3集合测验"(简单题)

高一(6) 班 邵亦成 26 号 2021 年 09 月 22 日

1. 已知集合 $A = \{x | -8 \le x < 5\}$,非空集合 $B = \{x | t+1 \le x \le 2t-1\}$. 若 $A \cap B = \emptyset$,则实数 t 的取值范围是? .

$$\begin{split} B \neq \emptyset \Rightarrow 2t - 1 \geq t + 1 \Rightarrow t \geq 2. \\ A \cap B = \emptyset \Rightarrow t + 1 \geq 5 \text{ or } 2t - 1 < -8 \Rightarrow t \geq 4 \text{ or } t < -\frac{7}{2}. \\ \therefore t \geq 4. \end{split}$$

2. (题简) 求当方程 $x^2 - (2-a)x + 5 - a = 0$ 的两根都大于 t = 1 时 a 的取值范围.

$$\begin{aligned}
&\{x|x^2 - (2-a)x + 5 - a = 0\} \subseteq (1, +\infty) \\
&\Rightarrow \begin{cases}
\Delta = (2-a)^2 - 4(5-a) = a^2 - 16 \ge 0 \\
&(x_1 - 1)(x_2 - 1) = x_1x_2 - (x_1 + x_2) + 1 = 5 - a + a - 2 + 1 = 4 > 0 \\
&(x_1 - 1) + (x_2 - 1) = x_1 + x_2 - 2 = -a > 0
\end{aligned}$$

$$\Rightarrow a \in (-\infty, -4].$$