



## Malířův algoritmus

© 1995-2019 Josef Pelikán CGG MFF UK Praha

pepca@cgg.mff.cuni.cz
https://cgg.mff.cuni.cz/~pepca/

### Malířův algoritmus



#### Kreslení do bufferu

video-RAM, GPU, rastrová tiskárna s bufferem

#### Vyplňování ploch

Ize i stínovat

#### Kreslení odzadu dopředu

- překreslování dříve nakreslených objektů
- kreslení poloprůhledných objektů na GPU
- → Určení správného pořadí ploch

### Zjednodušené varianty



#### Explicitní pořadí kreslení

- např. u grafu funkce dvou proměnných: z = f(x,y)

#### Hloubkové třídění ("depth-sort")

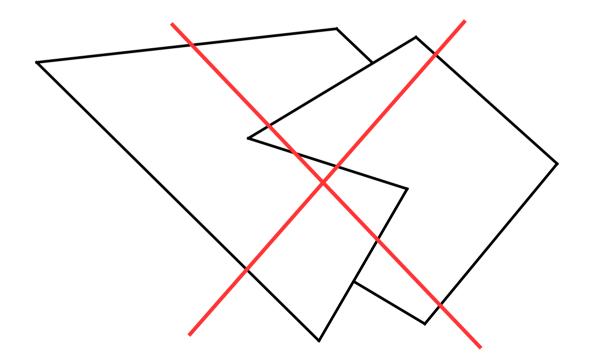
- setřídění objektů podle souřadnice z (střed, těžiště)
- dobře funguje při velkém množství malých objektů
- nesprávná kresba velkých ploch (velká stolní deska s malými předměty)

### Korektní algoritmus



#### Scéna je složena z rovinných plošek (stěn)

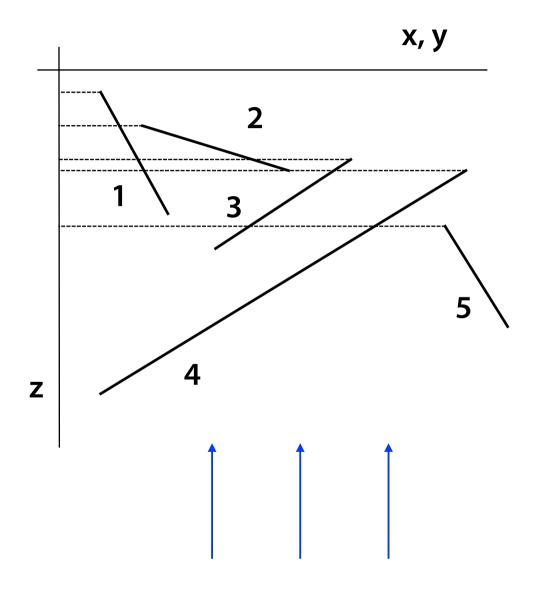
 stěny mohou mít společné body pouze na obvodu (nesmějí se prosekávat)



#### 1. fáze: třídění



Stěny setřídíme podle minimální souřadnice z vzestupně – tj. odzadu dopředu – vytvoříme tak vstupní seznam S



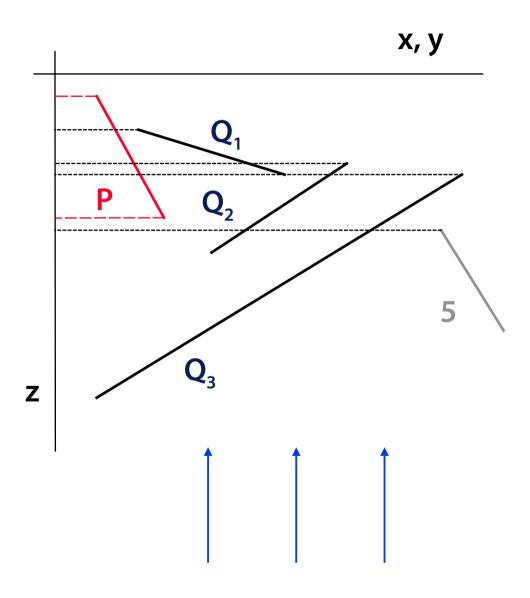
### 2. fáze: kontrola pořadí



Ze začátku seznamu **S** vezmeme stěnu **P** – **kandidáta** pro kresbu.

Proti **P** musíme otestovat ostatní stěny, které s ní mohou kolidovat.

 právě testovanou stěnu označíme **Q**<sub>[i]</sub>

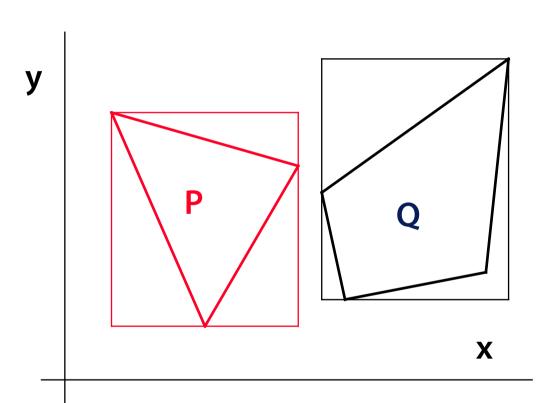


#### 2.a fáze: "minimax test"



Nejprve provedeme
nejjednodušší test –
v průmětu porovnáme
obdélníky opsané oběma
stěnám

- jestliže nemají společný bod, testování Q končí (pass)
- jinak pokračujeme dalším testem P a Q

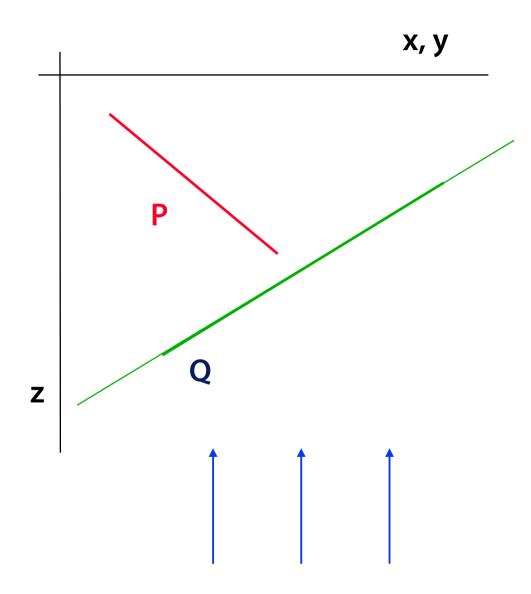


#### 2.b fáze: P versus rovina Q



Testujeme, zda stěna P neleží celá **za rovinou** stěny **Q** 

- v kladném případě testování **Q** končí (pass)
- jinak pokračujeme dalším testem P a Q



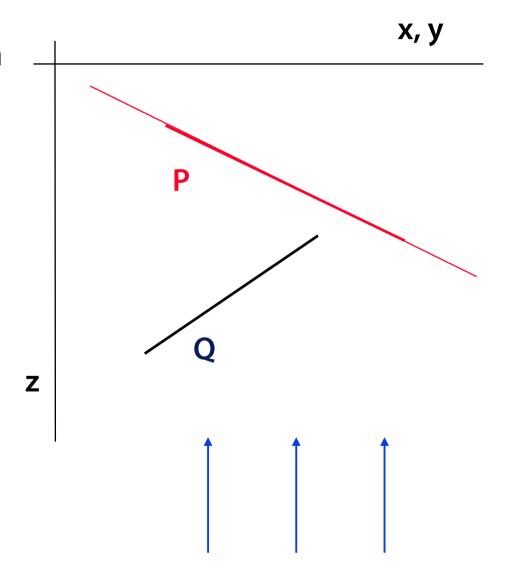
$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{x} + \mathbf{b} \cdot \mathbf{y} + \mathbf{c} \cdot \mathbf{z} + \mathbf{d} < \mathbf{0}$$

#### 2.c fáze: Q versus rovina P



Test, zda stěna **Q** neleží celá **před rovinou** stěny **P** 

- v kladném případě testování **Q** končí (pass)
- jinak pokračujeme dalším testem P a Q



$$\mathbf{a} \cdot x + \mathbf{b} \cdot y + \mathbf{c} \cdot z + \mathbf{d} > 0$$

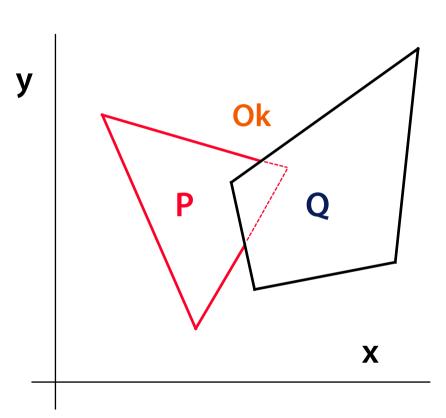
### 2.d fáze: úplný test v průmětu



Pokud předchozí testy neuspěly, musíme provést **úplný test** stěn P a Q v průmětu

Je potřeba zjistit, zda není některá část **Q** překrytá stěnou **P** 

 v takovém případě by nešlo nakreslit P před Q!

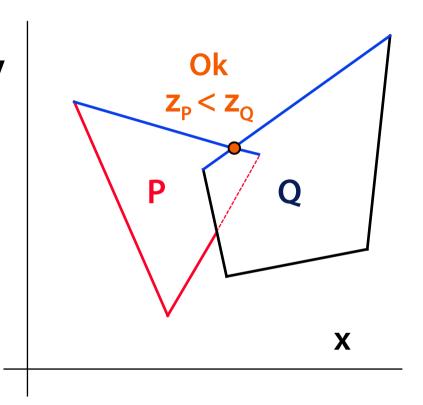


### 2.d fáze: úplný test v průmětu



# Testujeme proti sobě **všechny hrany P** a **Q**

- najdeme-li průsečíky, porovnáme v nich souřadnice z
- je-li vždy P za Q, test Q končí úspěšně (pass)
- v opačném případě nelze P nakreslit jako první!

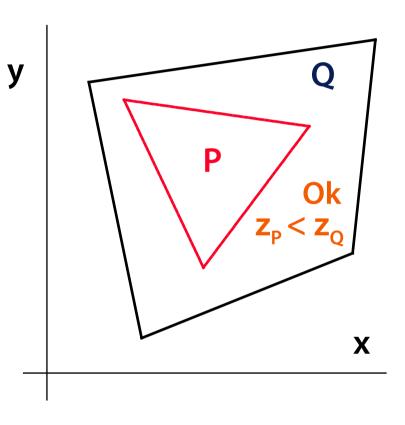


### 2.d fáze: úplný test v průmětu



Neexistuje-li průsečík hran P a Q, je třeba ještě zkontrolovat, zda neleží stěna P celá uvnitř Q nebo naopak

 to by se opět musely testovat souřadnice z



### 2. fáze: změna pořadí



Jestliže nelze z nějakého důvodu nakreslit P před Q, zkusíme přesunout stěnu **Q na začátek seznamu S** (ještě před **P**)

- pro Q budeme opět provádět všechny testy 2. fáze (jak jsme je popsali se stěnou P)
- testy nového kandidáta Q proti P už byly z velké části provedeny,
   stačí pouze doplnit obrácené testy 2.b a 2.c

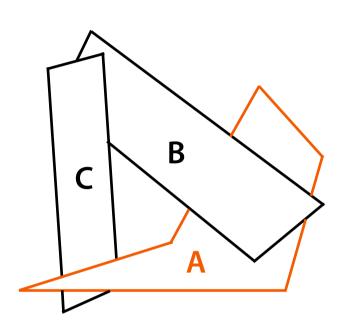
$$P \not \to Q_1 \to Q_2 \to Q_3 \to 5$$

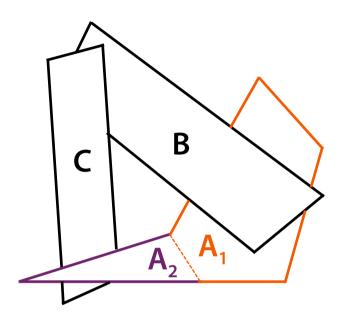
$$Q_1 \to P \to Q_2 \to Q_3 \to 5$$

Kvůli možnosti **zacyklení** se musí každý kandidát označit zvláštním příznakem

### 2. fáze: zacyklení







Jestliže je testován některý kandidát podruhé, došlo k **zacyklení** 

Cyklus lze odstranit rozdělením některé stěny

správné pořadí: A<sub>1</sub>, B, C, A<sub>2</sub>

#### Literatura



J. Foley, A. van Dam, S. Feiner, J. Hughes: *Computer Graphics, Principles and Practice*, 672-675

Jiří Žára a kol.: *Počítačová grafika, principy a algoritmy,* 302-304