## Structurer une démonstration

**Montrons**  $\forall x \in \mathbb{R}, \ x = 0 \Longleftrightarrow \forall \varepsilon > 0, \ |x| < \varepsilon$ :

Soit  $x \in \mathbb{R}$ , montrons l'équivalence entre x = 0 et

 $\forall \varepsilon > 0$ ,  $|x| < \varepsilon$  par double implication :

**Supposons** x = 0 **et montrons**  $\forall \varepsilon > 0$ ,  $|x| < \varepsilon$ :

**Soit**  $\varepsilon > 0$ , on a alors  $|x| = |0| = 0 < \varepsilon$ 

Raisonnons par contraposition en supposant

 $x \neq 0$  et en montrant  $\exists \varepsilon > 0, |x| \geqslant \varepsilon$ :

**Posons**  $\varepsilon = |x|$ .

**Puisque**  $x \neq 0$ , on a  $\varepsilon = |x| > 0$  et  $|x| \geqslant \varepsilon$