# **NuSMV-Project-01**

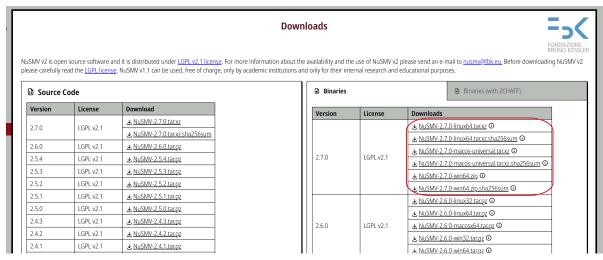
本仓库是《软件工程理论基础》项目一代码和报告。

./proj1.pdf 是项目要求,本仓库完成了项目要求中的三个题目。

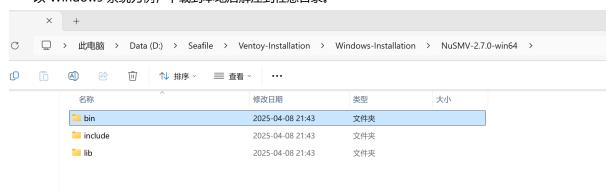
【广告】除了 NuSMV 之外,软件工程有另一个形式化验证工具 <u>TLA+</u>。该工具由图灵奖获得者 <u>Leslie</u> <u>Lamport</u> 开发(*L<sup>AT</sup>EX* 中的 La 就是指 Lamport)。我的 b 站主页搬运了 Lamport 本人录制的教程 <u>The TLA+ Video Course</u>,仅供学习。

## 1. NuSMV 的安装和配置

在 NuSMV - Downloads 下载对应版本,推荐直接下载右侧红框中对应的二进制文件。



以 Windows 系统为例,下载到本地后解压到任意目录。



将 NuSMV-2.7.0-win64/bin 的路径添加到系统环境变量后,即可在命令行使用 NuSMV 命令。

使用下列命令可以运行所需的 NuSMV 源文件。

1 NuSMV -df filename.smv

在 VSCode 中安装 coderunner 插件,并在配置文件中添加 ".smv": "cd \$dir && NuSMV -df

\$fileName" 即可使用快捷键 Ctrl+Alt+N 运行 .smv 文件。

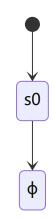
```
    README.md M

                   bubble_sort.smv U
                                          bubble_sort_c.smv U
                                                                   €...} settings.json 9
                                                                                                      formula_a.smv U
 C: > Users > 37756 > AppData > Roaming > Code > User > 🙌 settings.json > { } code-runner.executorMapByFileExtension > 🖭 .smv
            "code-runner.executorMapByFileExtension": {
                ".csproj": "dotnet run --project",
                ".fsproj": "dotnet run --project",
  96
                ".lisp": "sbcl --script",
  97
                ".kit": "kitc --run",
  98
                ".v": "v run",
  99
                ".vsh": "v run",
 100
                ".sass": "sass --style expanded",
 101
                ".cu": "cd $dir && nvcc $fileName -o $fileNameWithoutExt && $dir$fileNameWithoutExt",
 102
 103
                ".smv": "cd $dir && NuSMV -df $fileName"
 104
 105
             'C Cpp.default.cppStandard": "c++17",
            "C_Cpp.default.cStandard": "c11",
 106
            "code-runner.runInTerminal": true,
Q 107
 108
             "tabnine.experimentalAutoImports": true,
            "latex-workshop.view.pdf.viewer": "tab",
 109
 110
            "python.languageServer": "Default",
 111
            "workbench.editorAssociations": {
```

## 2. 公式等价性判断

结论: a, c 和 d 中两个公式不等价, b 中两个公式等价。

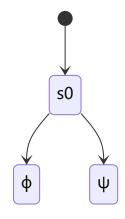
./formula/fomula\_a.smv 给出了 a 的一个反例:



#### 在上述反例中:

```
1 CTLSPEC EF(phi); -- 结果为 TRUE
2 CTLSPEC EG(phi); -- 结果为 FALSE
```

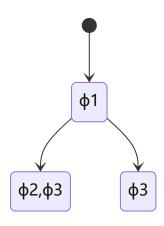
./formula/fomula\_c.smv 给出了 c 的一个反例:



### 在上述反例中:

```
1 CTLSPEC AF(phi); -- 结果为 TRUE
2 CTLSPEC AF(psi); -- 结果为 FALSE
```

./formula/fomula\_d.smv 给出了 d 的一个反例:



### README by EagleBear2002

### 在上述反例中:

```
1 CTLSPEC A[phi1 U A[phi2 U phi3]]; -- 结果为 TRUE
2 CTLSPEC A[A[phi1 U phi2] U phi3]; -- 结果为 FALSE
```

### 3. 冒泡排序建模

./bubble sort/bubble sort.smv 使用 SMV 代码建模冒泡排序算法,并验证是否完成排序。

基本思路是,根据 j 的取值来实现交换逻辑,例如下面代码片段。值得注意,NuSMV 是同步赋值,因此 a0 和 a1 的更新基于当前状态的值,下面写法中的变量交换是原子的。

```
1 -- 交换逻辑
 2
      next(a0) := case
 3
       -- 比较 a[j] 和 a[j+1], 若需要交换则更新
        j = 0 & a0 > a1 : a1; -- 交换 a0 和 a1
 4
 5
       TRUE : a0;
 6
      esac;
 7
 8
      next(a1) := case
 9
       j = 0 & a0 > a1 : a0; -- 交换 a0 和 a1
       j = 1 & a1 > a2 : a2; -- 交换 a1 和 a2
 10
       TRUE : a1;
 11
 12
      esac;
 13
 14
      next(a2) := case
 15
       j = 1 & a1 > a2 : a1; -- 交换 a1 和 a2
 16
       TRUE : a2;
 17
      esac;
```

使用以下规约验证排序结果:

```
1 CTLSPEC AG( (i = 2 & j = 0 & !swapped) -> (a0 <= a1 & a1 <= a2) ) -- 结果为 TRUE
```

./bubble\_sort/bubble\_sort\_c.smv 是改进的算法,使用枚举避免整数域运算,并验证了算法的正确性。由于题目限制了变量的取值范围为 0..7,因此可以用三个比特(布尔值)来表达一个整数,进而用布尔(逻辑)运算来代替整数运算。此外,分别用 2 个比特和 1 个比特来表示 i 和 j。

```
1
  DEFINE
2
    -- 定义比较逻辑(使用位比较代替数值比较)
     greater_a0_a1 := (a0_b2 & !a1_b2) |
3
                     ((a0_b2 = a1_b2) & (a0_b1 & !a1_b1)) |
4
                     ((a0_b2 = a1_b2) & (a0_b1 = a1_b1) & (a0_b0 & !a1_b0));
5
6
7
     greater_a1_a2 := (a1_b2 & !a2_b2) |
8
                     ((a1_b2 = a2_b2) & (a1_b1 & !a2_b1))
9
                     ((a1_b2 = a2_b2) & (a1_b1 = a2_b1) & (a1_b0 & !a2_b0));
```

使用以下规约验证排序结果:

```
1 CTLSPEC AG( (i0 = FALSE & i1 = TRUE & !j & !swapped) -> (!greater_a0_a1 & !greater_a1_a2) ) -- 结果为 TRUE
```

## 4. Raft 算法建模

./raft/raft.smv 使用 NuSMV 对 Raft 算法进行建模,并验证了其正确性。

对每个定时器制定相同的计时规则:

```
-- 定时器更新逻辑,每次增加 1,模拟时间流逝
2
      next(timer1) := case
3
       node1 = Leader: 0; -- 如果当前是 Leader, 定时器归零
4
       node1 = Follower: min(timer1 + 1, 10); -- Follower 每次增加 1, 但不超过 10
       node1 = Candidate: min(timer1 + 1, 10); -- Candidate 每次增加 1, 但不超过 10
5
6
      esac;
7
8
     next(timer2) := case
9
       node2 = Leader: 0; -- 如果当前是 Leader, 定时器归零
10
       node2 = Follower: min(timer2 + 1, 10); -- Follower 每次增加 1, 但不超过 10
       node2 = Candidate: min(timer2 + 1, 10); -- Candidate 每次增加 1, 但不超过 10
11
12
      esac;
13
14
      next(timer3) := case
15
       node3 = Leader: 0; -- 如果当前是 Leader, 定时器归零
16
       node3 = Follower: min(timer3 + 1, 10); -- Follower 每次增加 1, 但不超过 10
17
       node3 = Candidate: min(timer3 + 1, 10); -- Candidate 每次增加 1, 但不超过 10
18
      esac;
```

根据 Raft 协议规定, 描述节点之间的状态转移关系:

```
-- 状态转移: 若定时器超时,则成为 Candidate, 若选举成功,则成为 Leader
2
     next(node1) := case
3
       timer1 >= 5: Candidate; -- 如果定时器超过 5,则成为 Candidate
       node1 = Candidate & timer1 < 5: Follower; -- 如果处于 Candidate 状态,未超时则变回
4
       node1 = Leader: Leader; -- 如果是 Leader,则保持 Leader
5
       TRUE: node1; -- 否则保持当前状态
6
7
     esac;
8
9
     next(node2) := case
       timer2 >= 5: Candidate; -- 如果定时器超过 5,则成为 Candidate
10
11
       node2 = Candidate & timer2 < 5: Follower; -- 如果处于 Candidate 状态,未超时则变回
    Follower
       node2 = Leader: Leader; -- 如果是 Leader, 则保持 Leader
12
13
       TRUE: node2; -- 否则保持当前状态
14
     esac;
15
16
     next(node3) := case
17
       timer3 >= 5: Candidate; -- 如果定时器超过 5,则成为 Candidate
18
       node3 = Candidate & timer3 < 5: Follower; -- 如果处于 Candidate 状态,未超时则变回
    Follower
       node3 = Leader: Leader; -- 如果是 Leader, 则保持 Leader
19
       TRUE: node3; -- 否则保持当前状态
20
21
```

本项目实现了三个节点的 Raft 协议,可以轻松扩展到多个节点。

#### 使用以下规约验证协议一致性和安全性:

```
-- 规约 1: 三个节点都可能成为 Leader
2
    CTLSPEC AG (node1 = Leader -> EF (node2 = Leader | node3 = Leader)) -- 结果为 TRUE
3
4
   -- 规约 2: 不会出现多个 Leader
   CTLSPEC AG (node1 = Leader & node2 = Leader -> FALSE) -- 结果为 TRUE
5
   CTLSPEC AG (node1 = Leader & node3 = Leader -> FALSE) -- 结果为 TRUE
   CTLSPEC AG (node2 = Leader & node3 = Leader -> FALSE) -- 结果为 TRUE
7
9
   -- 规约 3: 可能有多个节点同时想成为 Leader
   CTLSPEC EF (node1 = Candidate & node2 = Candidate) -- 结果为 TRUE
10
   CTLSPEC EF (node2 = Candidate & node3 = Candidate) -- 结果为 TRUE
11
12 CTLSPEC EF (node1 = Candidate & node3 = Candidate) -- 结果为 TRUE
13 CTLSPEC EF (node1 = Candidate & node2 = Candidate & node3 = Candidate) -- 结果为 TRUE
```