



$d_0 \ d_1 / d_2 \ d_3 \ d_4 \ d_5 \ d_6 \ d_7 \ d_8$

Nome: \_\_\_\_\_ Matrícula: /

## Prova 1

**(5.0) 1)** Dada a série de McLamar definida recursivamente para  $n \geq 0$  por:

$$\text{McLamar}(n) = \text{McLamar}(n-1) - \text{McLamar}(n-2) / 4$$

onde  $\text{McLamar}(0)=0$  e  $\text{McLamar}(1)=1$

**(2.5)a)** Implemente um procedimento que calcule recursivamente o  $n$ -ésimo termo da Série de McLamar em ponto flutuante precisão simples IEEE754: `float McLamar( int n )`

**(0.5)b)** Qual o maior valor  $n$  calculável pelo procedimento implementado em a)?

**(2.0)c)** Usando aritmética fracionária de ponto fixo nos registradores principais da CPU MIPS (sem usar o Co-processador 1), implemente o procedimento `int McLamar( int n )` de forma não recursiva, sabendo que não existe uma instrução de divisão em ponto fixo na ISA MIPS.

**(4.0) 2)** A aritmética computacional deu um grande passo com o desenvolvimento da representação em ponto flutuante. No entanto, para realizar a divisão de dois números em ponto flutuante é necessária a realização de uma operação de subtração e uma operação de divisão em ponto fixo.

**(0.5)a)** Realize a operação  $0x41d710000 / 0x411d80000$  e apresente o resultado em hexadecimal e decimal.

**(1.0)b)** Realize manualmente (mostrando todos os passos) a operação utilizando aritmética binária em 32 bits ponto fixo Q15 sinal e magnitude:  $(d_6d_7+2.25) / (d_8+1.5)$  até a 4 casa binária

Dica: Lembre-se do algoritmo aprendido no jardim da infância para dividir números com casas decimais.

**(2.5)c)** A mantissa positiva de um número em notação científica pode ser armazenada em ponto fixo Q31 e um registrador da CPU MIPS. Escreva o código do seguinte procedimento em Assembly MIPS

`int divq(int a, int b) ;`

que realiza a divisão em ponto fixo da mantissa positiva em `a` (`$a0`) pela mantissa positiva em `b` (`$a1`) e retorne o resultando no registrador `$v0`.

**(2.0) 3)** A arquitetura x86 possui instruções bastante poderosas inexistente na arquitetura MIPS.

`cbwr $t0, $s0, $s1   #Copy Block Word Register– Instrução MIPS Tipo-R`

Esta instrução copia um bloco de dados de tamanho `$s1` words, do endereço inicial da memória apontado pelo registrador `$s0`, para o endereço inicial da memória apontada pelo registrador `$t0`. Você como programador de um montador MIPS, dada esta pseudo-instrução, escreva o código real a ser usado em seu lugar no programa.

**(1.0) 4)** Duas máquinas, A e B, rodam um programa P1 em  $t_A$  e  $t_B$  segundos respectivamente. Duplicando o número de linhas de P1, a máquina A necessita 20% a mais de tempo para executá-lo. A máquina A possui um CPI médio de 2,5 e a máquina B é um processador uniciclo. Sabendo a frequência da máquina B é o dobro da máquina A, qual será o incremento do tempo de execução do programa P1 na máquina B se o seu número de linhas for triplicado?

**BOA SORTE!**

OAC - A

1ª Prova  
Gabarito

2011/1

1) a) Listagem em Anexo

b) Como  $\lim_{n \rightarrow \infty} McLanar(n) = 0.0$  converge

idealmente:  $n = \infty$  Porém  $n$  é int, 32 bits  
Logo maior  $n = 2^{32} - 1 = 2147483647$  4 em sinal!

c) Listagem em Anexo

Porto Fixo:  $McLanar(n) \leq 1$  Logo

Q31 Representa:  $-1$  a  $0.9999...$

não representa o  $1.00$

Logo: Q30 que Representa:

$-2^1$  a  $2^1 - 2^{30}$   $-2$  a  $1.999999...$

$1.0 \Rightarrow 0x40000000 = 01.0000000000000000000000000000$

Divisão em Porto Fixo por potencia de 2 SRA

Shift Right Arithmetic

21

$$a) \frac{0x41510000}{0x41160000} = \frac{130625}{9.375} = 1,393333333$$

$$= 0x3FB258BF$$

b) 015:

$$A = (45 + 2,25) = 47,25 = 101111.01$$

$$B = (6 + 1,5) = 7,5 \quad \text{zu } 111,7$$

$$101111.01 \quad \underline{111.1} = 6,3$$

$$\begin{array}{r}
 1011110,1 \text{ L } 1111 \\
 - 1111' \quad ' \quad 110,0.1001 = 6,25 \\
 \hline
 10001 \\
 1111 \\
 \hline
 0010010 \\
 1111 \\
 \hline
 00011000 \\
 1111 \\
 \hline
 \end{array}$$

c) 1.3 tagem em Arelco

mantissa positiva:  $\pm 1,0111 \dots \times 2$

$1.5 = \frac{1,100}{1,010} = \frac{1100}{1010} \frac{1010}{1001} \dots$   
 $\frac{0010000}{11010} \rightarrow N=NT+1 \text{ Bits!}$   
 ↳ coupon overflow!

1/ Não ocorre  $\rightarrow$  aumenta a faixa dinâmica!



addi \$SP, \$P, -12

sw \$t0, 0(\$SP) # salva valores

sw \$S0, 4(\$SP) ORIGINAL

sw \$S1, 8(\$SP)

addi \$S1, \$S1, -1

LOOP: slt \$at, \$S1, \$ZERO

bne \$at, \$ZERO, FIM

lw \$at, 0(\$S0)

sw \$at, 0(\$t0)

addi \$S0, \$S0, 4

addi \$t0, \$t0, 4

addi \$S1, \$S1, -1

j LOOP

FIM: lw \$t0, 0(\$SP)

lw \$S0, 4(\$SP)

lw \$S1, 8(\$SP)

addi \$SP, \$SP, 12

→ não tem jktra, ✓

4) O nº de Linhas que um Programa Possui não interfere no tempo de execução:

$$t = I \times CPI \times T$$

↳ período de clock  
↳ ciclos por instrução  
↳ nº instruções executadas

Não é possível definir quantas instruções são executadas dado o tamanho em bytes do Programa.

```
1: .data
2: ZERO:      .float 0
3: UM:        .float 1
4: QUATRO:    .float 4
5:
6: .text
7:
8: main:
9:  li $a0,5
10:    jal McLamar
11:
12:    li $v0,10
13:    syscall
14:
15:
16: McLamar:      # $f0 = McLamar($a0)
17:
18:    addi $sp,$sp,-12    # libera espaço na pilha
19:    sw $ra,0($sp)      # empilha $ra
20:    sw $s0,4($sp)      # empilha registrador salvo $s0
21:    swcl $f1,8($sp)    # empilha registrador salvo $f1
22:
23:    add $s0,$a0,$zero   # s0=n
24:
25:    addi $t1,$zero,1
26:    beq $s0,$zero,FIM0  # McLamar(0)=0.0
27:    beq $s0,$t1,FIM1   # McLamar(1)=1.0
28:
29:    addi $a0,$s0,-1     # $a0=n-1
30:
31:    jal McLamar        # $f0=McLamar(n-1)
32:
33:    mov.s $f1,$f0      # $f0 é o registrador de retorno (como se fosse $v0)
34:
35:    addi $a0,$s0,-2     # a0=n-2
36:
37:    jal McLamar        #v0=McLamar(n-2)
38:
39:    l.s $f12,QUATRO
40:    div.s $f0,$f0,$f12  # McLamar(n-2)/4
41:    sub.s $f0,$f1,$f0   # f0 = McLamar(n-1) - McLamar(n-2)/4
42:
43: SAIDA:  lw $ra,0($sp)   # desempilha
44:    lw $s0,4($sp)
45:    lwcl $f1,8($sp)
46:    addi $sp,$sp,12
47:    jr $ra             # retorna
48:
49: FIM1:
50:    l.s $f0,UM
51:    j SAIDA
```

```
52: FIM0 :
53:    l.s $f0,ZERO
54:    j SAIDA
```

```
1: .data
2:
3: .text
4:
5: main:
6:  li $a0,36
7:  jal McLamar
8:  move $at,$v0  # para visualização de $v0
9:
10:     li $v0,10
11:     syscall
12:
13:
14: McLamar:          # $v0 = McLamar($a0)
15:     li $t0,1
16:     beq $a0,$zero,FIM0  # McLamar(0)=0
17:     beq $a0,$t0,FIM1    # McLamar(1)=1
18:
19:     li $v1,0x00000000
20:     li $v0,0x40000000
21:
22:     li $t1,2          # contador de n
23:
24: LOOP:  sra $t0,$v1,2      # McLamar(n-2)/4
25:     sub $t0,$v0,$t0      # McLamar(n)=McLamar(n-1)-McLamar(n-2)/4
26:
27:     move $v1,$v0
28:     move $v0,$t0
29:
30:     slt $t0,$t1,$a0
31:     beq $t0,$zero,SAIDA
32:
33:     addi $t1,$t1,1      #incrementa contador
34:     j LOOP
35:
36:
37: FIM0:  li $v0,0x00000000  # McLamar(0)=0.00
38:     jr $ra
39:
40: FIM1:  li $v0,0x40000000  # McLamar(1)=1.00
41: SAIDA: jr $ra
```

```
1: .data
2:
3: .text
4:
5: main:
6:  li $a0,0xC000000    # teste 1,5
7:  li $a1,0xA000000    #teste 1,25
8:  jal divq
9:  move $at,$v0    # para visualização de $v0
10:
11:     li $v0,10
12:     syscall
13:
14: divq:  move $t1,$zero    #contador recebe zero : repetir 32 vezes
15:     li $t0,32
16:     move $v0,$zero    #saida recebe zero
17:     srl $a0,$a0,1    # transforma em Q30 perdendo precisão e ganhando em faixa dinâm
18:     srl $a1,$a1,1
19:
20: LOOP:  beq $t1,$t0,FIM
21:
22:     sltu $t2,$a0,$a1    #se $a0>=$a1 $t2=1 else $t2=0
23:     xori $t2,$t2,1    #inverte bit menos significativo de $t2
24:
25:
26: PULA:  sll $v0,$v0,1    # desloca resultado
27:     or $v0,$v0,$t2    # seta o bit menos significativo
28:
29:     beq $t2,$zero,DESL    # se $t2 for 1
30:     subu $a0,$a0,$a1    # subtrai e desloca
31: DESL:  sll $a0,$a0,1    # só desloca $a0 para esquerda
32:
33:     addi $t1,$t1,1
34:     j LOOP
35:
36: FIM:   jr $ra
```