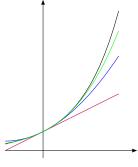
## DÃľ veloppements limitÃľ s usuels

Ãľ quiv ents On trouvera ci-dessous des approximations utiles au voisinage de 0. Ces approximations permettent d'obtenir des s dans de nombreuses situations. Les graphiques en regard de certaines fonctions permettent de se rendre compte de la nitÃl' de l'approximation suivant l'ordre auquel on pousse le dÃl'veloppement limitÃl'.

## Approximation affine

## DÃľ veloppement limitÃľ d'ordre n



$$f(x) = f(0) + f'(0) \cdot x + o(x)$$

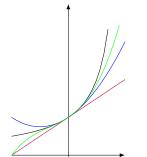
$$f(x) = f(0) + f'(0) \cdot x + o(x) = f(0) + f'(0) \cdot x + f''(0) \cdot \frac{x^2}{2!} + f'''(0) \cdot \frac{x^3}{3!} + \dots + f^{(n)}(0) \cdot \frac{x^n}{n!} + o(x^n)$$

$$e^{x} = 1 + x + o(x)$$

$$= 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \cdots + \frac{x^n}{n!} + o(x^n)$$

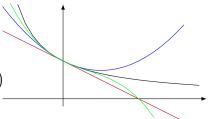
$$\ln\left(1+x\right) = x + o\left(x\right)$$

$$= x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \dots + (-1)^{n+1} \cdot \frac{x^n}{n} + o(x^n)$$



$$\frac{1}{1-x} = 1 + x + o(x)$$

$$= 1 + x + x^{2} + x^{3} + \cdots + x^{n} + o(x^{n})$$



$$\frac{1}{1+x} = 1 - x + o(x)$$

$$= 1 - x + x^{2} - x^{3} + \cdots + (-1)^{n} \cdot x^{n} + o(x^{n})$$

$$(1+x)^{\alpha} = 1 + \alpha x + o(x)$$

$$=1+\alpha x+\frac{\alpha(\alpha-1)}{2!}\cdot x^2+\frac{\alpha(\alpha-1)(\alpha-2)}{3!}\cdot x^3+\cdots+\frac{\alpha\cdots(\alpha-n+1)}{n!}\cdot x^n+o\left(x^n\right)$$



$$\sqrt{1+x} = 1 + \frac{1}{2}x + o(x)$$

$$= 1 + \frac{1}{2}x - \frac{1}{8}x^2 + \frac{1}{16}x^3 + \dots + (-1)^{n+1} \cdot \frac{1 \times 3 \times \dots \times (2n-3)}{2 \times 4 \times \dots \times 2n} \cdot x^n + o(x^n)$$

$$\sqrt[3]{1+x} = 1 + \frac{1}{3}x + o(x)$$

$$= 1 + \frac{1}{3}x - \frac{1}{9}x^2 + \frac{5}{81}x^3 + \dots + (-1)^{n+1} \cdot \frac{2 \times 5 \times 8 \times \dots \times (3n-4)}{3^n \cdot n!} \cdot x^n + o(x^n)$$