## 3. domaća zadaća iz Formalne verifikacije programske potpore

# Implementacija SAT-rješavača

1. (12 bodova) Implementirajte osnovni DPLL SAT-algoritam u programskom jeziku po izboru.

Napomena: zbog brzine izvođenja preporuča se implementacija u jezicima C, C++, C# ili Java.

## Detaljniji opis zadatka:

Vaš program treba prihvatiti unos u CNF-verziji DIMACS formata. Kod takvog unosa, ulazna datoteka je formula u konjunkcijskoj normalnoj formi (CNF), gdje je svaka klauzula dana u zasebnom retku kao popis indeksa koji označavaju propozicijske varijable, dok negativni indeks označava negiranu propozicijsku varijablu. Za detalje oko DIMACS formata pogledajte datoteku satformat.pdf

Ako je ulazna CNF-formula zadovoljiva, vaš SAT-rješavač treba kao rezultat proizvesti dodjelu svim varijablama (u svakom retku jedna dodjela, npr. v1 = true) tako da se cijela formula evaluira u istinito (true) pod tom dodjelom.

Ako je ulazna formula nezadovoljiva, vaš SAT-rješavač treba jednostavno reći false.

Odgovor SAT-rješavača treba pohraniti u izlaznu datoteku istoga naziva kao i problem koji se učitao, ali s ekstenzijom ".txt".

Implementaciju osnovnog DPLL SAT-algoritma potrebno je ponuditi prema opisu algoritma danom na 9. predavanju.

**2.** (**8 bodova**) Kao nadogradnju osnovne implementacije, potrebno je ponuditi implementaciju najmanje dva proširenja osnovnog DPLL SAT-algoritma.

Napomena: moguće je ostvariti i bonus bodove za implementaciju više proširenja i to po četiri boda po uspješno implementiranom dodatnom proširenju (bez obzira na broj proširenja najviše je moguće ostvariti **8 bonus bodova**)

### Detaljniji opis zadatka:

Postoje razna proširenja osnovnog DPLL-algoritma koja omogućuju SAT-rješavačima da postignu izvrsne rezultate u praksi. Ovdje je dan neiscrpan popis mogućih proširenja osnovnog DPLL algoritma (niste ograničeni ovim popisom):

- heuristika za odabir redoslijeda literala za grananje (npr. VSIDS),
- učenje klauzula nakon konflikta (engl. Conflict-Driven Clause Learning, CDCL),
- graf implikacija (engl. *implication graph*) s nekronološkim povratkom (engl. *backjumping*),
- heuristika za odbacivanje naučenih klauzula (npr. scheduled lazy deletion)
- heuristika za odabir ponovnog pokretanja pretraživanja drugim redoslijedom (uz zadržavanje naučenih klauzula) (engl. *restart*)
- specijalizirane strukture podataka za brze operacije (npr. za propagaciju Booleovih ograničenja)
- paralelizacija SAT-rješavača na više jezgri (engl. *parallel SAT-solvers*)
- korištenje rezolucijskog pravila negdje u postupku rasuđivanja (npr. kao kod MiniSAT-a)

• tehnike za pojednostavljivanje formule prije (*preprocessing*) i tijekom obrade (*inprocessing*), npr. *bounded variable elimination*, *hidden literal elimination*, *SAT sweep*.

Na predavanjima ste dobili smjernice oko mnogih ovih proširenja. Dodatna preporučena literatura je knjiga:

Armin Biere, Marijn Heule, Hans van Maaren and Toby Walsh (Eds.), "Handbook of Satisfiability", 2nd Ed., IOS Press, 2021.

koja je dostupna u Moodleu predmeta (nije za daljnju distribuciju).

#### **SAT-problemi**

Za isprobavanje uspješnosti implementacije SAT-rješavača studenti se trebaju poslužiti sa 7 SAT-problema priloženih ovoj zadaći. To su:

1. uf20-01.cnf - random SAT-problem - 20 varijabli, 91 klauzula, **zadovoljivo**. Detaljniji opis: https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/RND3SAT/descr.html

**2.** uuf50-01.cnf - random SAT problem - 50 varijabli, 218 klauzula, **nije zadovoljivo**. Detaljniji opis: https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/RND3SAT/descr.html

3. flat50-1.cnf-SAT-kodiran problem bojanja grafova -150 varijabli, 545 klauzula, **zadovoliivo**.

Detaljniji opis: https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/GCP/descr.html

**4.** medium.cnf – SAT-kodiran problem planiranja "Blocks World" – 116 varijabli, 953 klauzula, **zadovoliivo**.

Detaliniji opis:

https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/PLANNING/BlocksWorld/descr.html

5. hanoi  $4 \cdot \text{cnf} - \text{SAT-kodiran}$  problem hanojskih tornjea -718 varijabli, 4934 klauzule, **zadovoljivo**.

Detaliniii opis:

https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/DIMACS/HANOI/descr.html

**6.** bf0432-007.cnf - analiza kvarova strujnih krugova - 1040 varijabli, 3668 klauzula, **nije zadovoljivo**.

Detaliniji opis:

https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/DIMACS/BF/descr.html

7. hole7.cnf-SAT-kodiran problem "Pigeon hole" -56 varijabli, 204 klauzule, nije zadovoljivo.

Detaljniji opis:

https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/Benchmarks/SAT/DIMACS/PHOLE/descr.html

Osim navedenih skupova podataka, dodatni skupovi za isprobavanje uspješnosti implementacije SAT-rješavača mogu se preuzeti na nekoj od poveznica:

Benchmarks: <a href="https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/benchm.html">https://www.cs.ubc.ca/~hoos/SATLIB/benchm.html</a>

SAT-natjecanja: <a href="http://www.satcompetition.org/">http://www.satcompetition.org/</a>

#### Kolokviranje domaće zadaće

Kao pripremu za kolokviranje domaće zadaće potrebno je da studenti izvrte na svojoj implementaciji SAT-rješavača svih 7 dostupnih problema te da u nekoj tablici zapišu vremena trajanja izvršavanja pojedinih problema, po mogućnosti na konfiguraciji (laptopu) na kojoj će i demonstrirati rad programa. U slučaju da neki problem nije bio riješiv u razumnom vremenu (nekoliko sati), to je potrebno i navesti u tablici.

#### Na kolokviranje je potrebno donijeti laptop s vlastitom implementacijom SAT-rješavača.

Za svako proširenje koje implementirate trebate moći opisati tijekom kolokviranja ove zadaće što ona točno čini i kako je poboljšala izvorni DPLL-algoritam. Također, kako biste postigli što više bodova, na kolokviranju trebate demonstrirati različito (po mogućnosti bolje) vrijeme izvođenja uz korištenje svakog pojedinog poboljšanja. Pritom program treba omogućiti parametrizaciju toga koja proširenja koristi, a koja ne.

Nastavnici će provjeriti uspješnost implementacije (uz razgovor o implementaciji sa studentom) i dodijeliti odgovarajući broj bodova. Nakon kolokviranja, nastavnici će preuzeti implementaciju od studenta na prijenosni USB medij.