

MNAF2025

November 4, 2025

0.0.1 IMPORTS NECESARIOS

```
[1]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import scipy as sp
import sympy as sym
import mpl_toolkits.mplot3d as p3d
import numpy.polynomial.polynomial as poly
```

0.0.2 EJERCICIOS

Ejercicio 1: Crear una función que calcule la base de polinomios de Lagrange, con las siguientes condiciones

- nombre y parámetros: `base_lagrange(x)`
- resultado: lista con $L_n^k(x)$, polinomios de la base de lagrange para el soporte $\{x\}$

1. Función

```
[2]: def obtener_polinomios_lagrange(datos_entrada):

    L=[]
    suma=0

    # * Preparar datos de entrada como lista

    if isinstance(datos_entrada, tuple):
        datos_entrada = list(datos_entrada)
    elif isinstance(datos_entrada, np.ndarray):
        datos_entrada = datos_entrada.tolist()
    elif isinstance(datos_entrada, list):
        pass
    else:
        raise ValueError("Tipo de dato no soportado")
    print(f"tipo: {type(datos_entrada)}, valor: {datos_entrada} \n")

    # * Crear datos de salida: polinomios de Lagrange

    for i in range(len(datos_entrada)):
```

```

    soporte = datos_entrada.copy()
    x_k = soporte.pop(i)
    P = poly.Polynomial.fromroots(soporte)
    L_k = P/P(x_k)
    L.append(L_k)

# * Graficar los polinomios de Lagrange

x_vals = np.linspace(min(datos_entrada), max(datos_entrada), 1000)
plt.figure(figsize=(4,3))
plt.title(f"Base de Lagrange con soporte {datos_entrada}")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("L_k(x)")
plt.grid()
for L_k in L:
    y_vals = L_k(x_vals)
    plt.plot(x_vals, y_vals, label=f"$L_{L.index(L_k)}(x)$")
    suma += L_k

plt.legend()
plt.show()

# * Ver si la suma tiene sentido

print(f"\n la suma es {suma} \n")
plt.figure(figsize=(4,3))
plt.title(f"Suma de polinomios de Lagrange")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("Suma de L_k(x)")
plt.grid()
y_vals = suma(x_vals)
plt.plot(x_vals, y_vals, label=f"Suma de L_k(x)")
plt.legend()
plt.show()

# * Lo que devuelve la función

return L

```

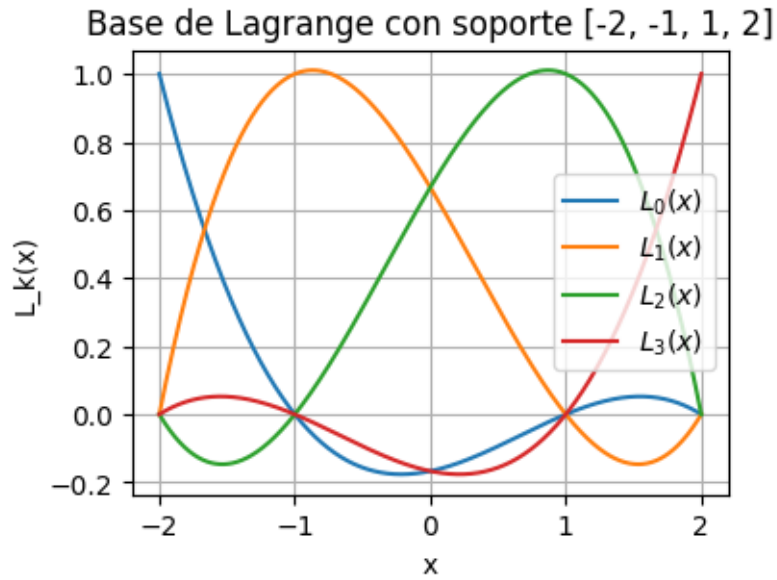
2. Resultado y validación

```

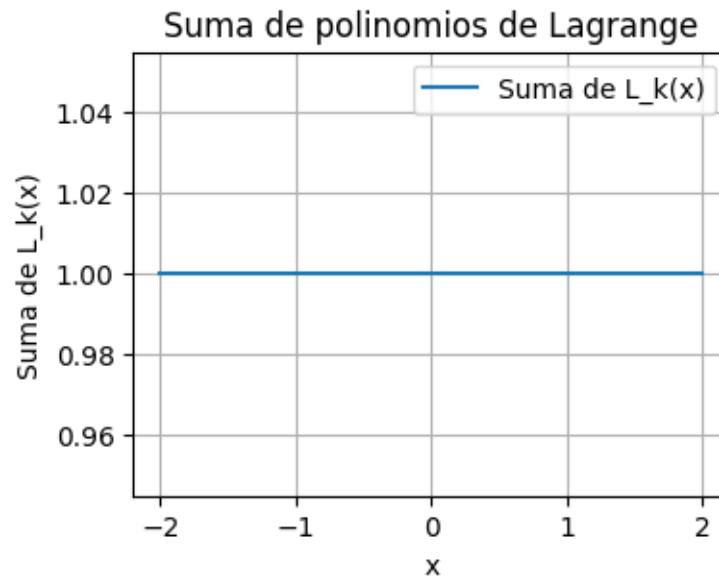
[3]: base_lagrange = obtener_polinomios_lagrange((-2,-1,1,2))
     print(base_lagrange)

```

tipo: <class 'list'>, valor: [-2, -1, 1, 2]



la suma es $1.0 + (4.16333634e-17) \cdot x$



```
[Polynomial([-0.16666667, 0.08333333, 0.16666667, -0.08333333], domain=[-1., 1.], window=[-1., 1.], symbol='x'), Polynomial([ 0.66666667, -0.66666667, -0.16666667, 0.16666667], domain=[-1., 1.], window=[-1., 1.], symbol='x'), Polynomial([ 0.66666667, 0.66666667, -0.16666667, -0.16666667], domain=[-1.,
```

```
1.], window=[-1., 1.], symbol='x'), Polynomial([-0.16666667, -0.08333333,  
0.16666667, 0.08333333], domain=[-1., 1.], window=[-1., 1.], symbol='x')]
```

Ejercicio 2: Crear una función con las siguientes especificaciones: