APELLIDO Y NOMBRE:

Nota: El examen se aprueba con una nota de 4 (o mayor) que equivale a 60 puntos.

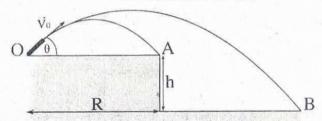
Datos útiles:

• $|g| = 9.8 \ m/s^2$

• Identidad trigonométrica: $sen(2\theta) = 2 sen(\theta) cos(\theta)$.

• Las raíces del polinomio cuadrático $p(x) = ax^2 + bx + c$ son iguales a: $\frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$.

1. Una bala es disparada desde un cañón ubicado en el punto O con una velocidad inicial $|\vec{v}_0| = 30 \ m/s$ que forma un ángulo θ con la horizontal. El cañón se encuentra a una distancia $R = 50 \ m$ del borde de un acantilado de altura $h = 20 \ m$.

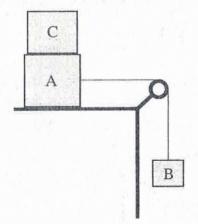


(a) (15 pts.) Determine el ángulo de disparo θ máximo (θ_m) para que el proyectil impacte en el punto A que se encuentra justo en el borde del acantilado.

(b) (15 pts.) Suponga que se realiza un segundo disparo utilizando el ángulo θ_m determinado en el punto (a) pero duplicando el módulo de la velocidad inicial ($2|\vec{v}_0|$). Calcule la distancia horizontal que recorre el proyectil (punto B).

(c) (10 pts.) ¿Cuál es la altura máxima que alcanza el proyectil en ambos disparos?.

2. En el diagrama de la figura, el bloque A que pesa 44.5 N se encuentra sobre una superficie horizontal y el bloque B que pesa 22.2 N cuelga verticalmente. Dichos bloques están unidos por una cuerda inextensible y de masa despreciable. El coeficiente de rozamiento estático entre el bloque A y el suelo es $\mu=0.20$. Sobre el bloque A descansa el bloque C de peso desconocido.



(a) (10 pts.) Realice el diagrama de cuerpo aislado sobre los bloques A y B.

(b) (20 pts.) Determinar la masa mínima que debe poseer el bloque C para evitar que A y B de desplacen, es decir para que el sistema se encuentre en equilibrio.