Taller de R Studio Aplicación Modelos Lineales

Edinson Tolentino email: edinson.tolentino@gmail.com

Twitter: @edutoleraymondi

Educate Peru

4 de septiembre de 2024

Contenido



Introducción

Data y Variables

Pregunta 1

Pregunta 2

Pregunta 3

Roadmap



Introducción

Data y Variables

Pregunta :

Pregunta 2

Pregunta





 Jacob Mincer publico su libro "Schooling, Experience and Earnings" (1974)



- Jacob Mincer publico su libro "Schooling, Experience and Earnings" (1974)
- Mincer modelo el logaritmo de ingresos como una funcion de años de educacion y años potenciales de experiencia en el mercado laboral
- Por lo tanto, la ecuación de Mincer sera:

$$\log w_x = X\beta + rSch + \beta_1 Exp - \beta_2 Exp^2$$









▶ La consultora Marilyn Loden , quien acuñó el termino techo de cristal en 1978 , es también la autora del libro Liderazgo femenino o ¿cómo triunfar en los negocios sin ser uno de los chicos?.





En 1991, la Comisión de Techos de Vidrio (glass ceiling) del Departamento de Trabajo de EE. UU. (1991-1996) definió el techo de vidrio como:



- En 1991, la Comisión de Techos de Vidrio (glass ceiling) del Departamento de Trabajo de EE. UU. (1991-1996) definió el techo de vidrio como:
- · · · esas barreras artificiales basadas en prejuicios organizacionales o de actitud que impiden que las personas calificadas asciendan en su organización a puestos de nivel gerencial.



- En 1991, la Comisión de Techos de Vidrio (glass ceiling) del Departamento de Trabajo de EE. UU. (1991-1996) definió el techo de vidrio como:
- · · · esas barreras artificiales basadas en prejuicios organizacionales o de actitud que impiden que las personas calificadas asciendan en su organización a puestos de nivel gerencial.
- El concepto de techo de cristal se convirtió en el objeto de un estudio de investigación sistemático desde finales de los años ochenta.



- En 1991, la Comisión de Techos de Vidrio (glass ceiling) del Departamento de Trabajo de EE. UU. (1991-1996) definió el techo de vidrio como:
- esas barreras artificiales basadas en prejuicios organizacionales o de actitud que impiden que las personas calificadas asciendan en su organización a puestos de nivel gerencial.
- El concepto de techo de cristal se convirtió en el objeto de un estudio de investigación sistemático desde finales de los años ochenta.
- Los sociólogos estuvieron a la vanguardia de las primeras investigaciones y (algunos) economistas se interesaron a fines de la década de 1990.



- En 1991, la Comisión de Techos de Vidrio (glass ceiling) del Departamento de Trabajo de EE. UU. (1991-1996) definió el techo de vidrio como:
- esas barreras artificiales basadas en prejuicios organizacionales o de actitud que impiden que las personas calificadas asciendan en su organización a puestos de nivel gerencial.
- El concepto de techo de cristal se convirtió en el objeto de un estudio de investigación sistemático desde finales de los años ochenta.
- Los sociólogos estuvieron a la vanguardia de las primeras investigaciones y (algunos) economistas se interesaron a fines de la década de 1990.
- El enfoque original de los economistas en esta área era la promoción, no el pago.



- En 1991, la Comisión de Techos de Vidrio (glass ceiling) del Departamento de Trabajo de EE. UU. (1991-1996) definió el techo de vidrio como:
- esas barreras artificiales basadas en prejuicios organizacionales o de actitud que impiden que las personas calificadas asciendan en su organización a puestos de nivel gerencial.
- El concepto de techo de cristal se convirtió en el objeto de un estudio de investigación sistemático desde finales de los años ochenta.
- Los sociólogos estuvieron a la vanguardia de las primeras investigaciones y (algunos) economistas se interesaron a fines de la década de 1990.
- El enfoque original de los economistas en esta área era la promoción, no el pago.
- A principios de la década de 2000, las regresiones cuantílicas se utilizaban de forma rutinaria en esta investigación para centrarse en la remuneración.









► La socióloga Catherine Berheide, quien acuñó la frase **piso pegajoso** (sticky floor) en 1992





- La socióloga Catherine Berheide, quien acuñó la frase piso pegajoso (sticky floor) en 1992
- El piso pegajoso se refiere a los casos en los que las mujeres ocupan puestos de baja categoría, bajos salarios y de baja movilidad en el mercado laboral.





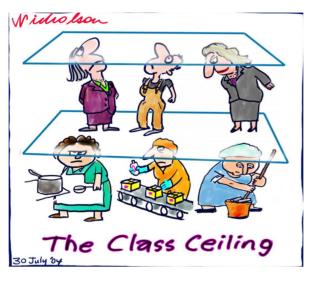
- La socióloga Catherine Berheide, quien acuñó la frase piso pegajoso (sticky floor) en 1992
- El piso pegajoso se refiere a los casos en los que las mujeres ocupan puestos de baja categoría, bajos salarios y de baja movilidad en el mercado laboral.
- Donde se dice:





- La socióloga Catherine Berheide, quien acuñó la frase piso pegajoso (sticky floor) en 1992
- El piso pegajoso se refiere a los casos en los que las mujeres ocupan puestos de baja categoría, bajos salarios y de baja movilidad en el mercado laboral.
- Donde se dice:
- · · · la mayoría de las mujeres deberían tener la suerte de tener el techo de cristal como su problema · · · · .muchas están atascadas en el piso pegajoso.





Roadmap



Introducción

Data y Variables

Pregunta

Pregunta 2

Pregunta

Descripción de Información



La información que se utilizará es proveniente de la base de datos de la Encuesta Nacional de Hogares (ENAHO). Se procesa la base de datos del modulo 300 y 500 donde se analizará los ingresos mensuales de los trabajadores.

Cuadro: Descripción de variables

Variables	Descripción
In wage reduca rmujer redad redadsq rpareja rDpto	Logaritmo ingreso mensual (Soles) Años de educación ==1, mujer Años de edad Años de edad al cuadrado == 1, con pareja Según departamentos(dummies)



Cuadro: Estadisticas descriptivas

	Personas	Promedio	Mediana	Min.	Max.	Std
r6	24774	1,443.89	996.04	0.00	52,063.25	1,745
reduca	24774	8.70	11.00	0.00	18.00	5
rmujer	24774	0.28	0.00	0.00	1.00	0
redad	24774	46.80	47.00	18.00	69.00	12
redadsq	24774	2,330.71	2,209.00	324.00	4,761.00	1,109
rpareja	24774	0.66	1.00	0.00	1.00	0

Fuente: ENAHO - 2021. Elaboracion: Autor



Cuadro: Estadisticas descriptivas

	Personas	Promedio	Mediana	Min.	Max.	Std
r6	24774	1,443.89	996.04	0.00	52,063.25	1,745
reduca	24774	8.70	11.00	0.00	18.00	5
rmujer	24774	0.28	0.00	0.00	1.00	0
redad	24774	46.80	47.00	18.00	69.00	12
redadsq	24774	2,330.71	2,209.00	324.00	4,761.00	1,109
rpareja	24774	0.66	1.00	0.00	1.00	0

Fuente: ENAHO - 2021. Elaboracion: Autor

- ► Alrededor de 28 % de los trabajadores son mujeres.
- En promedio, la experiencia de los trabajadores es de 47 años y sus años de educación son de 9 años.
- ▶ El 66 % de los trabajadores tiene una condición civil : con pareja.





► Se realizará la estimación de la ecuación de salarios de los trabajadores peruanos utilizando la información 2020 (ENAHO)



- Se realizará la estimación de la ecuación de salarios de los trabajadores peruanos utilizando la información 2020 (ENAHO)
- Para realizar el análisis se propone tres ecuaciones:

$$\ln wage_i = \alpha_0 + \alpha_1 reduca_i + \mu_i \tag{1}$$

In wage_i =
$$\alpha_0 + \alpha_1 reduca_i + \pi mujer_i$$

+ $\alpha_2 redad_i + \alpha_3 redad_i^2 + \alpha_4 rpareja_i + \mu_i$ (2)

$$In wage_i = \alpha_0 + \alpha_1 reduca_i + \pi mujer_i$$

$$+ \alpha_2 redad_i + \alpha_3 redad_i^2 + \alpha_4 rpareja_i + \sum_{i=2}^{25} \lambda_i dpto_i + \mu_i$$
 (3)

Roadmap



Introducción

Data y Variables

Pregunta 1

Pregunta 2

Pregunta :



- 1 Estime la regresión de la ecuación 2 usando OLS. Programación en STATA
 - Use el nivel de significancia de 0.05 para testear la presencia de heterocedasticidad.
 - ¿Qué es lo que usted concluye?



Cuadro: Modelo Lineal

	(1)	(2)
reduca	0.072*** (0.00)	0.071*** (0.00)
rmujer		-0.560*** (0.02)
redad		0.095*** (0.00)
redadsq		-0.001*** (0.00)
rpareja		-0.134*** (0.02)
Constant	6.085*** (0.02)	4.450*** (0.11)
Observations	24774	24774

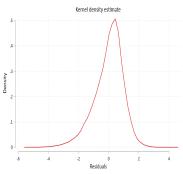
Errores estandar en parentesis. Fuente: EnAHO 2021.

Elaboracion: Autor

***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.



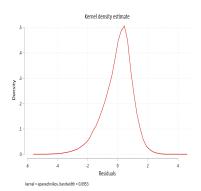
Figura 1:



kernel = epanechnikov, bandwidth = 0.0953



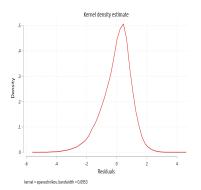
Figura 1:



► La distribución es muy puntiaguda con colas más alargadas en comparación con una distribución normal.



Figura 1:



- La distribución es muy puntiaguda con colas más alargadas en comparación con una distribución normal.
- La prueba confirma que las dos proposiciones clave que gobiernan la normalidad (es decir, simetría y mesokurtosis) son ambas decididamente rechazadas por los datos en este caso.



Figura 1:

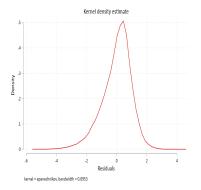
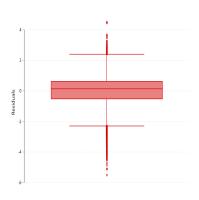


Figura 2:





- ¿Cuál es la diferencia entre los test Breusch-Pagan/Cook-Weisberg y el test de White/Koenker?
- El Breusch-Pagan/Cook-Weisberg test asume que los errores de la ecuación original se distribuyen de manera normal.
- Por otro lado, el test de White/Koenker solo asume que los errores de la ecuación original son identica e independientemente distribuidos (i.i.d).
- Por lo tanto, es útil probar los residuos del modelo de regresión de la ecuación original para determinar la normalidad para decidir cuál de estas pruebas de heterocedasticidad usar.
- ▶ El comando relevante en STATA, dada la normalidad es violada, es:

hettest mujer neduca exper expersq civil, iid

► El test de Koenker/White heteroscedasticity requiere la estimación del siguiente modelo de regresión auxiliar :

$$\varepsilon_i^2 = \delta_0 + \delta_1 reduca_i + \phi rmujer_i + \delta_2 redad_i + \delta_3 redad_i^2 + \delta_4 rpareja_i + \xi_i$$
 (4)

Hipotesis

$$H_o$$
: $\delta_0 = \delta_1 = \phi = \delta_2 = \delta_3 = \delta_4 = 0$
vs H_a : H_o no es verdad

▶ Bajo la hipotesisi Nula , el test de LM es definido como

$$n \times R^2 \sim \chi^2_{k-1}$$

Breusch-Pagan / Cook-Weisberg test for heteroskedasticity
Ho: Constant variance
Variables: neduca mujer exper expersq civil

chi2(5) = 407.51
Prob > chi2 = 0.0000

► El test de Koenker/White heteroscedasticity requiere la estimación del siguiente modelo de regresión auxiliar :

$$\varepsilon_i^2 = \delta_0 + \delta_1 reduca_i + \phi rmujer_i + \delta_2 redad_i + \delta_3 redad_i^2 + \delta_4 rpareja_i + \xi_i \quad (4)$$

Hipotesis

$$H_o$$
: $\delta_0 = \delta_1 = \phi = \delta_2 = \delta_3 = \delta_4 = 0$
vs H_a : H_o no es verdad

▶ Bajo la hipotesisi Nula , el test de LM es definido como

$$n \times R^2 \sim \chi^2_{k-1}$$

Breusch-Pagan / Cook-Weisberg test for heteroskedasticity
Ho: Constant variance
Variables: neduca mujer exper expersq civil

chi2(5) = 407.51
Prob > chi2 = 0.0000

 La hipotesis nula de homocedasticidad tendra que ser analizada para el modelo de log(wage)



Cuadro: Modelo Lineal

	ε ² _i
reduca	0.016**
	(0.01)
rmujer	1.260***
	(0.10)
redad	-0.090***
	(0.02)
redadsq	0.001***
	(0.00)
rpareja	1.263***
	(0.09)
Constant	1.674***
	(0.53)
Observations	24774

Errores estandar en parentesis.

Fuente: EnAHO 2021. Elaboracion: Autor ***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.



Cuadro: Modelo Lineal

	ε ² _i
reduca	0.016**
	(0.01)
rmujer	1.260***
-	(0.10)
redad	-0.090***
	(0.02)
redadsq	0.001***
	(0.00)
rpareja	1.263***
	(0.09)
Constant	1.674***
	(0.53)
Observations	24774
Errores esta	ndar en n

Errores estandar en parentesis. Fuente: EnAHO 2021.

Elaboracion: Autor

***, **, * denote statistical significance at the
1 %, 5 % and 10 % levels
respectively for zero.

Por tanto, $n \times R^2$ es igual a 24,774



Cuadro: Modelo Lineal

ε ² _i
0.016**
(0.01)
1.260***
(0.10)
-0.090***
(0.02)
0.001***
(0.00)
1.263***
(0.09)
1.674***
(0.53)
24774

Errores estandar en parentesis.

Fuente: EnAHO 2021. Elaboracion: Autor ***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.

- Por tanto, $n \times R^2$ es igual a 24,774
- Dado un valor de significancia de 0.05, la distribución de la tabla χ^2_{k-1} arroja el valor de 11.07 (χ^2_5)



Cuadro: Modelo Lineal

	ε ² _i
reduca	0.016** (0.01)
	` '
rmujer	1.260***
	(0.10)
redad	-0.090***
	(0.02)
redadsq	0.001***
	(0.00)
rpareja	1.263***
	(0.09)
Constant	1.674***
	(0.53)
Observations	24774
Г	

Errores estandar en parentesis. Fuente: EnAHO 2021. Elaboracion: Autor

***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.

- Por tanto, $n \times R^2$ es igual a 24,774
- Dado un valor de significancia de 0.05, la distribución de la tabla χ^2_{k-1} arroja el valor de 11.07 (χ^2_5)
- Evidenciando que se rehaza la H_o(homocedasticidad)



Cuadro: Modelo Lineal

	ε ² _i
reduca	0.016**
	(0.01)
rmujer	1.260***
	(0.10)
redad	-0.090***
	(0.02)
redadsq	0.001***
	(0.00)
rpareja	1.263***
	(0.09)
Constant	1.674***
	(0.53)
Observations	24774
Eurouse sete	

Errores estandar en parentesis.

Fuente: EnAHO 2021. Elaboracion: Autor ***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.

- Por tanto, $n \times R^2$ es igual a 24,774
- Dado un valor de significancia de 0.05, la distribución de la tabla χ^2_{k-1} arroja el valor de 11.07 (χ^2_5)
- Evidenciando que se rehaza la H_o(homocedasticidad)
- Concluyendo que existe presencia de heterocedasticidad



Cuadro: Modelo Lineal

	ε ² _i
reduca	0.016**
	(0.01)
rmujer	1.260***
	(0.10)
redad	-0.090***
	(0.02)
redadsq	0.001***
	(0.00)
rpareja	1.263***
	(0.09)
Constant	1.674***
	(0.53)
Observations	24774
Errores esta	ndar en na

Errores estandar en parentesis.

Fuente: EnAHO 2021. Elaboracion: Autor ***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.

- Por tanto, $n \times R^2$ es igual a 24,774
- Dado un valor de significancia de 0.05, la distribución de la tabla χ^2_{k-1} arroja el valor de 11.07 (χ^2_5)
- Evidenciando que se rehaza la H_o(homocedasticidad)
- Concluyendo que existe presencia de heterocedasticidad
- Se necesita corregir la matriz de varianza-covarianza usando la opción robust antes del análisis

Roadmap



Introducción

Data y Variables

Pregunta :

Pregunta 2

Pregunta



- 2 Use el comando robust para corregir la presencia de heterocedasticidad y re-estime el modelo (2). Luego responda las siguientes preguntas
 - Use la estructura del Test de Wald, realice usando un nivel de significancia de 0.05 para testear:

$$H_o: \alpha_4 = \pi = 0$$

2. Utilizando el Test de Wald en STATA, Python (test), ¿Qué es lo que usted concluye?



Según el modelo :

$$\log r6_i = \alpha_0 + \alpha_1 reduca_i + \pi rmujer_i + \alpha_2 redad_i + \alpha_3 redadsq_i + \alpha_4 rpareja_i + \mu_i$$

Cuadro: Modelo Lineal robusto

	In wa	ge	In wa	ge	In wa	ge
reduca rmujer	0.072***	(0.00)	0.072*** -0.476***	(0.00) (0.02)	0.071*** -0.560***	(0.00) (0.03)
redad redadsq					0.095*** -0.001***	(0.01)
rpareja Constant	6.085***	(0.02)	6.218***	(0.01)	-0.134*** 4.450***	(0.02) (0.11)
Observations	24774		24774		24774	

Errores estandar en parentesis.

Fuente: EnAHO 2021.

Elaboracion: Autor

***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.



La hipotesis nula es expresada como:

$$H_o: \alpha_4 = \pi = 0$$

$$H_a: H_o - no - verdad$$

La matriz de la forma del test de Wald es especificado como:

$$\textit{Wald} = \begin{bmatrix} (\widehat{\alpha}_4 - \alpha_4) & (\widehat{\pi} - \pi) \end{bmatrix} \hat{V}_{\textit{robust}}^{-1} \begin{bmatrix} (\widehat{\alpha}_4 - \alpha_4) & (\widehat{\pi} - \pi) \end{bmatrix}'$$

 \blacktriangleright El test de Wald implementa las restricciones de la H_o

$$\mathit{Wald} = \begin{bmatrix} \widehat{\alpha}_{4} & \widehat{\pi} \end{bmatrix} \widehat{V}_{robust}^{-1} \begin{bmatrix} \widehat{\alpha}_{4} & \widehat{\pi} \end{bmatrix}'$$

El valor del test de Wald para una significancia conjunta de los dos coeficientes es **934.1019** dado una distribución de chi-cuadrado con **2** grados de libertad de **5.99** (ver tabla de distribucion de una χ^2)

STATA: 646.08286Python: 934.1019

Roadmap



Introducción

Data y Variables

Pregunta :

Pregunta 2

Pregunta 3



2 Usando el t-test asintótico y al nivel de significancia de 0.05 se le pide testear la proposición: el log de salario alcanza un maximo alrededor de 50 años. Reporte todos los cálculos relevantes. ¿Qué es lo que usted concluye?



Cuadro: Modelos Lineales Robustos

	(1)	(2)	(3)
reduca	0.07***	0.07***	0.07***
	(0.00)	(0.00)	(0.00)
rmujer		-0.48***	-0.56***
		(0.02)	(0.03)
Observaciones	24774	24774	24774
R^2	0.0858	0.111	0.130
Controls			√

Fuente: ENAHO - 2021.

Elaboracion: Autor

***, **, * denote statistical significance at the 1%, 5% and 10% levels respectively for zero.



La derivada obtenida , esta determinada como:

$$\frac{\partial \log(\textit{wage})}{\partial \textit{redad}} = \widehat{\beta}_2 + 2\widehat{\beta}_3 \textit{redad}$$

- El punto de estado estacionario es cálculado al igualar en cero la derivada obtenida y despejar el valor de la variable exper
- Para la presente aplicación, se tiene:

$$redad_{estacionario} = \frac{\widehat{eta}_2}{-2\widehat{eta}_3} = \frac{0.095}{2x(-0.001)} = 43 = \widehat{\triangle}$$

Por tanto, deseamos testear la proposión planetada a través de la hipoteisis

$$H_o: \triangle = 50 \text{ vs } H_a: \triangle \neq 50$$



▶ Usando el **Metodo Delta**, la varianza muestral esta dado por:

$$\begin{aligned} & \textit{Var}\left(\widehat{\triangle}\right) = \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{2}}\right)^{2} \textit{Var}\left(\widehat{\gamma}_{2}\right) + \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{3}}\right)^{2} \textit{Var}\left(\widehat{\gamma}_{3}\right) \\ & + 2 \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{2}}\right) \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{3}}\right) \textit{Cov}\left(\widehat{\gamma}_{2}, \widehat{\gamma}_{3}\right) \end{aligned}$$

Recordando:

$$\widehat{\triangle} = -rac{\widehat{\gamma}_2}{2\widehat{\gamma}_3}$$

Donde, para el presente caso:



▶ Usando el **Metodo Delta**, la varianza muestral esta dado por:

$$\begin{aligned} & \textit{Var}\left(\widehat{\triangle}\right) = \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{2}}\right)^{2} \textit{Var}\left(\widehat{\gamma}_{2}\right) + \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{3}}\right)^{2} \textit{Var}\left(\widehat{\gamma}_{3}\right) \\ & + 2 \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{2}}\right) \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{3}}\right) \textit{Cov}\left(\widehat{\gamma}_{2}, \widehat{\gamma}_{3}\right) \end{aligned}$$

Recordando:

$$\widehat{\triangle} = -rac{\widehat{\gamma}_2}{2\widehat{\gamma}_3}$$

Donde, para el presente caso:

$$\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_2} = -\frac{1}{2\widehat{\gamma}_3}$$



▶ Usando el **Metodo Delta**, la varianza muestral esta dado por:

$$\begin{aligned} & \textit{Var}\left(\widehat{\triangle}\right) = \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{2}}\right)^{2} \textit{Var}\left(\widehat{\gamma}_{2}\right) + \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{3}}\right)^{2} \textit{Var}\left(\widehat{\gamma}_{3}\right) \\ & + 2\left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{2}}\right) \left(\frac{\partial \widehat{\triangle}}{\partial \widehat{\gamma}_{3}}\right) \textit{Cov}\left(\widehat{\gamma}_{2}, \widehat{\gamma}_{3}\right) \end{aligned}$$

Recordando:

$$\widehat{\triangle} = -rac{\widehat{\gamma}_2}{2\widehat{\gamma}_3}$$

Donde, para el presente caso:

$$\frac{\widehat{\partial \triangle}}{\widehat{\partial \widehat{\gamma}_2}} = -\frac{1}{2\widehat{\gamma}_3}$$
$$\frac{\widehat{\partial \triangle}}{\widehat{\partial \widehat{\gamma}_3}} = \frac{\widehat{\gamma}_2}{2\widehat{\gamma}_3^2}$$



El valor de las derivadas encontradas son calculadas:



► El valor de las derivadas encontradas son calculadas:

$$\frac{\widehat{\partial \triangle}}{\partial \widehat{\beta}_2} = -\frac{1}{2\widehat{\beta}_3} = 452.16$$



► El valor de las derivadas encontradas son calculadas:

$$\frac{\widehat{\partial \triangle}}{\widehat{\partial \widehat{\beta}_2}} = -\frac{1}{2\widehat{\beta}_3} = 452.16$$

$$\frac{\widehat{\partial \triangle}}{\widehat{\partial \widehat{\beta}_3}} = -\frac{\widehat{\beta}_2}{2\widehat{\beta}_3^2} = 39031.71$$

Los elementos obtenidos a través de la robust de la matriz de varianza-covarianza son:

	const	numberreduca	numberrmujer	numberredad	numberredadsq	numberrpareja
const	0.013004	-2.401348e-05	-1.583186e-04	-5.641416e-04	5.928826e-06	-1.540953e-04
number_reduca	-0.000024	2.053916e-06	-2.325714e-06	1.616597e-07	-1.187166e-10	2.660956e-07
number_rmujer	-0.000158	-2.325714e-06	6.486965e-04	-9.613457e-06	1.026090e-07	3.902510e-04
number_redad	-0.000564	1.616597e-07	-9.613457e-06	2.622671e-05	-2.823949e-07	-1.115742e-05
number_redadsq	0.000006	-1.187166e-10	1.026090e-07	-2.823949e-07	3.099567e-09	1.258704e-07
number_rpareja	-0.000154	2.660956e-07	3.902510e-04	-1.115742e-05	1.258704e-07	4.884660e-04

 Los elementos obtenidos a través de la robust de la matriz de varianza-covarianza son:

	const	numberreduca	numberrmujer	numberredad	number_redadsq	numberrpareja
const	0.013004	-2.401348e-05	-1.583186e-04	-5.641416e-04	5.928826e-06	-1.540953e-04
number_reduca	-0.000024	2.053916e-06	-2.325714e-06	1.616597e-07	-1.187166e-10	2.660956e-07
number_rmujer	-0.000158	-2.325714e-06	6.486965e-04	-9.613457e-06	1.026090e-07	3.902510e-04
numberredad	-0.000564	1.616597e-07	-9.613457e-06	2.622671e-05	-2.823949e-07	-1.115742e-05
numberredadsq	0.000006	-1.187166e-10	1.026090e-07	-2.823949e-07	3.099567e-09	1.258704e-07
number_rpareja	-0.000154	2.660956e-07	3.902510e-04	-1.115742e-05	1.258704e-07	4.884660e-04

Donde:

$$Var(\widehat{eta}_2)=2.6226714554508038e-05=0.000026226$$

$$Var(\widehat{eta}_3)=3.099567058003456e-09=0.00000003099$$

$$Cov(\widehat{eta}_2,\widehat{eta}_3)=-2.8239486279027537e-07=-0.0000002823$$



Por tanto, la varianza muestral es calculada reemplazando en el método delta:

$$Var\left(\widehat{\triangle}\right) = (452.16)^2 \times 0.000026226 + (39031.71)^2 \times 0.000000003099 + \cdots$$

$$= \cdots + 2x (452.16 \times 39031.71) (-0.0000002823) \equiv 0.1164$$

Nosotros deseamos testear la hipotesis:

$$H_o: \triangle = 50 \text{ vs } H_a: \triangle \neq 50$$

El test-t es expresado en el presente caso como:

$$t = \frac{\widehat{\triangle} - \triangle}{\sqrt{var(\triangle)}} = \frac{43 - 50}{\sqrt{0.1164}} = -20.51 \sim t_{\infty}$$

▶ Dado el valor critico de ± 1.96 , por tanto se puede rechazar la hipotesis nula :

$$|-20.57| > |-1.96| \Rightarrow |t_{value}| > |t_{critico}|$$

Qué concluye?



Figura : Perfil de salarios-edad para empleados de Perú

