UNIVERSIDADE FEDERAL DO MARANHÃO		Departamento de Informática - DEINF		FINAL	
Centro de Ciências Exatas e Tecnologia		Internet: <u>www.deinf.ufma.br</u>		Р	
Disciplina: Matemática Discreta e Lógica		Curso: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO		Т	
Código 5595.8	Carga Horária: 60 horas		Créditos: 4.0.0	MEDIA	
Professor: Luciano Reis Coutinho		Email: luciano.rc@ufma.br			

Prova FINAL	Data: 17 de dezembro de 2020.
Aluno:	Código:

INSTRUÇÕES

- A prova deve ser realizada INDIVIDUALMENTE. Todas as questões devem ser respondidas em arquivo .DOC ou PDF a ser enviadas via SIGAA. Arquivos de **resposta idênticos**, **ou respostas discursivas idênticas**, **enviados por mais de um aluno são passíveis de anulação**.
- Cada questão consiste em um enunciado e um conjunto de requisitos que uma resposta aceitável deve satisfazer. Respostas dadas que não atendam aos requisitos podem em última instância ser completamente desconsideradas durante a correção da prova. Tenham sempre em mente os requisitos ao dar as suas respostas.
- A interpretação das questões faz parte da avaliação. Caso ache um enunciado ambíguo ou impreciso escreva na folha de resposta sua interpretação e a correspondente resposta. Todas as questões devem ser interpretadas tendo em vista que foi discutido nas aulas de Matemática Discreta e Lógica.
- O tempo total de prova é de 100 min.

QUESTÕES

1. **(2,0 pontos)** Usando as **regras de precedência** de operadores discutidas em sala de aula, (a) <u>coloque</u> <u>parênteses nas fórmulas</u> abaixo e, em seguida, (b) <u>construa as respectivas **tabelas-verdade**:</u>

(a)
$$A \vee B \rightarrow \neg A \wedge B$$

(b)
$$A \leftrightarrow B \land C \rightarrow A \lor B \land C$$

2. **(1,0 ponto)** Dado o argumento abaixo, (a) identifique explicitamente <u>quais são as **premissas**</u> e <u>qual é a **conclusão**</u>, (b) f<u>ormalize as premissas e conclusões quebrando-as em proposições atômicas ligadas por conectivos; cada proposição atômica deve ser representada por uma letra proposicional diferente; (c) ao final <u>mostre passo a passo como a conclusão pode ser demonstrada logicamente a partir das premissas, identificando claramente as regras de inferência sendo utilizadas; em outras palavras, mostre que o **argumento é válido**.</u></u>

Argumento: Se a propaganda for bem-sucedida, então as vendas irão subir. A propaganda será bem-sucedida ou a loja irá fechar. As vendas não irão subir. Deste modo, a loja irá fechar.

3. **(1,0 ponto)** Sejam R = {1, 3, π , 4.1, 9, 10}, S = {{1}, 3, 9, 10}, T = {1, 3, π } e U = {{1, 3, π }, 1}. Quais das sentenças a seguir são verdadeiras? Assinale V para VERDADEIRO, e F para FALSO. Tenha cuidado: **cada resposta errada irá anular uma resposta certa**! Assim, caso não tenha certeza sobre uma afirmação assinale NR para Não Respondido. Assinalando NR você não irá ganhar e nem perder pontos.

a)
$$T \subseteq R$$
 f) $\{1\} \subseteq S$

b)
$$1 \in R$$

c)
$$\{1\} \in S$$

e)
$$\{1\} \subseteq T$$

j) $T \subseteq U$

g)
$$1 \in S$$

l) $S \subseteq R$

$$\begin{array}{l} h) \oslash \in U \\ m) \oslash \subseteq S \end{array}$$

i)
$$T \in U$$

n) $T \subset R$

o)
$$S \subseteq \{1,3,9,10\}$$

4. **(1,0 ponto)** Sejam $S=\{0,2,4,6\}$ e $T=\{1,3,5,7\}$. (a) Determine se cada um dos conjuntos de pares ordenados abaixo representam ou não uma função com domínio S e contra-domínio T. (b) S e sim, determine se a função representada é ou não é injetora, e se é ou não é sobrejetora. (c) S e não, explique porque o conjunto de pares não representa uma função de S em T.

a.
$$\{(0, 2), (2, 4), (4, 6), (6, 0)\}$$

b.
$$\{(6,3), (2,1), (0,3), (4,5)\}$$

c.
$$\{(2,3),(4,7),(0,1),(6,5)\}$$

d.
$$\{(2, 1), (4, 5), (6, 3)\}$$

e.
$$\{(6, 1), (0, 3), (4, 1), (0, 7), (2, 5)\}$$

5. **(2,0 pontos)** Utilizando o **princípio de indução matemática**, demonstre PASSO-A-PASSO que para qualquer inteiro positivo n,

$$4 + 10 + 16 + \cdots + (6n - 2) = n(3n + 1)$$

Lembrete: primeiro, prove a proposição para n = 1; em seguida, prove que se a proposição é verdadeira para um valor n = k arbitrário, então ela também é verdadeira para n = k + 1.

- 7. **(1,0 ponto)** Seja L(n,m) o conjunto de todas as palavras de comprimento n que podem ser formadas a partir de um alfabeto de tamanho m. Pergunta-se: (a) quantas palavras pertencentes a L(n,m) são palíndromos (são iguais quando lidas de frente para tras, ou de tras para frente)? (b) e quantas têm um determinado caracter ao menos um vez? Justifique suas respostas. Respostas sem justificativas não serão consideradas na correção.
- 8. **(1,0 ponto) (a)** Quantas relações diferentes existem sobre o conjunto $S=\{x \in \mathbb{N} | x^2 < 100\}$? (b) Desse total, quantas são reflexivas? Justifique suas respostas. Respostas sem justificativas não serão consideradas na correção.
- 9. **(1,0 ponto)** Dados os conjuntos de pares ordenados abaixo sobre o conjunto $S=\{0,1,2,4,6\}$, determine: a) quais formam relações reflexivas sobre S; b) quais formam relações simétricas sobre S; c) quais formam relações anti-simétricas sobre S; d) e quais formam relações transitivas sobre S.

a.
$$\rho = \{(1, 3), (3, 3), (3, 1), (2, 2), (2, 3), (1, 1), (1, 2)\}$$

b. $\rho = \{(1, 1), (3, 3), (2, 2)\}$
c. $\rho = \{(1, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 1), (1, 3)\}$
d. $\rho = \{(1, 1), (1, 2), (2, 3), (1, 3)\}$

Boa Sorte!