## МЕЖГОСУДАРСТВЕННЫЙ COBET ПО СТАНДАРТИЗАЦИИ, МЕТРОЛОГИИ И СЕРТИФИКАЦИИ (МГС) INTERSTATE COUNCIL FOR STANDARDIZATION, METROLOGY AND CERTIFICATION (ISC)

МЕЖГОСУДАРСТВЕННЫЙ СТАНДАРТ ΓΟCT 32453— 2013

# Глобальная навигационная спутниковая система СИСТЕМЫ КООРДИНАТ

## Методы преобразований координат определяемых точек

Издание официальное



#### Предисловие

Цели, основные принципы и основной порядок проведения работ по межгосударственной стандартизации установлены ГОСТ 1.0—92 «Межгосударственная система стандартизации. Основные положения» и ГОСТ 1.2—2009 «Межгосударственная система стандартизации. Стандарты межгосударственные, правила и рекомендации по межгосударственной стандартизации. Правила разработки, принятия, применения, обновления и отмены»

#### Сведения о стандарте

- 1 ПОДГОТОВЛЕН Открытым акционерным обществом «Научно-технический центр современных навигационных технологий» «Интернавигация» (ОАО «НТЦ «Интернавигация»)
  - 2 ВНЕСЕН Федеральным агентством по техническому регулированию и метрологии (Росстандарт)
- 3 Принят Межгосударственным советом по стандартизации, метрологии и сертификации (протокол от 14 ноября 2013 г. № 44)

#### За принятие проголосовали:

Краткое наименование страны	Код страны по	Сокращенное наименование национального органа
по МК (ИСО 3166) 004—97	МК (ИСО 3166) 004—97	по стандартизации
Беларусь Казахстан Киргизия Россия Таджикистан	Y K K R T	Госстандарт Республики Беларусь Госстандарт Республики Казахстан Кыргызстандарт Росстандарт Таджикстандарт

- 4 Приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 15 апреля 2014 г. № 354-ст межгосударственный стандарт ГОСТ 32453—2013 введен в действие в качестве национального стандарта Российской Федерации с 1 июля 2014 г.
  - 5 Стандарт подготовлен на основе применения ГОСТ Р 51794—2008
  - 6 ВВЕДЕН ВПЕРВЫЕ

Информация об изменениях к настоящему стандарту публикуется в ежегодном информационном указателе «Национальные стандарты», а текст изменений и поправок — в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». В случае пересмотра (замены) или отмены настоящего стандарта соответствующее уведомление будет опубликовано в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». Соответствующая информация, уведомление и тексты размещаются также в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет

© Стандартинформ, 2014

В Российской Федерации настоящий стандарт не может быть полностью или частично воспроизведен, тиражирован и распространен в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

#### Содержание

1 Область применения	. 1
2 Термины и определения	. 1
3 Сокращения и обозначения	. 2
4 Системы геодезических параметров	. 2
5 Методы преобразований координат определяемых точек	4
Приложение А (обязательное) Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90.02 и референцными системами координат Российской Федерации	<b>1</b> C
Приложение Б (обязательное) Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90 и референцными системами координат Российской Федерации	11
Приложение В (обязательное) Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90.02 и системой координат WGS-84	12
Приложение Г (обязательное) Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90 и системой координат WGS-84	13
Приложение Д (обязательное) Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90.02 и системой координат ПЗ-90	14
Библиография	15

#### межгосударственный стандарт

#### Глобальная навигационная спутниковая система СИСТЕМЫ КООРДИНАТ

#### Методы преобразований координат определяемых точек

Global navigation satellite system. Coordinate systems. Methods of transformations for coordinates of determinated points

Дата введения — 2014—07—01

#### 1 Область применения

Настоящий стандарт распространяется на системы координат, входящие в состав систем геодезических параметров «Параметры Земли 1990 года» и референцные системы координат Российской Федерации.

Настоящий стандарт устанавливает методы преобразований координат и их приращений из одной системы в другую, а также порядок использования параметров преобразования систем координат при выполнении геодезических, навигационных, картографических работ с применением аппаратуры потребителей глобальных навигационных спутниковых систем.

#### 2 Термины и определения

В настоящем стандарте применены следующие термины с соответствующими определениями:

- 2.1 большая полуось эллипсоида а: Параметр, характеризующий размер эллипсоида.
- 2.2 **геоид:** Эквипотенциальная поверхность, совпадающая с поверхностью Мирового океана в состоянии полного покоя и равновесия и продолженная под материками.
  - 2.3 геодезическая высота: Высота точки над поверхностью отсчетного эллипсоида.
- 2.4 геодезическая долгота: Двугранный угол между плоскостями геодезического меридиана данной точки и начального геодезического меридиана.
- 2.5 **геодезическая широта:** Угол между нормалью к поверхности отсчетного эллипсоида, проходящей через заданную точку, и плоскостью его экватора.
- 2.6 гравитационное поле Земли; ГПЗ: Поле силы тяжести на поверхности Земли и во внешнем пространстве, обусловленное силой притяжения Земли и центробежной силой, возникающей в результате суточного вращения Земли.
- 2.7 квазигеоид: Математическая поверхность, близкая к геоиду, и являющаяся отсчетной для установления системы нормальных высот.
- 2.8 космическая геодезическая сеть; КГС: Сеть геодезических пунктов, закрепляющих геоцентрическую систему координат, положение которых на земной поверхности определено по наблюдениям искусственных спутников Земли.
- 2.9 модель гравитационного поля Земли: Математическое описание характеристик гравитаци-онного поля Земли.
- 2.10 нормальная высота: Высота точки над квазигеоидом, определенная методом геометрического нивелирования.
- 2.11 нормальное гравитационное поле Земли: Модель гравитационного поля Земли, представляемое нормальным потенциалом силы тяжести.
- 2.12 общеземной эллипсоид; ОЗЭ: Эллипсоид вращения, поверхность которого наиболее близка к геоиду в целом, применяемый для обработки геодезических измерений на всей поверхности Земли в общеземной (геоцентрической) системе координат.

#### **ΓΟCT 32453—2013**

- 2.13 отсчетный эллипсоид: Эллипсоид вращения, принятый для обработки геодезических измерений и установления системы геодезических координат.
- 2.14 **планетарная модель гравитационного поля Земли:** Модель гравитационного поля Земли, отражающая гравитационные особенности Земли в целом.
- 2.15 плоскость астрономического меридиана: Плоскость, проходящая через отвесную линию в данной точке и параллельная оси вращения Земли.
- 2.16 плоскость геодезического меридиана: Плоскость, проходящая через нормаль к поверхности отсчетного эллипсоида в данной точке и параллельная его малой оси.
  - 2.17 плоскость начального меридиана: Плоскость меридиана, от которого ведется счет долгот.
- 2.18 плоские прямоугольные координаты: Плоские координаты ортогональной системы координат на плоскости, на которой отображена по определенному математическому закону поверхность отсчетного эллипсоида.
  - 2.19 сжатие эллипсоида α: Параметр, характеризующий форму эллипсоида.
- 2.20 система геодезических координат: Система параметров, два из которых (геодезическая широта и геодезическая долгота) характеризуют направление нормали к поверхности отсчетного эллипсоида в данной точке пространства относительно плоскостей его экватора и начального меридиана, а третий (геодезическая высота) представляет собой высоту точки над поверхностью отсчетного эллипсоида.
- 2.21 система геодезических параметров Земли: Совокупность параметров и точностных характеристик фундаментальных геодезических постоянных, общеземного эллипсоида, планетарной модели гравитационного поля Земли, геоцентрической системы координат и параметров ее связи с другими системами координат.
- 2.22 фундаментальные геодезические постоянные: Взаимосогласованные геодезические постоянные, однозначно определяющие параметры общеземного эллипсоида и нормальное гравитационное поле Земли.
- 2.23 **эквипотенциальная поверхность:** Поверхность, в каждой точке которой потенциал имеет одно и то же значение.
- 2.24 элементы трансформирования систем координат: Элементы, с помощью которых выполняется преобразование координат из одной системы координат в другую.

#### 3 Сокращения и обозначения

В настоящем стандарте применены следующие сокращения и обозначения:

ГГС — государственная геодезическая сеть;

ГЛОНАСС — глобальная навигационная спутниковая система Российской Федерации;

ГНСС — глобальная навигационная спутниковая система;

ГПЗ — гравитационное поле Земли;

ОЗЭ — общеземной эллипсоид;

П3-90 — Параметры Земли 1990 года — система геодезических параметров Российской Федерации;

СК — система координат;

GPS — Глобальная навигационная спутниковая система Соединенных Штатов Америки;

OXYZ, OX, OY, OZ — оси пространственной прямоугольной системы координат:

а<sub>пз-90</sub> — большая полуось общеземного эллипсоида в системе ПЗ-90;

a<sub>WGS-84</sub> — большая полуось общеземного эллипсоида в системе WGS-84;

а<sub>Кр</sub> — большая полуось эллипсоида Красовского;

α<sub>П3-90</sub> — сжатие общеземного эллипсоида в системе П3-90;

 $\alpha_{\text{WGS-84}}$  — сжатие общеземного эллипсоида в системе WGS-84;

α<sub>Кр</sub> — сжатие эллипсоида Красовского;

WGS-84 — Мировая геодезическая система.

#### 4 Системы геодезических параметров

#### 4.1 Система геодезических параметров «Параметры Земли 1990 года»

- 4.1.1 Система геодезических параметров ПЗ-90 включает в себя:
- фундаментальные геодезические постоянные;
- параметры ОЗЭ;
- систему координат ПЗ-90, закрепляемую координатами пунктов космической геодезической сети;

- характеристики модели ГПЗ;
- параметры элементов трансформирования геоцентрической системы координат ПЗ-90 в национальные референцные системы координат России и геоцентрическую систему координат WGS-84.

Параметры элементов трансформирования между системой координат ПЗ-90 и референцными системами координат России и порядок их использования при преобразовании систем координат приведены в приложениях A, Б.

Примечание — Числовые значения элементов трансформирования между системами координат ПЗ-90 [1] и ПЗ-90.02 [2], а также порядок их использования при преобразовании систем координат приведены в приложении Д.

- 4.1.2 Теоретическое определение системы координат ПЗ основывается на следующих положениях:
- а) начало системы координат расположено в центре масс Земли;
- б) ось Z направлена в Международное условное начало;
- в) ось X лежит в плоскости начального астрономического меридиана, установленного Международным бюро времени;
  - г) ось У дополняет систему до правой системы координат.
- 4.1.3 Положения точек в системе ПЗ могут быть получены в виде пространственных прямоугольных или геодезических координат.

Геодезические координаты относятся к ОЗЭ, размеры и форма которого определяются значениями большой полуоси и сжатия.

Центр ОЗЭ совпадает с началом системы координат ПЗ, ось вращения эллипсоида — с осью Z, а плоскость начального меридиана — с плоскостью XOZ.

Примечание — За отсчетную поверхность в системах геодезических параметров ПЗ-90 и ПЗ-90.02 принят общеземной эллипсоид с большой полуосью  $a_{\Pi 3}$ = 6378136 м и сжатием  $\alpha_{\Pi 3}$ = 1/298,25784.

#### 4.2 Система геодезических параметров «Мировая геодезическая система»

- 4.2.1 Система параметров WGS-84 включает в себя:
- фундаментальные геодезические постоянные;
- систему координат WGS-84, закрепляемую координатами пунктов космической геодезической сети;
  - параметры ОЗЭ;
  - характеристики модели ГПЗ;
- параметры элементов трансформирования между геоцентрической системой координат WGS-84 в различные национальные системы координат.

Параметры элементов трансформирования между геоцентрическими системами координат ПЗ-90 и WGS-84, а также порядок использования элементов трансформирования приведены в приложениях В и Г.

П р и м е ч а н и е — В настоящее время действует четвертая версия системы координат WGS-84, обозначаемая как WGS-84(G1150). В приведенных обозначениях версий системы координат WGS-84 литера «G» означает «GPS», а «730», «873» и «1150» указывают на номер GPS-недели, соответствующей дате, к которой отнесены эти версии системы координат WGS-84.

- 4.2.2 Теоретическое определение системы координат WGS основывается на следующих положениях:
  - а) начало системы координат расположено в центре масс Земли;
  - б) ось Z направлена в Международное условное начало;
- в) ось X лежит в плоскости начального астрономического меридиана, установленного Международным бюро времени;
  - г) ось У дополняет систему до правой системы координат.

Положения точек в системе WGS-84 могут быть получены в виде пространственных прямоугольных или геодезических координат.

Геодезические координаты относятся к ОЗЭ, размеры и форма которого определяются значениями большой полуоси и сжатия.

Центр эллипсоида совпадает с началом системы координат WGS, ось вращения эллипсоида совпадает с осью Z, а плоскость начального меридиана — с плоскостью XOZ.

Примечание — За отсчетную поверхность в WGS принят общеземной эллипсоид с большой полуосью  $a_{\text{WGS-84}} = 6378137$  м и сжатием  $\alpha_{\text{WGS}} = 1/298,257223563$ .

#### 4.3 Референцные системы координат Российской Федерации

Координатная основа Российской Федерации представлена референцной системой координат, реализованной в виде ГГС, закрепляющей систему координат на территории страны, и государственной нивелирной сети, распространяющей на всю территорию страны систему нормальных высот (Балтийская система), исходным началом которой является нуль Кронштадтского футштока.

Положения определяемых точек относительно координатной основы могут быть получены в виде пространственных прямоугольных или геодезических координат либо в виде плоских прямоугольных координат и высот.

Геодезические координаты в референцной системе координат Российской Федерации относятся к эллипсоиду Красовского, размеры и форма которого определяются значениями большой полуоси и сжатия.

Центр эллипсоида Красовского совпадает с началом референцной системы координат, ось вращения эллипсоида параллельна оси вращения Земли, а плоскость нулевого меридиана определяет положение начала счета долгот.

За отсчетную поверхность в СК-42 и СК-95 [3] принят эллипсоид Красовского с большой полуосью  $a_{\rm Kp}$  = 6378245 м и сжатием  $\alpha_{\rm Kp}$  = 1/298,3.

#### 5 Методы преобразований координат определяемых точек

#### 5.1 Преобразование геодезических координат в прямоугольные пространственные координаты и обратно

5.1.1 Преобразование геодезических координат в прямоугольные пространственные координаты осуществляют по формулам:

$$X = (N + H)\cos B \cos L$$

$$Y = (N + H)\cos B \sin L$$

$$Z = [(1 - e^{2})N + H]\sin B$$
(1)

где X, Y, Z — прямоугольные пространственные координаты точки;

B, L — геодезические широта и долгота точки соответственно, рад;

H — геодезическая высота точки, м;

N — радиус кривизны первого вертикала, м;

е — эксцентриситет эллипсоида.

Значения радиуса кривизны первого вертикала и квадрата эксцентриситета эллипсоида вычисляют, соответственно, по формулам:

$$N = \frac{a}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2 B}},$$

$$e^2 = 2\alpha - \alpha^2,$$
(2)

$$e^2 = 2\alpha - \alpha^2, \tag{3}$$

где *а* — большая полуось эллипсоида, м;

 $\alpha$  — сжатие эллипсоида.

5.1.2 Для преобразования пространственных прямоугольных координат в геодезические необходимо проведение итераций при вычислении геодезической широты.

Для этого используют следующий алгоритм:

1) вычисляют вспомогательную величину D по формуле

$$D = \sqrt{X^2 + Y^2}; \tag{4}$$

- 2) анализируют значение *D:*
- а) если D = 0, то

$$B = \frac{\pi Z}{2|Z|},\tag{5}$$

L=0

$$H = Z \sin B - a \sqrt{1 - e^2 \sin^2 B};$$
 (6)

б) если  $D \neq 0$ , то при

$$Y < 0, X > 0,$$
 To  $L = 2\pi - L_a$ ;  
 $Y < 0, X < 0,$  To  $L = \pi + L_a$ ;  
 $Y > 0, X < 0,$  To  $L = \pi - L_a$ ;  
 $Y > 0, X > 0,$  To  $L = L_a$ ;  
 $Y = 0, X > 0,$  To  $L = 0$ ;  
 $Y = 0, X < 0,$  To  $L = \pi$ .

где 
$$L_a = \left| \arcsin\left(\frac{Y}{D}\right) \right|;$$
 (8)

- 3) анализируют значение Z:
- а) если Z = 0, то

$$B = 0$$
;  $H = D - a$ ; (9)

- б) во всех других случаях вычисления выполняют следующим образом:
- находят вспомогательные величины r, c, p по формулам:

$$r = \sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2},$$
 (10)

$$c = \arcsin\left(\frac{Z}{r}\right),\tag{11}$$

$$p = \frac{e^2 a}{2r};\tag{12}$$

- реализуют итеративный процесс, используя вспомогательные величины  $s_1$  и  $s_2$ :

$$s_1 = 0,$$
 (13)

$$b = c + s_1, \tag{14}$$

$$s_2 = \arcsin\left(\frac{p\sin(2b)}{\sqrt{1 - e^2\sin^2 b}}\right),\tag{15}$$

$$d = |s_2 - s_1|, \tag{16}$$

если значение d, определяемое по формуле (16), меньше установленного значения допуска, то

$$B = b, ag{17}$$

$$H = D\cos B + Z\sin B - a\sqrt{1 - e^2\sin^2 B};$$
 (18)

если значение d равно или более установленного значения допуска, то

$$s_1 = s_2 \tag{19}$$

и вычисления повторяют, начиная с формулы (14).

 $5.1.3\,$  При преобразованиях координат в качестве допуска прекращения итеративного процесса принимают значение  $(10^{-4})^n$ . В этом случае погрешность вычисления геодезической высоты не превышает  $0,003\,\mathrm{M}$ .

#### 5.2 Преобразование пространственных прямоугольных координат

Пользователям ГНСС ГЛОНАСС и GPS необходимо выполнять преобразования координат из системы ПЗ-90 в систему WGS-84 и обратно, а также из ПЗ-90 и WGS-84 в референцные системы координат Российской Федерации. Указанные преобразования координат выполняют, используя семь элементов трансформирования, точность которых определяет точность преобразований.

Параметры элементов трансформирования между системами координат ПЗ-90 и WGS-84 приведены в приложениях В, Г.

Преобразование координат из системы WGS-84 в координаты референцных систем Российской Федерации осуществляют последовательным преобразованием координат сначала в систему ПЗ-90, а затем — в координаты референцных систем.

#### **FOCT 32453—2013**

Преобразование пространственных прямоугольных координат выполняют по формуле

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\mathsf{B}} = (1+m) \begin{pmatrix} 1 & +\omega_{\mathsf{Z}} & -\omega_{\mathsf{y}} \\ -\omega_{\mathsf{Z}} & 1 & +\omega_{\mathsf{x}} \\ +\omega_{\mathsf{y}} & -\omega_{\mathsf{x}} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\mathsf{A}} + \begin{pmatrix} \Delta \mathsf{x} \\ \Delta \mathsf{y} \\ \Delta \mathsf{z} \end{pmatrix}, \tag{20}$$

где  $\Delta x$ ,  $\Delta y$ ,  $\Delta z$  — линейные элементы трансформирования систем координат при переходе из системы Aв систему Б, м;

 $\omega_{\!\raisebox{-1pt}{$\chi$}},\,\omega_{\!\raisebox{-1pt}{$\zeta$}}-\,\omega_{\!\raisebox{-1pt}{$\zeta$}}$  угловые элементы трансформирования систем координат при переходе из системы A в систему Б, рад;

m- масштабный элемент трансформирования систем координат при переходе из системы А в систему Б.

Обратное преобразование прямоугольных координат выполняют по формуле

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{A} = (1-m) \begin{pmatrix} 1 & -\omega_{z} & +\omega_{y} \\ +\omega_{z} & 1 & -\omega_{x} \\ -\omega_{y} & +\omega_{x} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{B} + \begin{pmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{pmatrix}.$$
(21)

#### 5.3 Преобразование геодезических координат

Преобразование геодезических координат из системы А в систему Б выполняют по формулам:

$$B_{\mathsf{B}} = B_{\mathsf{A}} + \Delta B$$

$$L_{\mathsf{B}} = L_{\mathsf{A}} + \Delta L$$

$$H_{\mathsf{B}} = H_{\mathsf{A}} + \Delta H$$

$$(22)$$

где *B, L* — геодезические широта и долгота, выраженные в единицах плоского угла;

H — геодезическая высота, м;

 $\Delta B$ ,  $\Delta L$ ,  $\Delta H$  — поправки к геодезическим координатам точки.

Поправки к геодезическим координатам определяют по следующим формулам:

$$\Delta B = \frac{\rho}{(M+H)} \left[ \frac{N}{a} e^{2} \sin B \cos B \Delta a + \left( \frac{N^{2}}{a^{2}} + 1 \right) N \sin B \cos B \frac{\Delta e^{2}}{2} - \left( (\Delta x \cos L + \Delta y \sin L) \sin B + \Delta z \cos B \right] - \left( (\Delta x \cos L + \Delta y \sin L) \sin B + (\Delta x \cos B) - \rho m e^{2} \sin B \cos B; \right)$$

$$\Delta L = \frac{\rho}{(N+H)\cos B} \left( (-\Delta x \sin L + \Delta y \cos L) + tgB(1-e^{2})(\omega_{x} \cos L + \omega_{y} \sin L) - \omega_{z}; \right)$$

$$\Delta H = -\frac{a}{N} \Delta a + N \sin^{2} B \frac{\Delta e^{2}}{2} + (\Delta x \cos L + \Delta y \sin L) \cos B + \Delta z \sin B -$$

$$-Ne^{2} \sin B \cos B \left( \frac{\omega_{x}}{\rho} \sin L - \frac{\omega_{y}}{\rho} \cos L \right) + \left( \frac{a^{2}}{N} + H \right) m,$$

$$(23)$$

где  $\Delta B$ ,  $\Delta L$  — поправки к геодезическим широте, долготе, ...";

 $\Delta H$  — поправка к геодезической высоте, м;

B, L — геодезические широта и долгота, рад;

H — геодезическая высота, м;

 $\Delta x$ ,  $\Delta y$ ,  $\Delta z$  — линейные элементы трансформирования систем координат при переходе из системы  $\sf A$  в систему Б, м;

систему Б, ...";

*m* — масштабный элемент трансформирования систем координат при переходе из системы А в систему Б;

$$\Delta a = a_{\mathsf{B}} - a_{\mathsf{A}};$$

$$\Delta e^2 = e_{\mathsf{B}}^2 - e_{\mathsf{A}}^2;$$

$$a=\frac{a_{\mathsf{B}}+a_{\mathsf{A}}}{2};$$

$$e^2 = \frac{e_b^2 - e_A^2}{2}$$
;

M — радиус кривизны меридианного сечения ( $M = a(1 - e^2)(1 - e^2\sin^2 B)^{-\frac{3}{2}}$ );

N — радиус кривизны первого вертикала ( $N = a(1 - e^2 \sin^2 B)^{-\frac{1}{2}}$ );

 $a_{\mathsf{B}},\,a_{\mathsf{A}}$  — большие полуоси эллипсоидов в системах координат  $\mathsf{B}$  и  $\mathsf{A}$  соответственно;

 $e_{\mathsf{b}}^2, e_{\mathsf{A}}^2$  — квадраты эксцентриситетов эллипсоидов в системах координат  $\mathsf{b}$  и  $\mathsf{A}$  соответственно;

 $\rho$  — число угловых секунд в 1 радиане ( $\rho$  = 206264, 806").

При преобразовании геодезических координат из системы A в систему Б в формуле (22) используют значения геодезических координат в системе A, а при обратном преобразовании — в системе Б, и знак поправок  $\Delta B$ ,  $\Delta L$ ,  $\Delta H$  в формуле (22) меняют на противоположный.

Формулы (23) обеспечивают вычисление поправок к геодезическим координатам с погрешностью, не превышающей 0,3 м (в линейной мере). Для достижения погрешности не более 0,001 м выполняют вторую итерацию, т. е. учитывают значения поправок к геодезическим координатам по формулам (22) и повторно выполняют вычисления по формулам (23).

При этом

$$B = \frac{B_{A} + (B_{A} + \Delta B)}{2},$$

$$L = \frac{L_{A} + (L_{A} + \Delta L)}{2},$$

$$H = \frac{H_{A} + (H_{A} + \Delta H)}{2}.$$
(24)

Формулы (22), (23) и точностные характеристики преобразований по этим формулам справедливы до широт 89°.

### 5.4 Преобразование геодезических координат в плоские прямоугольные координаты и обратно

5.4.1 Для получения плоских прямоугольных координат в принятой на территории Российской Федерации проекции Гаусса—Крюгера используют геодезические координаты на эллипсоиде Красовского.

Плоские прямоугольные координаты с погрешностью не более 0,001 м вычисляют по формулам

 $x = 6367558,496 8 B - \sin 2B (16002,890 0 + 66,9607 \sin^2 B + 0,3515 \sin^4 B - 10,0000 + 66,9607 \sin^2 B + 0,0000 + 0$ 

 $-l^2$  (1594561, 25 + 5336,535 sin<sup>2</sup>B + 26,790 sin<sup>4</sup>B + 0,149 sin<sup>6</sup>B +  $l^2$  (672483,4 - 811219,9 sin<sup>2</sup>B + 5420,0 sin<sup>4</sup>B - 10,6 sin<sup>6</sup> B + (25)

 $+ l^2 (278194 - 830174 \sin^2 B + 572434 \sin^4 B - 16010 \sin^6 B +$ 

+  $l^2$  (109500 - 574700 sin<sup>2</sup>B + 863700 sin<sup>4</sup>B - 398600 sin<sup>6</sup>B))));

 $y = (5 + 10 n) 10^5 + l \cos B (6378245 + 21346, 1415 \sin^2 B + 107, 1590 \sin^4 B + 108)$ 

 $+ 0.5977 \sin^6 B + l^2 (1070204, 16 - 2136826, 66 \sin^2 B + 17, 98 \sin^4 B - 11, 99 \sin^6 B + (26)$ 

- $+ l^2 (270806 1523417 \sin^2 B + 1327645 \sin^4 B 21701 \sin^6 B + l^2 (270806 1523417 \sin^2 B)$
- +  $l^2$  (79690 866190 sin<sup>2</sup>B + 1730360 sin<sup>4</sup>B 945460 sin<sup>6</sup>B))),
- где *x, y* плоские прямоугольные координаты (абцисса и ордината) определяемой точки в проекции Гаусса —Крюгера, м;
  - В геодезическая широта определяемой точки, рад;
  - l расстояние от определяемой точки до осевого меридиана зоны, выраженное в радианной мере и вычисляемое по формуле

$$l = \{L - [3 + 6 (n - 1)]\}/57,29577951,$$
(27)

где L — геодезическая долгота определяемой точки, ...°;

n— номер шестиградусной зоны в проекции Гаусса—Крюгера, вычисляемый по формуле

$$n = E[(6 + L)/6],$$
 (28)

Е[...] — целая часть выражения, заключенного в квадратные скобки.

5.4.2 Преобразование плоских прямоугольных координат в проекции Гаусса-Крюгера на эллипсоиде Красовского в геодезические координаты осуществляют по формулам

$$B = B_0 + \Delta B; \tag{29}$$

$$L = 6(n - 0.5)/57,29577951 + l,$$
(30)

где B, L — геодезические широта и долгота определяемой точки, рад;

 $B_0$  — геодезическая широта точки, абцисса которой равна абциссе x определяемой точки, а ордината равна нулю, рад;

n— номер шестиградусной зоны в проекции Гаусса—Крюгера, вычисляемый по формуле

$$n = E[y \cdot 10^{-6}],$$
 (31)

Е[...] — целая часть выражения, заключенного в квадратные скобки;

у — ордината определяемой точки в проекции Гаусса—Крюгера, м.

Значения  $B_0$ ,  $\Delta B$  и l вычисляют по следующим формулам

$$B_0 = \beta + \sin 2\beta(0,00252588685 - 0,000 01491860 \sin^2\beta + 0,000000 904 \sin^4\beta);$$
 (32)

 $\Delta B = -z_0^2 \sin 2B_0(0.251684631 - 0.003369263 \sin^2 B_0 + 0.000011 \cdot 276 \sin^4 B_0 - 0.0003369263 \sin^2 B_0$ 

$$-z_0^2(0,105\ 00614 - 0,04559916\sin^2B_0 + 0,00228901\sin^4B_0 - 0,00002987\sin^6B_0 - z_0^2(0,042858 - 0,025318\sin^2B_0 + 0,014346\sin^4B_0 - (33)^2$$

 $-0.001264 \sin^6 B_0 - z_0^2 (0.01672 - 0.00630 \sin^2 B_0 + 0.01188 \sin^4 B_0 - z_0^2 (0.01672 - 0.00630 \sin^2 B_0 + 0.01188 \sin^4 B_0 - z_0^2 (0.01672 - 0.00630 \sin^2 B_0)$ 

 $-0,00328\sin^6B_0))));$ 

$$-z_0^2$$
(0,16778975 + 0,16273586  $\sin^2\!B_0$   $-$  0,00052490 $\sin^4\!B_0$   $-$  0,000 00846 $\sin^6\!B_0$   $-$ 

$$-z_0^2(0.0420025 + 0.1487407 \sin^2 B_0 + 0.0059420 \sin^4 B_0 - 0.0000150 \sin^6 B_0 - 0.0000150 \sin^6 B_0$$

 $-z_0^2(0.01225 + 0.09477 \sin^2 B_0 + 0.03282 \sin^4 B_0 - 0.00034 \sin^6 B_0 - 0.00034 \cos^6 B_0 - 0.00034 \cos^2$ 

$$-z_0^2(0.0038 + 0.0524 \sin^2 B_0 + 0.0482 \sin^4 B_0 + 0.0032 \sin^6 B_0)))))$$

где β — вспомогательная величина, вычисляемая по формуле

$$\beta = x/6 \ 367558,4968;$$
 (35)

z<sub>0</sub> — вспомогательная величина, вычисляемая по формуле

$$z_0 = (y - (10 \ n + 5) \cdot 10^5)/(6378245\cos B_0);$$
 (36)

x, y — абцисса и ордината определяемой точки в проекции Гаусса — Крюгера, м.

Погрешность преобразования координат по формулам (25), (26) и (32)—(36) составляет не более 0,001 м.

## 5.5 Преобразование приращений пространственных прямоугольных координат из системы в систему

Преобразование приращений пространственных прямоугольных координат из системы координат А в систему Б осуществляют по формуле

$$\begin{pmatrix}
\Delta X \\
\Delta Y \\
\Delta Z
\end{pmatrix}_{\mathsf{B}} = (1+m) \begin{pmatrix}
1 & +\omega_{z} & -\omega_{y} \\
-\omega_{z} & 1 & +\omega_{x} \\
+\omega_{y} & -\omega_{x} & 1
\end{pmatrix} \begin{pmatrix}
\Delta X \\
\Delta Y \\
\Delta Z
\end{pmatrix}_{\mathsf{A}}.$$
(37)

Обратное преобразование приращений пространственных прямоугольных координат из системы Б в систему А выполняют по формуле

$$\begin{pmatrix}
\Delta X \\
\Delta Y \\
\Delta Z
\end{pmatrix}_{A} = (1-m) \begin{pmatrix}
1 & -\omega_{z} & +\omega_{y} \\
+\omega_{z} & 1 & -\omega_{x} \\
-\omega_{y} & +\omega_{x} & 1
\end{pmatrix} \begin{pmatrix}
\Delta X \\
\Delta Y \\
\Delta Z
\end{pmatrix}_{B}.$$
(38)

В формулах (37) и (38) угловые элементы трансформирования  $w_X$ ,  $w_Y$ ,  $w_Z$  выражены в радианах.

#### 5.6 Связь между геодезической и нормальной высотами

Геодезическая и нормальная высоты связаны соотношением:

$$H = H^{\gamma} + \zeta, \tag{39}$$

где H — геодезическая высота определяемой точки, м;

 $H^{\gamma}$  — нормальная высота определяемой точки, м;

 $\zeta$  — высота квазигеоида над эллипсоидом в определяемой точке, м.

Высоты квазигеоида над отсчетным эллипсоидом систем геодезических параметров ПЗ и WGS вычисляют по моделям ГПЗ, являющимися составной частью систем геодезических параметров.

При перевычислении высот квазигеоида из системы координат А в систему координат Б используют формулу

$$\zeta_{\mathbf{5}} = \zeta_{\mathbf{A}} + \Delta H, \tag{40}$$

где  $\zeta_{\!\scriptscriptstyle B}$  — высота квазигеоида над ОЗЭ, м;

ζ — высота квазигеоида над эллипсоидом Красовского, м;

 $\Delta \dot{H}$  — поправка к геодезической высоте, вычисляемая по формуле (23), м.

#### Приложение А (обязательное)

## Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90.02 и референцными системами координат Российской Федерации

А.1 Преобразование координат из референцной системы координат 1942 года в систему координат ПЗ-90.02

$$\Delta x = +23,93 \text{ m}; \qquad \omega_{\rm x} = 0"; \\ \Delta y = -141,03 \text{ m}; \qquad \omega_{\rm y} = -0,35"; \\ \Delta z = -79,98 \text{ m}; \qquad \omega_{\rm z} = -0,79"; \\ m = -0,22 \cdot 10^{-6}; \\ \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\Pi 3-90.02} = (1 + (-0,22) \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{pmatrix} 1 & -3,8300 \cdot 10^{-6} & +1,6968 \cdot 10^{-6} \\ +3,8300 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ -1,6968 \cdot 10^{-6} & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\rm CK-42} + \begin{pmatrix} +23,93 \\ -141,03 \\ -79,98 \end{pmatrix}.$$

А.2 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90.02 в референцную систему координат 1942 года

$$\begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\text{CK-42}} = (1 - (-0.22) \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{pmatrix} 1 & +3.8300 \cdot 10^{-6} & -1.6968 \cdot 10^{-6} \\ -3.8300 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ +1.6968 \cdot 10^{-6} & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\Pi 3-90.02} \begin{bmatrix} +23.93 \\ -141.03 \\ -79.98 \end{bmatrix}.$$

А.3 Преобразование координат из референцной системы координат 1995 года в систему координат ПЗ-90.02

$$\Delta x = +24,83 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm X} = 0,00\%; \\ \Delta y = -130,97 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm y} = 0,00\%; \\ \Delta z = -81,74 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm z} = -0,13\%; \\ m = (-0,22) \cdot 10^{-6}; \\ \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\Pi 3-90.02} = (1+(-0,22) \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{pmatrix} 1 & -0,6302 \cdot 10^{-6} & 0 \\ +0,6302 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \end{pmatrix}_{\rm CK-95} + \begin{pmatrix} +24,83 \\ -130,97 \\ -81,74 \end{pmatrix}.$$

А.4 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90.02 в референцную систему координат 1995 года

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\text{CK-95}} = (1 - (-0.22) \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{bmatrix} 1 & +0.6302 \cdot 10^{-6} & 0 \\ -0.6302 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90.02} \begin{bmatrix} +24.83 \\ -130.97 \\ -81.74 \end{bmatrix}.$$

#### Приложение Б (обязательное)

## Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90 и референцными системами координат Российской Федерации

Б.1 Преобразование координат из референцной системы координат 1942 года в систему координат ПЗ-90

$$\Delta x = +25 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm X} = 0";$$
 
$$\Delta y = -141 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm y} = -0.35";$$
 
$$\Delta z = -80 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm Z} = -0.66";$$
 
$$m = 0;$$
 
$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} = \begin{bmatrix} 1 & -3.1998 \cdot 10^{-6} & +1.6968 \cdot 10^{-6} \\ +3.1998 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ -1.6968 \cdot 10^{-6} & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\rm CK-42} + \begin{bmatrix} +25 \\ -141 \\ -80 \end{bmatrix}.$$

Б.2 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90 в референцную систему координат 1942 года

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{CK-42} = \begin{bmatrix} 1 & +3,1998 \cdot 10^{-6} & -1,6968 \cdot 10^{-6} \\ +3,1998 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ -1,6968 \cdot 10^{-6} & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} = \begin{bmatrix} +25 \\ -141 \\ -80 \end{bmatrix}.$$

Б.3 Преобразование координат из референцной системы координат 1995 года в систему координат ПЗ-90

$$\Delta x = +25,90 \text{ M};$$

$$\Delta y = -130,94 \text{ M};$$

$$\Delta z = -81,76 \text{ M};$$

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} = \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\text{CK-95}} + \begin{bmatrix} +25,90 \\ -130,94 \\ -81,76 \end{bmatrix}.$$

Б.4 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90 в референцную систему координат 1995 года

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X \\ Y \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} +25,90 \\ -130,94 \end{bmatrix}.$$
  
 $\begin{bmatrix} Z \end{bmatrix}_{CK-95} = \begin{bmatrix} Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} = \begin{bmatrix} -81,76 \end{bmatrix}$ 

### Приложение В (обязательное)

#### Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90.02 и системой координат WGS-84

В.1 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90.02 в систему координат WGS-84

$$\Delta x = -0.36 \text{ M};$$
  $\omega_{x} = 0;$   $\Delta y = +0.08 \text{ M};$   $\omega_{y} = 0;$   $\Delta z = +0.18 \text{ M};$   $\omega_{z} = 0;$   $m = 0;$  
$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\text{WGS-84(G1150)}} = \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90.02} + \begin{bmatrix} -0.36 \\ +0.08 \\ +0.18 \end{bmatrix}.$$

В.2 Преобразование координат из системы координат WGS-84 в систему координат ПЗ-90.02 референцную систему координат 1995 года

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90.02} = \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{WGS-84(G1150)} - \begin{bmatrix} -0,36 \\ +0,08 \\ +0,18 \end{bmatrix}.$$

#### Приложение Г (обязательное)

#### Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90 и системой координат WGS-84

Г.1 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90 в систему координат WGS-84

$$\Delta x = -1,10 \text{ M}; \qquad \omega_{x} = 0;$$

$$\Delta y = -0,30 \text{ M}; \qquad \omega_{y} = 0;$$

$$\Delta z = -0,90 \text{ M}; \qquad \omega_{z} = -0,20" \pm 0,01";$$

$$m = (-0,12) \cdot 10^{-6};$$

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\text{WGS-84}} = (1-0,12 \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{bmatrix} 1 & -0,9696 \cdot 10^{-6} & 0 \\ -0,9696 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} + \begin{bmatrix} -1,10 \\ -0,30 \\ -0,90 \end{bmatrix}.$$

Г.2 Преобразование координат из системы координат WGS-84 в систему координат ПЗ-90

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} = (1+0.12\cdot10^{-6}) \cdot \begin{bmatrix} 1 & +0.9696\cdot10^{-6} & 0 \\ -0.9696\cdot10^{-6} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{WGS-84} - \begin{bmatrix} -1.10 \\ -0.30 \\ -0.90 \end{bmatrix}.$$

#### Приложение Д (обязательное)

#### Параметры преобразования между системой координат ПЗ-90.02 и системой координат ПЗ-90

Д.1 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90.02 в систему координат ПЗ-90

$$\Delta x = +1,07 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm X} = 0;$$
 
$$\Delta y = +0,03 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm y} = 0;$$
 
$$\Delta z = -0,02 \text{ M}; \qquad \omega_{\rm z} = +0,13";$$
 
$$m = (+0,22) \cdot 10^{-6};$$
 
$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} = (1+0,22 \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{bmatrix} 1 & +0,6302 \cdot 10^{-6} & 0 \\ -0,6302 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90.02} + \begin{bmatrix} +1,07 \\ +0,03 \\ -0,02 \end{bmatrix}.$$

Д.2 Преобразование координат из системы координат ПЗ-90 в систему координат ПЗ-90.02

$$\begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90.02} = (1-0.22 \cdot 10^{-6}) \cdot \begin{bmatrix} 1 & -0.6302 \cdot 10^{-6} & 0 \\ +0.6302 \cdot 10^{-6} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}_{\Pi 3-90} - \begin{bmatrix} +1.07 \\ +0.03 \\ -0.02 \end{bmatrix}.$$

#### Библиография

- [1] Постановление Правительства Российской Федерации от 28.07.2000 г. № 568 «Об установлении единых государственных систем координат»
- [2] Распоряжение Правительства Российской Федерации от 20.06.2007 г. № 797-р «Об использовании уточненной версии государственной геоцентрической системы координат «Параметры Земли 1990 года» (ПЗ-90.02)»

УДК 629.783:[528.2+528.344+523.34.13]:006.354

MKC 07.040

Ключевые слова: приемная аппаратура глобальной навигационной спутниковой системы, системы координат, определение координат местоположения

Редактор *E.C. Котлярова*Технический редактор *В.Н. Прусакова*Корректор *Ю.М. Прокофьева*Компьютерная верстка *Л.А. Круговой* 

Сдано в набор 17.07.2014. Подписано в печать 03.09.2014. Формат  $60 \times 84 \frac{1}{8}$ . Гарнитура Ариал. Усл. печ. л. 2,32. Уч.-изд. л. 1,75. Тираж 43 экз. Зак. 3657.