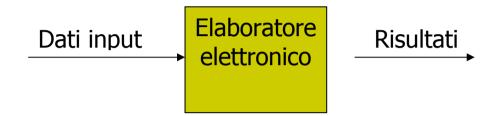


Obiettivo: risolvere problemi mediante l'uso di un elaboratore elettronico



Per risolvere un problema è necessario fornire una descrizione chiara e precisa del metodo risolutivo

La descrizione di un problema non fornisce un metodo risolutivo



Risolvere un problema vuol dire <u>determinare un metodo generale che sia applicabile ad</u> <u>ogni istanza del problema</u>



Esempi di algoritmi descritti con "pseudocodice"

Esempio 1: verifica se un numero è pari o dispari

- **a.** prendi il numero
- **b.** calcola il resto della divisione intera del numero per 2
- c. se il resto è zero: il numero è pari, altrimenti: è dispari
- **a**, **b** e **c** sono istruzioni eseguite in *sequenza*. **a**, **b** sono strettamente operative, **c** è un'istruzione di *controllo decisionale*, implica una *selezione*.

Esempio 2: determina il Massimo Comune Divisore (MCD)

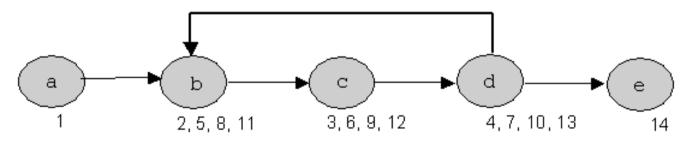
- a. prendi i due numeri
- b. calcola il resto della divisione intera del num. più grande per il più piccolo
- c. sostituisci il num. più piccolo al più grande e il resto al più piccolo
- d. finché tale resto è diverso da zero torna all'istruzione b
- e. il numero più grande (quello non nullo) è il MCD cercato
- d è un'istruzione di *controllo iterativo*, in quanto implica una *ripetizione*.



Flusso di esecuzione dell'algoritmo di determinazione del MCD con i numeri 924 e 120

924 e 120
84 è il resto della divisione intera di 924 per 120
120 e 84
il resto è diverso da zero, torna all'istruzione b
36 è il resto della divisione intera di 120 per 84
84 e 36
il resto è diverso da zero, torna all'istruzione b
12 è il resto della divisione intera di 84 per 36
36 e 12
il resto è diverso da zero, torna all'istruzione b
0 è il resto della divisione intera di 36 per 12
12 e 0
il resto è uguale a zero, prosegui con l'istruzione successiva
12 è il MCD

L'esecuzione di ogni singola istruzione viene definita *passo*.





Risoluzione di problemi con strumenti automatici

- La risoluzione di un problema è un processo risolutivo che trasforma i dati iniziali nei corrispondenti risultati finali
- Affinché possa essere realizzata attraverso l'uso di un elaboratore tale processo deve poter essere definito come sequenza di azioni elementari
- Non tutti i problemi sono risolvibili attraverso l'uso di un elaboratore
- Esistono classi di problemi per cui la soluzione automatica non è proponibile. In particolare si tratta di:
 - Problemi che presentano infinite soluzioni
 - Problemi per i quali non è stato individuato un metodo risolutivo
 - Problemi per i quali non esiste un metodo risolutivo automatizzabile



Definizione di algoritmo

- sequenza finita di operazioni che risolve in un tempo finito una classe di problemi o anche
- procedura di soluzione di una classe di problema per passi elementari

Proprietà di un algoritmo

- Comprensibilità o Eseguibilità: ogni azione deve essere eseguibile dall'esecutore dell'algoritmo
- Correttezza o Determinismo o Non ambiguità: ogni azione deve essere univocamente interpretabile dall'esecutore
- Efficienza o *Finitezza* (nel tempo e nello spazio): il numero totale delle azioni da eseguire per ogni insieme dei dati di ingresso deve essere finito



Problemi calcolabili

- I problemi risolvibili automaticamente sono definiti calcolabili
 - Si tratta di funzioni per cui esiste un algoritmo che termina e che, fornito un input, produca un risultato
 - Appartengono alla classe dei problemi calcolabili:
 - problemi di calcolo (funzioni): dato x determinare f(x)
 - problemi decisionali
 - problemi di ricerca
 - problemi di enumerazione



Tipi di algoritmi

ALGORITMI NUMERICI

- operazioni aritmetiche
- calcolo espressioni
- ricerca del massimo di un insieme di numeri
- ordinamento di insiemi di numeri
- ******
- **F**

ALGORITMI NON NUMERICI

- installazione di un personal computer
- montaggio di una stazione di ricezione satellitare
- nicetta gastronomica
- scelta del percorso stradale tra due città
- localizzazione di un libro in una biblioteca
- **A**



Riflessioni

- © Quasi sempre esistono algoritmi diversi per risolvere lo stesso problema.
- importante risulta la scelta dell'algoritmo più efficiente.
- ① In alcuni casi la descrizione della soluzione di un problema può richiedere conoscenze o capacità o attitudini ritenute scontate da parte di un esecutore-uomo.
- La correttezza o determinismo dell'algoritmo può dipendere dalle assunzioni fatte sul tipo di esecutore.
- **□** La soluzione di un problema può essere ricondotta ad attività che a loro volta sono sottoproblemi, che richiedono una descrizione algoritmica.



L'obiettivo della *programmazione strutturata* è di rendere un flusso ordinato il passaggio tra le istruzioni dall'inizio alla fine degli algoritmi risolutivi dei problemi calcolabili e, quindi, dei programmi che risolvono automaticamente i problemi.

Corrado Böhm e Giuseppe Jacopini hanno dimostrato (teorema di Boehm-Jacopini) che

C. Böhm, G. Jacopini "Flow Diagrams, Turing Machines, and Languages with only two Formation Rules", Communications of the ACM, Vol. 9, No. 5, May 1966, pp.336-371

un qualunque algoritmo può essere descritto (e, perciò, tutti i programmi possano essere scritti) con l'utilizzo solo delle tre strutture: sequenza, selezione e iterazione (senza l'uso del salto goto).

Selezione e Iterazione costituiscono le strutture o istruzioni di controllo.

Si dice quindi che le tre strutture

- Sequenza
- Diramazione o Selezione
- Ciclo o Iterazione

sono **complete**.



Diagramma di flusso

- È una rappresentazione grafica di un algoritmo.
- Mostra con chiarezza il modo in cui operano le strutture di controllo
- È preferibile allo pseudocodice

Pseudocodice

- Linguaggio informale per la descrizione degli algoritmi
- È simile al linguaggio naturale
- Non è un linguaggio di programmazione



Lo schema a blocchi o flow chart

È uno strumento rudimentale, anche se molto diffuso, per rappresentare il flusso di esecuzione di un programma, o meglio per *descrivere graficamente un algoritmo*.

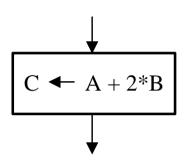
I singoli blocchi indicano operazioni logiche (su variabili).

I blocchi che possono essere presenti in un flow chart sono:

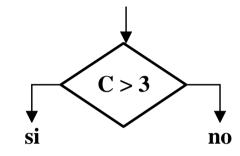
- ✓ il blocco di inizio della descrizione dell'algoritmo
- ✓ il blocco di fine della descrizione dell'algoritmo
- ✓ il blocco di assegnazione ad una variabile del risultato di un'espressione
- ✓ il **blocco di test** di verità di un'espressione logica (o predicato o condizione); in base al risultato del test sono indicati due differenti percorsi di avanzamento dell'algoritmo
- ✓ il blocco di lettura che assegna ad una variabile un valore ricavato da un dispositivo di input (per esempio dalla tastiera)
- ✓ il blocco di scrittura che riporta su un dispositivo di output (per esempio il video) il valore di una variabile



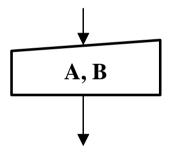
I blocchi di un flow chart



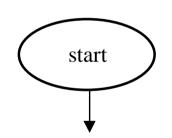
Blocco di assegnazione



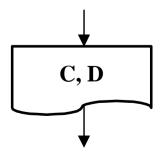
Blocco di **test**



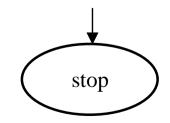
Blocco di **lettura**



Blocco di inizio



Blocco di scrittura



Blocco di fine



Il flow chart delle strutture fondamentali

Sequenza

Istruzioni semplici di Ingresso, Uscita, Assegnazione

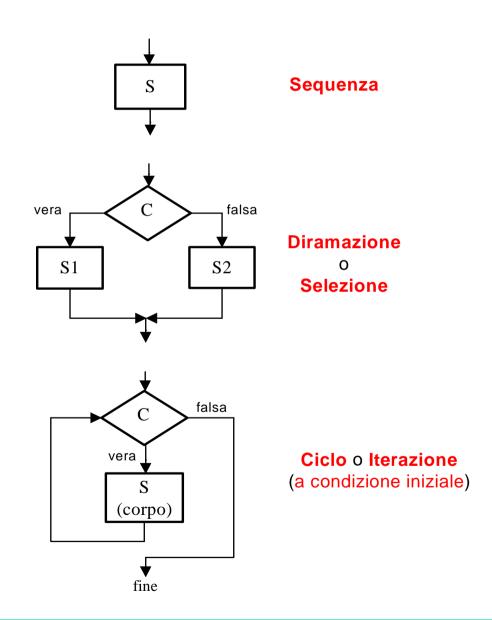
Istruzioni di controllo

Diramazione o Selezione

- Esprime la scelta tra due possibili azioni mutuamente esclusive
- Si valuta l'espressione relazionale o logica specificata all'interno del blocco:
- Se il risultato dell'espressione è vero si prosegue verso un ramo della diramazione altrimenti si segue l'altro ramo

Ciclo o Iterazione

- Esprime la ripetizione di un'azione
- Ad ogni iterazione si valuta l'espressione relazionale o logica specificata all'interno del blocco
- Finché il risultato dell'espressione è vero si ripete l'azione. L'iterazione si interrompe non appena la condizione non è più soddisfatta





Le istruzioni di una sequenza

Istruzione di ingresso

lettura

riceve dati dall'unità in ingresso e li assegna alle variabili

Istruzione di uscita

scrittura

trasmette all'unità di uscita il valore di una espressione

Istruzione di assegnazione

Istruzione della forma V=E

Calcola il valore dell'espressione E e lo assegna alla variabile V Un'espressione può essere

- ✓ Aritmetica: una sequenza di variabili e costanti combinate mediante operatori aritmetici (+, -, *, /) Ad esempio: a+b*8/10
- ✓ Relazionale o logica: fornisce un risultato binario vero o falso, usano operatori logici o relazionali (==, <, >, !=, &&, ||)
 Ad esempio: a != b



Altre strutture di controllo

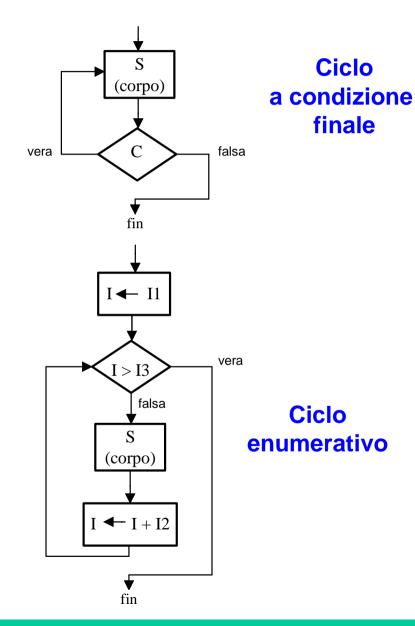
I rappresenta l'indice del ciclo

I1 è il valore iniziale dell'indice del ciclo

12 è l'incremento (step) dell'indice dopo ogni iterazione

I3 è il valore finale dell'indice del ciclo

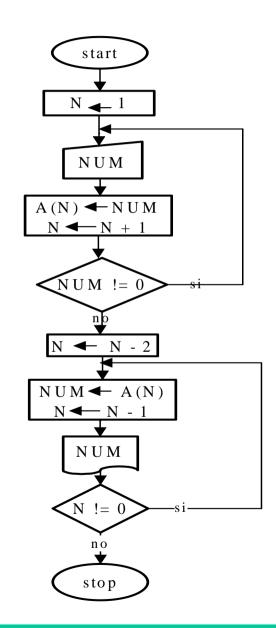
Il corpo del ciclo viene eseguito (I3 - I1 + 1) volte





Un esempio di flow chart

Algoritmo: inversione di una sequenza di numeri chiusa da uno zero





Progettazione e programmazione strutturata

I vantaggi del progettare e programmare facendo uso delle sole strutture fondamentali:

- migliore chiarezza o leggibilità;
- maggiore facilità di modifica;
- maggiore facilità di codifica;
- minore probabilità di errore.

Le istruzioni sono eseguite in maniera sequenziale: non sono utilizzate le istruzioni che consentono un trasferimento del controllo

"Eliminazione dei goto"



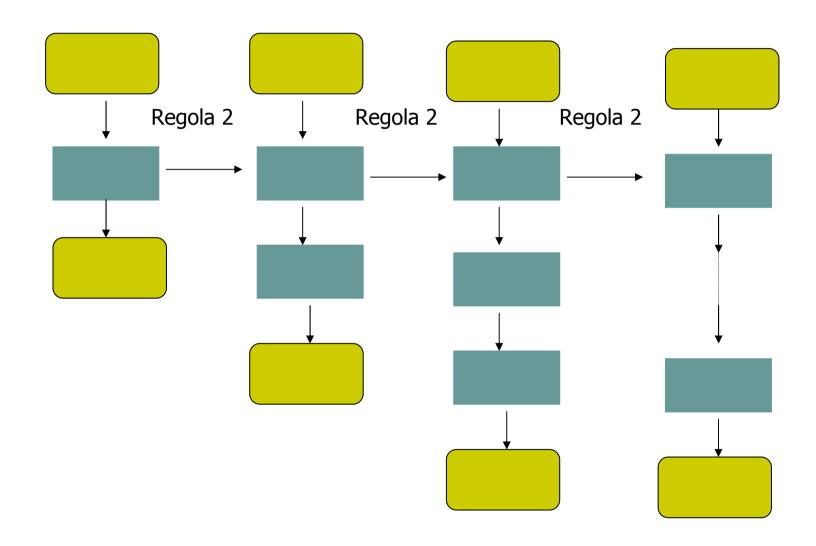
Regole per la creazione di programmi strutturati

Nel flow chart la programmazione strutturata è garantita mediante le seguenti regole:

- 1) Iniziare un diagramma con il flusso di azioni anche non elementari
- 2) Ogni azione (rettangolo) può essere sostituita da due azioni in sequenza
- 3) Ogni azione può essere sostituita da una qualsiasi struttura di controllo (sequenza, selezione, iterazione)
- 4) Regola di nidificazione: le regole 2 e 3 possono essere applicate ripetutamente ed in qualsiasi ordine
- 5) Un diagramma di flusso ha un unico punto di ingresso ed un unico punto di uscita



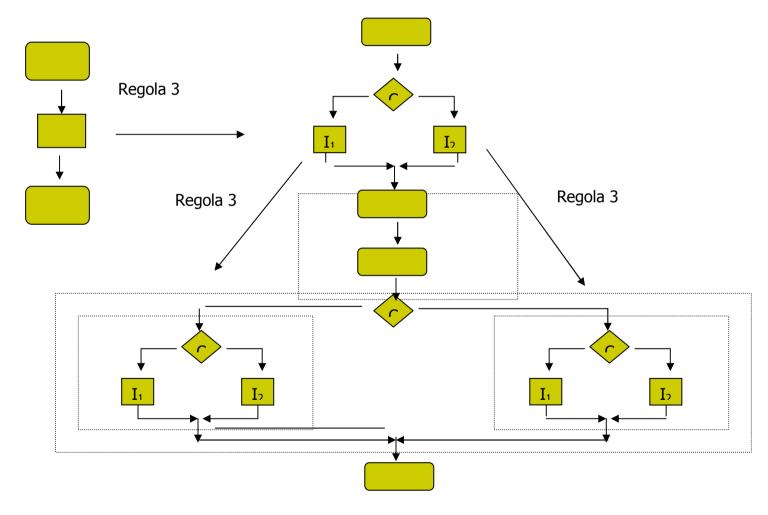
Applicazione della Regola 2





Applicazione della Regola 3

Applicando ripetutamente la regola 3 al diagramma di flusso elementare si otterrà un diagramma con strutture di controllo nidificate in modo ordinato

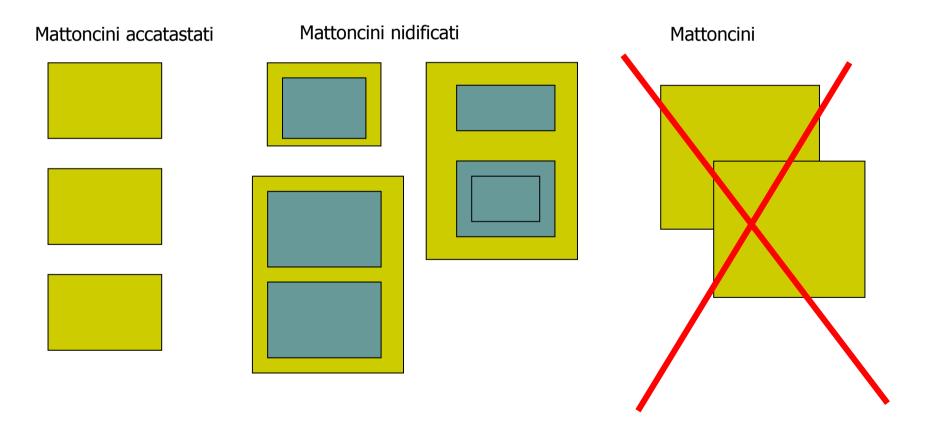




Applicazione della Regola 4

La regola 4 genererà strutture più grandi, più complesse e nidificate a più livelli

I diagrammi di flusso che possono essere formati applicando le 4 regole costituiscono l'insieme di tutti i possibili diagrammi di flusso strutturati e, quindi, l'insieme di tutti i programmi strutturati





IN SINTESI

Dato un diagramma di flusso e applicando a ritroso le regole definite precedentemente, se il diagramma di flusso si riduce a quello elementare allora il diagramma di flusso originale è strutturato.



Regole per la creazione di programmi strutturati: Un esempio (1/5)

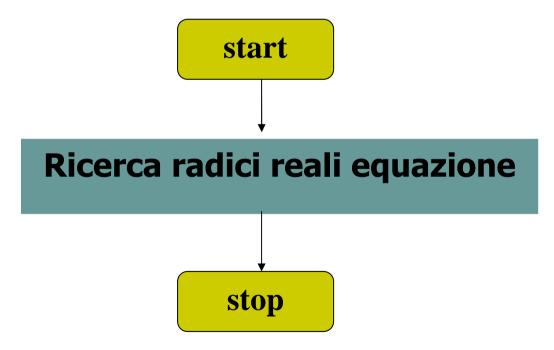
Problema: Calcolo delle radici reali di un'equazione di 2° grado.

Soluzione: Data un'equazione di 2° grado $a x^2 + b x + c = 0$ la determinazione delle radici

reali passa attraverso il calcolo del discriminante $\Delta = b^2 - 4ac$. Se $\Delta \ge 0$ le radici

reali sono $x_1 = (-b + \operatorname{sqrt}(\Delta))/2a$ e $x_2 = (-b - \operatorname{sqrt}(\Delta))/2$ a.

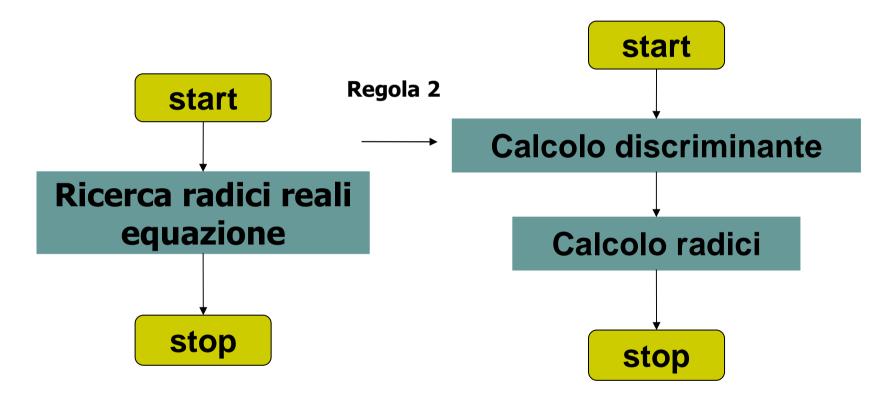
Applicazione Della Regola 1: Diagramma Di Flusso Elementare





Regole per la creazione di programmi strutturati: Un esempio (2/5)

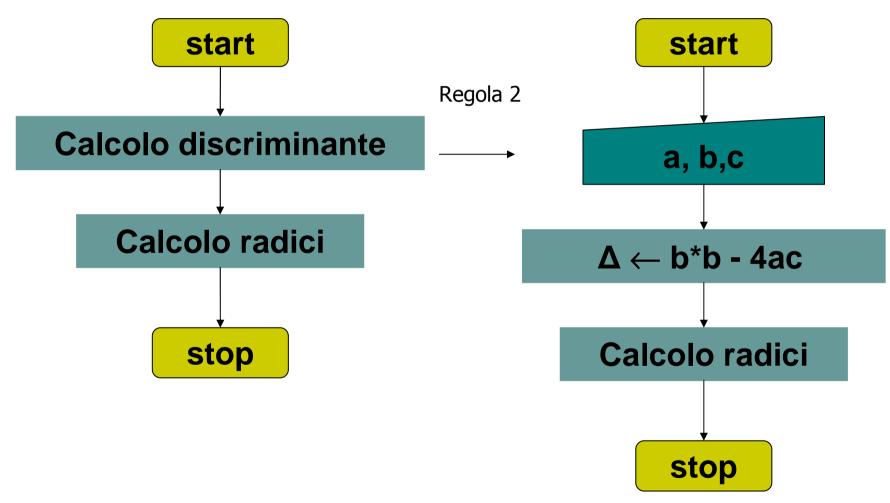
Prima Applicazione Della Regola 2





Regole per la creazione di programmi strutturati: Un esempio (3/5)

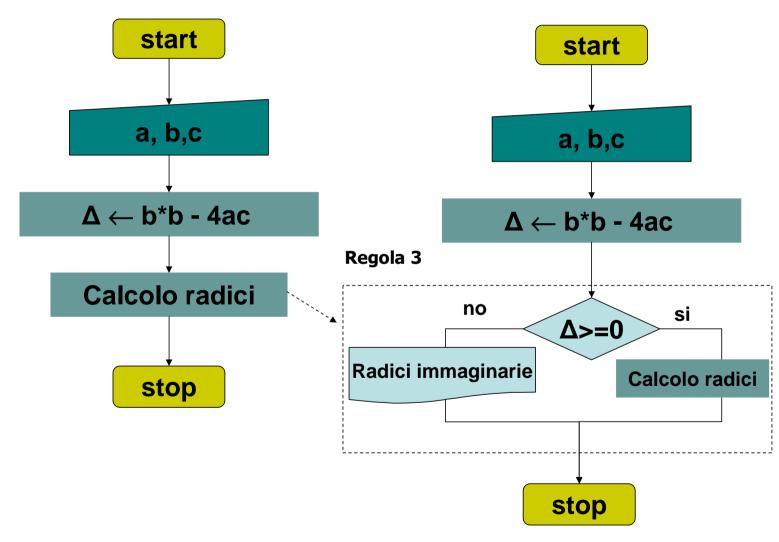
Seconda Applicazione Della Regola 2





Regole per la creazione di programmi strutturati: Un esempio (4/5)

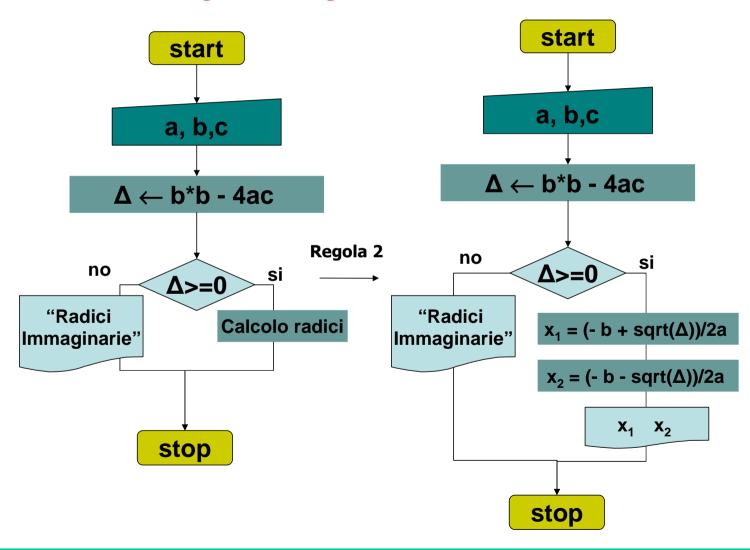
Applicazione Della Regola 3





Regole per la creazione di programmi strutturati: Un esempio (5/5)

Terza Applicazione Della Regola 2: Diagramma Finale





Secondo esempio (1/2)

Una classe di 10 studenti sostiene un esame. Le votazioni possono assumere valori da 1 a 100. Descrivere un algoritmo per il calcolo della media dei voti della classe nell'esame considerato

L'algoritmo dovrà:

- prendere in input ciascun voto
- eseguire il calcolo della media
- visualizzare il risultato

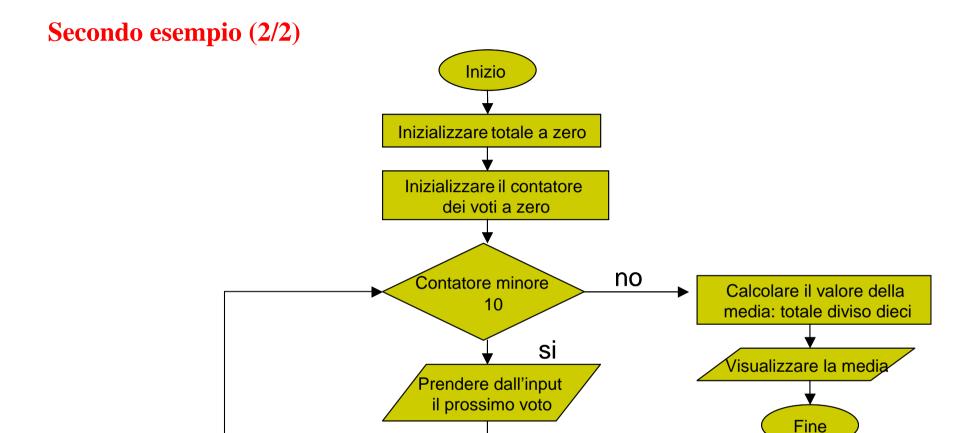
Strategia di soluzione

- ✓ È noto il numero di studenti, quindi il numero di voti da prendere in input:
- ✓ È possibile usare una iterazione controllata da un contatore per prendere in input i voti

Variabili

- ✓ È necessario usare:
 - Una variabile contatore che specifichi il numero di volte che l'iterazione deve essere eseguita (è usata per contare il numero di voti immessi)
 - Una variabile totale per accumulare la somma della serie di valori





Aggiungere il voto al totale

Aggiungere uno al contatore



Terzo esempio (1/3)

Descrivere un algoritmo per il calcolo della media dei voti di una classe. L'algoritmo elaborerà un numero arbitrario di votazioni ogni volta che sarà eseguito.

L'algoritmo dovrà:

- ✓ prendere in input ciascun voto
- eseguire il calcolo della media
- ✓ visualizzare il risultato

Strategia di soluzione

- ✓ Non è data alcuna indicazione sul numero delle votazioni.
 - In che modo il programma deve terminare l'immissione delle votazioni?
 - In che modo il programma può sapere quando calcolare e visualizzare la media dei voti?



Usare un valore speciale fittizio, o valore flag (bandiera)
Le iterazioni controllate da un valore flag sono indefinite il numero delle iterazioni non è noto prima che inizi l'esecuzione del programma



Terzo esempio (2/3)

Variabili

- ✓ Una variabile usata per indicare la fine dell'immissione dei dati (flag): L'utente immetterà un valore sentinella per indicare che l'ultima votazione è stata immessa Il valore di sentinella dovrà essere scelto in modo che non possa essere confuso con un valore di input accettabile: ad esempio si può usare il valore -1 poiché le valutazioni degli esami sono generalmente numeri interi non negativi.
- ✓ Una variabile che contenga il totale progressivo dei numeri
- ✓ Un contatore del numero di voti elaborati
- ✓ Una variabile per il valore di ogni valutazione immessa nell'input
- ✓ Una variabile per conservare la media calcolata

Iterazione

- ✓ È necessario fare uso di una struttura di iterazione che prenda in input ogni votazione.
- Poiché non è noto in anticipo il numero delle votazioni (e quindi delle iterazioni) si usa una iterazione controllata da un valore sentinella.
 - L'utente immetterà una per volta tutte le votazioni legittime.
 - Terminata l'immissione delle votazioni legittime l'utente immetterà il valore sentinella
 - Per ognuna delle votazioni immesse il programma controllerà l'immissione del valore sentinella
 - Il programma terminerà il ciclo quando verrà immesso il valore sentinella



Terzo esempio (3/3)

