

			Departamento de Informática -	2da PROVA
				P
Disciplina: Teoria da Computação			Curso: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO	T
Código 5607.5	Carga Horária: 60 horas	Créditos: 4.0.0		NOTA
Professor: Luciano Reis Coutinho			Email: <a href="mailto:luciano.rc@ufma.br">luciano.rc@ufma.br</a>	

**2da Avaliação Data: 03 de janeiro 2022 Aluno :**

**Código:** \_\_\_\_\_

### INSTRUÇÕES

- ✦ A prova deve ser realizada INDIVIDUALMENTE. Respostas iguais ocorrendo em provas de alunos diferentes são passíveis de anulação.
- ✦ Cada questão consiste em um enunciado e um conjunto de requisitos que uma resposta aceitável deve satisfazer. Respostas dadas que não atendam aos requisitos podem em última instância ser completamente desconsideradas durante a correção da prova. Tenham sempre em mente os requisitos ao dar as suas respostas.
- ✦ A interpretação das questões faz parte da avaliação. Caso ache um enunciado ambíguo ou impreciso escreva na folha de resposta sua interpretação e a correspondente resposta. Todas as questões devem ser interpretadas tendo em vista que foi discutido nas aulas de Teoria da Computação.
- ✦ Todas as questões devem ser respondidas em arquivo .DOC ou PDF. Ao final, tanto o arquivo de questões quanto o arquivo de respostas devem ser enviados via SIGAA.
- ✦ O tempo total de prova é de 100 min. Início: 14:00, término: 15:40. Limite para submissão via SIGA: 16:00.

### QUESTÕES

1. (2,0 pontos) Considerando a codificação de programas monolíticos como números naturais que foi discutida durante as aulas (a codificação de Gödel), MOSTRE PASSO a PASSO como o programa iterativo abaixo --- após traduzido para a forma monolítica --- pode ser representado por meio de um único número natural.

até T faça (F) ; G

Resposta:

Programa Monolítico

1: se T então vp 2 senão vp 3

2: faça F vp 1

3: faça F vp 0

1:(1, 0, 2, 3)

2:(0, 0, 1, 1)

3:(0, 1, 0, 0)

onde T -> 0, F -> 0, G -> 1

1:cod(1, 0, 2, 3) =  $2^1 * 3^0 * 5^2 * 7^3 = 2 * 25 * 343 = 17150$

2:cod(0, 0, 1, 1) =  $2^0 * 3^0 * 5^1 * 7^1 = 35$

$$3:\text{cod}(0, 1, 0, 0) = 2^0 * 3^1 * 5^0 * 7^0 = 3$$

$$\begin{aligned}\text{cod}(P) &= \text{cod}(\text{cod}(1:), \text{cod}(2:), \text{cod}(3:)) \\ \text{cod}(P) &= 2^{17150} * 3^{35} * 5^3\end{aligned}$$

2. (2,0 pontos) Escreva uma macro  $R := \text{mod}(N,D)$  para a máquina NORMA que armazena em R o resto da divisão inteira do conteúdo do registrador N pelo conteúdo de D. Lembre-se que em NORMA, apenas as operações de incremento e decremento, e o teste de zero, são definidos. Assim, quaisquer outras operações e testes necessários para escrever  $R := \text{mod}(N,D)$  DEVEM também ser escritos explicitamente na resposta da questão como macros auxiliares. Para facilitar, assuma como já escritas as macros que realizam atribuições.

Resposta:

$R := \text{mod}(N, D)$

```
X := N;
até X < D faça (
    X := X - D;
)
R := X;
```

Macros

- $X := X - D$  usando H

```
H := D;
até H = 0 faça (
    X := X - 1;
    H := H - 1;
)
```

- $X < D$  usando E, F

```
E := X;
F := D;
até E = 0 faça (
    E := E - 1;
```



```

    F := F - 1;
)
(se F=0
    então FALSO
    senão VERD
)

```

3. (2,0 pontos) Dada a tabela de transição abaixo, determine qual a linguagem reconhecida pela **máquina de Turing** correspondente. Justifique sua resposta destacando o alfabeto de entrada Sigma, e apresentando exemplos de aceitação e rejeição de palavras sobre Sigma.

	a	b	b	A	B	B
q0	(q0,a,D)	(q1,A,D)	(q3,B,D)	(q0,A,D)	(q0,B,D)	(q4,B,D)
q4						
q1		(q1,a,D)	(q2,B,E)	(q1,A,D)	(q1,B,D)	
q2	(q0,R,D)	(q2,a,E)	(q2,b,E)	(q2,A,E)	(q2,B,E)	
q3		(q2,A,E)	(q3,b,D)	(q3,A,D)	(q3,B,D)	

4. (2,0 pontos) Escreva uma MÁQUINA DE TURING =  $\langle \Sigma, Q, \Pi, q_0, F, V, \beta, \blacksquare \rangle$  que realize a operação de subtração entre dois números naturais, caracterizada por:

$x - y$ , se  $x > y$   
 $\text{sub}(x, y) = \{$   
 $0$ , caso contrário

Resposta:

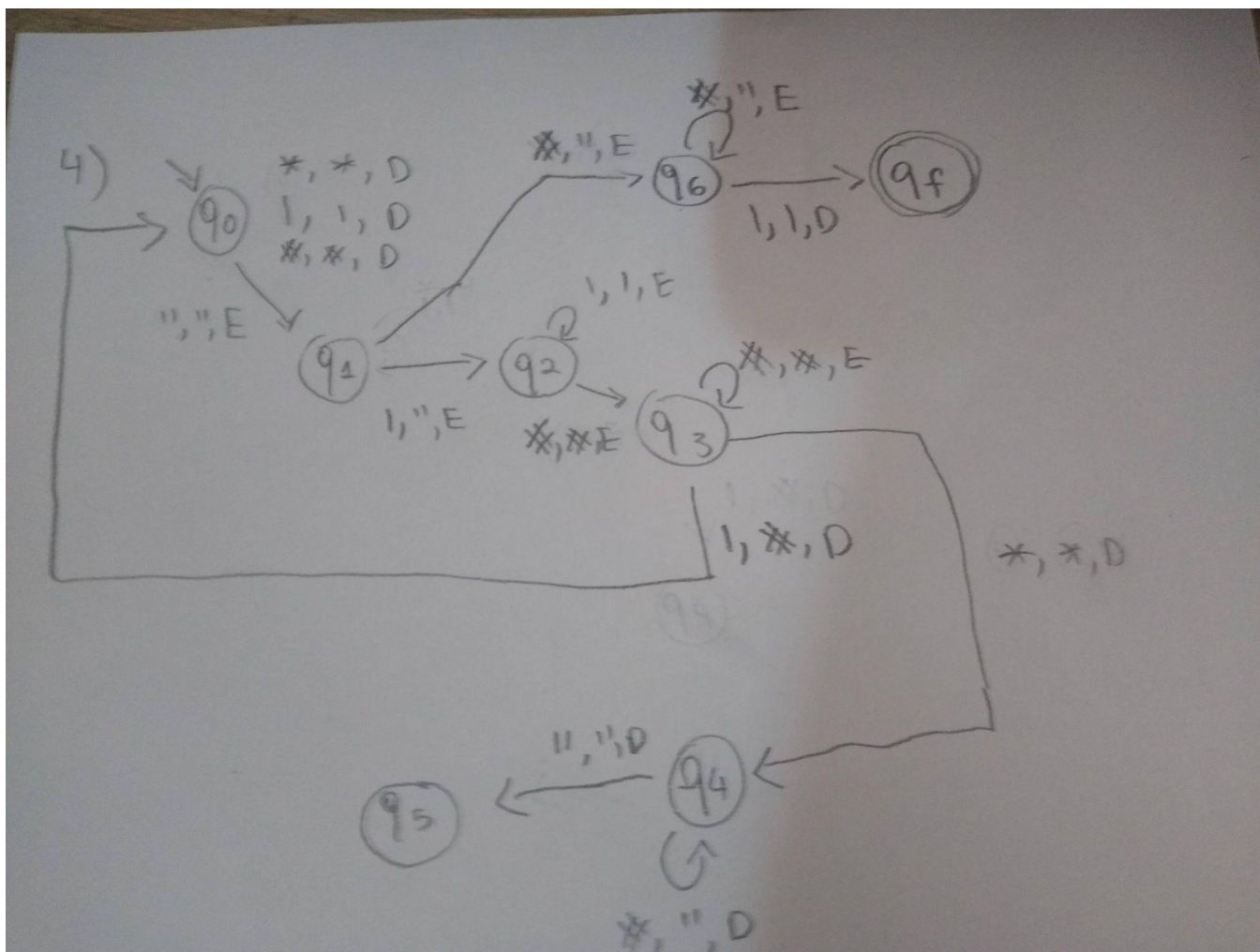
$M = \langle \Sigma, Q, \Pi, q_0, F, V, \beta, \blacksquare \rangle$

$M = \langle \{1, \#\}, \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4, q_5, q_6, q_f\}, \Pi, q_0, \{q_f\}, \{\}, ', * \rangle$

Observações:

- A máquina opera sobre um sistema unário, utilizando o símbolo # para definir o fim do número X e o começo do número Y.
- O estado q5 identifica 0, caso  $Y > X$ , também acarretando na fita vazia (salvo o símbolo de começo de fita).

2,0




5. (a) **(1,0 ponto)** Explique em que consiste a HIPÓTESE de CHURCH-TURING ?  
 (b) **(0,5 ponto)** A HIPÓTESE de CHURCH-TURING não pode ser provada. Explique por que!  
 (c) **(0,5 ponto)** No entanto, ela pode ser justificada. Explique como!

Resposta:

- a) A Hipótese de Church-Turing é uma regra não-verificável, idealizada por Alonzo Church, que diz que qualquer dispositivo computacional terá uma capacidade de computação máxima igual à Máquina de Turing. Em outras palavras, de acordo com a hipótese, é impossível criar qualquer tipo de artifício ou dispositivo que utilize de meios computacionais em que a capacidade computacional máxima ultrapasse a máquina elaborada por Turing. Dessa definição, também se deriva a ideia de funções computáveis e não-computáveis, já que qualquer problema que não possa ser resolvido com a Máquina de Turing é um problema que foge a computação em termos de tempo e espaço.

- b) Entretanto, esta “regra” continua sendo apenas uma hipótese por não ser possível verificá-la ou prová-la, já que a noção de algoritmos e função computável é intuitiva. Isso se dá pela noção de algoritmos não ser matematicamente formal, sendo criar uma conjuntura que prove que a Máquina de Turing é a mais genérica possível.
- c) A hipótese é justificada pelo fato de que, na época em que foi formulada, diversos trabalhos que elaboraram máquinas e dispositivos teóricos com a função de computar algoritmos terem esforço igual ou menor à Máquina de Turing.



**Boa Sorte!**

---