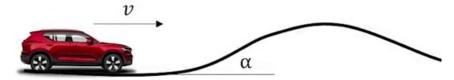
# **Control y Sistemas**

# Trabajo práctico: Controladores PID

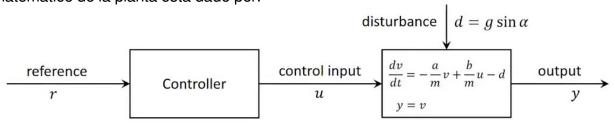
Resuelva los siguientes ejercicios en MATLAB o SIMULINK.

### 1) Open loop control

Se propone el control a lazo abierto de un sistema de velocidad constante o velocidad crucero. El objetivo del control es seguir la velocidad de referencia proporcionada. La perturbación del sistema está dada por un cambio en el ángulo del terrero  $(\alpha)$ .



El modelo matemático de la planta está dado por:



#### Valores del modelo:

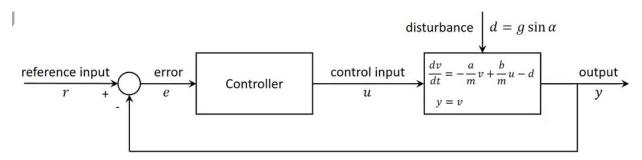
m	1000	Vehicle mass [kg]
g	9.82	Gravitational constant [m/s^2]
а	200	Throttle gain [N/rad]
b	10000	Resistance [Ns/m]

En el siguiente modelo de control de velocidad crucero,

- a) Proponga una ley de control.
- b) La referencia se fija en 25 m/s. Se aplica un escalón a los 10 segundos que va de 25 m/s a 30 m/s. Verifique la respuesta del sistema con control a lazo abierto. ¿Es satisfactoria?.
- c) Agregue una perturbación de 2 grados de inclinación en el terreno a los 20 segundos de simulación. Analice la respuesta del sistema. ¿Es satisfactoria?.
- d) Cambie el valor de la masa a 1500 kg. Analice nuevamente la respuesta del sistema, incluida la perturbación ¿Es satisfactoria?
- e) Qué conclusiones se derivan de la simulación de este modelo?

### 2) Close loop P control

Aborde el control del sistema del Ejercicio 1 pero utilizando un controlador P.



### Nuevamente.

- a) Analice la respuesta del sistema utilizando solo control proporcional (P) con kp = 1.
- b) La referencia se fija en 25 m/s. Se aplica un escalón a los 10 segundos que va de 25 m/s a 30 m/s. Verifique la respuesta del sistema con control a lazo abierto. ¿Es satisfactoria?
- c) Agregue una perturbación de 2 grados de inclinación en el terreno a los 20 segundos de simulación. Analice la respuesta del sistema. ¿Es satisfactoria?.
- d) Cambie el valor de la masa a 1500 kg. Analice nuevamente la respuesta del sistema. ¿Es satisfactoria?
- e) Qué conclusiones se derivan de la simulación de este modelo?

## 3) Close loop PI control

Aborde el control del sistema del Ejercicio 1 pero utilizando un controlador PI.

#### Nuevamente.

- a) Analice la respuesta del sistema utilizando solo control PI con kp = 1 y ki = 0.1.
- b) La referencia se fija en 25 m/s. Se aplica un escalón a los 10 segundos que va de 25 m/s a 30 m/s. Verifique la respuesta del sistema con control a lazo abierto. ¿Es satisfactoria?.
- c) Agregue una perturbación de 2 grados de inclinación en el terreno a los 20 segundos de simulación. Analice la respuesta del sistema. ¿Es satisfactoria?.
- d) Cambie el valor de la masa a 1500 kg. Analice nuevamente la respuesta del sistema. ¿Es satisfactoria?
- e) Qué conclusiones se derivan de la simulación de este modelo?

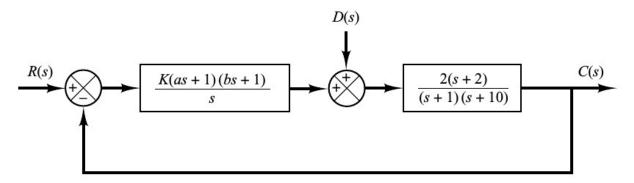
## 4) Configuración del controlador PID por ubicación de polos

Determine en forma simbólica la ecuación de transferencia del sistema a lazo cerrado de la planta del Ejercicio 1 en función de los valores de a, b, m, kp, ki y kd, donde la ecuación del PID está dada por,

$$PID(s) = kp + \frac{ki}{s} + kd \cdot s$$

Encuentre la ecuación característica del sistema y analice los polos del sistema. Determine los valores de kp, ki y kd en función de a, b y m según el método de ubicación de polos. Considere que se desea que todos los polos sean iguales.

**5)** B-8-2. Consider the system shown in Figure 8-71. Assume that disturbances D(s) enter the system as shown in the diagram. Determine parameters K, a, and b such that the response to the unit-step disturbance input and the response to the unit-step reference input satisfy the following specifications: The response to the step disturbance input should attenuate rapidly with no steady-state error, and the response to the step reference input exhibits a maximum overshoot of 20% or less and a settling time of 2 sec.



**Figure 8–71** Control system.

**6)** B-8-4. Consider the systems shown in Figures 8-73(a) and (b). The system shown in Figure 8-73(a) is the system designed in Example 8-1. The response to the unit-step reference input in the absence of the disturbance input is shown in Figure 8-10. The system shown in Figure 8-73(b) is the I-PD-controlled system using the same Kp , Ti , and Td as the system shown in Figure 8-73(a). Obtain the response of the I-PD-controlled system to the unit-step reference input with MATLAB. Compare the unit-step response curves of the two systems.

7) B-8-5. Referring to Problem B-8-4, obtain the response of the PID-controlled system shown in Figure 8-73(a) to the unit-step disturbance input. Show that for the disturbance input, the responses of the PID-controlled system shown in Figure 8-73(a) and of the I-PD-controlled system shown in Figure 8-73(b) are exactly the same. [When considering D(s) to be the input, assume that the reference input R(s) is zero, and vice versa.] Also, compare the closed-loop transfer function C(s)/R(s) of both systems.

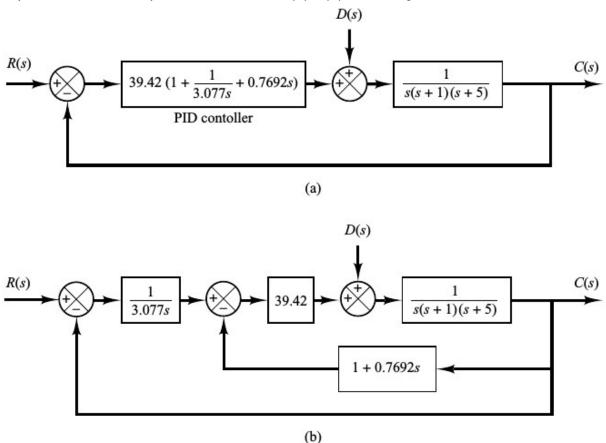


Figure 8–73
(a) PID-controlled system; (b) I-PD-controlled system.

8) B-8-14. Consider the system shown in Figure 8-81. The plant G p(s) is given by

$$G_p(s) = \frac{2(s+1)}{s(s+3)(s+5)}$$

Determine the controllers Gc1(s) and Gc2(s) such that, for the step disturbance input, the response shows a small amplitude and approaches zero quickly (in a matter of 1 to 2 sec). For the response to the unit-step reference input, it is desired that the maximum overshoot be 20% or less and the settling time 1 sec or less. For the ramp reference input and acceleration reference input, the steady-state errors should be zero.

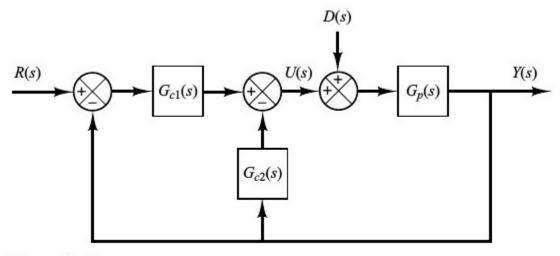


Figure 8–81
Two-degrees-of-freedom control system.