E202 – Circuitos Elétricos II

Aula 3 – Componentes RC

Prof. Luciano Leonel Mendes

PED Pedro Henrique de Souza

Resistores

• Resistores são componentes que apresentam resistência à passagem de corrente elétrica.

• Simbologia:

$$i(t)$$
 R

$$R = \frac{v(t)}{i(t)} [\Omega]$$

A tensão e a corrente no resistor estão em fase.

- A condutância de um resistor é definida como a relação entre corrente e tensão.
- Essa grandeza é dada em Siemens.

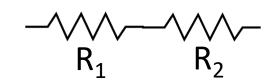
$$G = \frac{i(t)}{v(t)} = \frac{1}{R}[S]$$





Resistores

• Resistores em série:



$$R_{eq} = R_1 + R_2 \left[\Omega \right]$$

• Resistores em paralelo:

$$R_1 \geqslant R_2$$

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \left[\Omega \right]$$

Capacitores - Definições

- Capacitores são elementos que armazenam energia na forma de campo elétrico.
- A medida que são carregados, os capacitores passam a apresentar uma tensão em seus terminais, que fica presente mesmo quando não há mais circulação de corrente.
- Capacitores são formados por placas condutoras paralelas separadas por um dielétrico.

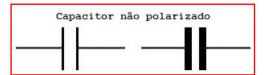
 Conductive plates

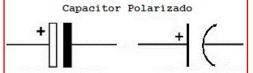
Dielectric

• Diferentes isolantes podem ser empregados: papel, poliéster, cerâmica, entre outros.

Capacitores - Definições

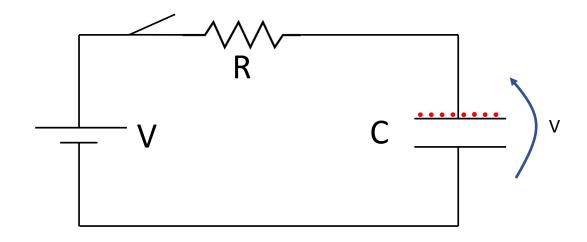
• Simbologias:







• O capacitor armazena uma carga elétrica quando uma deslocamento de elétrons ocorre em seus terminais, em função da aplicação de uma corrente elétrica.



Acesso o circuito aqui

t	Vc	lc
0+	0	V/R
∞	V	0

O capacitor se comporta como um curto quando está descarregado e como um aberto quanto está carregado.

Os capacitores não permitem que a tensão varie abruptamente de um instante para o outro.

Capacitores - Definições

• Capacitância, medida em Farad [F], é a capacidade do capacitor de armazenar

carga.

Área das placas condutoras [m²] $C = \varepsilon \frac{A}{d}$ Distância entre as placas [m]
Permissividade do dielétrico [F/m]

 A quantidade de carga que é armazenada no capacitor quando este é exposto a uma diferença de potencial é

$$Q = CV$$
 [Coulomb \rightarrow C]

• Exercício: um capacitor, formado por placas paralelas de 12 μ m², espaçadas entre si em 1 μ m por um dielétrico com permissividade de 2 nF/m, é submetido a uma diferença de potencial de 12 v. Qual será a carga armazenada neste componente?

Capacitores – Relação entre tensão e corrente

 A variação da tensão aplicada nos terminais de um capacitor resulta na circulação de uma corrente pelo mesmo.

$$i_c(t) = C \frac{dv_c(t)}{dt} \qquad v_c(t) = \frac{1}{C} \int i_c(t) dt$$

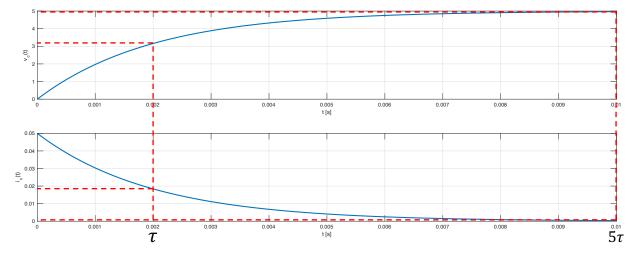
- Essa equação diferencial permite encontrar a corrente que circula pelo capacitor quando o mesmo é submetido a uma tensão variante no tempo.
- Se a tensão não varia no tempo, a corrente no capacitor é nula.

Capacitores – Carga de capacitores

• A resposta ao degrau de um circuito RC série é:

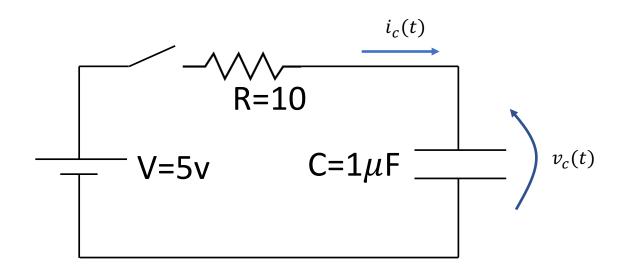
$$i_c(t) = \frac{V}{R}e^{-\frac{t}{RC}} \qquad v_c(t) = V\left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right)$$

- Constante de tempo: $\tau = RC$ tempo necessário para que o capacitor atinja 63,21% da tensão da fonte.
- O capacitor está plenamente carregado depois de 5τ s.



Capacitores – Carga de capacitores

• Exemplo: encontre as expressões da corrente e da tensão no capacitor do circuito abaixo, sabendo que a chave é fechada no instante t=0s e que o capacitor está inicialmente descarregado.

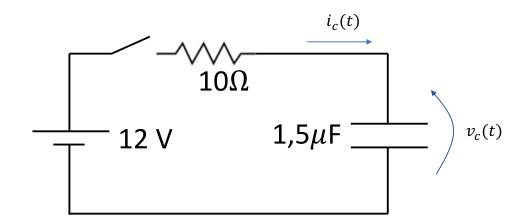


Capacitores – Carga de capacitores

Exemplo: trace os gráficos da tensão e da corrente no capacitor do circuito abaixo após o fechamento da chave.

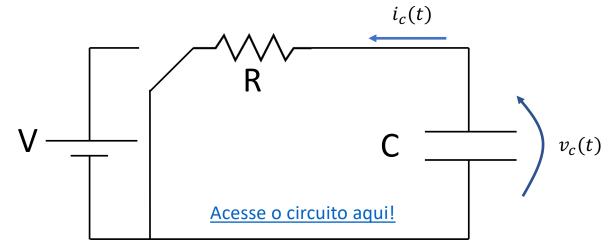
Qual é o valor da tensão armazenada no capacitor depois de decorridos uma constante de tempo? E da corrente?

Qual é o tempo necessário para que o capacitor esteja carregado? Quais seriam a tensão e corrente aproximadas neste instante de tempo?



Capacitores – Descarga de capacitores

• Considere que o capacitor está totalmente carregado. Imagine agora que a fonte de tensão passe para 0v, ou seja, que ela vire um curto circuito.



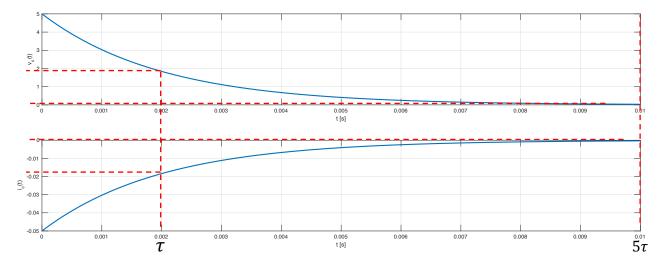
- Note que a corrente irá circular pelo resistor no sentido contrário ao observado durante a carga do capacitor. Por isso, convenciona-se que a corrente é negativa.
- A medida que os elétrons retornam para as lacunas criadas durante a carga, a tensão vai diminuindo, assim como a corrente.

Capacitores – Descarga de capacitores

• A tensão e corrente de descarga do capacitor são dadas por:

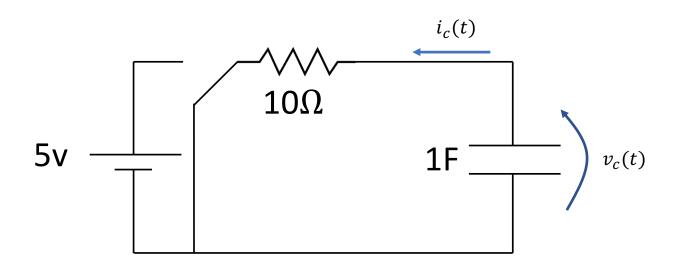
$$i_c(t) = -\frac{V}{R}e^{-\frac{t}{RC}} \qquad v_c(t) = Ve^{-\frac{t}{RC}}$$

- Constante de tempo: $\tau = RC$ tempo necessário para que o capacitor descarregue até 36,79% da tensão inicial.
- O capacitor está plenamente descarregado depois de 5τ s.



Capacitores – Descarga de capacitores

• Exemplo: Encontre a tensão e a corrente de descarga do capacitor, assumindo que a chave mudou de posição depois que o capacitor estava totalmente carregado.



Capacitores – Associação de capacitores

• Capacitores em série



$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \ [F]$$

• Capacitores em paralelo

$$C_1$$
 C_2

$$C_{eq} = C_1 + C_2[F]$$