Les exercices ci-dessous sont à réaliser seul(e). Les références autorisées sont :

```
— https://docs.python.org/3/
— https://www.wikipedia.org/
— https://www.ljll.math.upmc.fr/smets/3M235.pdf
```

En particulier, toute requête vers un moteur de recherche autre que ceux mentionnés ci-dessus est interdite.

Exercice 1 Ecrire en Python une fonction orthonormalisation qui prenne en entrée une matrice (tableau Numpy) A, non nécessairement carrée mais dont les colonnes sont supposées être linéairement indépendantes, et qui renvoie en sortie une matrice orthonormalisation(A) de même taille que A et dont les colonnes forment une famille orthonormée qui engendre le même sous-espace vectoriel que celui engendré par les colonnes de A. [Autrement dit : implémenter un procédé d'orthonormalisation, par exemple celui de Gram-Schmidt]

Exercice 2 Ecrire en Python une fonction $regression_lineaire$ qui prenne en entrée une chaîne de caractères stockée dans la variable $nom_fichier$ et qui en sortie renvoie un tuple consistant en l'ordonnée à l'origine et la pente de la droite approchant au mieux, au sens des moindres carrés, les données (x_i, y_i) contenues dans le fichier dont le nom est $nom_fichier$. Ce dernier fichier est supposé être un fichier texte dont chaque ligne contient exactement deux nombres réels, le premier correspondant au x_i et le second au y_i . Appliquer enfin cette fonction avec le fichier disponible à l'adresse $http://www.ljll.math.upmc.fr/smets/3M235_TP_note.txt (à sauvegarder d'abord localement sur votre espace) et visualiser dans un même graphique les données <math>(x_i, y_i)$ et le graphe de la meilleure droite ainsi obtenue.