Trabalho 2 Segurança Computacional

1st Eduardo Ferreira Marques Cavalcante - T02 - 202006368

**Departamento de ciência da computação

**Universidade de Brasília*

**Brasília, Brasil*

202006368@aluno.unb.br

2nd Pedro Rodrigues Diógenes Macedo - T01 - 211042739

Departamento de ciência da computação)

Universidade de Brasília

Brasília, Brasil

211042739@aluno.unb.br

I. Introdução

Neste trabalho, exploramos a cifra de bloco AES e o modo de operação CTR, dois componentes fundamentais em criptografia. A cifra AES é conhecida por sua robustez e versatilidade, sendo aplicada em diversos tipos de arquivos. Implementaremos tanto a cifração quanto a decifração, com a capacidade de ajustar o número de rodadas e a expansão da chave. Além disso, abordaremos o modo de operação CTR. Os testes incluem a cifração e decifração de um arquivo txt, validando nossa implementação e enfatizando a importância da criptografia na segurança da informação.

O AES (*Advanced Encryption Standard*) é um algoritmo amplamente usado para criptografar informações sensíveis, operando em blocos de 128 bits para as chaves. O modo de operação CTR (*Counter Mode*) é uma técnica que transforma o AES em uma cifra de fluxo, usando um contador para criar uma sequência de valores que são combinados com os dados a serem criptografados, oferecendo eficácia e segurança em criptografia.

O trabalho foi realizado utilizando a linguagem de programação Python com as bibliotecas padrões. A implementação pode ser encontrada em [1]

II. METODOLOGIA

A. Expansão de chave

Como dito anteriormente, a primeira parte do trabalho se caracteriza pela expansão da chave de 16 bytes(caracterizado como um bloco de 128 bits), assim, precisamos fazer operações em cima da chave, a qual definimos como um inteiro na base hexadecimal gerado de forma aleatória.

Para a expansão de chave, criamos as seguintes operações, definidas como funções em nosso código na seção aes.key_expansion.py.

- K: Retorna 4 bytes da chave original, dado um certo offset. Se for 0, retorna os bytes 0,1,2,3.
- EK: K: Retorna 4 bytes da chave expandida, dado um certo offset. Se for 0, retorna os bytes 0,1,2,3.
- RotWord: Shift circular em cima dos bytes. Ex: 1,2,3,4 se torna 2,3,4,1
- SubWord: Cada bytes é substituído pelo seu valor correspondente na tabela SBOX, assim HEX 19 se tornaria HEX D4:

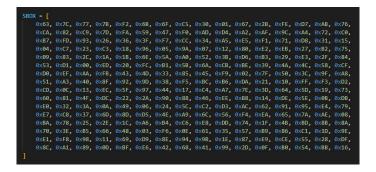


Figura 1. SBOX: tabela de substituição.

 Rcon: Baseado na rodada, a função retorna um valor baseado na seguinte tabela, com o cálculo do índice, ou seja, de qual posição pegar sendo a seguinte:

$$indice = ((R/(S/4)) - 1)$$
 (1)

- R: Número da rodada
- S: Tamanho da chave, sempre de tamanho 16 bytes(128 bits)

```
Rcon(0)
            = 01000000
Rcon(1)
            = 02000000
Rcon(2)
            = 04000000
Rcon(3)
            = 08000000
            = 10000000
Rcon(4)
Rcon(5)
            = 20000000
Rcon(6)
            = 40000000
            = 80000000
Rcon(7)
Rcon(8)
            = 1B000000
Rcon(9)
            = 36000000
Rcon (10)
            = 60000000
Rcon (11)
            = D8000000
Rcon (12)
            = AB000000
            = 4D000000
Rcon (13)
Rcon (14)
            = 9A000000
```

Figura 2. Rcon: fonte: [2].

Assim se R = 4, índice = 0, com o valor retornado sendo 0x01000000.

Lembrando que sempre lidamos com chaves no formato hexadecimal, gerando um inteiro aleatório de tamanho 16 bytes ou recendo um input de usuário para um chave que deve ter 16 bytes de tamanho, a qual é posteriormente transformada para seu inteiro hexadecimal.

Assim, a expansão é caracterizada por rodadas que se utilizam das funções acima para criar as sub-chaves e que consequentemente se tornaram as chaves de cifração. Como as chaves são de tamanho 16 bytes, 44 rodadas de expansão serão realizadas, de acordo com a seguinte tabela:

16 byte Key Expansion

Each round (except rounds 0, 1, 2 and 3) will take the result of the previous round and produce a 4 byte result for the current round. Notice the first 4 rounds simply copy the total of 16 bytes of the key

| Round | Expanded Key Bytes | | | | Function |
|----------|-----------------------|-------|-------|---|---|
| 0 | 0 : | 1 | 2 | 3 | K (0) |
| 1 | 4 ! | 5 | 6 | 7 | K(4) |
| 2 | 8 ! | 9 | 10 | 11 | K(8) |
| 3 | 12 | 13 | 14 | 15 | K (12) |
| 4 | 16 | 17 | 18 | 19 | Sub Word(Rot Word(EK((4-1)*4))) XOR Rcon((4/4)-1) XOR EK((4-4)*4) |
| 5 | 20 2 | | 22 | | EK ((5-1)*4)XOR EK ((5-4)*4) |
| 6 | 24 2 | | 26 | 1996 | EK ((6-1)*4)XOR EK ((6-4)*4) |
| 7 | 28 2 | | 30 | 31 | EK ((7-1)*4)XOR EK ((7-4)*4) |
| 8 | 32 | | 34 | | Sub Word(Rot Word(EK((8-4)*4))) XOR Rcon((8/4)-1) XOR EK((8-4)*4) |
| 9 | 36 | | | 39 | EK((8-1)*4)XOR EK((9-4)*4) |
| 10 | 40 | | | | EK ((10-1)*4)XOR EK ((10-4)*4) |
| 11 | 44 | | | | EK ((11-1)*4)XOR EK ((11-4)*4) |
| 12 | 48 | | | | Sub Word(Rot Word(EK((12-4)*4))) XOR Rcon((12/4)-1) XOR EK((12-4)*4) |
| 13 | 1000 | 53 | 54 | 55 | EK ((13-1)*4)XOR EK ((13-4)*4) |
| 14 | 56 | | | | EK((14-1)*4)XOR EK((14-4)*4) |
| 15 | | 61 | 62 | | EK((15-1)*4)XOR EK((15-4)*4) |
| 16 | 64 (| | 66 | | Sub Word(Rot Word(EK((16-4)*4))) XOR Rcon((16/4)-1) XOR EK((16-4)*4) |
| 17 | 68 | | 70 | | EK((17-1)*4)XOR EK((17-4)*4) |
| 18 | | | 74 | 75 79 | EK((18-1)*4)XOR EK((18-4)*4) |
| 19 | - 11-11-11 | | 200 | | EK((19-1)*4) XOR EK((19-4)*4) |
| 20 | 80 8 | | 82 | 83 | Sub Word(Rot Word(EK((20-4)*4))) XOR Rcon((20/4)-1) XOR EK((20-4)*4) |
| 21 | 84 8 | | | 25/20 | EK((21-1)*4)XOR EK((21-4)*4) EK((22-1)*4)XOR EK((22-4)*4) |
| 22 | | | 94 | | EK ((23-1)*4)XOR EK ((23-4)*4) |
| 23 | | | | 99 | Sub Word(Rot Word(EK((24-4)*4))) XOR Rcon((24/4)-1) XOR EK((24-4)*4) |
| 24 | 100 | | | | EK((25-1)*4)XOR EK((25-4)*4) |
| 25 26 | 100 | | | | EK((26-1)*4)XOR EK((26-4)*4) |
| 27 | 108 | | | | EK((27-1)*4)XOR EK((27-4)*4) |
| 28 | 112 | | | | Sub Word(Rot Word(EK((28-4)*4))) XOR Rcon((28/4)-1) XOR EK((28-4)*4) |
| 29 | 116 | | | | EK((29-1)*4) XOR EK((29-4)*4) |
| 30 | 120 | | | | EK((30-1)*4) XOR EK((30-4)*4) |
| 31 | 124 | | 0.000 | | EK ((31-1)*4) XOR EK ((31-4)*4) |
| 32 | 128 | | | | Sub Word(Rot Word(EK((32-4)*4))) XOR Rcon((32/4)-1) XOR EK((32-4)*4) |
| 33 | 132 | | | | EK ((33-1)*4) XOR EK ((33-4)*4) |
| 34 | 136 | | | | EK ((34-1)*4) XOR EK ((34-4)*4) |
| 35 | 140 | 17757 | | | EK ((35-1)*4) XOR EK ((35-4)*4) |
| 36 | 144 | | | | Sub Word (Rot Word (EK ((36-4)*4))) XOR Rcon ((36/4)-1) XOR EK ((36-4)*4) |
| 37 | 148 | | | A 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 | EK ((37-1)*4)XOR EK ((37-4)*4) |
| 38 | 152 | | | | EK ((38-1)*4)XOR EK ((38-4)*4) |
| 39 | 156 | | | | EK ((39-1)*4)XOR EK ((39-4)*4) |
| 40 | 160 | 161 | 162 | 163 | Sub Word(Rot Word(EK((40-4)*4))) XOR Rcon((40/4)-1) XOR EK((40-4)*4) |
| 41 | 164 | 165 | 166 | 167 | EK((41-1)*4)XOR EK((41-4)*4) |
| 42 | 168 | 169 | 170 | 171 | EK((42-1)*4)XOR EK((42-4)*4) |
| 43 | 172 | 173 | 174 | 175 | EK((43-1)*4)XOR EK((43-4)*4) |

Figura 3. Rotina para cada rodada da expansão: fonte: [2].

Assim é criada uma chave expandida para o tamanho de 176 bytes, gerando 11 sub-chaves, com a primeira sempre sendo igual aos 16 bytes da primeira chave original. Cada sub-chave será utilizada posteriormente para a cifração da mensagem por blocos (16 bytes). Essa rotina se traduz para o seguinte snippet de código:

```
expand_key_int(KeySize: int, key_original: int):
expanded_key = []
def K(offset: int): return key_original[ offset ]
def EK(offset: int): return expanded_key[ offset//4 ]
#returns a 4 byte value based on the RCON table
def Rcon(round: int):
    i = int(( round/(KeySize/4) ) -1)
   return RCON[i]
def RotWord(word: bytes): return (((word << 8) | ((word >> 24) & 0xFF)) & 0xFFFFFFFF)
def SubWord(word: int):
    aux = 0
    for j in range(4):
       aux = aux + (SBOX[(word & (0xFF << 8*j)) >> 8*j] << 8*j)</pre>
    expanded_key.append(K(0))
    expanded_key.append(K(1))
    expanded_key.append(K(2))
    expanded_key.append(K(3))
    for index in range(4, 44):
        if index % 4 == 0:
            a = SubWord(RotWord(EK((index-1)*4)))
            b = Rcon(index)
            c = EK((index-4)*4)
            expanded_key.append(x ^ c)
             \label{eq:expanded_key.append} $$\operatorname{expanded_key.append}(((EK((index-1)*4) ^ EK((index-4)*4))))$$
    return expanded key
```

Figura 4. Expansão de chave com chave hexadecimal de 16 bytes.

B. Bloco AES

O bloco AES foi implementado para cifrar blocos de 16 bytes, ou seja, a cada 16 bytes dos dados que serão cifrados/decifrados será realizado as operações que serão descritas a seguir. Para isso, foram implementadas as 4 funções básicas dessa cifração:

- · add round key
- byte sub
- shift row
- · mix column

Cada uma dessas funções são chamadas em uma ordem específica e que depende, como já foi visto, da quantidade de rodadas que será cifrado os dados. Essa ordem segue conforme a figura a seguir:

| Round | Function |
|-------|---|
| _ | Add Round Key(State) |
| 0 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 1 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 2 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 3 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 4 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 5 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 6 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 7 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 8 | Add Round Key(Mix Column(Shift Row(Byte Sub(State)))) |
| 9 | Add Round Key(Shift Row(Byte Sub(State))) |

Figura 5. Ordem de chamada das funções na cifração

| Round | Function | | | | | | | |
|-------|---|--|--|--|--|--|--|--|
| _ | Add Round Key(State) | | | | | | | |
| 0 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) | | | | | | | |
| 1 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) | | | | | | | |
| 2 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) | | | | | | | |

| 3 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) |
|---|---|
| 4 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) |
| 5 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) |
| 6 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) |
| 7 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) |
| 8 | Mix Column (Add Round Key (Byte Sub (Shift Row (State)))) |
| 9 | Add Round Key(Byte Sub(Shift Row(State))) |

Figura 6. Ordem de chamada das funções na decifração

Como pode ver, independente de quantas rodadas serão feitas, sempre será realizado um add round key com a primeira chave gerada da expansão. As demais seguem a mesma ordem, tirando a última, que não é feito o mix column.

A função AES mostra como foi implementado o bloco cifrador/decifrador AES:

```
def aes(block, sub_keys: list[int], rounds: int):
    #rodada 0
    state = add_round_key(block, sub_keys[0:4])

for round in range(rounds):
    if round + 1 < rounds:
        state = enc_block_round(state, sub_keys[(4*round + 4): (4*round + 8)])
    else:
        #última rodada
        state = add_round_key(shift_row(byte_sub(state)),sub_keys[(4*round + 4): (4*round + 8)])

return state</pre>
```

Figura 7. Cifrador AES

```
def dec_aes(block , sub_keys: list[int], rounds: int):
    dec_sub_keys = []

for i in range(rounds + 1):
        dec_sub_keys = sub_keys[4*i: (4*i + 4)] + dec_sub_keys

#rodada 0

state = add_round_key(block, dec_sub_keys[0:4])

for round in range(rounds):
    if round + 1 < rounds:
        state = dec_block_round(state, dec_sub_keys[(4*round + 4): (4*round + 8)])
    else:
        #última rodada
        state = add_round_key(dec_byte_sub(dec_shift_row(state)),dec_sub_keys[(4*round + 4): (4*round + 8)])

return state</pre>
```

Figura 8. Decifrador AES

Na função add round key é feito um xor do bloco com uma das chaves.

Na função byte sub é feito a substituição de cada um dos bytes do bloco pelo byte respectivo na tabela S BOX (figura4). Na função shift row os bytes do bloco são organizados em uma matriz 4x4, sendo preenchidas coluna por coluna. Logo após isso, as linhas da matriz são deslocadas.

Na função mix column os bytes do bloco são organizados novamente em uma matriz, conforme na função shift row. Após isso, há uma multiplicação dessa matriz por uma matriz que é constante. Essa multiplicação de matriz é similar a uma multiplicação de matriz normal, porém onde seria soma é feito a operação xor, e onde seria feito uma multiplicação, é feito uma multiplicação de campo de Galois.

Essa multiplicação é feita da seguinte forma, cada um dos elementos que estão sendo multiplicados são substituídos numa tabela constante L. Com os bytes substituídos, são então somados um com o outro. Caso fique mais que 0xFF, o resultado então é subtraído por 0xFF. Com esse resultado é então substituído em uma outra tabela constante E.

Todas essas funções foram implementadas das seguintes formas:

```
def add_round_key(state: list[int], round_key: list[int]):
    new state = []
    for i in range(4):
        new_state.append(state[i] ^ round_key[i])
    return new_state
def byte_sub(state: list[int]):
    new_state = []
    for i in range(4):
        aux = 0
        for j in range(4):
            aux = aux + (SBOX[(state[i] & (0xFF << 8*j)) >> 8*j] << 8*j)</pre>
        new_state.append(aux)
    return new_state
def shift_row(state: list[int]):
    state_matrix = utils.gen_matriz(state)
    state_matrix[1] = state_matrix[1][1:] + [state_matrix[1][0]]
    state_matrix[2] = state_matrix[2][2:] + state_matrix[2][0:2]
    state_matrix[3] = [state_matrix[3][3]] + state_matrix[3][0:3]
    return utils.reverse_gen_matriz(state_matrix)
```

Figura 9. Funções add round, byte sub e shift row

Figura 10. Função mix column

```
def mul_galois(h: int, i: int):
    if(i == 1):
        return h
    if(h == 1):
        return i
    if(h == 0 or i == 0):
        return 0
    else:
        aux = L_TABLE[h] + L_TABLE[i]
        if aux > 0xFF:
            aux = aux - 0xFF
```

Figura 11. Função multiplicação de campo de Galois

C. Modo CTR

Esse modo, diferentemente dos outros modos de operação não cifra os dados que serão cifrados pelo bloco AES. Ao invés disso, é passado um vetor de 16 bytes pelo qual será cifrado no bloco cifrador com as chaves da expansão. O resultado dessa cifração é então combinada com o bloco que será cifrado por meio da operação xor. No próximo bloco de 16 bytes que será cifrado, esse vetor é então incrementado e é refeito os passos anteriores.

Isso pode ser visto melhor na figura a seguir:

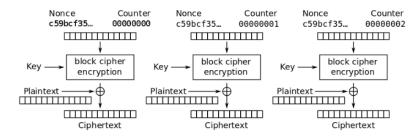


Figura 12. Esquema do modo de operação CTR

Esse modo foi implementado da seguinte forma:

```
ctr(nomeArquivo, key, rounds, iv, mode):
bytes result = b
counter = int.from_bytes(iv, 'big')
sub_keys = expansion.expand_key_int(16, key)
blocks_16bytes = utils.prepare_mensage_ctr(nomeArquivo, mode)
for i in range(0, len(blocks_16bytes)):
    aux = aes(block_counter, sub_keys, rounds)
        key_stream = key_stream + aux[j].to_bytes(4, 'big')
    bytes_result = bytes_result + (int.from_bytes(blocks_16bytes[i], 'big') ^
                                    int.from bytes(key stream, 'big')).to bytes(16, 'big')
    counter += 1
if mode == "cif":
       a.write(bytes_result)
    bytes_added = bytes_result[len(bytes_result) - 1]
    bytes_result = bytes_result[0:len(bytes_result) - bytes_added]
    print(bytes_added)
        a.write(bytes_result)
return bytes_result
```

Figura 13. Função CTR

III. CONCLUSÕES

Nesse trabalho podemos aprender mais afundo sobre a implementação do bloco cifrador e decifrador AES como também o modo de operação CTR. Percebemos como que essas estratégias são consideradas seguras e porque que são muito utilizadas atualmente. Além disso, é válido ressaltar as dificuldades que tivemos em fazer essa implementação, como a manipulação de tipos entre string e bytes e também a cifração de dados de arquivo, que infelizmente acabamos não conseguindo cifrar um arquivo de imagem para ter uma visualização melhor do impacto da cifra.

REFERÊNCIAS

- [1] E. Ferreira, R. Pedro, "Projeto 2 de Segurança Computacional 2023.2," GitHub, Oct. 30, 2023. https://github.com/EduardoFMC/SC-AES/tree/main
- [2] A. Berent, "AES (Advanced Encryption Standard) Simplified", https://www.ime.usp.br/~rt/cranalysis/AESSimplified