{du(t)}{dt}}$$

Condensador



- Un condensador almacena **energía eléctrica**:

$$E_c(t) = \int_{-\infty}^t u(\tau) \cdot i(\tau) d\tau = \boxed{\frac{1}{2} \cdot C \cdot u^2(t)}$$

- En un circuito de corriente continua se comporta como un **circuito abierto**:

$$\frac{du(t)}{dt} = 0 \quad \Rightarrow \quad I_c = 0$$

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

Elementos pasivos

Elementos activos

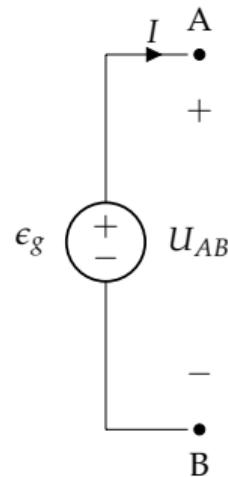
③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

Generadores de tensión

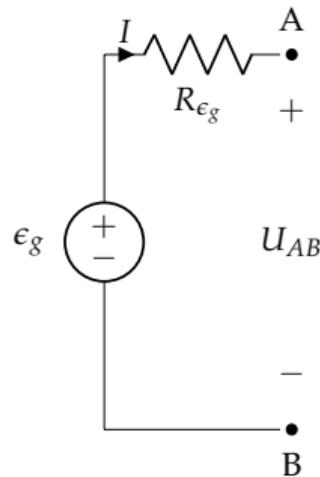
Proporcionan una diferencia de potencial U entre sus bornes de salida



Ideal:

impone tensión a la salida
(la corriente depende del circuito)

$$u_{AB} = \epsilon_g$$



Real:

con pérdidas, modeladas
mediante una resistencia **en serie**

$$u_{AB} < \epsilon_g$$

Se caracterizan
por su **fuerza
electromotriz** ϵ_g
(voltios [V])

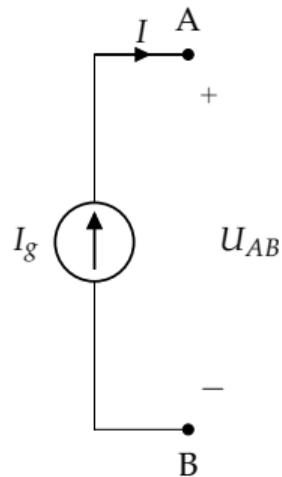
$$\epsilon_g = U_{AB} + R_{\epsilon_g} \cdot I$$

$$P_g = \epsilon_g \cdot I$$

(estas expresiones se
entenderán mejor
cuando veamos las
leyes de Kirchhoff)

Generadores de corriente

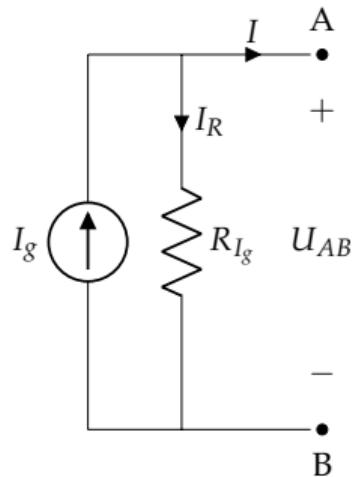
Proporcionan una corriente I



Ideal:

impone corriente a la salida
(la tensión depende del circuito)

$$I = I_g$$



Real: con pérdidas,
modeladas mediante una
resistencia **en paralelo**

$$I < I_g$$

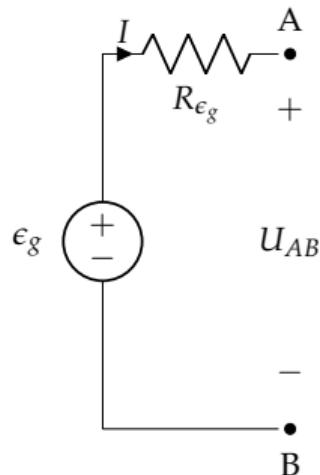
Se caracterizan
por su **corriente**
de generador I_g
(amperios [A])

$$I_g = I + \frac{U_{AB}}{R_{I_g}}$$

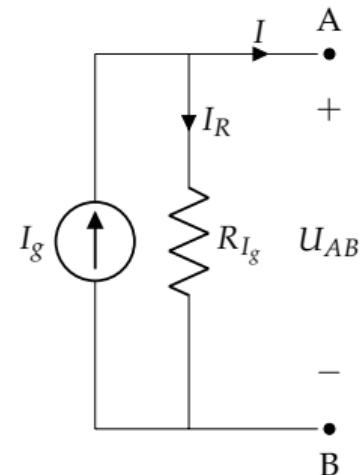
$$P_g = U_{AB} \cdot I_g$$

(estas expresiones se
entenderán mejor
cuando veamos las
leyes de Kirchhoff)

Equivalencia de fuentes

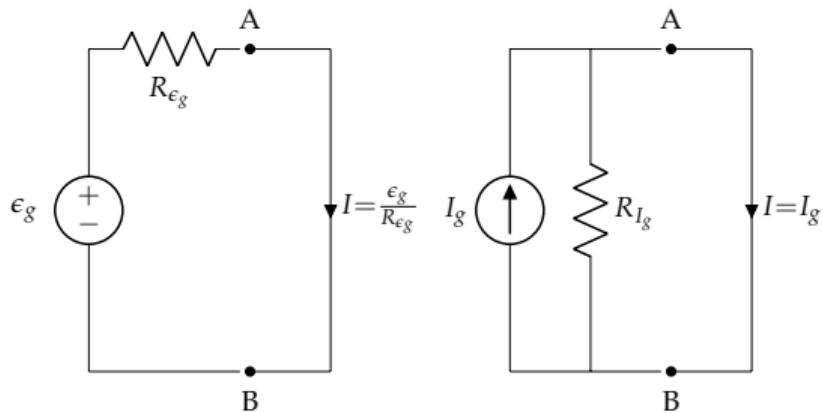


- ▶ Dos fuentes son equivalentes cuando suministran el mismo valor de tensión y corriente a un **circuito externo**, para cualquier circuito
- ▶ Sólo es posible establecer equivalencia entre **fuentes reales**

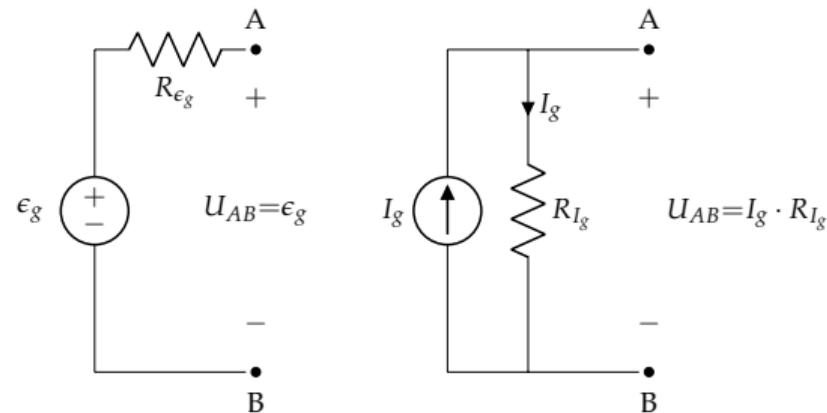


Equivalencia de fuentes

La **corriente en cortocircuito**
debe ser la misma:



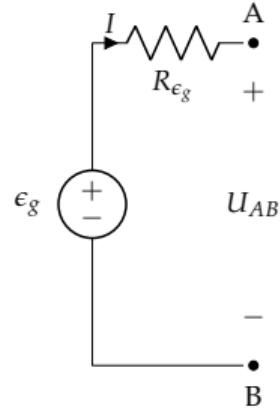
Y la **tensión en circuito abierto**
debe ser la misma:



$$I_{SC} = I_g = \frac{\epsilon_g}{R_{\epsilon_g}}, \quad U_{OC} = \epsilon_g = I_g \cdot R_{I_g} \quad \rightarrow \quad R_{\epsilon_g} = R_{I_g}$$

($SC \equiv$ short circuit, $OC \equiv$ open circuit)

Equivalencia de fuentes



La salida de tensión de una fuente de tensión es:

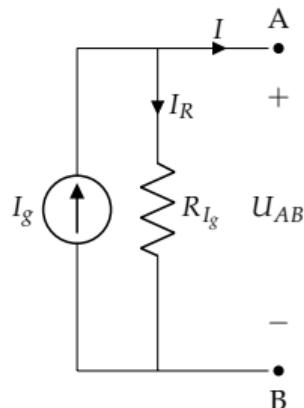
$$U_{AB} = \epsilon_g - R_{\epsilon_g} \cdot I$$

Y de una fuente de corriente:

$$I = I_g - \frac{U_{AB}}{R_{I_g}} \rightarrow U_{AB} = R_{I_g} \cdot I_g - R_{I_g} \cdot I$$

Las **fuentes son equivalentes cuando** las ecuaciones coinciden para cualquier combinación (U_{AB}, I):

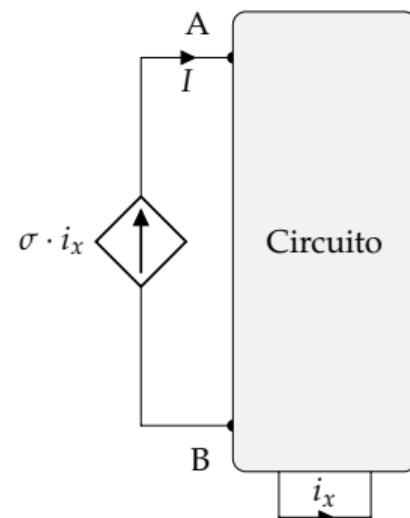
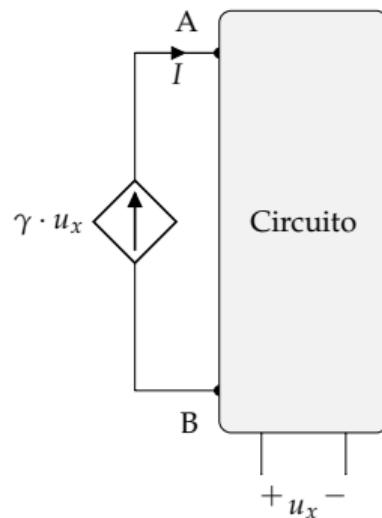
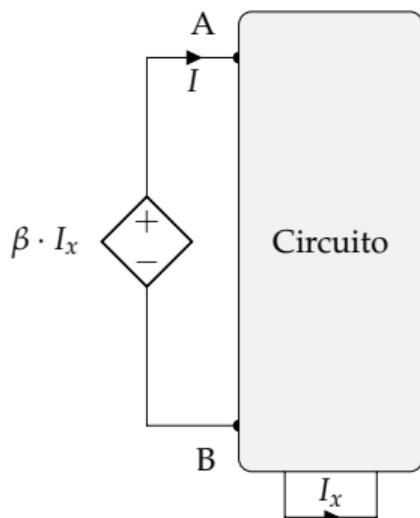
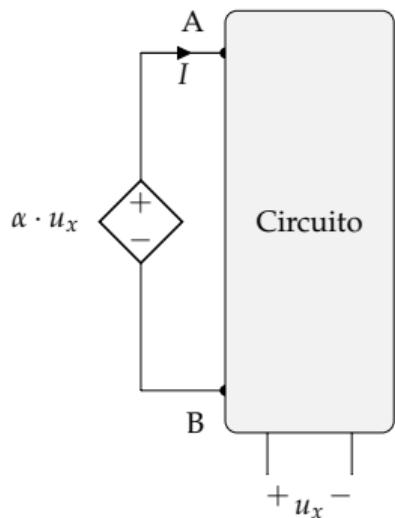
$$R_g = R_{\epsilon_g} = R_{I_g}$$
 (resultado de la diapositiva anterior)



$$\epsilon_g = R_g \cdot I_g \Leftrightarrow I_g = \frac{\epsilon_g}{R_g}$$

Generadores dependientes

No tienen valores de ϵ_g o I_g fijos, sino que estos **dependen de la tensión o corriente en otros puntos de la red**:



Eficiencia

Cociente entre la potencia de salida y la potencia de entrada:

- **Receptor** (generalmente, motor):

$$\eta_m = \frac{P_{\text{útil}}}{P_{\text{absorbida}}}$$

- **Generador:**

$$\eta_g = \frac{P_{\text{entregada}}}{P_{\text{producida}}}$$

Cualquier máquina tiene pérdidas (por disipación de energía en forma de calor):

$$\boxed{\eta < 1}$$

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

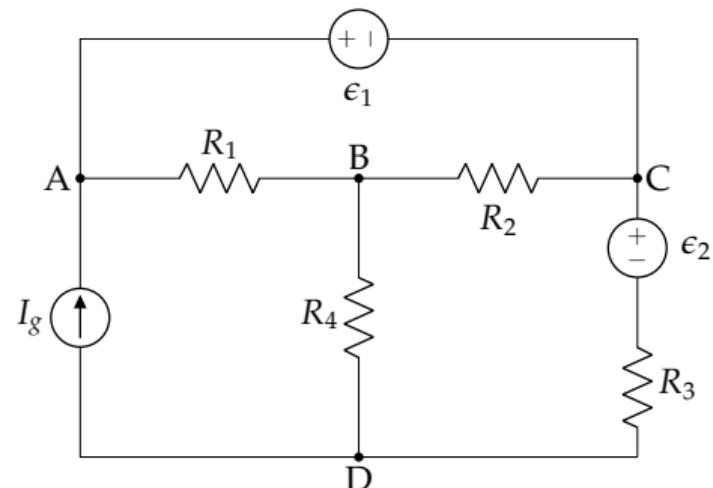
③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

Definiciones

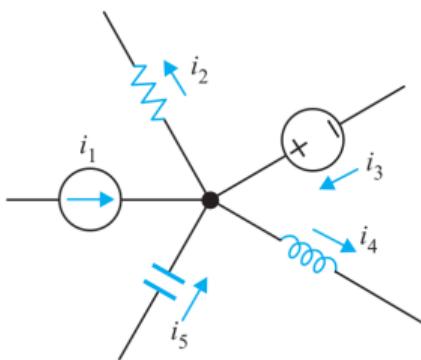
- Nudo** unión de **3** o más conductores (en la figura, los puntos A, B, C y D)
- Rama** elementos conectados entre dos nudos consecutivos
(A-B, A-C, A-D, B-C, B-D y C-D)
- Lazo** conjunto de ramas que forman un camino cerrado
(ACDA, ACBDA, ACDBA, ABCDA, ABCA, ABDA, BCDB)
- Malla** lazo que no contiene ningún otro en su interior (ABCA, ABDA, BCDB)



Primera Ley de Kirchhoff (1LK)

- La **1LK** es el principio de **conservación de la carga** aplicado a los circuitos eléctricos:
La suma de las corrientes que llegan a un nudo es igual a la suma de las que salen

$$\sum_{i=1}^n i_i(t) = 0$$

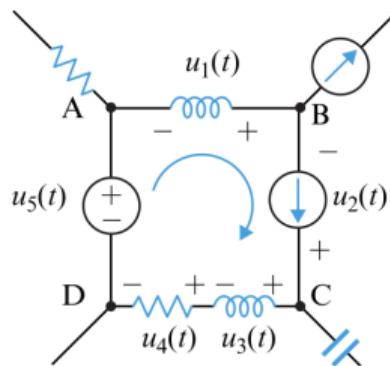


$$i_1(t) - i_2(t) + i_3(t) - i_4(t) + i_5(t) = 0$$

Segunda Ley de Kirchhoff (2LK)

- La **2LK** es el principio de **conservación de la energía** aplicado a los circuitos:
La suma (con signo) de las tensiones a lo largo de un camino cerrado es cero

$$\sum_{j=1}^m u_i(t) = 0$$



$$-u_1(t) - u_2(t) + u_3(t) + u_4(t) - u_5(t) = 0$$

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

Asociación de elementos

④ Métodos de análisis

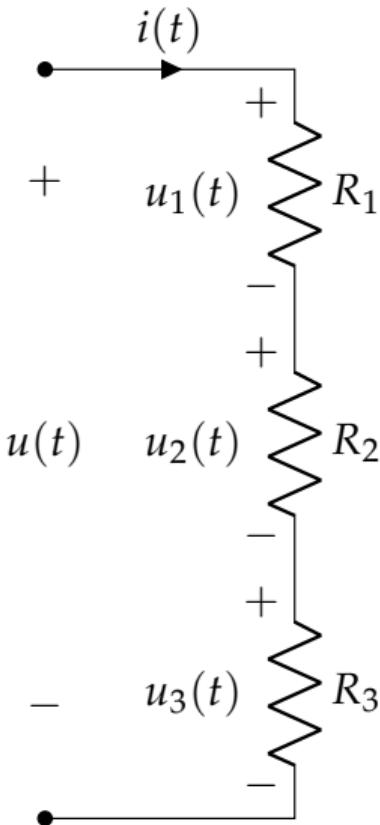
⑤ Teoremas

Asociación de elementos

Las asociaciones principales de los elementos son:

- ▶ **Serie:** *final* de un elemento conectado con *principio* del siguiente → **misma corriente**
- ▶ **Paralelo:** todos los principios conectados en un punto, todos los finales en otro → **misma diferencia de potencial**
- ▶ **Mixto:** combinación de serie y paralelo
- ▶ **Estrella - Triángulo:** conexión de cargas trifásicas

Conexión en serie



Un conjunto de elementos están asociados en serie cuando circula la **misma corriente** por todos ellos:

$$u_1(t) = R_1 \cdot i(t)$$

$$u_2(t) = R_2 \cdot i(t)$$

$$u_3(t) = R_3 \cdot i(t)$$

Aplicando **2LK**:

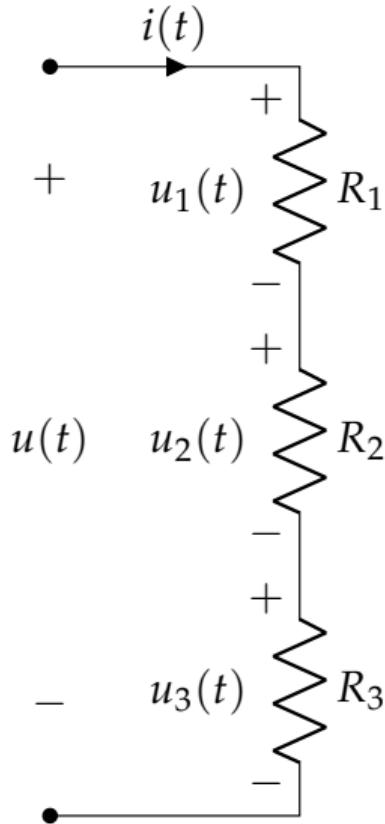
$$u(t) = u_1(t) + u_2(t) + u_3(t)$$

$$u(t) = i(t) \cdot (R_1 + R_2 + R_3)$$

Definimos la **resistencia equivalente** de la conexión serie:

$$R_{eq} = \sum_{i=1}^n R_i \quad \text{dado que } u(t) = R_{eq} \cdot i(t)$$

Conexión en serie: divisor de tensión



De las ecuaciones anteriores tenemos:

$$i(t) = \frac{u(t)}{R_1 + R_2 + R_3}$$

$$u_3(t) = R_3 \cdot i(t)$$

Por tanto, la **tensión parcial** $u_3(t)$ se puede expresar en función de la tensión total $u(t)$:

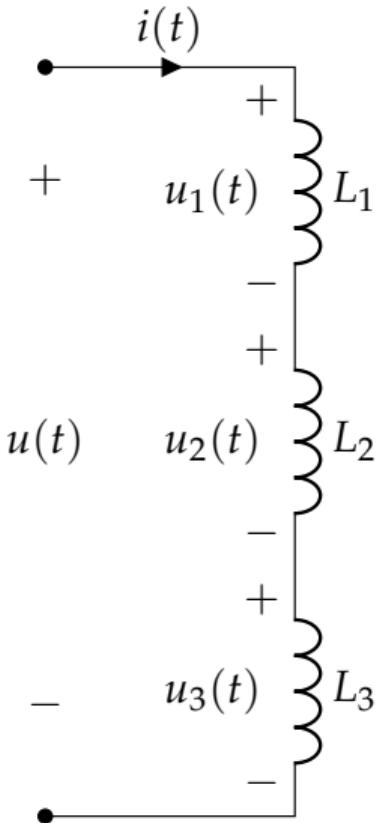
$$u_3(t) = u(t) \cdot \frac{R_3}{R_1 + R_2 + R_3}$$

En general, para cualquiera de las resistencias, R_i :

$$u_i(t) = u(t) \cdot \frac{R_i}{R_{eq}}$$

(expresión muy útil para resolver algunos problemas)

Conexión en serie de bobinas



Mismos pasos que en el caso de las resistencias:

$$u(t) = u_1(t) + u_2(t) + u_3(t)$$

$$u_1(t) = L_1 \cdot \frac{di(t)}{dt}$$

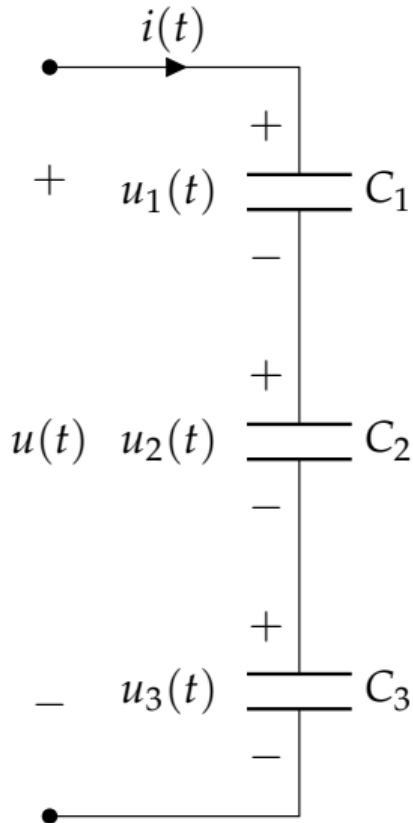
$$u_2(t) = L_2 \cdot \frac{di(t)}{dt}$$

$$u_3(t) = L_3 \cdot \frac{di(t)}{dt}$$

$$u(t) = \frac{di(t)}{dt} \cdot (L_1 + L_2 + L_3)$$

$$L_{eq} = \sum_{i=1}^n L_i \quad \text{dado que } u(t) = L_{eq} \cdot \frac{di(t)}{dt}$$

Conexión en serie de condensadores



$$u(t) = u_1(t) + u_2(t) + u_3(t)$$

$$i(t) = C_1 \cdot \frac{du_1(t)}{dt} = C_2 \cdot \frac{du_2(t)}{dt} = C_3 \cdot \frac{du_3(t)}{dt}$$

$$u_1(t) = \frac{1}{C_1} \cdot \int_0^t i(\tau) d\tau$$

$$u_2(t) = \frac{1}{C_2} \cdot \int_0^t i(\tau) d\tau$$

$$u_3(t) = \frac{1}{C_3} \cdot \int_0^t i(\tau) d\tau$$

$$u(t) = \int_0^t i(\tau) d\tau \cdot \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} \right)$$

$$\boxed{\frac{1}{C_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}}$$
 dado que $i(t) = C_{eq} \cdot \frac{du(t)}{dt}$

Conexión en serie de generadores

Generadores de tensión

- Pueden conectarse en serie **sin restricción** (tanto generadores ideales como reales)

$$\epsilon_T = \sum_{i=1}^N \epsilon_i$$

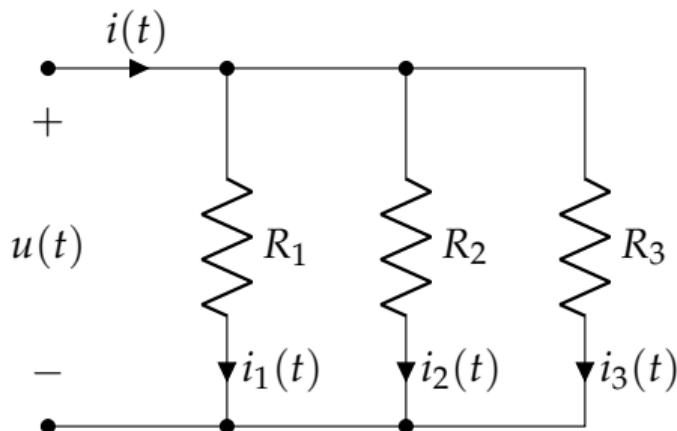
$$R_{gT} = \sum_{i=1}^N R_{gi}$$

Generadores de corriente

- **Ideal:** todas las fuentes **deben ser idénticas** (valor y sentido)
- **Real:** sin restricción
 - Transformación a fuentes de tensión para obtener la **fuente equivalente**

Conexión en paralelo

Un conjunto de elementos están asociados en paralelo cuando están sometidos a la **misma tensión**:



$$i_1(t) = u(t)/R_1$$

$$i_2(t) = u(t)/R_2$$

$$i_3(t) = u(t)/R_3$$

Aplicando **1LK**:

$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t)$$

$$i(t) = u(t) \cdot \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right)$$

Definimos la **resistencia equivalente** del paralelo:

$$\boxed{\frac{1}{R_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}} \quad \text{dado que } u(t) = R_{eq} \cdot i(t)$$

Conexión en paralelo: caso particular de dos resistencias

En el caso concreto de **dos resistencias en paralelo**, la expresión es:

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

$$R_{eq} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$$

(conveniente recordarla para agilizar la resolución de algunos problemas)

Conductancia

Para **simplificar las operaciones** en conexiones en paralelo, es conveniente utilizar el inverso de la resistencia, la **conductancia** G :

$$G = \frac{1}{R}$$

Así, en lugar de...

$$\frac{1}{R_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{R_i}$$

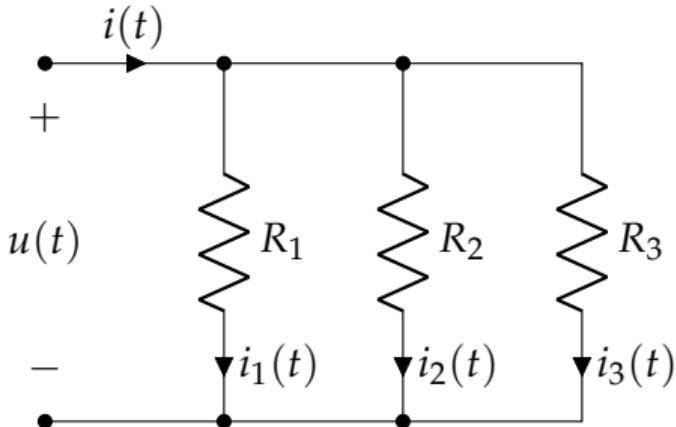
$$u(t) = R_{eq} \cdot i(t)$$

... se puede escribir:

$$G_{eq} = \sum_{i=1}^n G_i \quad \text{y usar } i(t) = G_{eq} \cdot u(t)$$

Conexión en paralelo: divisor de corriente

De las ecuaciones anteriores tenemos:



$$u(t) = \frac{i(t)}{G_1 + G_2 + G_3} \quad i_3(t) = G_3 \cdot u(t)$$

Por tanto, la **corriente parcial** $i_3(t)$ se puede expresar en función de la corriente total $i(t)$:

$$i_3(t) = i(t) \cdot \frac{G_3}{G_1 + G_2 + G_3}$$

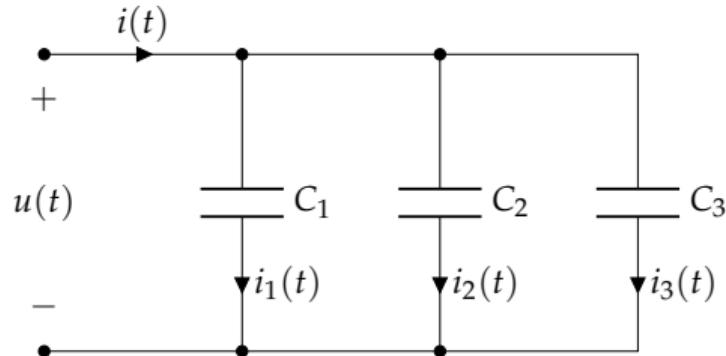
En general, para cualquiera de las conductancias, G_j :

$$i_j(t) = i(t) \cdot \frac{G_j}{G_{eq}} = i(t) \cdot \frac{R_{eq}}{R_j}$$

(expresión muy útil para resolver algunos problemas)

Conexión en paralelo de condensadores

Mismos pasos que en el caso de las resistencias:



$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t)$$

$$i_1(t) = C_1 \cdot \frac{du(t)}{dt}$$

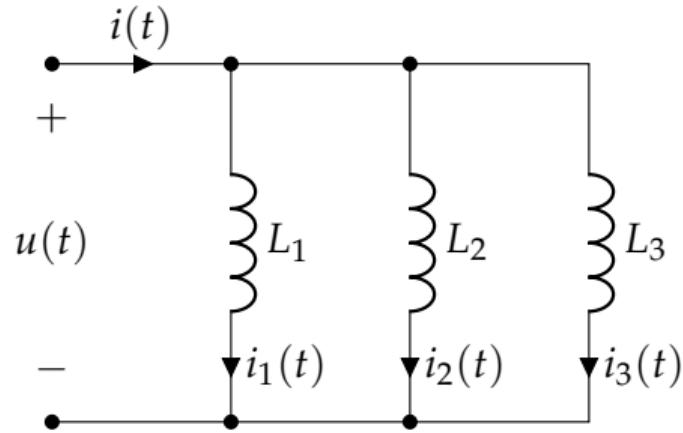
$$i_2(t) = C_2 \cdot \frac{du(t)}{dt}$$

$$i_3(t) = C_3 \cdot \frac{du(t)}{dt}$$

$$i(t) = \frac{du(t)}{dt} \cdot (C_1 + C_2 + C_3)$$

$$C_{eq} = \sum_{i=1}^n C_i \quad \text{dado que } i(t) = C_{eq} \cdot \frac{du(t)}{dt}$$

Conexión en paralelo de bobinas



$$i(t) = i_1(t) + i_2(t) + i_3(t)$$

$$u(t) = L_1 \cdot \frac{di_1(t)}{dt} = L_2 \cdot \frac{di_2(t)}{dt} = L_3 \cdot \frac{di_3(t)}{dt}$$

$$i_1(t) = \frac{1}{L_1} \cdot \int_0^t u(\tau) d\tau$$

$$i_2(t) = \frac{1}{L_2} \cdot \int_0^t u(\tau) d\tau$$

$$i_3(t) = \frac{1}{L_3} \cdot \int_0^t u(\tau) d\tau$$

$$i(t) = \int_0^t u(\tau) d\tau \cdot \left(\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2} + \frac{1}{L_3} \right)$$

$$\boxed{\frac{1}{L_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{L_i}}$$
 dado que $u(t) = L_{eq} \cdot \frac{di(t)}{dt}$

Conexión en paralelo de generadores

Generadores de tensión

- ▶ **Ideal:** todas las fuentes **deben ser idénticas** (valor y polaridad)
- ▶ **Real:** sin restricción
 - ▶ Transformación a fuentes de corriente para obtener la **fuente equivalente**

Generadores de corriente

- ▶ Pueden conectarse en paralelo **sin restricción**

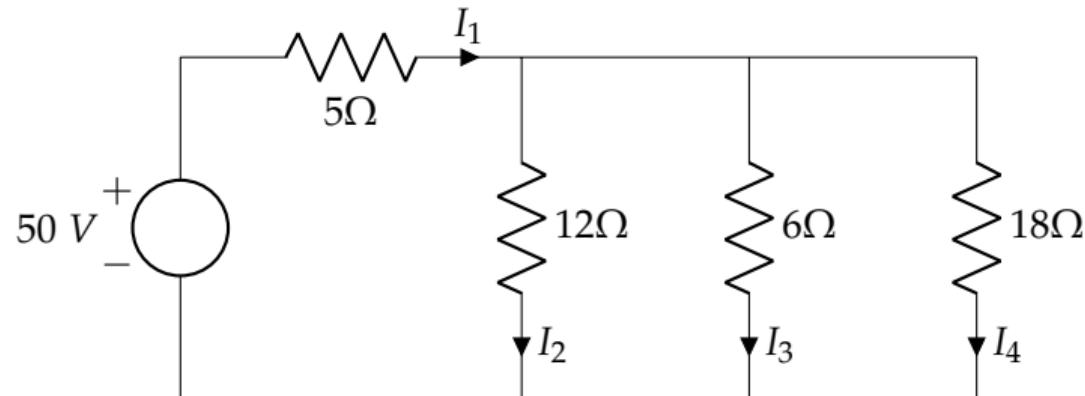
$$I_{gT} = \sum_{i=1}^N I_{gi}$$

$$G_{gT} = \sum_{i=1}^N G_{gi}$$

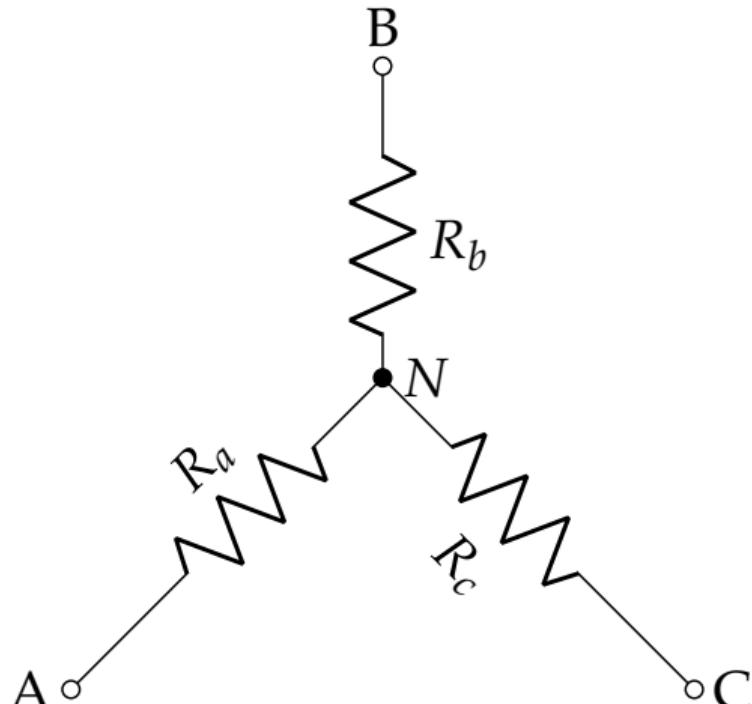
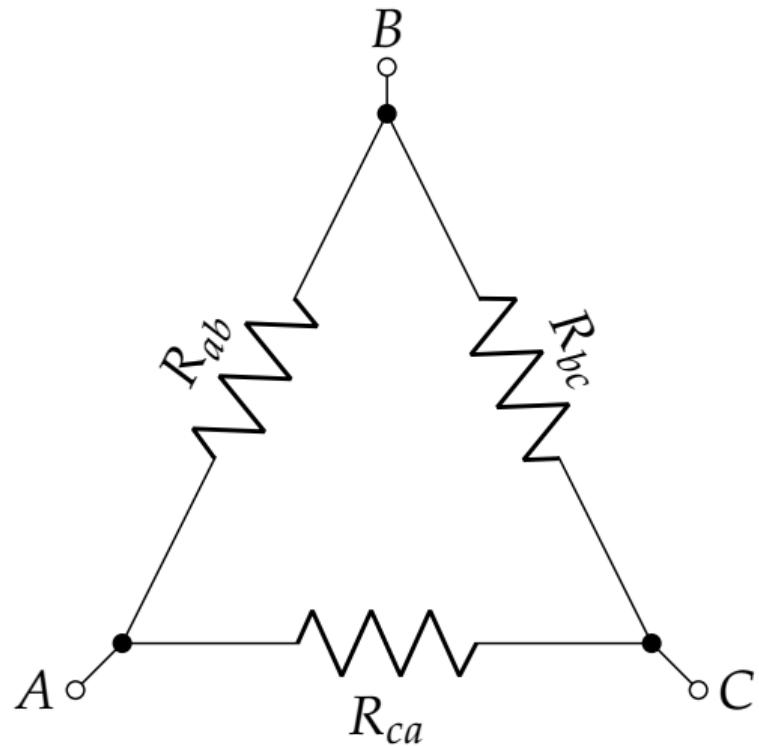
Conexión mixta

Ejemplo

Calcular la corriente que aporta la fuente de tensión del siguiente circuito:

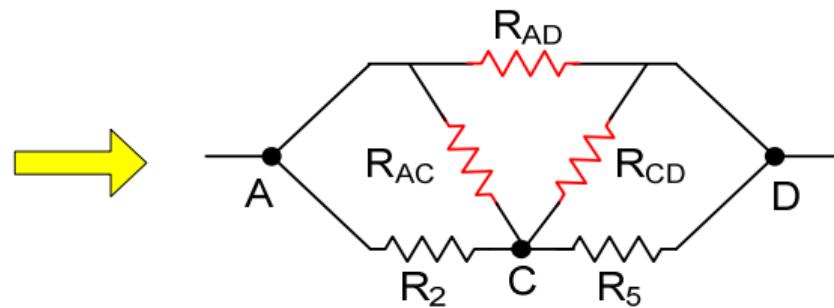
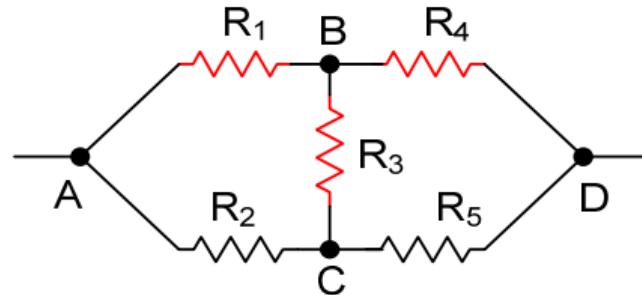
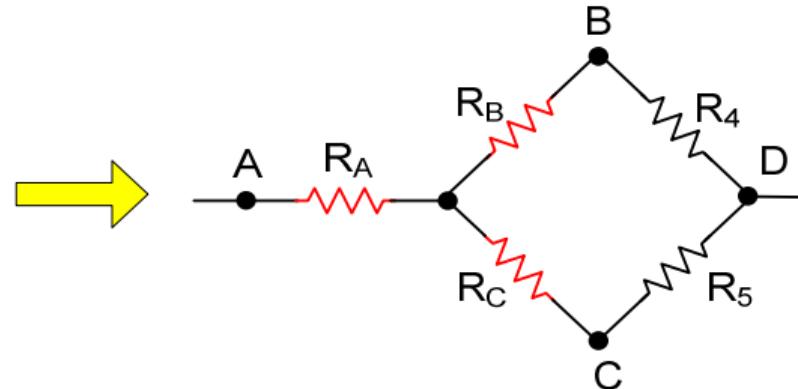
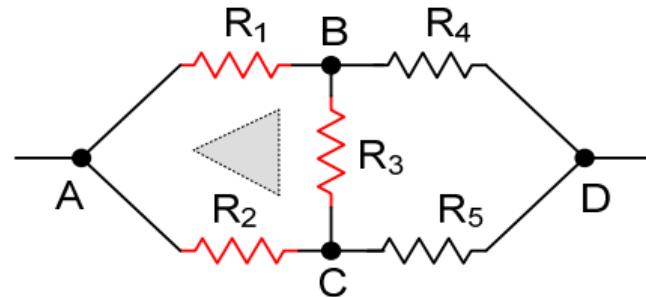


Conexión estrella - triángulo

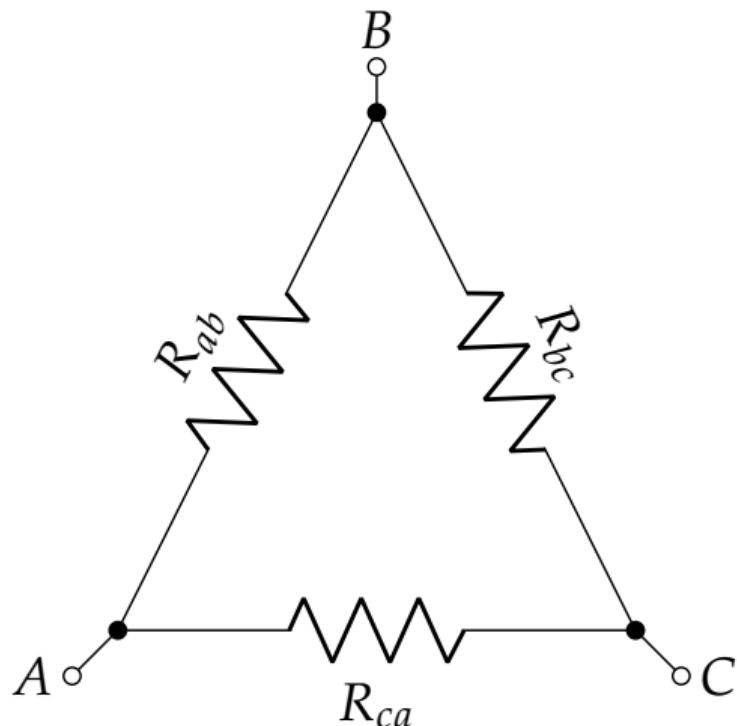


Conexión estrella - triángulo

Existen acoplamientos que no se simplifican mediante reducciones “serie” o “paralelo”. Son necesarias **otras transformaciones**:



Conexión triángulo



La resistencia **vista entre los terminales** A y B es la asociación paralelo de R_{ab} con el serie de R_{bc} y R_{ca} :

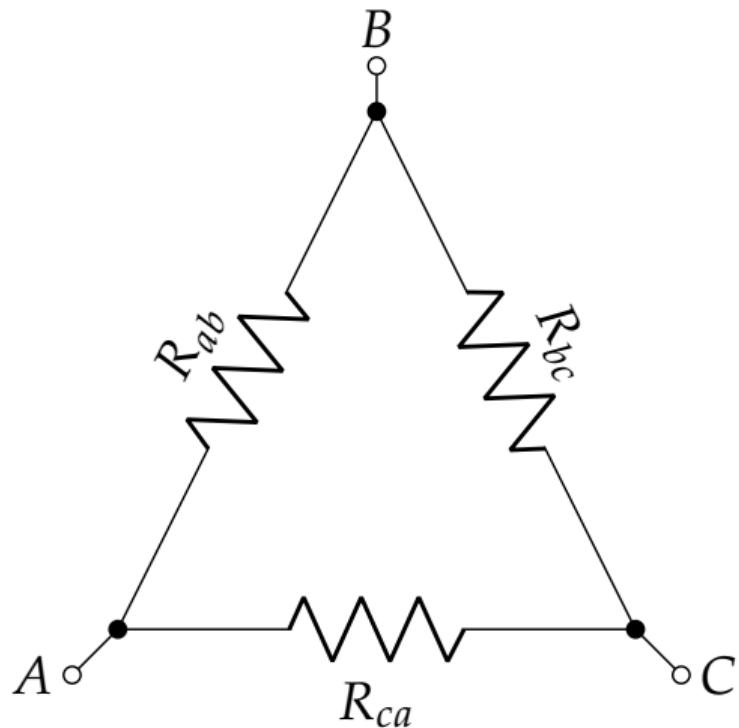
$$R_{AB} = \frac{R_{ab} \cdot (R_{bc} + R_{ca})}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

De la misma forma, para los terminales B-C y C-A:

$$R_{BC} = \frac{R_{bc} \cdot (R_{ab} + R_{ca})}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

$$R_{CA} = \frac{R_{ca} \cdot (R_{ab} + R_{bc})}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

Conexión triángulo



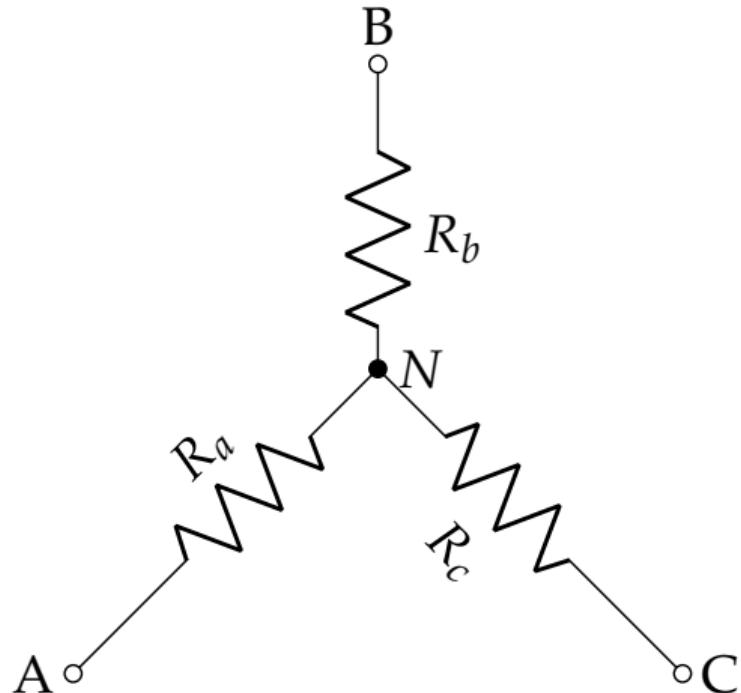
Desarrollando los productos:

$$R_{AB} = \frac{R_{ab} \cdot R_{bc}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} + \frac{R_{ab} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

$$R_{BC} = \frac{R_{bc} \cdot R_{ab}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} + \frac{R_{bc} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

$$R_{CA} = \frac{R_{ca} \cdot R_{ab}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} + \frac{R_{ca} \cdot R_{bc}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

Conexión estrella



La resistencia **vista entre los terminales** A y B es simplemente la asociación serie de R_a y R_b :

$$R_{AB} = R_a + R_b$$

De la misma forma, para los terminales B-C y C-A:

$$R_{BC} = R_b + R_c$$

$$R_{CA} = R_c + R_a$$

Conexión estrella - triángulo: equivalencia

Combinando las expresiones de las dos diapositivas anteriores:

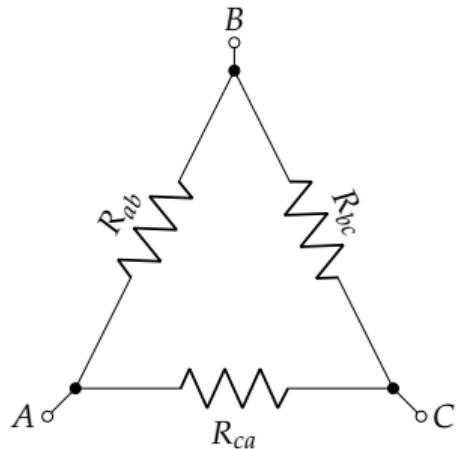
$$\frac{R_{ab} \cdot R_{bc}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} + \frac{R_{ab} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} = R_a + R_b$$

$$\frac{R_{ab} \cdot R_{bc}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} + \frac{R_{bc} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} = R_b + R_c$$

$$\frac{R_{ab} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} + \frac{R_{bc} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}} = R_c + R_a$$

Para **convertir de triángulo a estrella**: la expresión, por ejemplo, para R_a , se obtiene combinando la primera ecuación, menos la segunda, más la tercera (siguiente diapositiva)

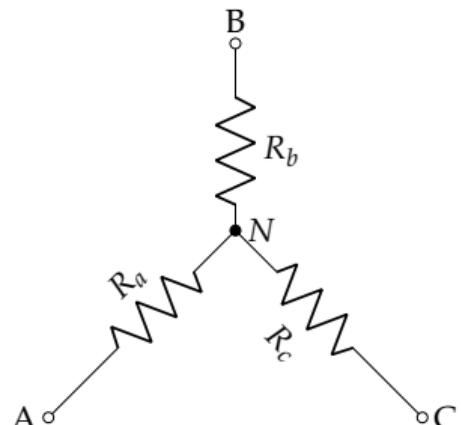
Conversión de triángulo a estrella



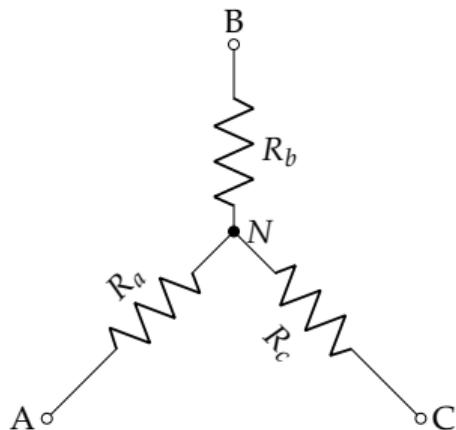
$$R_a = \frac{R_{ab} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

$$R_b = \frac{R_{ab} \cdot R_{bc}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$

$$R_c = \frac{R_{bc} \cdot R_{ca}}{R_{ab} + R_{bc} + R_{ca}}$$



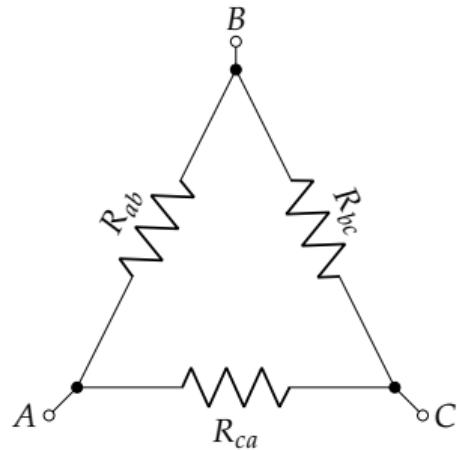
Conversión de estrella a triángulo



$$G_{ab} = \frac{G_a \cdot G_b}{G_a + G_b + G_c}$$

$$G_{bc} = \frac{G_b \cdot G_c}{G_a + G_b + G_c}$$

$$G_{ca} = \frac{G_c \cdot G_a}{G_a + G_b + G_c}$$



(si os interesa la demostración,
está [aquí](#))

Conexión estrella - triángulo, caso particular

En el caso concreto de que las resistencias de la estrella/tríngulo sean **iguales**...

$$R_a = R_b = R_c = R_{\perp}$$

$$R_{ab} = R_{bc} = R_{ca} = R_{\Delta}$$

... las expresiones anteriores se reducen a:

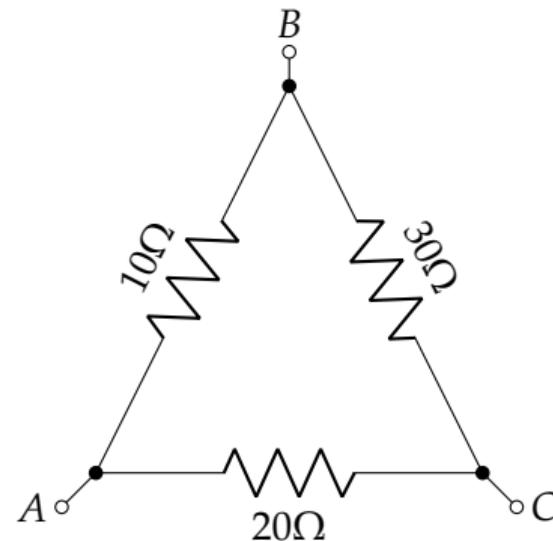
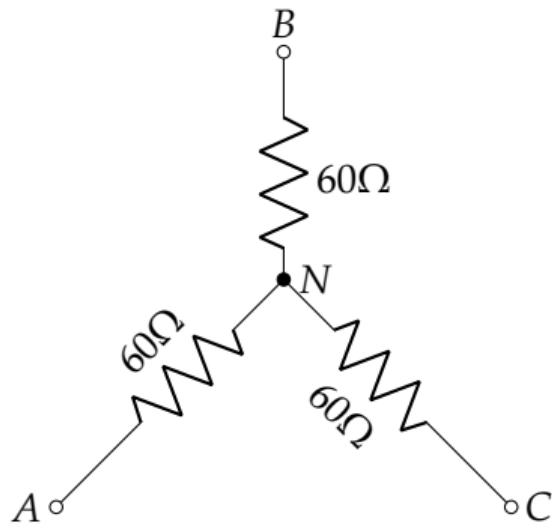
$$R_{\Delta} = 3 \cdot R_{\perp}$$

(este resultado será muy útil en el tema 3, en **corriente alterna trifásica** equilibrada)

Conexión estrella - triángulo

Ejemplo

Convertir los circuitos de la figura a triángulo o estrella equivalente, según corresponda:



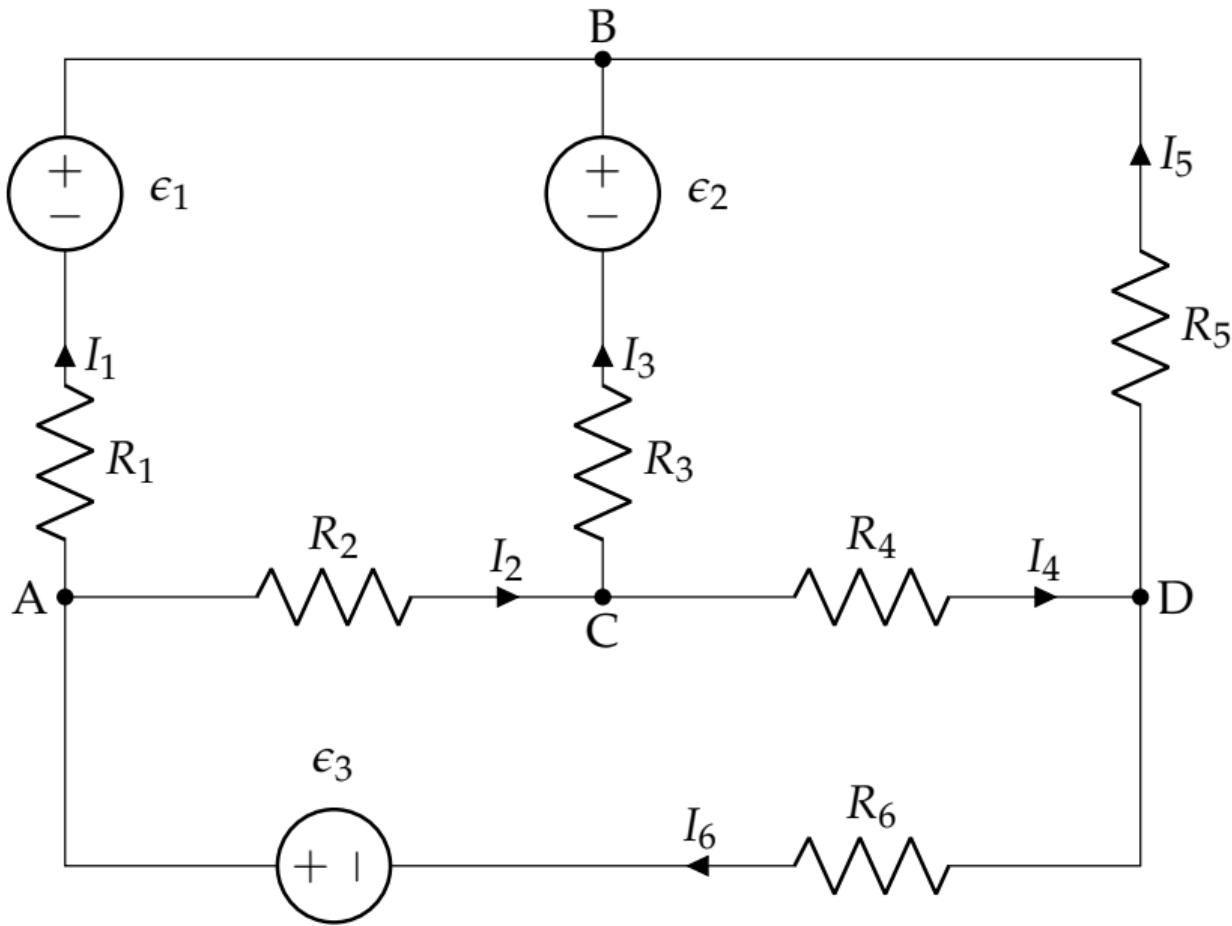
① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

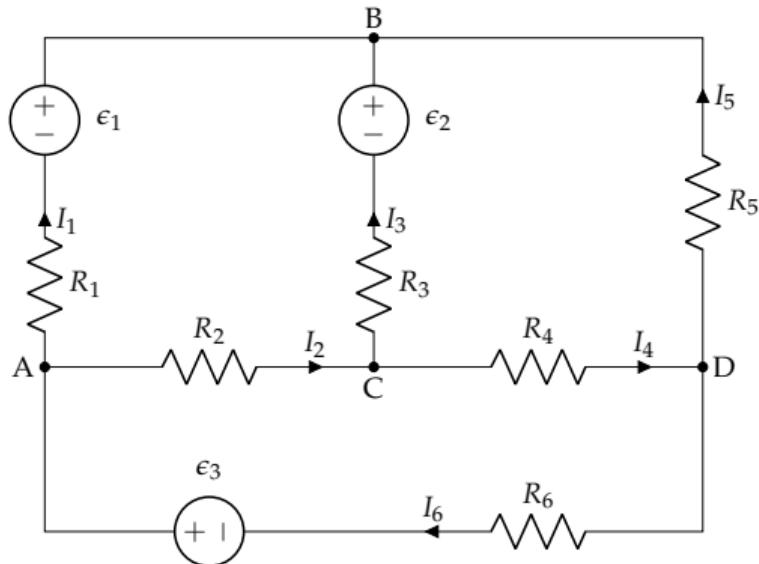
③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas



Paso 1: aplicar 1LK



Cuatro nudos ($N = 4$):

Nudo A: $I_6 = I_1 + I_2$

Nudo B: $I_1 + I_3 + I_5 = 0$

Nudo C: $I_2 = I_3 + I_4$

Nudo D: $I_4 = I_5 + I_6$

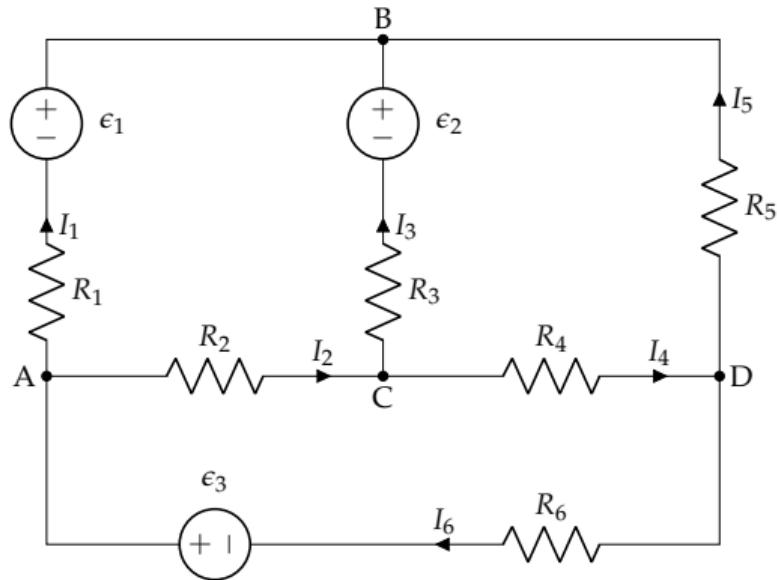
No son ecuaciones linealmente independientes:

$$C = A + B + D$$

El número de **ecuaciones linealmente independientes** aplicando 1LK es $N - 1$

- Lo relevante son las **diferencias de potencial**, así que uno de los nudos siempre es la referencia de potenciales (se puede tomar como potencial cero, o tierra).

Paso 2: aplicar 2LK



Malla ABCA

$$I_1 \cdot R_1 - \epsilon_1 + \epsilon_2 - I_3 \cdot R_3 - I_2 \cdot R_2 = 0$$

Malla BDCB

$$-I_5 \cdot R_5 - I_4 \cdot R_4 + I_3 \cdot R_3 - \epsilon_2 = 0$$

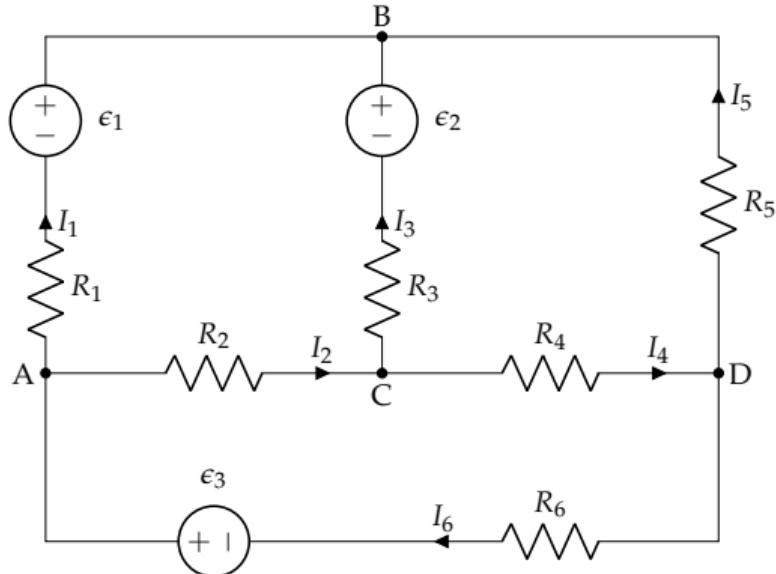
Malla ACDA

$$I_2 \cdot R_2 + I_4 \cdot R_4 + I_6 \cdot R_6 - \epsilon_3 = 0$$

El número de **ecuaciones linealmente independientes** aplicando 2LK es
 $R - (N - 1)$ (nº de ramas – (nº de nudos – 1) = nº de mallas)

- Definición de **rama**, **nudo** y **malla** en la diapositiva 45

Paso 3: combinar las ecuaciones



$$-I_1 - I_2 + I_6 = 0$$

$$I_1 + I_3 + I_5 = 0$$

$$I_4 - I_5 - I_6 = 0$$

$$I_1 \cdot R_1 - I_2 \cdot R_2 - I_3 \cdot R_3 = \epsilon_1 - \epsilon_2$$

$$I_3 \cdot R_3 - I_4 \cdot R_4 - I_5 \cdot R_5 = \epsilon_2$$

$$I_2 \cdot R_2 + I_4 \cdot R_4 + I_6 \cdot R_6 = \epsilon_3$$

Paso 3, en forma matricial

$$\begin{bmatrix} -1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & -1 \\ R_1 & -R_2 & -R_3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & R_3 & -R_4 & -R_5 & 0 \\ 0 & R_2 & 0 & R_4 & 0 & R_6 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \\ I_4 \\ I_5 \\ I_6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ \epsilon_1 - \epsilon_2 \\ \epsilon_2 \\ \epsilon_3 \end{bmatrix}$$

Resolver el circuito implica resolver un sistema lineal de **6 ecuaciones**, en el que las incógnitas son las corrientes de cada rama

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

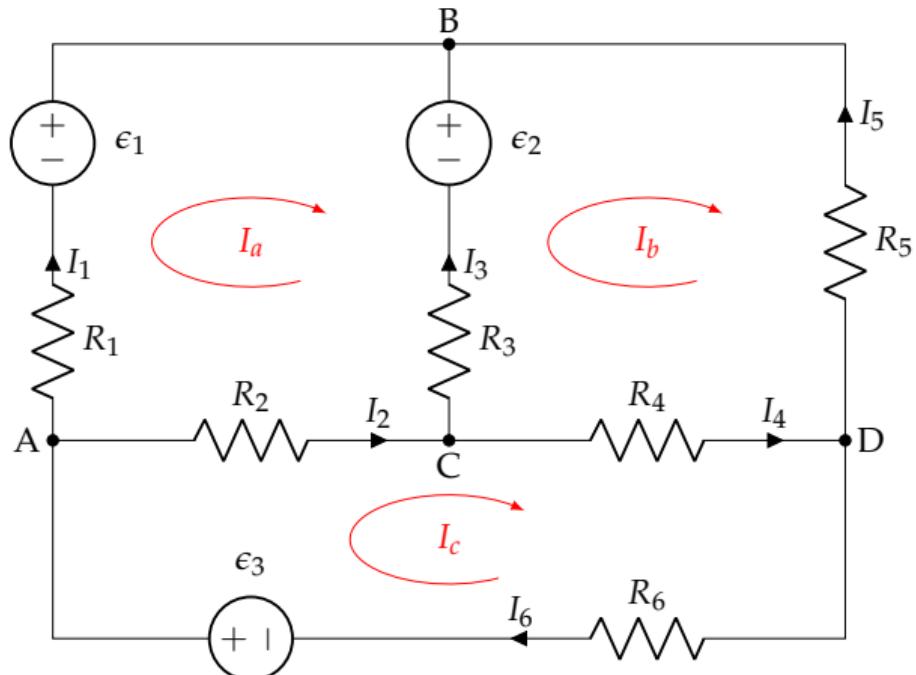
Método de las mallas

Método de los nudos

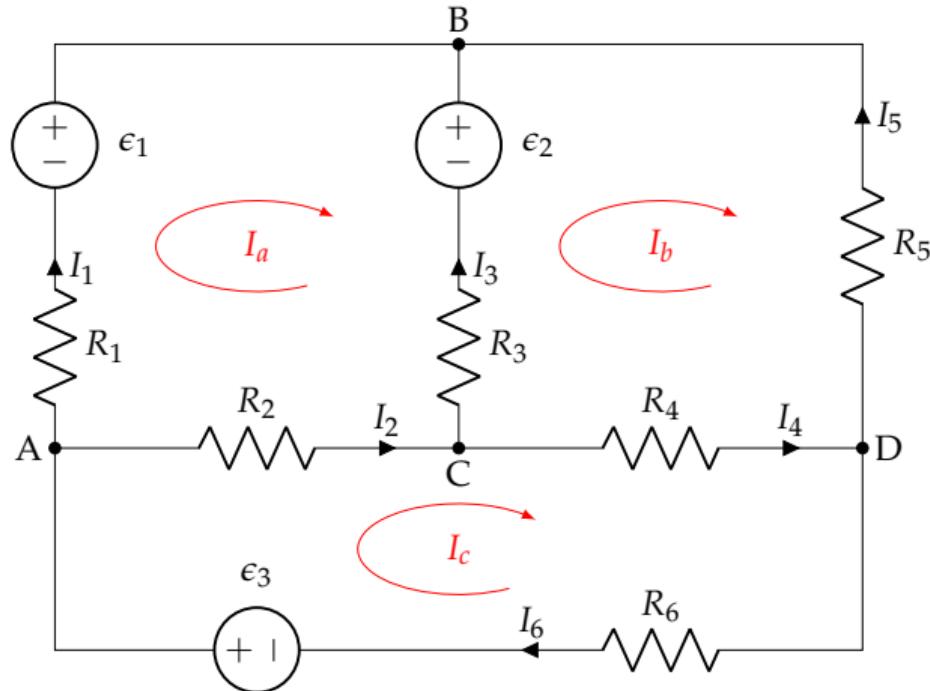
⑤ Teoremas

Método de las mallas

El método de las mallas simplifica el sistema de ecuaciones necesario mediante unas corrientes *ficticias* denominadas **corrientes de malla**, aprovechando las relaciones entre corrientes de la 1LK



Relaciones entre las corrientes de rama y malla



$$I_1 = I_a$$

$$I_5 = -I_b$$

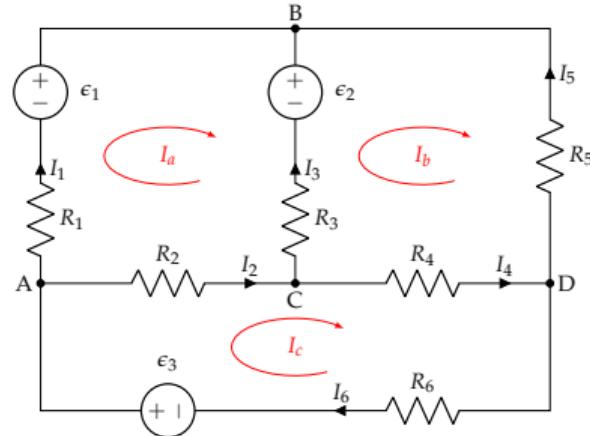
$$I_6 = I_c$$

$$I_2 = I_c - I_a$$

$$I_3 = I_b - I_a$$

$$I_4 = I_c - I_b$$

Ecuaciones de malla, aplicando 2LK



Malla ABCA

$$I_a \cdot R_1 - \epsilon_1 + \epsilon_2 + (I_a - I_b) \cdot R_3 + (I_a - I_c) \cdot R_2 = 0$$

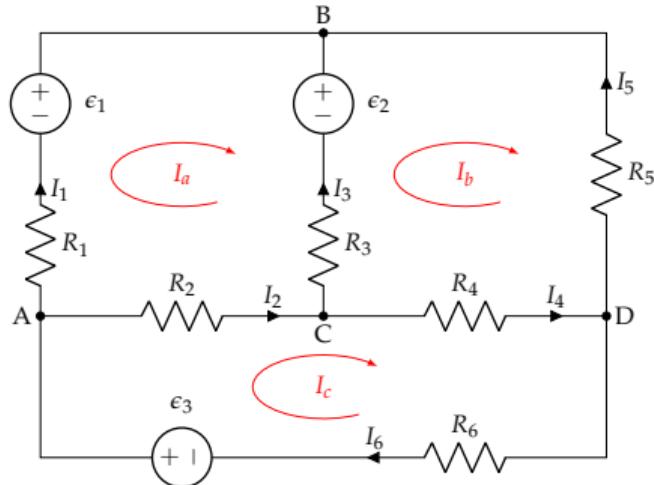
Malla BDCB

$$I_b \cdot R_5 + (I_b - I_c) \cdot R_4 + (I_b - I_a) \cdot R_3 - \epsilon_2 = 0$$

Malla ACDA

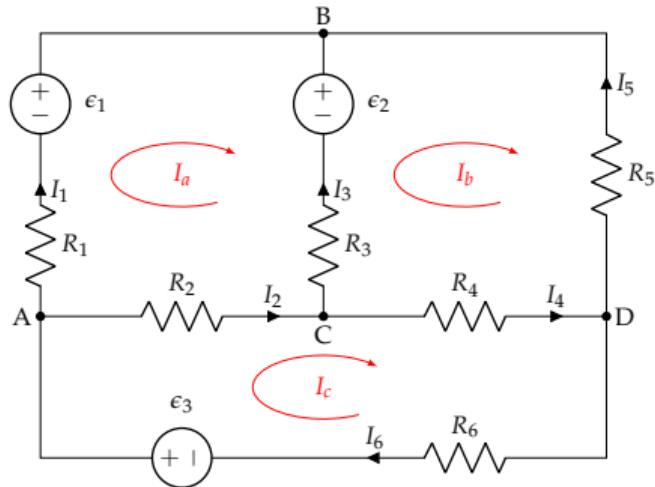
$$(I_c - I_a) \cdot R_2 + (I_c - I_b) \cdot R_4 + I_c \cdot R_6 - \epsilon_3 = 0$$

Reagrupamos corrientes en las ecuaciones



$$\begin{aligned}I_a \cdot (R_1 + R_3 + R_2) - I_b \cdot R_3 - I_c \cdot R_2 &= \epsilon_1 - \epsilon_2 \\-I_a \cdot R_3 + I_b \cdot (R_5 + R_4 + R_3) - I_c \cdot R_4 &= \epsilon_2 \\-I_a \cdot R_2 - I_b \cdot R_4 + I_c \cdot (R_2 + R_4 + R_6) &= \epsilon_3\end{aligned}$$

Y lo expresamos en forma matricial



$$\begin{bmatrix} (R_1 + R_3 + R_2) & -R_3 & -R_2 \\ -R_3 & (R_5 + R_4 + R_3) & -R_4 \\ -R_2 & -R_4 & (R_2 + R_4 + R_6) \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_a \\ I_b \\ I_c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \epsilon_1 - \epsilon_2 \\ \epsilon_2 \\ \epsilon_3 \end{bmatrix}$$

Ecuación general del método de las mallas

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \sum R_{11} & \pm \sum R_{12} & \dots & \pm \sum R_{1n} \\ \pm \sum R_{21} & \sum R_{22} & \dots & \pm \sum R_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \pm \sum R_{n1} & \pm \sum R_{n2} & \dots & \sum R_{nn} \end{bmatrix}}_{\text{matriz simétrica, } n \times n \text{ (n=nº mallas)}} \cdot \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ \vdots \\ I_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum \epsilon_1 \\ \sum \epsilon_2 \\ \vdots \\ \sum \epsilon_n \end{bmatrix}$$

$\sum R_{ii}$ suma de las resistencias incluidas en la malla de I_i

$\sum R_{ij}$ suma de las resistencias incluidas en las ramas compartidas por las mallas de I_i e I_j

(‘+’ si las corrientes van en el mismo sentido, ‘-’ en caso contrario)

$\sum \epsilon_i$ suma algebraica de las fuerzas electromotrices de los generadores de la malla de I_i

(‘+’ si I_i sale por el + de la fuente, ‘-’ en caso contrario)

Procedimiento para el método de las mallas

- ① Identificar las corrientes de rama
- ② Asignar un sentido a las corrientes de malla
- ③ Relacionar corrientes de rama con corrientes de malla
- ④ Escribir ecuación de mallas
- ⑤ Resolver la ecuación, obteniendo las corrientes de malla
- ⑥ Obtener las corrientes de rama a partir de las relaciones del punto 3

Importante: todos los generadores deben ser fuentes de tensión

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

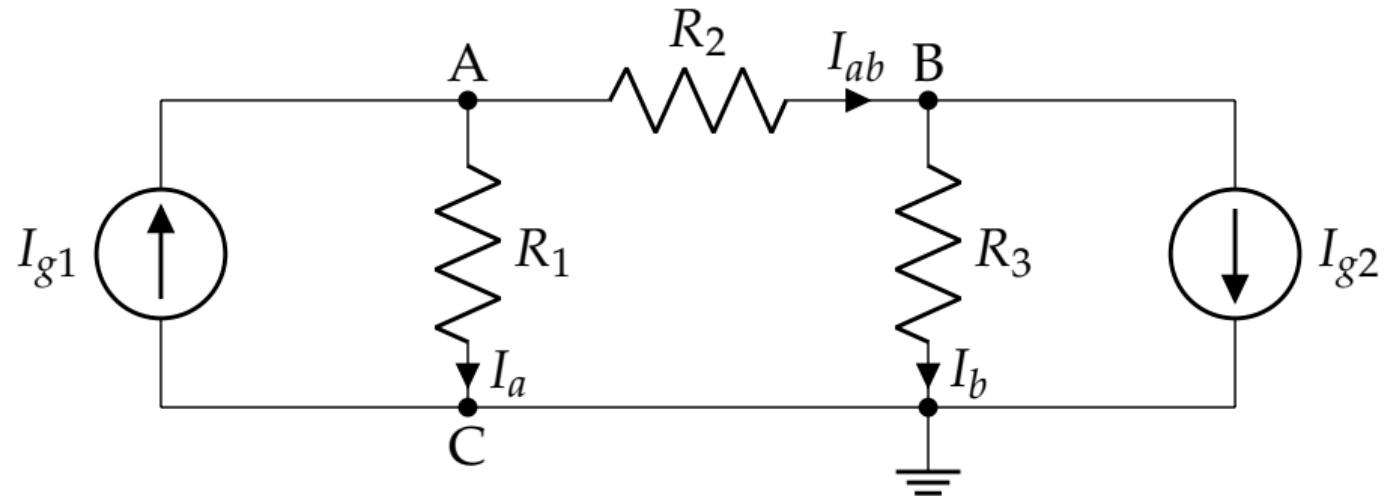
Método de las mallas

Método de los nudos

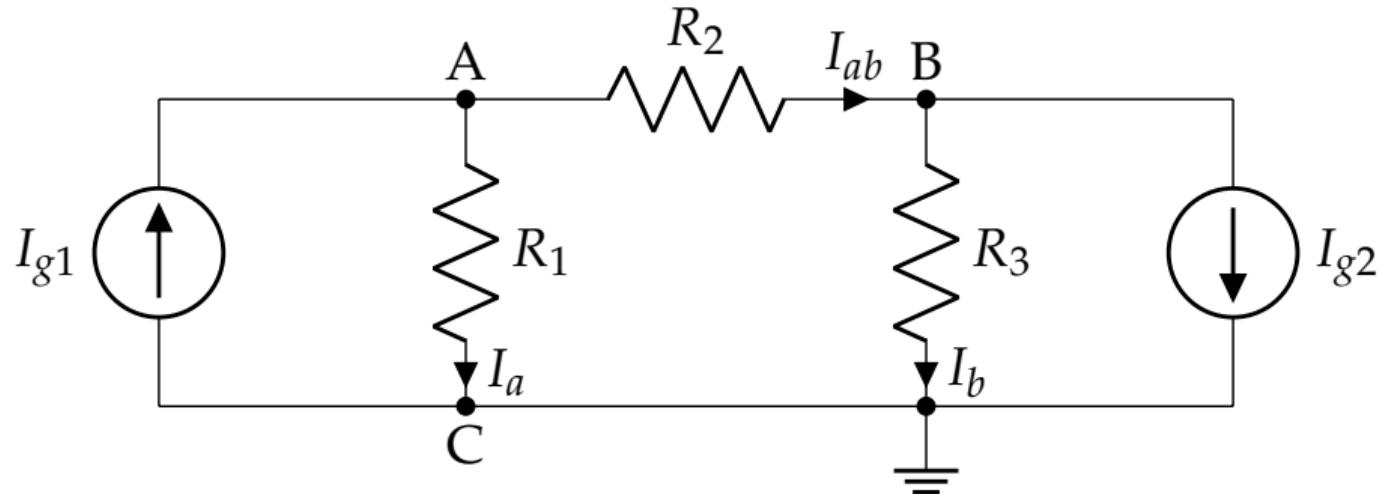
⑤ Teoremas

Método de los nudos

El **método de los nudos** se basa en las relaciones entre corrientes de la 1LK



Ecuaciones de nudo, aplicando 1LK



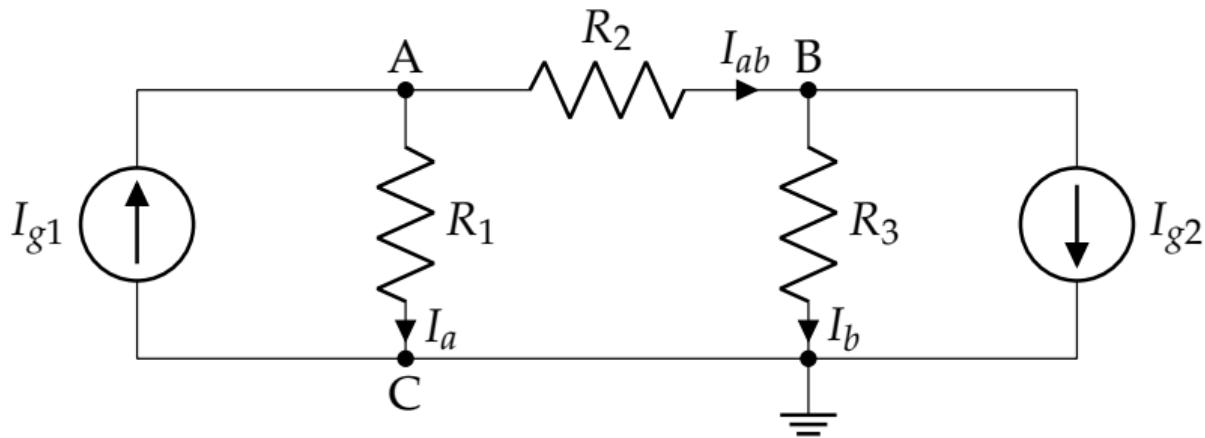
Nudo A

$$I_{g1} - I_a - I_{ab} = 0$$

Nudo B

$$I_{ab} - I_{g2} - I_b = 0$$

Tensiones en las resistencias, ley de Ohm



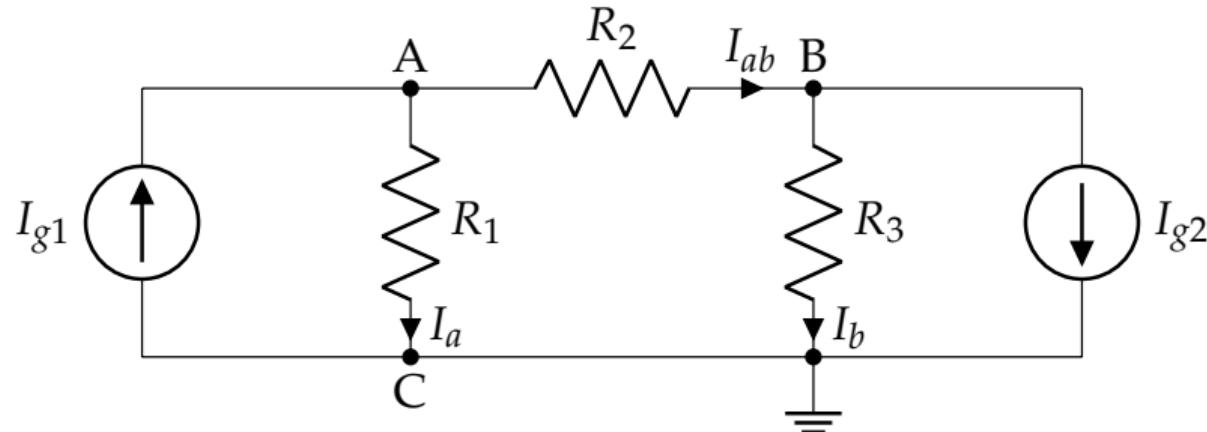
$$V_A = I_a \cdot R_1 \quad \rightarrow \quad I_a = \frac{V_A}{R_1}$$

$$V_B = I_b \cdot R_3 \quad \rightarrow \quad I_b = \frac{V_B}{R_3}$$

$$V_{AB} = I_{ab} \cdot R_2 \quad \rightarrow \quad I_{ab} = \frac{V_A - V_B}{R_2}$$

Combinando las ecuaciones de nudos con la Ley de Ohm

Objetivo: despejar las **tensiones en cada nudo**



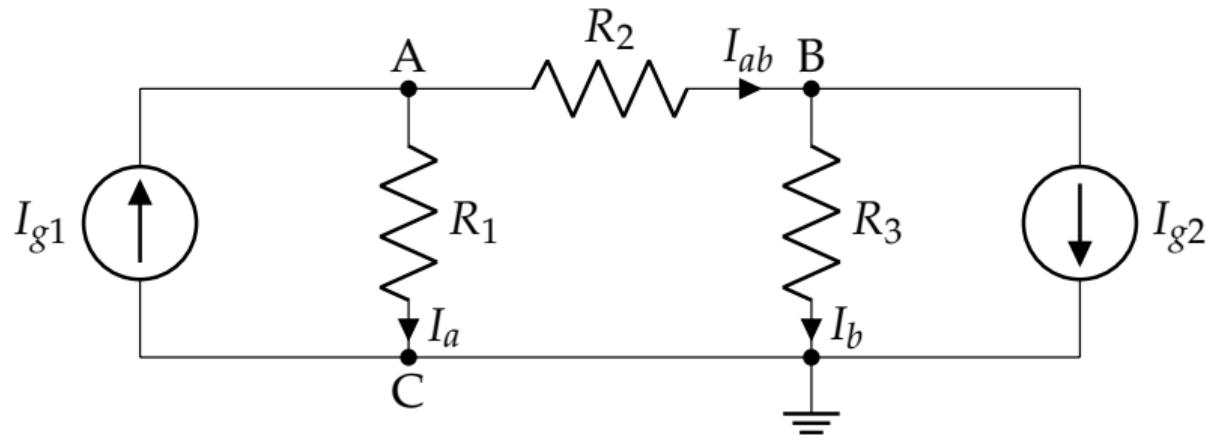
Nudo A

$$I_{g1} - \frac{V_A}{R_1} - \frac{V_A - V_B}{R_2} = 0 \quad \rightarrow \quad I_{g1} = V_A \cdot \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right) - \frac{V_B}{R_2}$$

Nudo B

$$\frac{V_A - V_B}{R_2} - I_{g2} - \frac{V_B}{R_3} = 0 \quad \rightarrow \quad -I_{g2} = -\frac{V_A}{R_2} + V_B \cdot \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \right)$$

Y expresando en forma matricial



$$\begin{bmatrix} \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} & -\frac{1}{R_2} \\ -\frac{1}{R_2} & \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} V_A \\ V_B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_{g1} \\ -I_{g2} \end{bmatrix}$$

Método de los nudos

Ecuación general

$$\underbrace{\begin{bmatrix} \sum G_{11} & -\sum G_{12} & \dots & -\sum G_{1n} \\ -\sum G_{21} & \sum G_{22} & \dots & -\sum G_{2n} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ -\sum G_{n1} & -\sum G_{n2} & \dots & \sum G_{nn} \end{bmatrix}}_{\text{matriz simétrica, } n \times n \text{ (n=nº nudos-1)}} \cdot \begin{bmatrix} U_1 \\ U_2 \\ \vdots \\ U_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum I_{g1} \\ \sum I_{g2} \\ \vdots \\ \sum I_{gn} \end{bmatrix}$$

$\sum G_{ii}$ Suma de las conductancias conectadas al nudo i

$\sum G_{ij}$ Suma de las conductancias conectadas entre los nudos i y j

$\sum I_{gi}$ Suma algebraica de las corrientes de los generadores conectados en el nudo i
(‘+’ si el generador inyecta corriente en el nudo, ‘-’ en caso contrario)

Importante: todos los generadores deben ser fuentes de corriente

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

Circuitos lineales

Teoremas de Thévenin y Norton

Teorema de máxima transferencia de potencia

Circuitos lineales

Un circuito eléctrico es **lineal** si los elementos pasivos y activos que incluye son lineales:

- ▶ **Elemento pasivo:** la relación entre tensión y corriente es lineal (R, L, C)
- ▶ **Fuente dependiente:** su salida tiene una relación lineal con la magnitud del circuito de la que depende

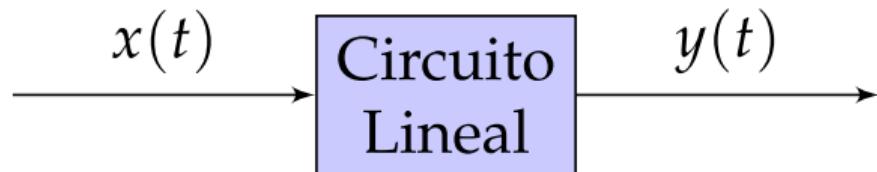
Propiedades:

- ▶ **Proporcionalidad** u homogeneidad
- ▶ **Superposición** o aditividad

Proporcionalidad

Sea $y(t)$ la respuesta de un **círcuito lineal** a una excitación $x(t)$

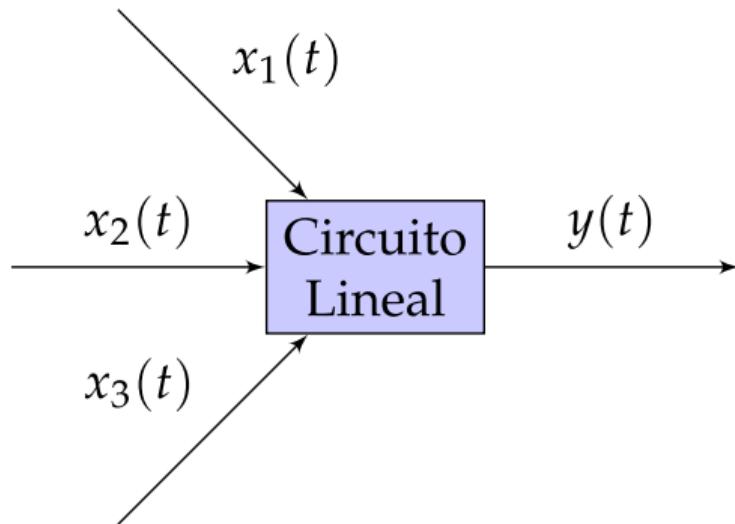
Si la excitación es multiplicada por una **constante**, $k \cdot x(t)$, la respuesta del circuito será modificada por la misma constante, $k \cdot y(t)$



Superposición

La respuesta de un **circuito lineal** a varias fuentes de excitación actuando simultáneamente es igual a la **suma de las respuestas** que se tendrían cuando actuase cada una de ellas por separado

$$y(t) = \sum_i y_i(t)$$



Análisis de un circuito mediante superposición

Procedimiento

- ① Se **eliminan** todas las **fuentes independientes** del circuito menos una
 - ▶ Las fuentes de **tensión** se sustituyen por un **cortocircuito** ($U = 0$)
 - ▶ Las fuentes de **corriente** se sustituyen por un **circuito abierto** ($I = 0$)
 - ▶ Las fuentes **dependientes no se modifican**
- ② Se analiza el circuito, obteniendo la **respuesta individual** a la fuente que permanece activa
- ③ Se repite este procedimiento para **cada una de las fuentes independientes** del circuito
- ④ La respuesta total del circuito es la **suma de las respuestas individuales**

Principio de superposición y potencia

El principio de superposición aplica a tensiones y corrientes, pero **NO a potencias** (ya que potencia es el resultado de una **operación no lineal**, el producto de corriente y tensión)

Supongamos $I = I_1 + I_2$:

$$\begin{aligned} P &= R \cdot I^2 = \\ &= R \cdot (I_1 + I_2)^2 = \\ &= R \cdot (I_1^2 + I_2^2 + 2 \cdot I_1 \cdot I_2) \end{aligned}$$

$$P \neq P_1 + P_2$$

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

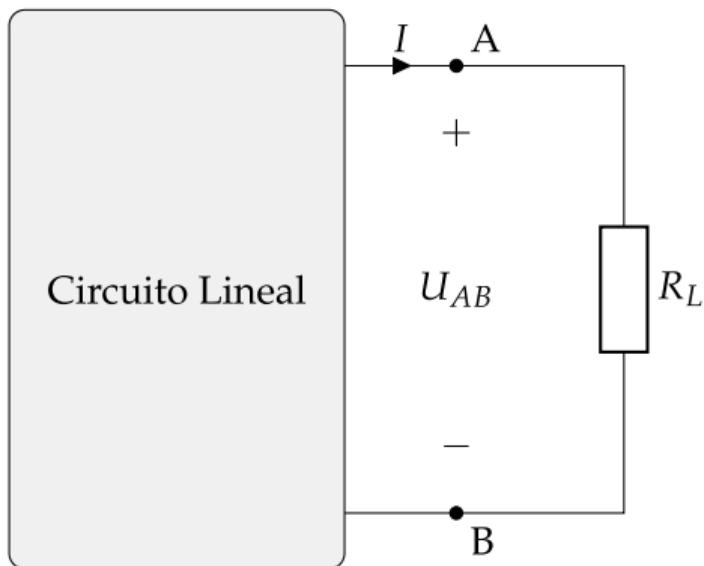
Circuitos lineales

Teoremas de Thévenin y Norton

Teorema de máxima transferencia de potencia

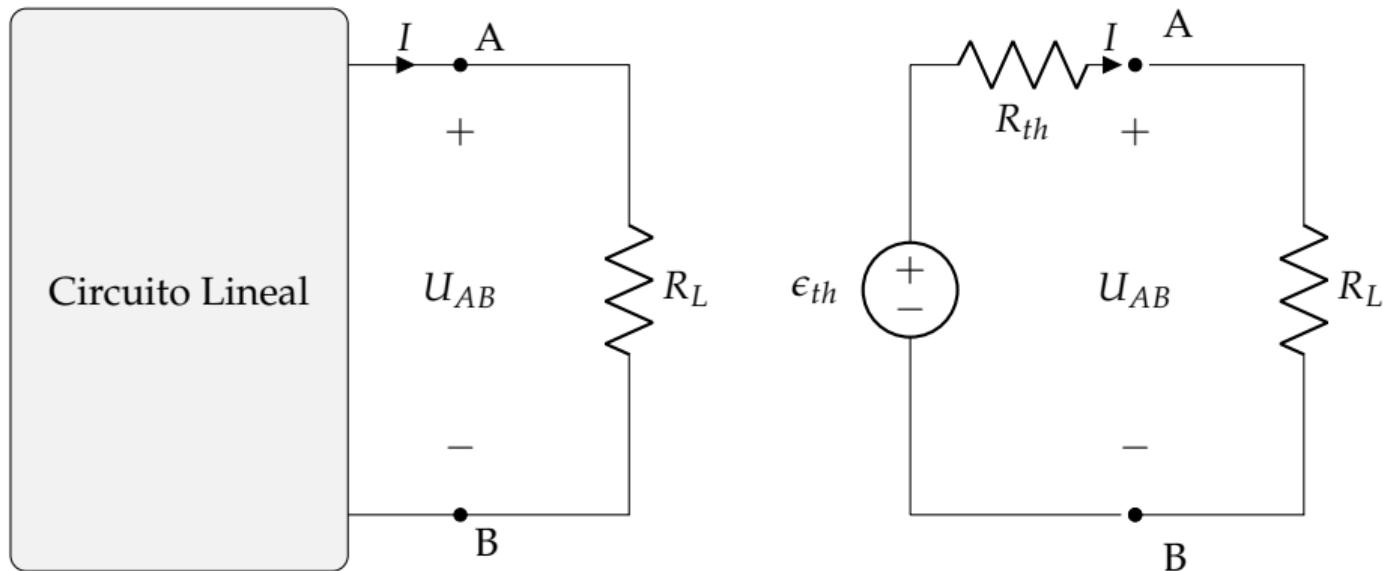
Teoremas de Thévenin y Norton

- ▶ Permiten transformar un circuito complejo en un equivalente **más simple**
- ▶ Útiles cuando solo nos interesa la **respuesta global de un circuito**, y no las intensidades y tensiones parciales

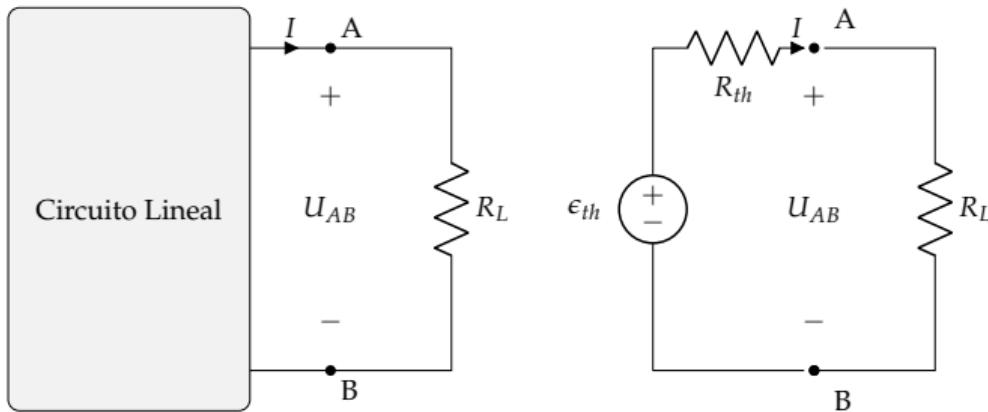


Teorema de Thévenin en corriente continua

Cualquier **red lineal** compuesta por elementos activos y pasivos **puede sustituirse**, desde el punto de vista de sus terminales externos AB , por una **fuente de tensión** (generador de Thévenin, ϵ_{th}) en **serie** con una **resistencia** (resistencia de Thévenin, R_{th})



Cálculo del equivalente de Thévenin



- ▶ Circuito abierto ($R_L \rightarrow \infty$, $U_{AB} = U_{oc}$)

$$\epsilon_{th} = U_{oc}$$

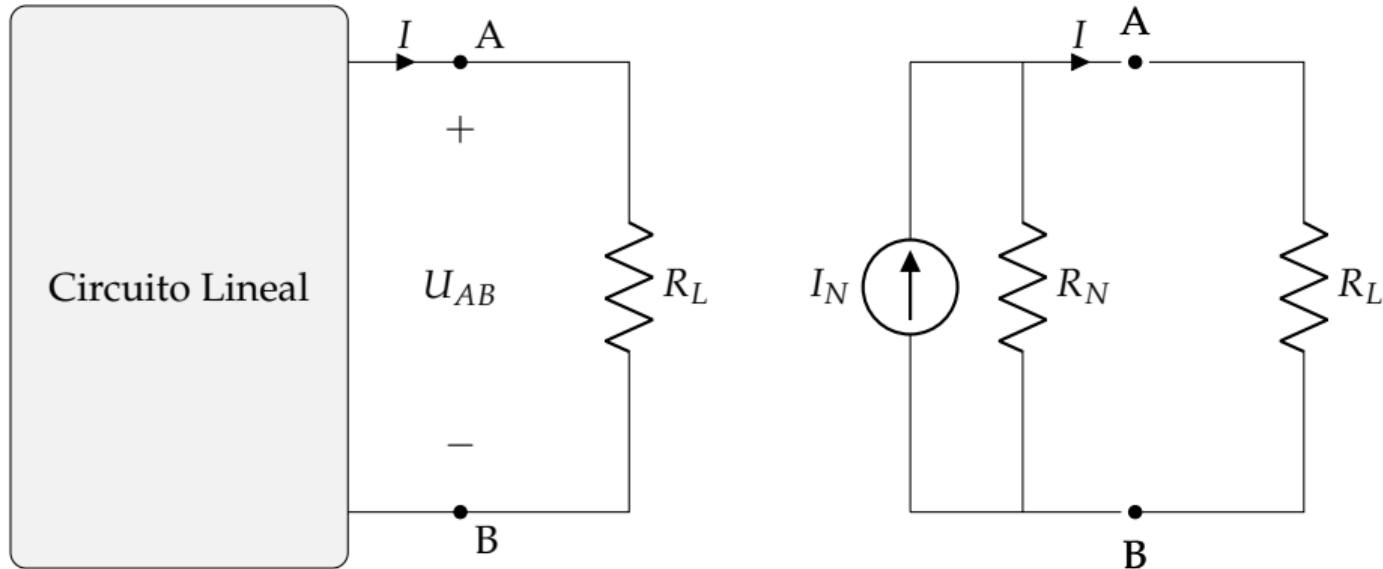
(SC \equiv short circuit, OC \equiv open circuit)

- ▶ Cortocircuito ($R_L = 0$, $I = I_{sc}$)

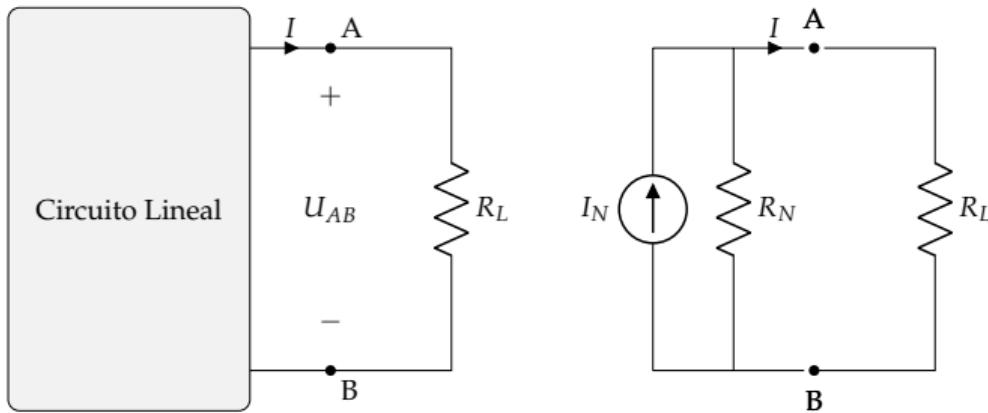
$$R_{th} = \frac{\epsilon_{th}}{I_{sc}} = \frac{U_{oc}}{I_{sc}}$$

Teorema de Norton en corriente continua

Cualquier **red lineal** compuesta por elementos activos y pasivos **puede sustituirse**, desde el punto de vista de sus terminales externos AB , por una **fuente de corriente** (generador de Norton, I_N) en **paralelo** con una **resistencia** (resistencia de Norton, R_N)



Cálculo del equivalente de Norton



- Cortocircuito ($R_L = 0$, $I = I_{sc}$)

$$I_N = I_{sc} \quad (\text{SC} \equiv \text{short circuit}, \quad \text{OC} \equiv \text{open circuit})$$

- Circuito abierto ($R_L \rightarrow \infty$, $U_{AB} = U_{oc}$)

$$R_N = \frac{U_{oc}}{I_N} = \frac{U_{oc}}{I_{sc}}$$

Cálculo de Thévenin/Norton

Procedimiento

- ▶ Cálculo de la **resistencia Thévenin/Norton**:
 - ▶ Si el circuito **no** contiene **fuentes dependientes**, se puede realizar **eliminando** todos los **generadores** y obteniendo la resistencia equivalente
 - ▶ Si el circuito contiene **fuentes dependientes**, es necesario conectar un **generador de prueba** a la salida del circuito y obtener la relación entre tensión y corriente de este generador
- ▶ Mediante **equivalencia de fuentes** de tensión y corriente, una vez obtenido el equivalente Thévenin o Norton, se puede obtener el otro mediante transformación

① Conceptos fundamentales

② Elementos de los circuitos

③ Leyes de Kirchhoff

④ Métodos de análisis

⑤ Teoremas

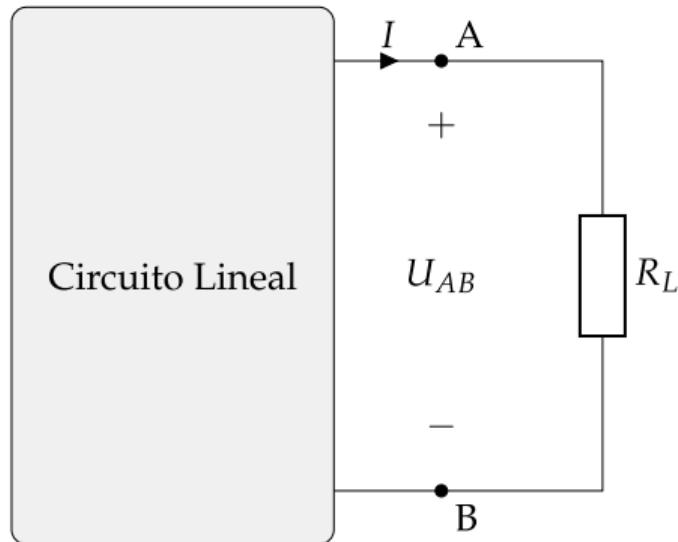
Circuitos lineales

Teoremas de Thévenin y Norton

Teorema de máxima transferencia de potencia

Teorema de máxima transferencia de potencia: planteamiento

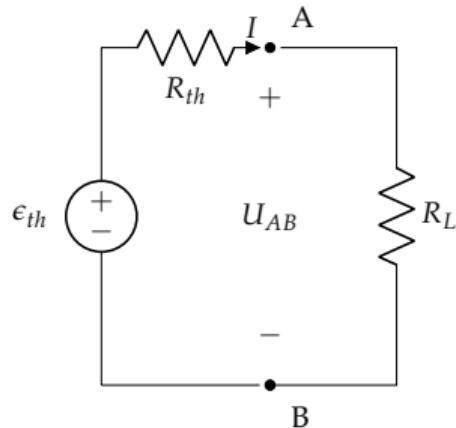
¿Qué resistencia R_L hay que conectar en los terminales AB para que el circuito entregue la **máxima potencia posible**?



Se aplica el **equivalente de Thévenin** (siguiente diapositiva)

Ecuaciones

Calculamos la **potencia en la resistencia de carga R_L** :



$$I = \frac{\epsilon_{th}}{R_{th} + R_L}$$

$$P_L = I^2 \cdot R_L$$

$$P_L = \frac{\epsilon_{th}^2}{(R_{th} + R_L)^2} \cdot R_L$$

La **condición de máximo** es:

$$\boxed{\frac{\partial P_L}{\partial R_L} = 0}$$

Resistencia

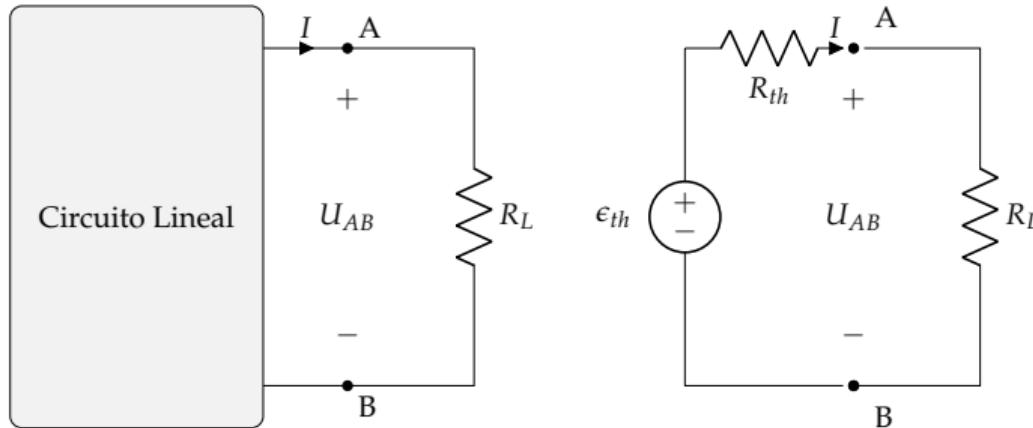
$$\frac{\partial P_L}{\partial R_L} = \epsilon_{th}^2 \cdot \left[\frac{1}{(R_L + R_{th})^2} - 2 \cdot \frac{R_L}{(R_L + R_{th})^3} \right] = \frac{\epsilon_{th}^2 \cdot (R_{th} - R_L)}{(R_L + R_{th})^3}$$

Aplicando la **condición de máximo**:

$$\frac{\partial P_L}{\partial R_L} = 0 \quad \rightarrow \quad \boxed{R_L = R_{th}}$$

Resistencia de carga (o resistencias “adaptadas”)

Dado un circuito lineal (del que se puede calcular su equivalente de Thévenin) ...

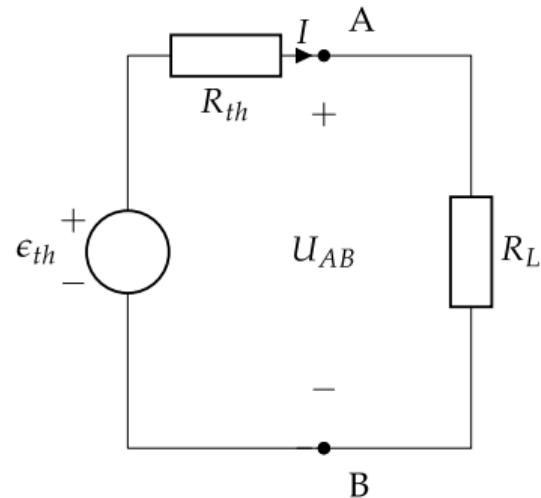


... la **resistencia de carga** que hay que conectar entre sus terminales AB para obtener la máxima potencia disponible es:

$$R_L = R_{th}$$

Máxima potencia disponible

La **máxima potencia** que puede entregarse a la carga es:



$$\left. \begin{aligned} R_L &= R_{th} \\ P_L &= \frac{\epsilon_{th}^2}{(R_{th}+R_L)^2} \cdot R_L \end{aligned} \right\} \rightarrow P_L = \frac{\epsilon_{th}^2}{4R_{th}}$$

Importante

Esta expresión es **válida únicamente** para calcular la **máxima transferencia** de potencia

(no aplica para calcular la potencia disipada por una resistencia genérica en un circuito cualquiera)