#### Ciência da Computação

Lógica para Computação Prof. Giovanni Ely Rocco (gerocco@ucs.br)



Conjunto de proposições cujas **premissas** são apresentadas como fundamentação para a **conclusão**.

#### Uma inferência:

Premissas

(P2) Sócrates é homem.

(P2) Sócrates é homem.

(C) : Logo, Sócrates é mortal.

Argumento

Proposição que se quer justificar (provar).

Conjunto de proposições para justificar algo.

Proposições que apoiam a conclusão.

Representação: P1, P2 + C

### Demonstrações de Inferências

Procedimento para demonstrar efetivamente se uma inferência é válida ou inválida.

Estrutura de uma argumentação:

1ª premissa2ª premissa

Conclusão

#### Tabela verdade:

Pre	opos	ições	1 <sup>a</sup> premissa	2 <sup>a</sup> premissa	Conclusão
					<b>→</b>

### Demonstrações de Inferências

Não é verdade que penso e existo.

(P1)  $\sim (P \land E)$ 

Penso.

(P2) P

Logo, existo.

(C) ∴ E

Premissas verdadeiras e conclusão falsa...

	P	$\mathbf{E}$	~ (	P∧E)	P	E
_	V	V	F	(V)	V	V
	V	F	V	(F)	V	F
	F	V	V	(F)	F	V
_	F	F	V	(F)	F	F

... demonstram que a inferência é inválida.

### Demonstrações de Inferências

Penso ou não existo.

Não é verdade que penso ou ignoro.

Logo, não ignoro.

(P1)  $\mathbf{P} \vee \sim \mathbf{E}$ 

(P2)  $\sim$  (P  $\vee$  I)

(C) ∴ ~ I

Premissas verdadeiras e conclusão verdadeira...

... demonstram que a inferência é válida.

P	$\mathbf{E}$	I	PV	~ <b>E</b>	~ (	$\mathbf{P} \vee \mathbf{I}$	~I
V	V	V	V	(F)	F	(V)	F
V	V	F	V	(F)	F	(V)	V
V	F	V	V	(V)	F	(V)	F
V	F	F	V	(V)	F	(V)	V
F	V	V	F	(F)	F	(V)	F
F	V	F	F	(F)	V	(F)	V
F	F	V	V	(V)	F	(V)	F
F	F	F	V	(V)	V	(F)	V

### Demonstrações de Inferências

#### Inferências Tecnicamente Válidas:

\* uma inferência com um <u>tautologia na conclusão</u> é tecnicamente válida pois é <u>impossível ter uma conclusão falsa</u>;

:: a conclusão é trivial, uma verdade vazia que nada esclarece.

\* uma inferência com uma <u>autocontradição em uma premissa</u> é tecnicamente válida pois é <u>impossível que todas as</u> <u>premissas sejam verdadeiras</u>;

:: neste caso tem-se uma inferência que não pode ser legítima.

A estrutura lógica da inferência determina a validade, não a verdade ou falsidade das premissas e da conclusão.

### Um exemplo

Janeiro ou fevereiro foi o mês mais quente do ano. A notícia diz que janeiro não foi o mês mais quente do ano. Portanto, só pode ter sido fevereiro.

A inferência é **válida**, pois não há nenhuma linha em que as premissas são verdadeiras e a conclusão é falsa.

F
V
F
V
F

 $J \vee F$ ,  $\sim J + F$ 

E se a conclusão fosse:

"o mês mais quente do ano pode ter sido fevereiro, ou não"?

Ou o noticiário dissesse que:

"janeiro não foi o mês mais quente mas foi o mais quente"?

### Verificar a validade das inferências (com tabelas verdade):

1. Não é verdade que estudo e trabalho.

Eu estudo.

Logo, eu também trabalho.

2. Não é verdade que estudo ou trabalho.

Eu não estudo.

Logo, eu não trabalho.

3. Não vou viajar e ficarei em casa.

Viajava ou não participava da competição.

Logo, decidi participar da competição.

4. Se tu não és cidadão, não tens mais de 18 anos

e não estás registrado, então tu não podes votar.

Tu és cidadão.

Tu tens mais de 18 anos.

Tu estás registrado.

Logo, tu podes votar.

### Verificar a validade das inferências (com tabelas verdade):

- 1. Não é verdade que estudo e trabalho.
  - Eu estudo.
  - Logo, eu também trabalho.
- 2. Não é verdade que estudo ou trabalho.
  - Eu não estudo.
  - Logo, eu não trabalho.
- 3. Não vou viajar e ficarei em casa.
  - Viajava ou não participava da competição.
  - Logo, decidi participar da competição.
- 4. Se tu não és cidadão, não tens mais de 18 anos e não estás registrado, então tu não podes votar.  $[\sim C \land (\sim M \land \sim R)] \rightarrow \sim V$ Tu és cidadão.
  - Tu tens mais de 18 anos.
  - Tu estás registrado.
  - Logo, tu podes votar.

- $\sim (E \wedge T)$
- Analisar por
  - De Morgan : T
    - $\sim (E \vee T)$
- Analisar por
- De Morgan : ~T
  - ~**V** ∧ **F**
  - $\mathbf{V} \vee \sim \mathbf{C}$
  - $\therefore$  C



- R
- $\therefore \mathbf{V}$





### Demonstrações de Inferências

#### **Inferências Condicionais:**

Se chegaste então está tudo bem.

Tu chegaste.

Logo, está tudo bem.

(P1)  $C \rightarrow B$ 

(P2) C

 $(C) \therefore B$ 

#### **Modus Ponens**

Qualquer inferência com essa estrutura lógica é válida.

O método de afirmar o antecedente.

C	B	$C \rightarrow B$	C	B
V	V	V	V	V
V	F	F	V	F
F	V	V	F	V
F	F	V	F	F

A inferência é válida, pois não há nenhuma linha com premissas verdadeiras e conclusão falsa.

### Demonstrações de Inferências

#### **Inferências Condicionais:**

Se está tudo certo então acordamos.

(P1)  $C \rightarrow A$ 

Não acordamos.

(P2) ~A

Logo, não está tudo certo.

(C) ∴ ~C

#### **Modus Tollens**

Qualquer inferência com essa estrutura lógica é válida.

O método de negar o consequente.

<u>C</u>	A	$C \rightarrow A$	~A	~C
V	V	V	F	F
V	F	F	V	F
F	V	V	F	V
F	F	V	V	V

A inferência é válida, pois não há nenhuma linha com premissas verdadeiras e conclusão falsa.

### Demonstrações de Inferências

#### Falácias:

Se chegaste então está tudo bem.

Está tudo bem.

Logo, tu chegaste.

Modus Ponens?

Falácia da afirmação do consequente.

Qualquer inferência com essa estrutura lógica é inválida.

(P1)  $C \rightarrow B$ 

(P2) B

 $(C) \therefore C$ 

<u>C</u>	B	$C \rightarrow B$	B	C
V	V	V	V	V
V	F	F	F	V
F	V	V	V	F
F	F	V	F	F

A inferência não é válida, pois há uma linha cujas premissas são verdadeiras e a conclusão é falsa.

### Demonstrações de Inferências

#### Falácias:

Se está tudo certo então acordamos.

Não está tudo certo.

Logo, não acordamos.

Modus Tollens?

# Falácia da negação do antecedente.

Qualquer inferência com essa estrutura lógica é inválida.

(P1)  $C \rightarrow A$ 

(P2) ~C

(C)  $\therefore \sim A$ 

<u>C</u>	A	$\mathbf{C} \rightarrow \mathbf{A}$	~C	~A
V	V	V	F	F
V	F	F	F	V
F	V	V	V	F
F	F	V	V	V

A inferência não é válida, pois há uma linha cujas premissas são verdadeiras e a conclusão é falsa.

1. Viajei.

Estou feliz.

Logo, viajei e estou feliz.

2. Se viajar então fico feliz.

Viajei.

Logo, estou feliz.

3. Se viajar então fico feliz.

Não estou feliz.

Logo, não viajei.

4. Se viajar então fico feliz.

Estou feliz.

Logo, viajei.

5. Se viajar então fico feliz.

Não viajei.

Logo, não estou feliz.

- 1. Viajei. Estou feliz.
  - Logo, viajei e estou feliz.
- 2. Se viajar então fico feliz. Viajei.
  - Logo, estou feliz.
- 3. Se viajar então fico feliz.
  - Não estou feliz.
  - Logo, não viajei.
- 4. Se viajar então fico feliz. Estou feliz.
  - Logo, viajei.
- 5. Se viajar então fico feliz. Não viajei.
  - Logo, não estou feliz.

- $\therefore \mathbf{V} \wedge \mathbf{F}$
- $\mathbf{V} \to \mathbf{F}$
- Modus Ponens : F
  - $V \rightarrow F$
- Modus Tollens : ~V
- $V \rightarrow F$ Falácia da
- afirmação do consequente
  - Falácia da ~V negação do antecedente : ~F
- $V \rightarrow F$

6. Estudo ou trabalho hoje.

Não vou trabalhar hoje.

Logo, eu vou estudar hoje.

7. Se encontramos carbono então há vida.

Não foi registrada vida neste planeta.

Mesmo assim, foi encontrado carbono no planeta.

8. Se repousar fico mais disposto.

Se estiver mais disposto me recupero logo.

Logo, se repousar eu me recupero logo.

9. Se sabes programar e negociar então contratamos.

Quem sabe programar sabe negociar.

Logo, se aprender programar, serei contratado.

Considerando as mesmas premissas...

Logo, se aprender negociar, serei contratado.

- 6. Estudo ou trabalho hoje. Não vou trabalhar hoje.
  - Logo, eu vou estudar hoje.
- 7. Se encontramos carbono então há vida.Não foi registrada vida neste planeta.Mesmo assim, foi encontrado carbono no planeta.
- 8. Se repousar fico mais disposto. Se estiver mais disposto me recupero logo. Logo, se repousar eu me recupero logo.
- 9. Se sabes programar e negociar então contratamos. Quem sabe programar sabe negociar. Logo, se aprender programar, serei contratado.

Considerando as mesmas premissas...

Logo, se aprender negociar, serei contratado.

 $\mathbf{E} \vee \mathbf{T}$ 

**-T** 

∴ **E** 

 $\mathbf{C} \to \mathbf{V}$ 

~V

∴ **C** 

 $R \rightarrow D$ 

 $\mathbf{D} \to \mathbf{S}$ 

 $\therefore \mathbf{R} \to \mathbf{S}$ 

 $(P \land N) \rightarrow C$ 

 $P \rightarrow N$ 

 $: \mathbf{P} \to \mathbf{C}$ 

 $: \mathbf{N} \to \mathbf{C}$ 

### Analisar a inferência e apresentar um argumento:

$$(P \rightarrow Q) \lor R$$
 $R \land \sim S$ 
 $\sim P$ 
∴  $\sim Q$ 

### Analisar a inferência e apresentar um argumento:

$$\begin{array}{l} (P \to Q) \lor R \\ R \land \sim S \\ \sim P \\ \therefore \sim Q \end{array}$$

$$\text{invalid}$$

#### 1ª Premissa:

Se <u>(P) tiver investimento</u> então vou <u>(Q) abrir um negócio</u>, ou eu vou <u>(R) fazer intercâmbio</u>.

#### 2ª Premissa:

Pretendo (R) fazer intercâmbio e não (S) trabalhar.

#### 3ª Premissa:

Não consegui (P) ter investimento.

#### Conclusão:

Logo, não vou (Q) abrir um negócio.

P	Q	R	S	$(P \to Q) \lor R \mid R \land \sim S \mid \sim P$	~ <b>Q</b>
V	V	V	V	$_{1} \qquad (V) \mathbf{V} (V) (V) \mathbf{F} (F) \mathbf{F}$	F
V	V	V	F	$_{2}$ $(V)V(V)(V)V(V)$	F
V	V	F	V	$3 \qquad (V) \mathbf{V}(F) (F) \mathbf{F}(F) \mathbf{F}$	F
- <u>V</u>	V	F	F	$4 \qquad (V) \mathbf{V}(F) (F) \mathbf{F}(V) \mathbf{F}$	F
V	F	V	V	$_{5}$ (F) $\mathbf{V}$ (V)(V) $\mathbf{F}$ (F) $\mathbf{F}$	V
V	F	V	F	6 $(F)\mathbf{V}(V)(V)\mathbf{V}(V)$	V
V	F	F	V	7 (F) <b>F</b> (F) (F) <b>F</b> (F) <b>F</b>	V
$\nabla$	F	F	F	8 $(F)$ $\mathbf{F}$ $(F)$ $(F)$ $\mathbf{F}$ $(V)$	V
F	V	V	V	9 $(V)V(V)(V)F(F)V$	F
F	V	V	F	10 $(\nabla) \mathbf{V} (\nabla) (\nabla) \mathbf{V} (\nabla) \mathbf{V}$	F
F	$\bigvee$	F	V	$(V)$ $\mathbf{V}$ $(F)$ $(F)$ $\mathbf{F}$ $(F)$ $\mathbf{V}$	F
F	$\bigvee$	F	F	$(V) \mathbf{V}(F) (F) \mathbf{F}(V) \mathbf{V}$	F
F	F	V	V	13 $(V)V(V)(V)F(F)V$	V
F	F	V	F	14 $(V)V(V)(V)V(V)$	V
F	F	F	V	15 $(V)V(F)(F)F(F)V$	V
_F	F	F	F	16 $(V)V(F)(F)F(V)V$	V

### **Desafio**

Um advogado, na argumentação em defesa do seu cliente, afirmou o seguinte:

"Todos sabem que alguém é culpado se, e somente se, o acusado estiver no local do crime ou estiver com a arma do crime. Consta nos autos que o acusado estava no local do crime, mas também consta que o acusado não portava a arma do crime. Logo, neste caso, o acusado não pode ser culpado pelo crime."

O juiz deve considerar o argumento do advogado válido?

#### **Desafio**

Premissas: (P1) É culpado se e somente se estiver no local ou com a arma.

(P2) O acusado estava no local do crime, mas não com a arma.

Conclusão: (C) O acusado não é culpado.

Formulações: (P1)  $C \leftrightarrow (L \lor A)$ 

(P2)  $L \wedge \sim A$ 

(C) ∴ ~C

O juiz não deve considerar o argumento como válido para a conclusão apresentada.

$\mathbf{L}$	A	$ \mathbf{C} $	$^{(P1)}C \leftrightarrow (L \lor A)$	$^{\text{(P2)}}L \land \sim A$	(C) ~C
V	V	V	<b>∨</b> (∨) (∨)	<b>F</b> (V) (F)	F
V	V	F	<b>F</b> (F) (V)	<b>F</b> (V) (F)	V
V	F	V	$oldsymbol{V}$ ( $oldsymbol{ee}$ ) ( $oldsymbol{ee}$ )	<b>V</b> (V) (V)	F
V	F	F	<b>F</b> (F) (V)	<b>∨</b> (∨) (∨)	V
F	V	V	$\mathbf{V}$ ( $\vee$ ) ( $\vee$ )	<b>F</b> (F) (F)	F
F	V	F	<b>F</b> (F) (V)	<b>F</b> (F) (F)	V
F	F	V	<b>F</b> (V)(F)	F (F) (V)	F
_F	F	F	<b>V</b> (F) (F)	<b>F</b> (F) (V)	V

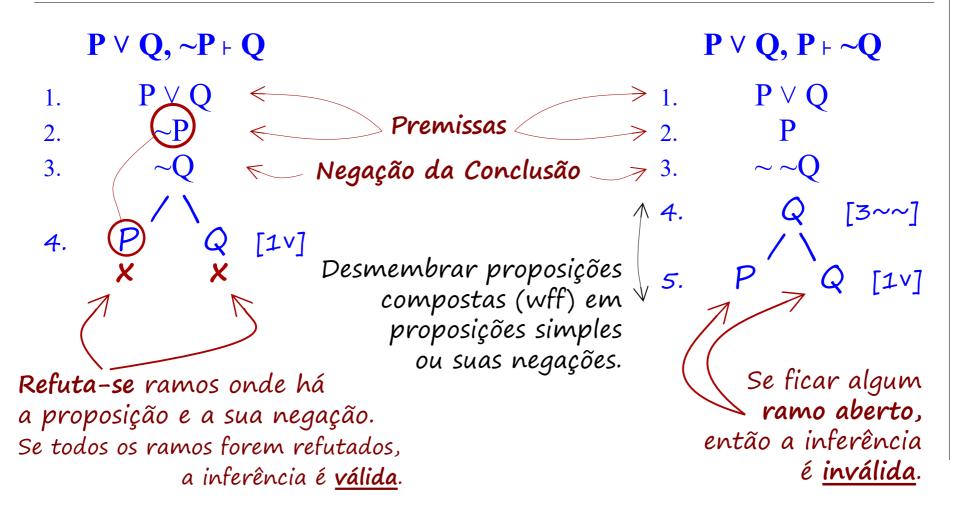
A inferência, é inválida.

# Demonstração de Inferências

#### Sistema **Decidível**

# Árvore de Refutação

Algoritmo eficaz (em relação a tabelas-verdade) para determinar se os argumentos expressos em um sistema formal são válidos.



# Demonstração de Inferências

## Arvore de Refutação

#### Disjunção

#### Disjunção Negada

#### Refutação

#### Conjunção

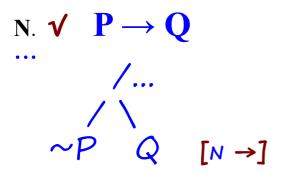
#### Conjunção Negada

### Negação Negada

# Demonstração de Inferências

### Árvore de Refutação

#### **Condicional**



#### **Condicional Negado**

N. 
$$\sqrt{P \rightarrow Q}$$

...

P

[N  $\sim \rightarrow$ ]

 $\sim Q$ 

[N  $\sim \rightarrow$ ]

#### **Bicondicional**

N. 
$$\checkmark$$
  $P \leftrightarrow Q$ 
...

/...

P  $\sim P$   $[N \leftrightarrow]$ 

Q  $\sim Q$   $[N \leftrightarrow]$ 

#### **Bicondicional Negado**

$$\begin{array}{cccc}
N. & \checkmark & \sim (P \leftrightarrow Q) \\
& & & \\
& & / \dots \\
& & / & \\
& & P & \sim P & [N \sim \leftrightarrow] \\
& \sim Q & Q & [N \sim \leftrightarrow]
\end{array}$$

### Dúvida



O hotel disponibiliza um cofre no apartamento para a guarda de objetos de valores.

O hotel não se responsabiliza por objeto de valores não deixados no cofre.

Se os objetos forem deixados no cofre, o hotel se responsabiliza?