Q#上司と部下

ある会社には 22 名の社員がおり、社員には $1\sim22$ の社員番号が割り振られている。社員番号 1番は社長で、社員番号 9番は副社長である。社長の「直属の上司」は自分自身であり、副社長の「直属の上司」は社長である。

	社員番号	直属の上司の 社員番号			
社長	1	1			
2000000	2	3			
	2 3	4			
	4	7			
	5	6			
	6	12			
	7	8			
	8	15			
副社長	9	1			
副紅玫	10	18			
	11	12			
	12	4			
	13	14			
	14	10			
	15	9			
	16	15			
	17	18			
	18	3			
	19	20			
	20	2			
	21	11			
	22	14			

社長と副社長を除くすべての社員について、以下の規則が成り立つ。

<「直屋の上司」の社員番号の求め方>

- (1) 自分の社員番号を a とする。
- (2) 「a のすべての約数」の総和を求める。これを b とする。
- (3) b が 22 未満なら、b が「直属の上司」の社員番号となる。
- (4) b が 22 以上なら、b を a で割ったあまりが「直属の上司」の社員番号となる。

	社員番号	約数				約数の総和	bをaで	直属の上司の		
	(a)	Xěri		(b)	割ったあまり	社員番号				
社長	1									1
	2	1	2					3		3
	3	1	3					4		4
	4	1	2	4				7		7
	5	1	5					6		6
	6	1	2	3	6			12		12
	7	1	7					8		8
	8	1	2	4	8			15		15
副社長	9	7								1
	10	1	2	5	10			18		18
	11	1	11					12		12
	12	1	2	3	4	6	12	28	4	4
	13	1	13					14		14
	14	1	2	7	14			24	10	10
	15	1	3	5	15			24	9	9
	16	1	2	4	8	16		31	15	15
	17	1	17					18		18
	18	1	2	3	6	9	18	39	3	3
	19	1	19					20		20
	20	1	2	4	5	10	20	42	2	2
	21	1	3	7	21			32	11	11
	22	1	2	11	22			36	14	14

問題1

社員番号 n 番にとっての「直属の上司」の社員番号をもとめる関数を作成せよ。この関数を使って、社員番号 1~22 番の「直属の上司」の社員番号を表示せよ。

問題2

「直属の上司」や「そのまた上司」なども、自分から見れば上司に違いない。これらの上司を「すべての上司」と呼ぶことにする。社員番号 22 番にとっての「すべての上司」の社員番号を表示せよ。社員番号の若い順から表示すること。

問題3

社員番号 n 番にとっての「直属の部下」の社員番号をもとめる関数を作成せよ。「直属の部下」は、1人もいないこともあれば、複数人いることもあるので注意すること。この関数を使って、社員番号 $1\sim22$ 番の「直属の部下」の社員番号を表示せよ。