

| | | | |
|--|-------------------------|---|--------------|
| UNIVERSIDADE FEDERAL DO MARANHÃO Centro de Ciências Exatas e Tecnologia | | Departamento de Informática - DEINF Internet: www.deinf.ufma.br | 3a AVALIAÇÃO |
| Disciplina: Matemática Discreta e Lógica | | Curso: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO | P 4,5 |
| Código 5595.8 | Carga Horária: 60 horas | Créditos: 4.0.0 | T |
| Professor: Luciano Reis Coutinho | | Email: lrc@deinf.ufma.br | MEDIA |

Terceira Avaliação: Prova Escrita

Data: 06/09/2023

Aluno: [assinatura]

Código: _____

INSTRUÇÕES

- Cada questão consiste de enunciado e requisitos. Dentre os requisitos, encontra-se apresentar a devida justificativa para cada resposta apresentada. Respostas não atendendo aos requisitos podem em última instância ser desconsideradas durante a correção.
- A interpretação das questões faz parte da avaliação. Caso ache um enunciado ambíguo ou impreciso escreva na folha de resposta sua interpretação e correspondente resposta. Todas as questões devem ser interpretadas tendo em vista que foi discutido nas aulas de Matemática Discreta e Lógica.
- O tempo total de prova é de 100 min. Tem início às 14h00 e término às 15h40.

QUESTÕES

- (2,0 pontos) Utilizando o princípio de indução matemática, prove que para todo inteiro positivo n , $\sum_{i=1}^n i 2^i = (n-1)2^{n+1} + 2$. Lembrete: primeiro, prove a proposição para $n = 1$; em seguida, prove que se a proposição é verdadeira para um valor $n = k$ arbitrário, então ela também é verdadeira para $n = k + 1$.
- (1,0 ponto) Quantas cadeias de quatro dígitos decimais são divisíveis por 5 (divisão inteira)? Justifique sua resposta apontando que princípios de contagem discutidos em sala de aula foram utilizados na resolução do problema.
- (1,0 ponto) Um palíndromo é uma cadeia de símbolos cujo reverso é idêntico ao original. Por exemplo: "arara" e "anna" são palíndromos. Pergunta-se: Quantas cadeias binárias (formadas apenas por 0 e 1) são palíndromos? Justifique sua resposta apontando que princípios de contagem discutidos em sala de aula foram utilizados na resolução do problema.
- (1,0 ponto) Em uma gaveta há 12 meias brancas e 12 meias pretas, todas misturadas. Uma pessoa, no escuro, tira meias da gaveta. Pergunta-se: Quantas meias devem ser tiradas para garantir que, pelo menos, duas tenham a mesma cor? Use explicitamente o princípio da casa de pombo. Ou seja, apresente uma justificativa para cada resposta baseada no princípio da casa de pombo.
- (1,0 ponto) Quantas relações diferentes existem sobre o conjunto $\{a, b, c, d\}$? Quantas contêm o par (a, a) ? Justifique cada resposta.
- (1,0 ponto) Liste os pares ordenados na relação R de $A = \{0, 1, 2, 3, 4\}$ para $B = \{0, 1, 2, 3\}$, em que $(x, y) \in R$ se e somente se: (a) $x > y$ (b) $\text{mdc}(x, y) = 1$
- (2,0 pontos) Para cada uma das relações a seguir sobre o conjunto $\{1, 2, 3, 4\}$, determine se ela é reflexiva, se é simétrica, se é anti-simétrica e se é transitiva:
 $R_1 = \{(2, 2), (2, 3), (2, 4), (3, 2), (3, 3), (3, 4)\}$
 $R_2 = \{(2, 4), (4, 2)\}$
 $R_3 = \{(1, 1), (2, 2), (3, 3)\}$
 $R_4 = \{(1, 3), (1, 4), (2, 3), (2, 4), (3, 1), (3, 4)\}$
- (1,0 ponto) Seja R a relação no conjunto de pares ordenados de inteiros positivos tais que $((a, b), (c, d)) \in R$ se e somente se $a + d = b + c$. Mostre que R é uma relação de equivalência, ou seja, que é ao mesmo tempo reflexiva, simétrica e transitiva.

Boa Sorte!