UNIVERSIDADE FEDERAL DO MARANHÃO		Departamento de Informática - DEINF		REPOSIÇÃO	
Centro de Ciências Exatas e Tecnologia		Internet: <u>www.deinf.ufma.br</u>		Р	
Disciplina: Matemática Discreta e Lógica		Curso: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO		Т	
Código 5595.8	Carga Horária: 60 horas		Créditos: 4.0.0	MEDIA	
Professor: Luciano Reis Coutinho		Email: luciano.rc@ufma.br			

Reposição: 1ª Prova	Data: 01 de fevereiro de 2022
Aluno:	Código:
INCUDITO	3

INSTRUCOES

- A prova deve ser realizada INDIVIDUALMENTE. As respostas DEVEM ser enviadas via SIGAA. Arquivos de resposta idênticos, ou respostas idênticas, enviados por mais de um aluno serão ANULADAS.
- Cada questão consiste em um enunciado e um conjunto de requisitos que uma resposta aceitável deve satisfazer. Respostas dadas que não atendam aos requisitos podem em última instância ser completamente desconsideradas durante a correção da prova. Tenham sempre em mente os requisitos ao dar as suas respostas.
- Todas as respostas devem estar legíveis e com posicionamento correto no arquivo enviado. Respostas posicionadas de cabeça para baixo ou de lado não serão corrigidas.
- A interpretação das questões faz parte da avaliação. Caso ache um enunciado ambíguo ou impreciso escreva na folha de resposta sua interpretação e a correspondente resposta. Todas as questões devem ser interpretadas tendo em vista que foi discutido nas aulas de Matemática Discreta e Lógica.
- Todas as questões DEVEM estar justificadas com os respectivos CÁLCULOS realizados. Respostas sem cálculos ou sem devida argumentação não serão corrigidas e às respectivas questões será atribuída pontuação 0.
- O tempo total de prova é de 100 min. Tem início às 14h00 e término às 15h40. Após 15:40, há 20min de tolerância para submeter as

## **QUESTÕES**

- 1. (2,0 pontos) No contexto da Lógica Proposicional, traduza as seguintes sentenças compostas para notação simbólica. Na tradução, divida as sentenças em proposições atômicas representadas por letras proposicionais. Indique explicitamente o significado das letras proposicionais usadas. Sem isso, respostas não serão consideradas corretas:
- a. Se preços subirem, construções ficarão mais caras, mas se construções não forem caras, elas serão muitas.
- b. Tanto comer tudo como se comportar são condições necessárias para ganhar um doce.
- c. Estudar é tanto necessário quanto suficiente para tirar boa nota.
- d. Rosas são vermelhas e, se o açúcar for azedo, então as violetas não são azuis ou o açúcar é doce.
  - 2. **(2,0 pontos)** Construa tabela-verdade para cada uma das fórmulas; use as convenções de precedência de operadores discutidas em sala de aula.
- (b)  $A \lor \neg B \land C \leftrightarrow B \lor C \rightarrow \neg A$ (a)  $A \rightarrow B \land \neg A \lor B$ 
  - 3. **(2,0 pontos)** Usando os símbolos predicados mostrados e os quantificadores apropriados, escreva as sentenças abaixo como fórmulas predicativas. (O domínio é todo o mundo.)

D(x) é "x é um Dia." E(x) é "x é ensolarado." C(x) é "x é chuvoso."

- a) Todos os dias são ensolarados.
- b) Alguns dias são chuvosos.
- c) Todo dia que não é ensolarado é chuvoso.
- d) Se nenhum dia for chuvoso, então todos os dias serão ensolarados.
  - **(2,0 pontos)** Sejam **p**, **q** e **r** três proposições. Usando equivalências proposicionais ou tabelaverdade, mostre que se  $\mathbf{p}$  é equivalente a  $\mathbf{q}$  e  $\mathbf{q}$  é equivalente a  $\mathbf{r}$ , então  $\mathbf{p}$  é equivalente a  $\mathbf{r}$ . Na resposta, primeiro represente exatamente o que deve ser mostrado (na forma de uma proposição composta por **p**, **q** e **r**, e conectivos adequados).
  - 5. Usando a notação simbólica e as regras de inferência do cálculo proposicional, mostre que o argumento a seguir é válido. Use os símbolos proposicionais indicados. A resposta deve indicar explicitamente a formalização de cada premissa, e o passo a passo (indicando as regras de inferência utilizadas) da demonstração da conclusão a partir das premissas. Sem a devida explicação de cada passo da demonstração de forma explícita, a resposta não será considerada correta, sendo anulada.
- a) (1,0 ponto) A colheita é boa, mas não há água suficiente. Se tivesse bastante água ou não tivesse bastante sol, então haveria água suficiente. Portanto, a colheita é boa e há bastante sol. (C, A, S)
- b) (1,0 ponto) A Rússia tinha um poder superior, ou a França não era forte ou Napoleão cometeu um erro. Napoleão não cometeu um erro, mas se o exército não tivesse falhado, a França seria forte. Portanto, o exército falhou e a Rússia tinha um poder superior. (R, F, N, E)