# 武汉理工大学学报(<sup>交通科学</sup>) Journal of Wuhan University of Technology

(Transportation Science & Engineering)

Vol. 30 No. 2 Apr. 2006

# 基于 RSSI的无线传感器网络加权质心定位算法\*

陈维克<sup>1,2)</sup> 李文锋<sup>1)</sup> 首 珩<sup>3)</sup> 袁 兵<sup>1)</sup>

(武汉理工大学物流工程学院<sup>1)</sup> 武汉 430063) (湖南治金职业技术学院<sup>2)</sup> 株洲 412000) (湖南铁道职业技术学院<sup>3)</sup> 株洲 412000)

摘要: 节点定位是无线传感器网络中的关键技术之一. 文中通过对无线电传播路径损耗模型的分析,提出了加权质心定位算法,用信标节点对未知节点的不同影响力来确定加权因子,以提高定位精度.并且在理论分析的基础上,提出了优选信标节点进行节点定位计算的规则,以此进一步提高节点定位精度.加权质心定位算法计算简单,定位过程中节点间无通信开销.节点定位精度较常用的极大似然估计算法高,具有较普遍的应用意义.

关键词: 无线传感器网络;定位;质心算法;信标节点;极大似然估计

中图法分类号: TP212 6

## 0 引 言

无线传感器网络是一种全新的信息获取平台,可以在广泛的应用领域内实现复杂的大范围监测和追踪任务,而网络节点自身定位是大多数应用的基础和前提.目前,已发展了许多算法来解决节点自身定位问题.但是,每种算法常只适合某类应用,没有一个通用的算法.无线传感器网络节点自身定位的困难在于节点能量和资源的不足.

目前的定位算法从定位手段上分两大类,基于测距算法(range-based)和无需测距算法(range-free)<sup>[1]</sup>.基于测距算法通过测量节点间的距离或角度信息,使用三边测量、三角测量或最大似然估计定位法计算节点位置.常用的测距技术有 RSSI<sup>[2]</sup>, TO A, TDO A和 AO A;无需测距定位算法则不需要距离和角度信息,算法根据网络连通性等信息来实现节点定位.

文中在充分研究现有无需测距算法的基础上,通过对无线电传播路径损耗模型的分析,提出了通信开销小、硬件要求低、适合传感器节点处理的加权质心定位算法.算法基于接收信号强度指示 RSSI,达到了较好的定位精度.

## 1 算法模型

各种节点自身定位算法适合于不同的应用环境,本算法针对大规模随机散布野外应用环境,这类应用大都不需要节点进行精确定位,只需要知道节点的大概区域就可满足需求,同时要求硬件成本低,定位过程通信开销小,节能.和许多其他定位算法一样,本算法也是利用信标节点进行传感器节点定位.

## 1.1 改进 Euclidean定位计算[3-4]

在无线传感器网络中,理论上通过3个信标节点的RSSI信息就可用三边测量法决定一个未知节点的位置.实际应用环境中,因为RSSI值会有随机分量,无法精确计算未知节点位置.所以,只能用质心法和极大似然估计法<sup>[4]</sup>.

如图 1,当一个未知节点 A 收到信标节点 B , C 发出的定位信号时 ,根据 RSSI 值和信标 B , C 的位置 ,可以得到  $d^{1}=L^{AB}$  ;  $d^{2}=L^{AC}$  ;由此得到 2 个三角形:  $\triangle BCA^{1}$  , $\triangle BCA^{2}$  .  $A^{1}$  和  $A^{2}$  是节点 A 的 2 个可能位置 . 而当传感器节点 A 能收到第 3 个信标节点 D 发出的定位信号时 ,可以得到  $d^{3}=L^{AD}$  ;通过比较  $|L^{AD}-L^{AD}|$   $|L^{AD}-L^{AD}|$   $|L^{AD}-L^{AD}|$   $|L^{AD}-L^{AD}|$ 

收稿日期: 2005-11-12

陈维克: 男, 41岁,博士生,高级工程师,主要研究领域为无线传感器网络、机器人技术

<sup>\*</sup> 国家自然科学基金项目资助(批准号: 60475031);湖北青年杰出人才基金项目资助(批准号: 2005 ABB021)

大小就可确定节点 A 的位置,即值小的为传感器 节点 A 的近似位置  $(X_1, Y_1)$ . 同样的取边 BD 和边 CD,可以得到另外 2个近似位置  $(X_2, Y_2)$ 和  $(X_3, Y_3)$ . 取这 3个点的质心,可以得到 A 的近似位置.

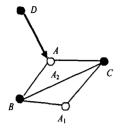


图 1 Euclidean定位方法

当节点 A 收到 m 个信标节点信号时,可以构成  $C_m^3$  个三角形,每个三角形可产生一个近似的未知节点坐标置位 .再次利用质心算法即可求出节点 A 的最终位置坐标 .

采用改进 Euclidean定位,可以确定信标节点三角形 $\triangle$  BCD 以外的传感器节点位置,所以,改进 Euclidean定位方法不需要信标节点一定要布置在边界附近,

#### 1.2 无线电传播路径损耗模型分析

无线电传播路径损耗对于 RSSI定位算法的定位精度有很大影响.常用的传播路径损耗模型有 [5]:自由空间传播模型(free space propagation model);对数距离路径损耗模型(log-distance path loss medol);哈它模型(hata model);对数一常态分布模型(log-distance distribution)等.文中针对野外应用环境,采用自由空间传播模型和对数 常态分布模型,用于分析和仿真.自由空间无线电传播路径损耗模型如下.

$$Loss = 32 44 + 10 \times k \times \log_{10}(d) + 10 \times k \times \log_{10}(f)$$
 (1)

式中: d 为距信源的距离, km; f 为频率, MHz, k 为路径衰减因子.

在实际应用环境中,由于多径 绕射 障碍物等因素,无线电传播路径损耗与理论值相比有些变化.下述对数 常态分布模型 [5]将更加合理,式(2)可用于计算节点收到信标信息时的路径损耗.

$$PL(d) = \overline{PL}(d_0) + 10k \log \left(\frac{d}{d_0}\right) + X_c$$
 (2)

式中: PL(d)为经过距离 d后的路径损耗,d B,  $X^{\circ}$ 为平均值为 0的高斯分布随机变数,其标准差范围为  $4^{\sim}$  10. 式中 k的范围在 2至 5之间. 取 d=1 m,代入式 (1),可得到 Loss,即  $\overline{PL}(d\circ)$  的值. 这样根据上式可得各未知节点接收信标节点信号时的信号强度为

# RSSI = 发射功率 + 天线增益 - 路径损耗 (PL(d))

图 2是用对数 常态分布模型绘制的 RSSI 曲 线图.从图 2中可以看出,节点到信号源的距离越 近.由 RSSI 值的偏差产生的绝对距离误差越小. 而当距离大干 80 m时,由于上述式(2)中 Xe 的影 响,由 RSSI 波动造成的绝对距离误差将会很大. 基于上面的分析,文中提出信标节点影响力概念, 即在定位算法中,信标节点对未知节点位置都有 影响力, RSSI 越大的信标节点, 影响力越大, 对 节点位置有更大的决定权.如图 1未知节点 A 收 到了3个信标节点的信号,那么节点A受到3个信 标的影响, RSSI 最大的信标节点对 A 的位置有 最大的决定权.信标选择原则:一个未知节点可能 收到n个信标节点的信号,应当采用RSSI值大的 前几个信标节点进行定位计算.在保证参与定位 计算的信标节点数大于 3个的情况下,将距离大于 80 m(视应用环境而定)的信标节点去除,以免造成 定位误差扩大,后面进行的仿真计算也证明了这点,

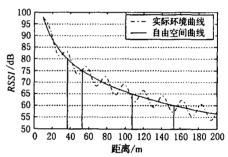


图 2 接收信号强度

#### 1.3 加权质心定位计算

通过对无线电传播路径损耗模型的分析,可以发现利用普通质心算法,没有反映出信标节点对节点位置的影响力的大小,影响了定位精度.文中设计了加权质心算法,它的基本思想是:在质心算法中,通过加权因子来体现信标节点对质心坐标决定权的大小,利用加权因子体现各信标节点对质心位置的影响程度,反映它们之间的内在关系.通过下式中的加权因子来体现这种约束力.

$$x_{i} = \frac{\frac{x_{1}}{d_{1} + d_{2}} + \frac{x_{2}}{d_{2} + d_{3}} + \frac{x_{3}}{d_{3} + d_{1}}}{\frac{1}{d_{1} + d_{2}} + \frac{1}{d_{2} + d_{2}}}$$
(3)

$$y_{i} = \frac{\frac{y_{1}}{d_{1} + d_{2}} + \frac{y_{2}}{d_{2} + d_{3}} + \frac{y_{3}}{d_{3} + d_{1}}}{\frac{1}{d_{1} + d_{2}} + \frac{1}{d_{2} + d_{3}} + \frac{1}{d_{3} + d_{1}}}$$
(4)

 $(x_i, y_i)$ 就是用加权质心算法求出的未知节点坐标.式中:  $d_1, d_2, d_3$ 为未知节点获得的到 3个信标

节点的近似距离 (参见图 1);  $(x_1,y_1)$ ,  $(x_2,y_2)$ ,  $(x_3,y_3)$ 为利用改进 Euclidean定位方法计算出的 3 个 未 知 节 点 的 近 似 位 置 . 因 子  $\frac{1}{d_1+d_2}$ ,  $\frac{1}{d_2+d_3}$ ,  $\frac{1}{d_3+d_1}$  体现了距离未知节点越近的信标节点对其坐标位置的影响力越大 . 通过这种内在关系的反映 ,来达到提高定位精度的目的 .

## 2 算法过程

- 1) 信标周期性发送自身信息: 节点 ID 自身位置信息.
- 2) 普通节点在收到信息后,只记录同一个信标节点的 *RSSI* 均值.
- 3) 普通节点在收到超过阈值 *m* 个信标信息后,对信标节点依其 *RSSI* 值从大到小排序,并建立 *RSSI* 值与节点到信标节点距离的映射.建立 3 个集合.

信标节点集合 Beacon-set=  $\{a_1, a_2, \dots, a_m\}$ 未知节点到信标节点距离集合 Distance-set=  $\{d_1, d_2, \dots, d_m\}$ ,  $d_1 < d_2 \dots < d_m$ .

信标节点位置集合 Position set=  $\{(X_1, Y_1), (X_2, Y_2), \dots, (X_m, Y_m)\}$ .

- 4) 采用 *R SS I* 值大的前几个信标节点进行自身定位计算.
- ① 在 Beacon set中依据前述对无线电传播路径损耗模型的分析结论,优先选择 RSSI值大的信标节点组合成下面的三角形集合,这是提高定位精度的关健.

Triangle set=  $\{(a_1, a_2, a_3), (a_1, a_2, a_4), \dots (a_1, a_3, a_4), (a_1, a_3, a_5) \dots \}.$ 

- ② 对 Triangle set中任一个三角形  $(a_{ii}, a_{jj}, a_{kk})$ ,采用 1. 3的加权质心计算方法.用式 (3)和式 (4)求出由信标节点  $(a_{ii}, a_{jj}, a_{kk})$  确定的未知节点 坐标  $k_i(x_{k_1}, y_{k_1})$ .为方便表达,将  $(d_{(1)(k_i)}, d_{(2)(k_i)}, d_{(3)(k_i)})$ 设为: 由 RSSI 值得到的信标节点  $(a_{ii}, a_{jj}, a_{kk})$ 到未知节点的距离.对 Triangle set中的每个三角形重复上述计算,可以得到未知节点近似位置坐标集  $\{k_1, k_2, k_3, \cdots, k_P\}$ .
- ③ 对近似位置坐标集  $\{k_1,k_2,k_3,\cdots,k_p\}$ 再次求加权质心

$$x = \frac{\sum_{i=1}^{p} \left[ x_{k_i} / (d_{(1)(k_i)} + d_{(2)(k_i)} + d_{(3)(k_i)}) \right]}{\sum_{i=1}^{p} \left[ 1 / (d_{(1)(k_i)} + d_{(2)(k_i)} + d_{(3)(k_i)}) \right]}$$

$$y = \frac{\sum_{i=1}^{p} \left[ y^{k_i} / (d^{(1)}(k_i) + d^{(2)}(k_i) + d^{(3)}(k_i) \right]}{\sum_{i=1}^{p} \left[ 1 / (d^{(1)}(k_i) + d^{(2)}(k_i) + d^{(3)}(k_i) \right]}$$

该坐标 (x,y)就是经过加权质心定位计算后的未知节点坐标.

## 3 仿 真

在 UNIX平台上,用 C语言编程,对上述算法 进行了计算机仿真.仿真条件: 信标节点参照 M L CA2 mote.取 200~ 300 m 的室外发射半径. RSSI 值与距离的关系由式(1)和式(2)决定.因为随机 散布无线传感器网络常常位于室外环境,路径损 耗较自由空间大,所以式(1)和式(2)中的衰减因 子k设为3.2.高斯分布随机变数Xe的标准差取为 4. 为方便计算取  $d_0$  为 1 m. 传感区域为 200 m× 200 m,信标节点较"均匀"地分布于传感区域.普 通节点随机布置于传感区域.普通节点数为 220 个.信标节点数目有6种情况:9,12,16,20,25,30 个信标,仿真采用加权质心算法和极大似然估计 法分别计算.图 3和图 4是仿真结果,从图中可以 看出加权质心算法有较好的定位精度,特别是在 信标节点密度较低的情况下,具有明显优势.表 1 是仿真数据和加权质心算法误差下降比例.表 2 为当参与定位计算信标数变化时,极大似然仿真 结果(只采用 RSSI值最大的信标).表 2显示,在 RSSI测距方式下, RSSI值大的信标节点参与定 位计算会增加定位误差,这与前面的分析结论是 一致的.

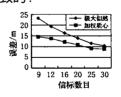


图 3 平均误差

图 4 最大误差

## 4 结 论

加权质心定位算法采用了具有较大的无线发射功率的信标节点,其发射半径远大于普通节点的通信半径,这样可以减少信标节点数目,并且对硬件的要求不高,对信标节点的密度要求也下降了,具有较好的综合效果.它为不需要节点精确定位的大规模传感器网络应用,提供了一种新的定

#### 表 1 误差统计表

	信标总数 /个											
	30		25		20		16		12		9	
	平均 误差	最大 误差		最大 误差		最大 误差		最大 误差	平均 误差	-10-4-	平均 误差	最大 误差
极大似然估计 /m	10. 3	39. 3	11. 5	42. 0	13. 9	49. 0	16. 3	54. 4	18.8	64. 7	19. 1	71. 2
加权质心算法 /m	8. 89	27. 7	9. 2	30. 0	10. 8	34. 6	12. 2	40. 6	13.6	41. 9	14. 5	39. 7
误差下降比例 1%	13	30	19	28	23	29	25	25	28	35	24	44

表 2 极大似然误差对比表

参与定位信标	信标总数 个								
数个	30	25	20	16	12	9			
4	10. 35	11.50	13. 99	16. 39	18.87	19.08			
5	11. 74	13. 95	15. 39	19. 04	21.02	28. 54			

注: 未注单位为 m.

位方法.文中提出的信标节点影响力概念可以应用在 DV-Hop, DV-distance<sup>[3]</sup>等定位算法中,用于改善算法,提高定位精度.另一方面,算法在各向异性环境中如何提高定位精度,仍是一个有待解决的问题.这也是大多数定位算法的共性问题.

#### 参考文献

[1] 王福豹, 史 龙,任丰原.无线传感器网络中的自身定位系统和算法.软件学报,2005,16(5): 1 148-

- 1 157
- [2] Bahl P, Padmanabhan V N. RADAR an in-building RF-based user location and tracking system. // Proc. of the IEEE INFOCOM, 2000, 2, Tel Aviv. IEEE Computer and Communications Societies, 2009 775-784
- [3] Niculescu D, Nath B. DV based positioning in ad hoc networks. Journal of Telecommunication Systems, 2003, 22(1/4): 267-280
- [4] Doherty L, Pister K S J, Ghaoui L E. Convex position estimation in wireless sensor networks. // Proc. of the IEEE INFOCOM, 2001, 3, Anchorage IEEE Computer and Communications Societies, 2001 1 655-1 663
- [5] Theodore S Rappaport. Wireless communications principles and practice. [S.1]: Prentice Hall PTR, 1996

# Weighted Centroid Localization Algorithm Based on RSSI for Wireless Sensor Networks

Chen Weike<sup>1,2)</sup> Li Wenfeng<sup>1)</sup> Shou Heng<sup>3)</sup> Y uan Bing<sup>1)</sup>
(School of Logistics Eng., WUT, Wuhan 430063)<sup>1)</sup>
(Dept. of Mechanical Eng., Hunan Metallurgical Professional Technology College, Zhuzhou 412000)<sup>2)</sup>
(Hunan Railway Professional Technology College, Zhuzhou 412000)<sup>3)</sup>

#### **Abstract**

Localization of nodes is a key technology for application of wireless sensor network. By analyzing the model of radio wave propagation loss, this paper provides a weighted centroid localization algorithm that uses coefficients, which are decided by the influence of beacons to unknown nodes, to prompt localization accuracy. A criterion which is used to select beacon nodes for computing the position of nodes and improving localization accuracy is also suggested. Weighted centroid localization algorithm is simple and no communication is needed while locating. The weighted centroid localization algorithm has higher accuracy than maximum likelihood estimation and can be applied to many applications.

Key words wireless sensor network; localization, centroid algorithm; beacon node, maximum likelihood