波动光学基础

光是电磁波

电磁波的波源:凡是做**加速运动**的电荷或电荷系都是发射电磁波的波源。加速运动的电荷在其周围空间产生**变化的电场**,变化的电场又产生**变化的磁场**,这种电场和磁场互相激发、由近及远地传播,就形成了电磁波。

电磁波是横波,是电场强度 E 与磁场强度 H 的矢量波。

$$oldsymbol{E}(oldsymbol{r},t)=oldsymbol{E}_0\cos\omega(t-rac{r}{u})$$

$$oldsymbol{H}(oldsymbol{r},t) = oldsymbol{H}_0\cos\omega(t-rac{r}{u})$$

- E(r,t): 电场强度矢量,描述空间某点在某一时刻电场的强弱与方向
- H(r,t): 磁场强度矢量,描述空间某点在某一时刻磁场的强弱与方向
- r: 从坐标原点到场点的**矢径**(位矢)
- u: 电磁波在均匀介质中的**传播速率**

平面简谐电磁波的特性

- 1. 电磁波场矢量 E 和 H 在同一地点同时存在,相位相同,并以相同的速度传播
- 2. $m{E}$ 和 $m{H}$ 互相垂直,且两者都与波的传播方向(波速 $m{u}$ 的方向)垂直, $m{E}$, $m{H}$, $m{u}$ 三者满足**右手螺旋** 定则
- 3. 在空间任意一点处,E 和 H 的振幅在量值上满足关系:

$$\sqrt{\varepsilon}E_0 = \sqrt{\mu}H_0$$

其中 $arepsilon = arepsilon_r arepsilon_0$, $\mu = \mu_r \mu_0$ 分别是介质的总介电常数和总磁导率

4. 电磁波的传播速率 u 由介质的介电常数 ε 和磁导率 μ 共同决定:

$$u=\sqrt{\frac{1}{\varepsilon\mu}}$$

🦞 提示:

• 在**真空**中, $\varepsilon_r = 1$, $\mu_r = 1$,电磁波的传播速率即为真空中的光速:

$$c=rac{1}{\sqrt{arepsilon_0\mu_0}}pprox 2.9979 imes 10^8\,\mathrm{m/s}$$

- ε_0 是**真空介电常数**, μ_0 是**真空磁导率**,都是基本物理常数
- ε_r 是介质的相对介电常数(或称介电常数), μ_r 是介质的相对磁导率
- 5. 电磁波在两种不同介质的分界面上会发生**反射**和**折射**。电磁波在真空中的速率 c 与在某种介质中的速率 u 之比称为该介质的**绝对折射率** n (简称折射率):

$$n = \frac{c}{u} = \sqrt{\varepsilon_r \mu_r}$$

对于**非铁磁性介质**, $\mu_r \approx 1$,因此折射率 n 可近似为:

$$npprox\sqrt{arepsilon_r}$$

光是电磁波

- 可见光的波长范围为 0.4 ~ 0.76 µm (微米)
- 对应的频率范围为 7.5 × 10¹⁴ Hz ~ 3.9 × 10¹⁴ Hz
- 引起视觉和光化学效应的是光波中的电场矢量 E
- ullet 由于带电粒子受电场的作用力远大于磁场作用力,因此常将 $oldsymbol{E}$ 矢量称为**光矢量**
- 光强通常用 E 表示而不用 H

光源与光波的叠加

光源

光源:指发光的物体。任何发光过程都伴随着物体内部的能量变化。

发光机理: 当原子或分子从**高能态**跃迁到**低能态**时,如果能量以光的形式释放,物体就会发光。

常见发光过程:

• 热辐射: 物体因加热而发光(如白炽灯)

• **电致发光**: 电能直接转换为光能(如LED、气体放电)

• 光致发光: 物质吸收光子后重新辐射出光(如荧光、磷光)

• 化学发光: 化学反应过程中产生的光(如萤火虫)

光源发出的光是大量**简谐波**的叠加,这些光波的**频率和振幅**通常各不相同。

光波的叠加

干涉现象

当两束光波满足以下**相干条件**时:

- 1. 频率相同
- 2. 振动方向平行
- 3. 相位差恒定

在光波重叠区域会出现:

- 某些点合成光强大于分光强之和
- 某些点合成光强小于分光强之和
- 形成明暗相间、稳定分布的干涉条纹

这种叠加称为**相干叠加**,满足条件的光称为**相干光**。

数学描述

设两光波在 P 点的振动方程为:

$$E_1 = E_{01}\cos(\omega_1 t - rac{\omega_1 r_1}{u} + arphi_1)$$

$$E_2=E_{02}\cos(\omega_2 t-rac{\omega_2 r_2}{u}+arphi_2)$$

P 点的合光矢量 E_P 为:

$$\boldsymbol{E}_P = \boldsymbol{E}_1 + \boldsymbol{E}_2$$

合振动的光强 I_P 与合振幅的平方成正比,即:

$$egin{aligned} I_P & \propto E_P^2 = (m{E}_1 + m{E}_2)^2 \ & = E_1^2 + E_2^2 + 2m{E}_1 \cdot m{E}_2 \end{aligned}$$

对时间求平均后,得到合成光强:

$$I_P = I_1 + I_2 + 2 \langle m{E}_1 \cdot m{E}_2
angle$$

其中第三项 $2\langle \boldsymbol{E}_1\cdot\boldsymbol{E}_2\rangle$ 称为**干涉项**,决定了两光波叠加的性质。

干涉项 $\langle oldsymbol{E}_1 \cdot oldsymbol{E}_2
angle$ 的展开

两项点积的结果为:

$$egin{aligned} m{E}_1 \cdot m{E}_2 &= E_{01} E_{02} \cos(\omega_1 t + lpha_1) \cos(\omega_2 t + lpha_2) \ &= rac{1}{2} E_{01} E_{02} \{ \cos[(\omega_1 + \omega_2) t + (lpha_1 + lpha_2)] + \cos[(\omega_1 - \omega_2) t + (lpha_1 - lpha_2)] \} \end{aligned}$$

其中
$$lpha_1=-rac{\omega_1r_1}{u}+arphi_1$$
, $lpha_2=-rac{\omega_2r_2}{u}+arphi_2$ o

对时间求平均:

$$\langle oldsymbol{E}_1 \cdot oldsymbol{E}_2
angle = rac{1}{2} E_{01} E_{02} \langle \cos[(\omega_1 + \omega_2)t + (lpha_1 + lpha_2)]
angle + rac{1}{2} E_{01} E_{02} \langle \cos[(\omega_1 - \omega_2)t + (lpha_1 - lpha_2)]
angle$$

叠加类型分析

- 1. 非相干叠加 (干涉项为零):
 - 当 $m E_1 \perp m E_2$ 时, $\langle m E_1 \cdot m E_2
 angle = 0$
 - 当 $\omega_1
 eq \omega_2$ 时, $\langle m{E}_1 \cdot m{E}_2
 angle = 0$
 - 当 $\omega_1=\omega_2$ 但相位差 $(arphi_1-arphi_2)$ 不恒定,时间平均 $\langle m{E}_1\cdotm{E}_2 \rangle=0$

此时合成光强为两光强直接相加:

$$I_P = I_1 + I_2$$

2. 相干叠加:

当满足相干条件时,干涉项不为零。设 $\omega_1=\omega_2=\omega$,相位差 $\Delta \varphi$ 恒定:

$$I_P = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1I_2}\cos(\Deltaarphi)$$

其中相位差:

$$\Delta arphi = arphi_2 - arphi_1 + rac{\omega}{c}(r_1 - r_2)$$

• 当 $\Delta \varphi = \pm 2k\pi$ (k = 0, 1, 2, ...) 时, $\cos(\Delta \varphi) = 1$,出现明条纹:

$$I_{
m max} = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1I_2}$$

• 当 $\Delta \varphi = \pm (2k+1)\pi$ (k=0,1,2,...) 时, $\cos(\Delta \varphi) = -1$,出现暗条纹:

$$I_{\min} = I_1 + I_2 - 2\sqrt{I_1 I_2}$$

• 特别地,当 $I_1 = I_2 = I_0$ 时:

$$I_{\mathrm{max}}=4I_{0},\quad I_{\mathrm{min}}=0$$

干涉条纹对比度最大,效果最明显。

通常取可见度 η 作为条纹清晰度的量度:

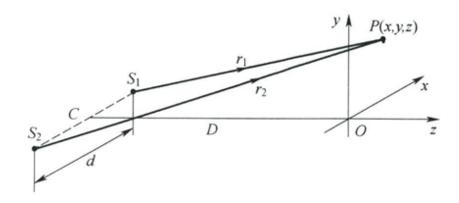
$$\eta = rac{I_{max} - I_{min}}{I_{max} + I_{min}}$$

可以看出,当 I_{min} =0(暗纹全暗)时, η =1,此时条纹最清晰;当 $I_{min} \to I_{max}$ 时, $\eta \to 0$,条纹模糊不清。 总结:

干涉项不为零时,光波的叠加称为相干叠加,产生稳定的干涉图样 两束光产生干涉的条件(称为相干条件有:

- 频率相同
- 相位差恒定
- 光矢量振动方向平行

获得相干光的方法 杨氏实验



- $S_1S_2=d$: 双缝间距
- D: 双缝到屏幕的距离
- $D\gg d$: 实现近似计算的关键条件
- P: 屏上任意一点,坐标为 (x,y)
- r₁, r₂: 分别表示 S₁, S₂ 到 P 点的距离 根据几何关系:

$$r_1^2=D^2+\left(x-rac{d}{2}
ight)^2$$

$$r_2^2=D^2+\left(x+rac{d}{2}
ight)^2$$

两式相减:

$$r_2^2 - r_1^2 = (r_2 - r_1)(r_2 + r_1) = 2xd$$

波程差表达式:

$$\delta=r_2-r_1=rac{2xd}{r_2+r_1}$$

利用近似条件 $D \gg d$:

$$r_2 + r_1 pprox 2D$$

得到波程差的近似表达式:

$$\delta = \frac{xd}{D}$$

相应的两相干波在P点相位差为

$$\Delta arphi = arphi_1 - arphi_2 + rac{\omega}{c} \delta$$

由实验条件知 $\varphi_1=\varphi_2$,以 ν 表示单色光频率, λ 表示与其对应的波长,则 $\omega=2\pi\nu,\frac{\omega}{c}=2\pi\frac{\nu}{c}=2\pi\frac{1}{\lambda}$,可得两相干波在 P 点的相位差:

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \delta = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \frac{xd}{D}$$

当

$$\delta = rac{xd}{D} = \pm 2k \cdot rac{\lambda}{2}, k = 0, 1, 2, 3, ...$$

或

$$x = \pm 2k \frac{D\lambda}{2d}$$

此时,P点的光强极大,形成明条纹。

当

$$\delta=rac{xd}{D}=\pm(2k+1)rac{\lambda}{2}, k=0,1,2,3,...$$

或

$$x = \pm (2k+1)\frac{D\lambda}{2d}$$

此时,P点的光强极小,形成暗条纹 条纹的位置只与x有关,条纹的走向是平行于v轴的。

• 屏上相邻明条纹或相邻暗条纹间距为

$$\Delta x = \frac{D\lambda}{d}$$

由于光的波长 λ 值很小,只有d足够小而D足够大,使得干涉条纹间距 Δx 大到可以分辨,才会观察到干涉条纹。对一定波长 λ 的单色光,相邻条纹间距相等。

- 对入射的单色光,若已知d和D值,可以测处k级条纹与中央明条纹的距离而算出单色光的波长 λ 值
- 若d与D保持不变, Δx 正比于波长 λ ,波长打的相邻条纹间距大,波长小的相邻条纹间距小。

总结:

明纹条件(相长干涉):

$$\delta = \pm k\lambda \quad (k = 0, 1, 2, ...)$$

$$\frac{xd}{D} = \pm k\lambda$$

明纹位置:

$$x = \pm k \frac{D\lambda}{d}$$

暗纹条件(相消干涉):

$$\delta=\pm(2k+1)rac{\lambda}{2}\quad (k=0,1,2,...)$$

$$\frac{xd}{D} = \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$

暗纹位置:

$$x = \pm (2k+1)\frac{D\lambda}{2d}$$

1. 条纹间距

相邻明纹或相邻暗纹的间距:

$$\Delta x = rac{D\lambda}{d}$$

2. 波长测量

通过测量条纹间距可计算波长:

$$\lambda = \frac{d}{D}\Delta x$$

3. 波长与条纹关系

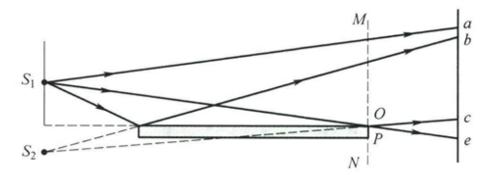
- $\Delta x \propto \lambda$: 波长越大,条纹间距越宽
- 白光照射时产生彩色条纹(紫光在内,红光在外)
- 中央明纹(k=0)为白色

4. 装置参数影响

- $\Delta x \propto D$: 屏幕越远,条纹越疏
- $\Delta x \propto \frac{1}{d}$: 缝距越小,条纹越疏杨氏双缝实验首次在实验上证实了:
- 光的波动性
- 光的干涉现象
- 提供了一种精确测量光波波长的方法
- 为光的波动说奠定了实验基础

提示: 实际实验中,为了获得清晰的干涉条纹,需要保证 $D\gg d$ 的条件成立,通常 d 约为 $0.1{
m mm}$ 量级,D 约为 $1{
m m}$ 量级。

劳埃德镜



实验装置与构造

根据图示, 劳埃德镜实验装置包含:

- 劳埃德镜: 一块下表面涂黑的平玻璃片或金属平板
- 光源: 狭缝 S₁
- 反射面: 光线以掠入射角(近90°的入射角)入射
- **虚光源**: 反射光如同从 S_1 的虚像 S_2 发出

• 观测屏:接收干涉条纹,特别关注与镜面边缘接触的区域

实验原理与干涉机制

 S_1 和 S_2 形成一对**相干光源**,它们发出的光在屏上(bc区)相遇,产生明暗相间的干涉条纹。

波程差计算:

设 $S_1S_2=d$ (等效双光源间距),D 为光源到屏幕的距离

屏上任意点 P 的波程差:

$$\delta = \frac{xd}{D}$$

干涉条件:

• 明纹条件: $\delta = \pm k\lambda$ (k = 0, 1, 2, ...)

• 暗纹条件: $\delta = \pm (2k+1) rac{\lambda}{2}$ (k=0,1,2,...)

关键现象: 半波损失的实验证据

实验发现:

当屏移到与平面镜边缘接触处(图中接触点):

• 理论计算:波程差为零,应出现明条纹

• 实际观测: 却出现暗条纹

• 所有条纹的明暗情况都与理论预期相反

物理解释:

这是由于光从**光疏介质射向光密介质**(空气 \rightarrow 玻璃)在分界面反射时,发生了**相位差** π **的突变**,等效于反射光的波程附加了半个波长:

$$\delta_{
ext{SK}} = rac{xd}{D} + rac{\lambda}{2}$$

因此在接触点处:

$$\delta_{{
m sk}}=rac{\lambda}{2}$$

正好满足暗纹条件,完美解释了实验现象。

实验设计的关键要点

采用掠入射形式的两个重要原因:

1. **保证相位改变** π : 确保发生半波损失现象

2. 获得相近振幅: 使反射光与直射光具有相近的振幅, 从而获得清晰、对比度高的干涉条纹

? 理论说明:这两点的严格理论证明超出了基础教材的范围,但实验现象明确证实了其正确性。

重要结论与物理意义

1. 证实半波损失: 为光的电磁理论提供了关键实验证据

2. **验证相位突变**:证实光在光密介质反射时会发生 π 的相位跃变

3. 波动性验证: 进一步证实了光的波动性质

4. 实验方法价值:提供了一种简单有效的获得相干光的方法

实践提示:

• 在计算光波叠加时,若存在半波损失,必须计入附加的 $\frac{\lambda}{2}$ 波程差

• 忽略半波损失会导致与实际情况完全相反的结果

• 劳埃德镜实验装置简单,但现象明显,是演示光干涉和半波损失的经典实验