

TER

Rémi Navarro - 21401257
Edouard Fouassier - 21400750

17 mai 2019

Table des matières

| | | |
|----------|------------------------------|----------|
| 1 | Introduction | 1 |
| 2 | Structures de données | 1 |
| 3 | Algorithmes | 2 |
| 4 | Analyse | 5 |
| 5 | Conclusion | 6 |
| 6 | Annexes | 7 |

1 Introduction

Dans le cadre du module TER du S2 Master Informatique à l'UVSQ, nous avons eu l'occasion de réaliser un projet sous la direction de Mr Yann Strozecki et Mael Guiraud. Nous avons choisi, parmi les sujets proposés, le sujet "Algorithme glouton de remplissage" car c'est un sujet qui demande une bonne compréhension de l'algorithmique ce qui nous a beaucoup intéressé.

De nos jours les échanges par les différents réseaux sont centralisés dans des datacenters ou cloud. Pour gagner en efficacité il faut minimiser la latence lors de l'envoi d'un message vers un cloud.

L'objectif de ce projet est de concevoir et comparer des algorithmes gloutons qui permettent de placer au mieux des tâches périodiques avec des contraintes portant sur les paires de tâches. Pour cela nous utilisons un modèle où les tâches sont envoyées périodiquement et le temps entre l'envoi et la réception est fixe. Dans ce modèle il y a deux périodes de taille P, l'envoi d'une tâche est placé sur la première période et la réception sur la seconde après un délai. Il faut donc réussir à placer un maximum de tâches dans la période.

2 Structures de données

Dans un premier temps nous utilisons les structures suivantes :

Une structure "Task" représentant les tâches, composées de 3 entiers : le numéro de la tâche, son délai et sa place qui est initialisé à -1, ainsi qu'un tableau de deux entiers, un pour le cycle aller et un pour le cycle retour.

Les tâches "Task" étaient liées avec la structure chaîne.

```
Chaîne {  
    Task t           //une tâche  
    chaîne ↑next     //la tâche suivante.  
}
```

La période était stockée dans deux tableaux d'entier, nous écrivions le numéro de la tâche dans la ou les case(s) qu'elle occupait.

Mais comme seuls les espaces disponibles de la période nous intéressent, cette structure n'était pas optimale.

Nous sommes donc passés à une structure représentant les espaces libres de la période sous forme d'une chaîne.

| | Structure initiale | Nouvelle structure |
|---|-----------------------|--------------------|
| Période initiale de taille 10 | [0,0,0,0,0,0,0,0,0,0] | (0,9) |
| Placement d'une tâche de taille de en 5 | [0,0,0,0,0,1,1,0,0,0] | (0,4)→(6,9) |

Les tâches n'étant plus stockées dans une liste mais dans un tableau, cela a permis de réduire la mémoire utilisée et d'augmenter la taille des tests effectués.

La structure Periode est utilisée pour représenter les intervalles disponibles d'une période.

```
Periode {
    entier begin      //Le debut de la periode libre
    entier end        //La fin de la periode libre.
    Periode ↑next     //La periode libre suivante.
}
```

La structure Tasktab représente un tableau de tâches.

```
Tasktab {
    Task tab          //Le debut de la periode libre
    entier taille     //La fin de la periode libre.
}
```

3 Algorithmes

L'algorithme "FirstFit" place dans la période les tâches par ordre d'arrivée, au premier endroit disponible (first fit), si la tâche ne peut pas être placée, on passe à la suivante.

Algorithm 1 FirstFit

Require: Tasktab, PeriodeMax

```
for chaque Task dans Tasktab do
    for  $i \leftarrow 0$  to PeriodeMax do
        if task entre dans la periode aller et t entre dans la periode retour après le delay then
             $task.place \leftarrow i$ 
        end if
    end for
end for
return Tasktab
```

C'est l'algorithme le plus trivial, il a une complexité faible en $O(n*m)$ avec n le nombre de tâches et m la taille de la période.

Un exemple de placement des tâches est fourni en Annexe (cf Figure 1)

L'algorithme "AlgoLourd" calcul pour chaque tâche son nombre de places disponibles puis place celle ayant le plus de contraintes.

Algorithm 2 AlgoLourd

Require: Tasktab, PeriodeMax

$min \leftarrow PeriodeMax$

$taskMin \leftarrow 0$

$libreMin \leftarrow 0$

for chaque Task **do**

for chaque Task t dans Tasktab **do**

$compteur \leftarrow 0$

$libre \leftarrow 0$

for $i \leftarrow 0$ to PeriodeMax **do**

if t entre dans la periode aller et t entre dans la periode retour après le delay **then**

$compteur \leftarrow compteur + 1$

$libre \leftarrow i$

end if

end for

if $compteur \leq compteurMin$ **then**

$compteur \leftarrow compteurMin$

$taskMin \leftarrow t$

$libreMin \leftarrow libre$

end if

end for

$taskMin.place \leftarrow libreMin$

end for

return Tasktab

C'est l'algorithme qui permet de placer le plus de tâches parmi nos quatre algorithmes mais il est 30 fois plus long que l'algorithme "FirstFit".

Sa complexité est $O(n^2 * m)$ avec n le nombre de tâches et m la taille de la période.

Un exemple de placement des tâches est fourni en Annexe (cf Figure 2)

L'algorithme "AlgoSuperLourd" calcul pour chaque tâches celle qui bloque le plus les autres et on place en priorité les moins contraignantes.

Algorithm 3 AlgoSuperLourd

Require: Tasktab, PeriodeMax

cptAvant[*tasktab.nbTask*]

gene[*tasktab.nbTask*]

for chaque Task **do**

cptAvant[] \leftarrow *cptplace*() (*cptplace*() permet de compter le nombre de places disponibles pour chaque tâche)

cptApres[*tasktab.nbTask*]

for chaque Task *t* dans Tasktab **do**

gene[*t*] \leftarrow 0

for *i* \leftarrow 0 to PeriodeMax **do**

if *t* entre dans la periode aller et *t* entre dans la periode retour après le delay **then**

Place *t*

end if

end for

cptApres[] \leftarrow *cptplace*() // *cptplace*() permet de compter le nombre de places disponibles pour chaque tâche

gene[*t*] $\leftarrow \sum_{i=0}^{Tasktab.nbTask} cptAvant[i] - cptApres[i]$

Retire *t* de la periode

end for

Place les Task dans l'ordre croissant de gérance

end for

return Tasktab

Dans cet algorithme on utilise la fonction *cptplace*() qui a une complexité $O(n*m)$ qui augmente grandement la complexité de l'algorithme "AlgoSuperLourd".

On obtient donc une complexité $O(n^3 * m)$, avec *n* le nombre de tâches et *m* la taille de la période, ce qui le rend bien moins intéressant que les autres, de plus il place moins de taches.

Un exemple de placement des tâches est fourni en Annexe (cf Figure 3)

L'algorithme "AlgoPasilourd" calcul la valeur $\text{delay} \bmod(\text{cycle})$ de chaque tâche, cela permet de les regrouper sur une période et de bien les ordonner sur l'autre.

Algorithm 4 AlgoPasilourd

Require: Tasktab, PeriodeMax, nbTask

$val[nbTask]$

$cycle \leftarrow$ cycle des tâches

for chaque tâche t **do**

$tmpval \leftarrow \text{tasktab.tab}[t].\text{delay} \% \text{cycle}$

Placement de $tmpval$ dans le tableau val dans l'ordre croissant des $tmpval$

end for

Placement de la tâche t ayant la valeur $val[t]$ la plus grande à l'emplacement $\text{periodeMax} - val[t]$ de la période de retour et son correspondant sur la période aller

$nbPlace \leftarrow 1$

for le nombre de tâches **do**

for chaque tâche t par ordre décroissant de $val[t]$ **do**

if Placement de la tâche t de la tâche t ayant la valeur $val[t]$ la plus grande à l'emplacement $\text{periodeMax} - val[t] + nbPlace * \text{cycle}$ de la période de retour et son correspondant sur la période aller possible **then**

for $i \leftarrow 0$ to PeriodeMax **do**

if task entre dans la periode aller et t entre dans la periode retour après le delay **then**

$t.place \leftarrow i$

end if

end for

$nbPlace \leftarrow nbPlace + 1$

end if

end for

end for

Pour toutes les tâches qui n'ont pas été placées, on essaye de les placer à la manière d'un FirstFit

return Tasktab

C'est un algorithme moyen, il est un peu plus long que l'algorithme "FirstFit" et un peu moins efficace.

Sa complexité est $O(n^2 * m)$ avec n le nombre de tâches et m la taille de la période.

Un exemple de placement des tâches est fourni en Annexe (cf Figure 4)

4 Analyse

Pour chaque test effectué les paramètres utilisés sont : période de 50000, cycle de taille 1000 et 100 essais.

Nous avons réalisé plusieurs mesures :

- celle du taux de réussite, un algorithme réussi lorsqu’il arrive à placer toutes les tâches données. (cf Figure 5 en Annexe)
- celle du taux de complétion, le taux de completion d’un algorithme est le pourcentage de tâches qu’il a réussi à mettre parmi les tâches données. Sur ce graphique, la ligne représente le taux de complétion moyen, les points le taux de complétion minimum et les losanges le taux de complétion maximum. (cf Figure 6 en Annexe)
- celle du temps moyen. (cf Figure 7 en Annexe)

Sur le graphique du taux de réussite (Figure 5) nous pouvons constater que l’algoLourd est le plus efficace.

Il parvient à 100% de réussite jusqu’à 32 tâches sur les 50 possibles, son taux de réussite d’éroît fortement au-delà.

Le FirstFit est un peu moins efficace, il conserve un taux de réussite de 100% jusqu’à 28 tâches mais celui décroît doucement puis chute à 32 tâches.

L’algoPasiLourd a une efficacité proche du FirstFit mais légèrement plus faible et il devient totalement inefficace plus vite.

L’algoSuperLourd a une courbe en dessous des autres à partir de 26 tâches.

Sur le graphique suivant (Figure 6) nous pouvons constaté que l’allure est la même.

L’algoLourd est le plus efficace et parvient à placer 78% des tâches quand il y a autant de tâches que de places. Ses taux de complétion minimum et maximum sont les moins extrêmes.

L’algoSuperLourd est le plus mauvais avec un taux de complétion maximum élevé mais un taux minimum très faible.

Le dernier graphe (Figure 7) apporte plus d’information, il représente le temps moyen de chaque algorithme.

Nous pouvons voir qu’il y a un algorithme ayant un temps bien supérieur aux autres, l’algoSuperLourd, il est jusqu’à 3000 fois plus long.

L’algorithme FirstFit et l’algoPasilourd ont un temps similaire (ligne la plus basse) et l’algoLourd est un peu plus long, 30 fois dans le pire des cas.

5 Conclusion

Après ces différentes analyse nous pouvons déterminé que, parmi ces algorithmes, si nous voulons placer le plus de tâches l’algoLourd est le plus efficace, il parvient a garder un taux de réussite totale plus longtemps et après cela sont taux de complétion est plus élevé.

Si nous voulons un algorithme rapide, le FirstFit est recommandé, il est plus rapide et reste très efficace.

Si nous voulons trouver un juste milieu le FirstFit est le meilleur car il est rapide et a une efficacité proche de l’algoLourd.

6 Annexes

Pour chaque exécution des algorithmes, les paramètres sont :

- Nombre de tâches : 10
- Cycle aller et retour des tâches : 2
- Taille de la période : 20
- Délai des tâches :
 - Tache 0 : 3
 - Tache 1 : 6
 - Tache 2 : 17
 - Tache 3 : 15
 - Tache 4 : 13
 - Tache 5 : 15
 - Tache 6 : 6
 - Tache 7 : 12
 - Tache 8 : 9
 - Tache 9 : 1

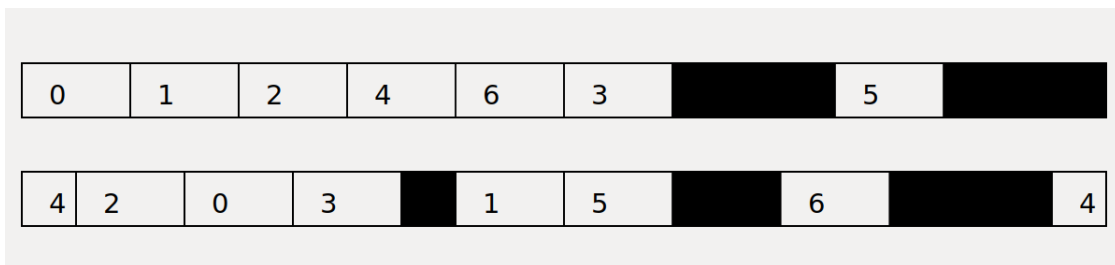


FIGURE 1 – Placement des tâches avec l'algorithme "FirstFit"

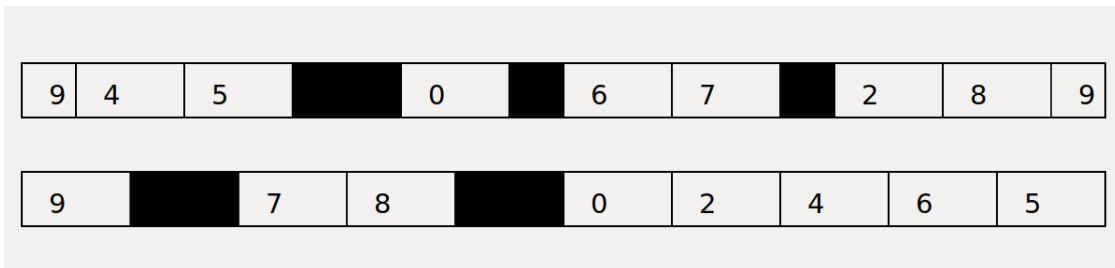


FIGURE 2 – Placement des tâches avec l'algorithme "AlgoLourd"

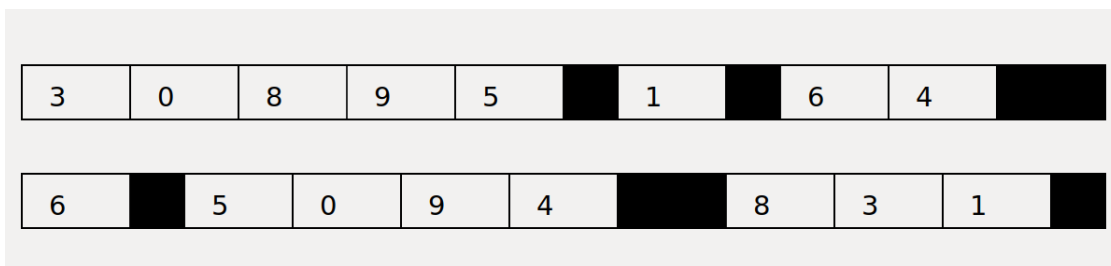


FIGURE 3 – Placement des tâches avec l'algorithme "AlgoSuperLourd"

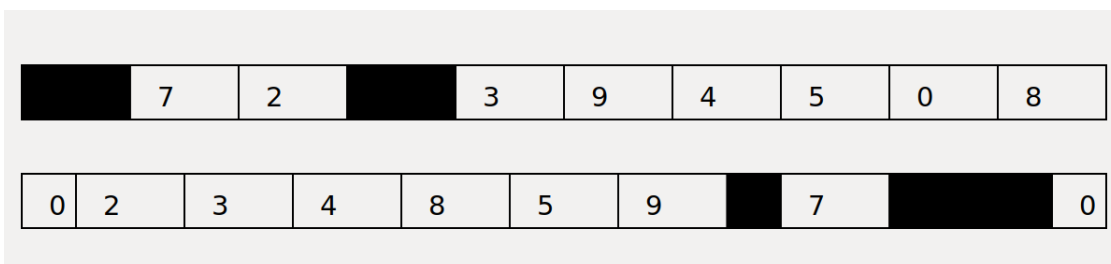


FIGURE 4 – Placement des tâches avec l'algorithme "AlgoPasiLourd"

Pour chaque graphes les paramètres utilisés sont : période de 50000, cycle de taille 1000 et 100 essais.

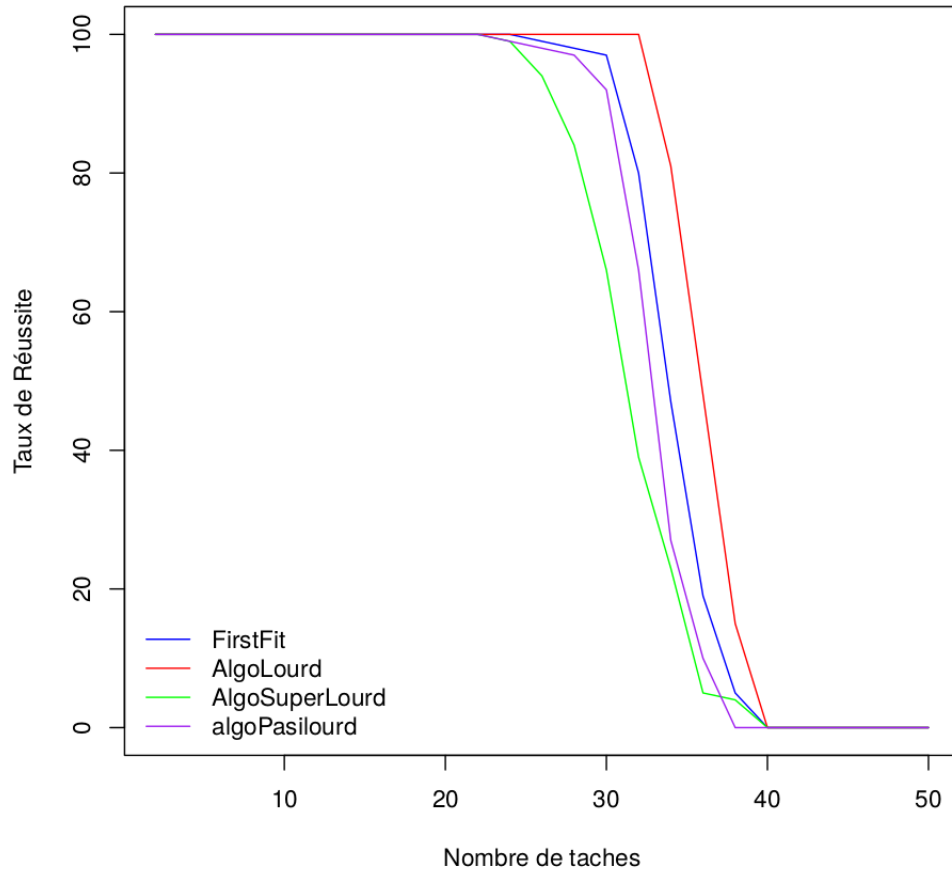


FIGURE 5 – Taux de réussite des algorithmes sur 100 essais en fonction du nombre de tâches

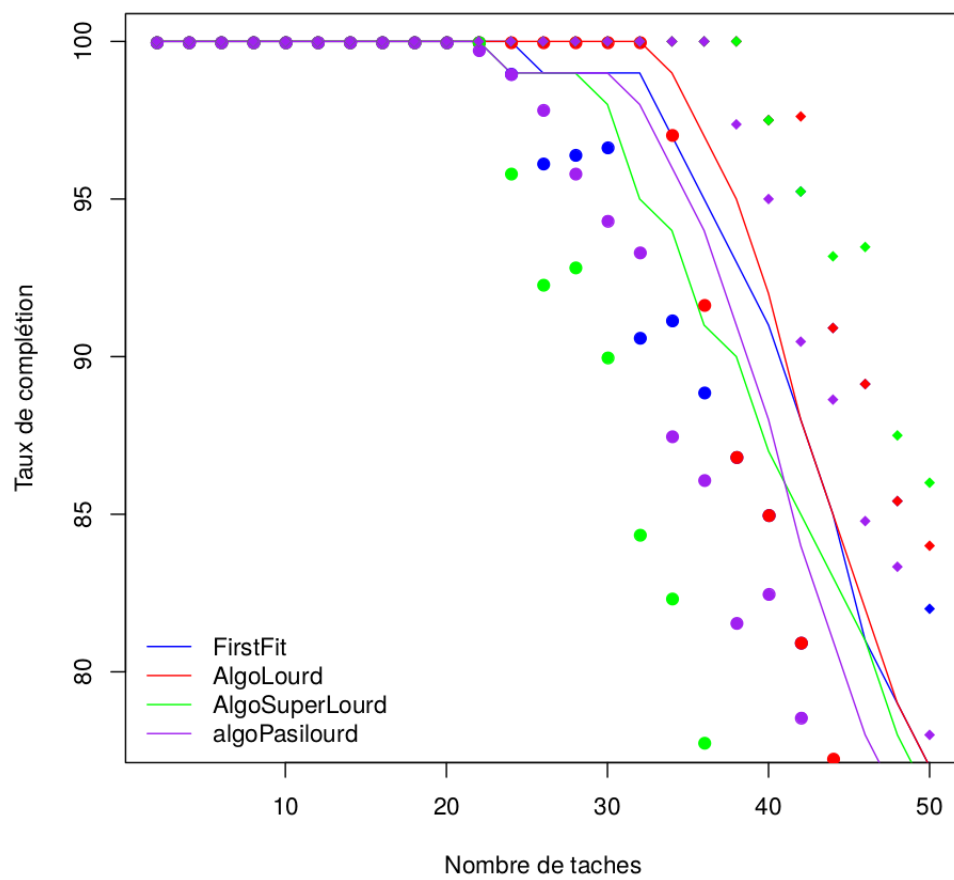


FIGURE 6 – Taux de complétion des algorithmes sur 100 essais en fonction du nombre de tâches

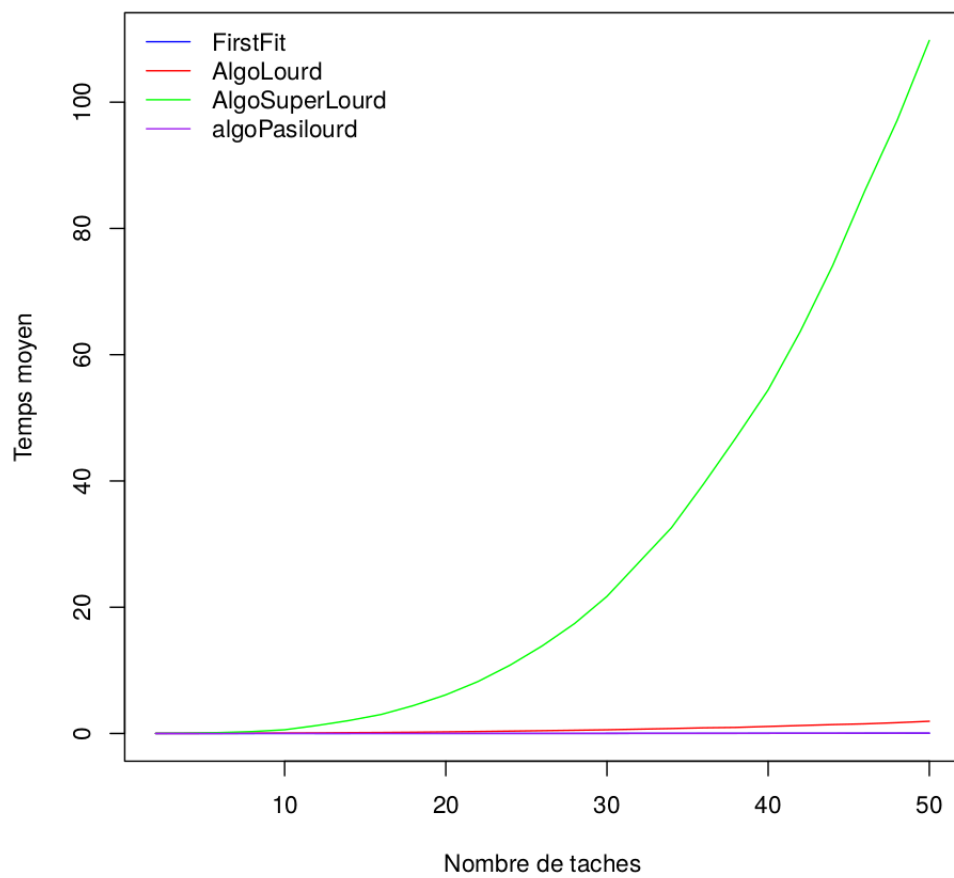


FIGURE 7 – Temps moyen d’exécution des algorithmes sur 100 essais en fonction du nombre de tâches