## NETIESIOGINIAI MATAVIMAI IR GAUTŲ REZULTATŲ PAKLAIDŲ SKAIČIAVIMAS

Reikia rasti cilindro formos kūno medžiagos tankį:

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{m}{S \cdot H} = \frac{4 \cdot m}{\pi \cdot D^2 \cdot H}$$

# m

### Atliekami tiesioginiai matavimai:

#### masės

$$m = (170,65 \pm 0,05) \cdot 10^{-3} kg$$
**diametro**

$$D = (14,3 \pm 0,1) \cdot 10^{-3} m$$

#### aukščio

$$H = (141 \pm 1) \cdot 10^{-3} m$$

#### Randame medžiagos tankį:

$$\rho = \frac{4 \cdot m}{\pi \cdot D^2 \cdot H} = \frac{4 \cdot 170,65 \cdot 10^{-3}}{3,14 \cdot \left(14,3 \cdot 10^{-3}\right)^2 \cdot 141 \cdot 10^{-3}} =$$

$$=7,539\cdot10^3 \text{ kg/m}^3$$

## PAKLAIDOS SKAIČIAVIMO FORMULĖS IŠVEDIMAS

$$\rho = \frac{4 \cdot m}{\pi \cdot D^2 \cdot H}$$

1.  $\ln \rho = \ln 4 + \ln m - \ln \pi - 2 \cdot \ln D - \ln H$ 

2. 
$$\frac{d\rho}{\rho} = 0 + \frac{dm}{m} - 0 - 2 \cdot \frac{dD}{D} - \frac{dH}{H}$$

$$\frac{\Delta \rho}{\rho} = \frac{\Delta m}{m} + \frac{2 \cdot \Delta D}{D} + \frac{\Delta H}{H}$$

#### 4. max paklaida

$$\Delta \rho_{\text{max}} = \pm \rho \cdot \left( \frac{\Delta m}{m} + \frac{2 \cdot \Delta D}{D} + \frac{\Delta H}{H} \right)$$

## Realios paklaidos skaičiavimo formulės išvedimas:

$$\left(\frac{\Delta\rho}{\rho}\right)^2 = \left(\frac{\Delta m}{m}\right)^2 + \left(\frac{2\cdot\Delta D}{D}\right)^2 + \left(\frac{\Delta H}{H}\right)^2$$

$$\sqrt{\left(\frac{\Delta\rho}{\rho}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{\Delta m}{m}\right)^2 + \left(\frac{2\cdot\Delta D}{D}\right)^2 + \left(\frac{\Delta H}{H}\right)^2}$$

#### Reali paklaida:

$$\Delta \rho_{real} = \pm \rho \cdot \sqrt{\left(\frac{\Delta m}{m}\right)^2 + \left(\frac{2 \cdot \Delta D}{D}\right)^2 + \left(\frac{\Delta H}{H}\right)^2}$$

## Tankio maksimalios paklaidos skaičiavimas:

$$\Delta \rho_{\text{max}} = \pm \rho \cdot \left( \frac{\Delta m}{m} + 2 \cdot \frac{\Delta D}{D} + \frac{\Delta H}{H} \right) =$$

$$= \pm 7,539 \cdot 10^{3} \cdot \left( \frac{0,05}{170,65} + 2 \cdot \frac{0,1}{14,3} + \frac{1}{141} \right) =$$

$$= \pm 0,108 \cdot 10^{3} \, kg / m^{3} \approx \pm 0,1 \cdot 10^{3} \, kg / m^{3}$$

#### Medžiagos tankis:

$$\rho = (\rho \pm \Delta \rho_{\text{max}}) = (7.5 \pm 0.1) \cdot 10^3 \, kg / m^3$$

#### Realios paklaidos skaičiavimas:

$$\Delta \rho_{real} = \pm \rho \cdot \sqrt{\left(\frac{\Delta m}{m}\right)^2 + \left(\frac{2 \cdot \Delta D}{D}\right)^2 + \left(\frac{\Delta H}{H}\right)^2} =$$

$$=\pm 7,539\cdot 10^{3} \cdot \sqrt{\left(\frac{0,05}{170,65}\right)^{2} + \left(2\cdot\frac{0,1}{14,3}\right)^{2} + \left(\frac{1}{141}\right)^{2}} \approx \pm 0,08\cdot 10^{3} kg/m^{3}$$

#### Medžiagos tankis:

$$\rho = (\rho \pm \Delta \rho_{real}) = (7,54 \pm 0,08) \cdot 10^3 kg/m^3$$

#### Laboratorinio darbo švarraštis

#### Laboratorinis darbas Nr. M-5 LAISVŲJŲ SVYRAVIMŲ TYRIMAS

- Darbo tikslas
- Darbo priemonės
- Teorinė eksperimento dalis (apimtisapie 1 spausdintą psl.)
- Darbo rezultatai
- Išvados

#### Darbo rezultatai

- Sutvarkytos lentelės.
- Su komentarais pateikti rezultatų ir jų paklaidų skaičiavimai.
- Milimetriniame popieriuje (arba kompiuteriu) nubrėžti grafikai.
- Taisyklingai užrašytas ieškomasis rezultatas (SI sistemoje).

Paruošti namuose <u>atskirus lapus</u> laboratorinių darbų <u>juodraščiams</u> su nubraižytomis lentelėmis:

- 1. Laboratorinis darbas M- 5, 1 lentelę
- 2. Laboratorinis darbas M- 6, 1L lentelę

3. Laboratorinis darbas E-4 (26-29 psl.)

1 lentelė (28 psl.) ir grandinės schema 2 pav. (28 psl.)

4. Laboratorinis darbas E- 5 (30-33 psl.)

2 lentelė (31 psl.) ir grandinės dalies schema 3 pav. (32 psl.)

- **5. Laboratorinis darbas E-9** (48-52 psl.)

  1 lentelė (52 psl.) ir schema 5 pav. (51 psl.)
- 6. **Laboratorinis darbas K-1** (110-115 psl.) *1 lentelė* (115 psl.)
- 7. Laboratorinis darbas K-2 (116-117 psl.) 2 lentelė (116 psl.)

- 8. Laboratorinis darbas O-2 (93-98 psl.) 1 lentelė (97 psl.)
- 9. Laboratorinis darbas **K-8** (148-152 psl.) *1 lentelė* (152 psl)

#### Literatūra

 V. Bulbenkienė, J. Vaupšas, R. Juškienė, L. Vasiljeva, K. Jankauskas. Fizikos laboratoriniai darbai, II dalis. KU leidykla, 2009.