Predmet: Vyrokova a predikatorova logika
Ukol: 3.
Verze: 2.
Autor: David Napravnik

$S \subseteq T \Rightarrow \Theta^{\mathbb{P}}(T) \subseteq \Theta^{\mathbb{P}}(S)$

Neplati.
Podle tvrzeni kde pro kazde dve teorie T a T' plati $T \subseteq T' \Rightarrow \Theta^{\mathbb{P}}(T) \subseteq \Theta^{\mathbb{P}}(T')$
Spravna implikace by tedy mela byt: $S \subseteq T \Rightarrow \Theta^{\mathbb{P}}(S) \subseteq \Theta^{\mathbb{P}}(T)$

$\Theta^{\mathbb{P}}(S \cup T) \Leftarrow \Theta^{\mathbb{P}}(S) \cup \Theta^{\mathbb{P}}(T)$

necht $\varphi \in \Theta^{\mathbb{P}} \cup \Theta^{\mathbb{T}}$ z toho plyne $\varphi \in \Theta^{\mathbb{T}}$ nebo $\varphi \in \Theta^{\mathbb{S}}$
necht $\varphi \in \Theta^{\mathbb{S}}$ tzn. $S \models \varphi$ (neboli φ je dokazatelne ze S, protoze $\Theta(S)$ je mnozina $\forall$ vyroku pravdivych v S) a kdyz $S \models \varphi$, tak musi platit i $T \cup S \models \varphi$ (protoze $\Theta(\Theta(S)) \cup \Theta(S \cup T)$ a tedy $\varphi \in \Theta(S \cup T)$ pro $\varphi \in \Theta(T)$ obdobne)

$\Theta^{\mathbb{P}}(S \cap T) \Rightarrow \Theta^{\mathbb{P}}(S) \cap \Theta^{\mathbb{P}}(T)$

implikace zleva doprava trivialne. Pro tvrzeni, ktere je v pruniku teorii S a T tak pro vsechny jeho modely, ktere jsou, jak modely toho S, tak i modely toho T, tak to tvrzeni plati, pak kdyz si vezmeme samostatne ty modely toho S tak to tvrzeni tam plati a kdyz si vezmeme samostatne ty modely toho T, tak tam to taky plati, tudiz to bude platit i v jejich pruniku.