



## Actividad 2.-Inverso multiplicativo

Considera el alfabeto en Inglés (26 caracteres)

### Ejercicio 2

Encontrar todos los inversos multiplicativos por fuerza bruta.

$\alpha$	{1	3	5	7	9	11	15	17	19	21	23	25}
$\alpha^{-1}$	{1	9	21	15	3	19	7	23	11	5	17	25}

### Ejercicio 2

Let Encryption function  $C=7p+5 \bmod 26$

Find the decryption function  $\text{p} = 15( C +21 ) \bmod 26$

Find the plaintext

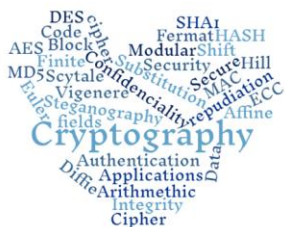
Ciphertext	L	F	I	C	H	L	F	I	J	T	B	I	J	L	H
plaintext	M	A	T	H	E	M	A	T	I	C	S	T	I	M	E

Nota: Los procedimientos deben realizarse a mano, debes escanear tus notas y juntarlas con este documento o tomar una foto e incluirla como imagen al final de este archivo.

Trabajos sin procedimientos a mano valen 0 puntos.

Al finalizar guarda un sólo archivo como PDF para subirlo a Classroom.

M. en C. Nidia A. Cortez Duarte





## Actividad 2.-Inverso multiplicativo

Ejercicio 2.

$$7^{-1} \bmod 26 = 15$$

$$7 * 7 \bmod 26 = 49 \bmod 26 = 23$$

$$7 * 11 \bmod 26 = 77 \bmod 26 = 25$$

$$7 * 15 \bmod 26 = 105 \bmod 26 = 1 \leftarrow$$

$$7 * 17 \bmod 26 =$$

$$7 * 19 \bmod 26 =$$

$$11^{-1} \bmod 26 = 19$$

$$11 * 11 \bmod 26 = 121 \bmod 26 = 17$$

$$11 * 17 \bmod 26 = 187 \bmod 26 = 5$$

$$11 * 19 \bmod 26 = 209 \bmod 26 = 1 \leftarrow$$

$$17^{-1} \bmod 26 = 23$$

$$17 * 23 \bmod 26 = 391 \bmod 26 = 1 \leftarrow$$

$$25^{-1} \bmod 26 = 25$$

$$25 * 25 \bmod 26 = 625 \bmod 26 = 1 \leftarrow$$







## Actividad 2.-Inverso multiplicativo

Ejercicio 2 (desatado)

Encryption function  $\Rightarrow C = (7p + 5) \bmod 26$

Looking for decryption function:

$$C = 7p + 5 \bmod 26$$

$$-(-7p = -C + 5) \bmod 26$$

$$7p = C - 5 \bmod 26$$

$$p = \frac{C - 5}{7} \bmod 26$$

Usando  $p = 7^{-1} [C + (-5)] \bmod 26$   
 $7^{-1} = 15 \quad (-5) = 21$

$$p = 15(C + 21) \bmod 26$$

$$L \rightarrow 15(11 + 21) \bmod 26 = 480 \bmod 26 = 12 \rightarrow m$$

$$F \rightarrow 15(5 + 21) \bmod 26 = 390 \bmod 26 = 0 \rightarrow a$$

$$I \rightarrow 15(8 + 21) \bmod 26 = 435 \bmod 26 = 19 \rightarrow t$$

$$C \rightarrow 15(2 + 21) \bmod 26 = 345 \bmod 26 = 7 \rightarrow h$$

$$H \rightarrow 15(7 + 21) \bmod 26 = 420 \bmod 26 = 4 \rightarrow e$$

$$J \rightarrow 15(9 + 21) \bmod 26 = 450 \bmod 26 = 8 \rightarrow i$$

$$T \rightarrow 15(19 + 21) \bmod 26 = 600 \bmod 26 = 2 \rightarrow c$$

$$B \rightarrow 15(1 + 21) \bmod 26 = 330 \bmod 26 = 18 \rightarrow s$$