

skalarní součin

- $\|v\| \geq 0$ a 0 nastane pouze pro $v = 0$
- $\|\alpha v\| = |\alpha| \|v\|$
- $\|u + v\| \leq \|u\| + \|v\|$

příklady norm:

na jednotkové kružnici: (manhattanova norma)

$$1 = \sqrt{x^2 + (x - y)^2 + y^2}$$

nam vykresli elipsu

cebisheva norma nam vykresli "čtverec" kde se s rostoucí odmocninou kulatí rohy

tvrzení:

pro normy ind. skalárních součinem platí:

$$\|x - y\|^2 + \|x + y\|^2 = 2\|x\|^2 + 2\|y\|^2$$

u a v jsou kolmé právě když: $\langle u | v \rangle = 0$

28.02.

$$\|x\| = \sqrt{\langle x, x \rangle}$$

$$z'_i = \frac{z_i}{\|z_i\|}$$

$$x_2 = \langle x_2 | z_1 \rangle z_1 + \langle x_2 | z_2 \rangle z_2; \quad y_2 = x_2 - \langle y_2 | z_1 \rangle z_1$$

$$x_1 = (2, 0, 1, 2)^T$$

$$x_2 = (4, 3, 2, 4)^T$$

$$x_3 = (6, -5, 3, 6)^T$$

$$x_4 = (6, -5, 3, 6)^T$$

... znormalizujeme

$$z_1 = \left(\frac{2}{3}, 0, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}\right)$$

$$z_2 = (0, 1, 0, 0)$$

$$y_3 = (0, 0, 0, 0)$$

$$z_4 = \left(\frac{1}{3}, 0, \frac{2}{3}, -\frac{2}{3}\right)$$