# Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України "Київський політехнічний інститут" Кафедра АСОІУ

### **3BIT**

про виконання комп'ютерного практикуму № 2 з дисципліни "Операційні системи"

<u>Прийняв:</u> Проф. Сімоненко В. П.

Виконав: студент 3-го курсу гр. ІП-52 ФІОТ Набоков Едуард Максимович

## 3MICT:

1.	ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ	3
2.	ОПИС АЛГОРИТМУ	4
3.	ОЦІНКА СКЛАДНОСТІ РОБОТИ	5
4.	ЛІСТИНГ ПРОГРАМИ	<i>6</i>
5.	ПРИКЛАД ВИКОНАННЯ ПРОГРАМИ	12

## 1. ПОСТАНОВКА ЗАДАЧІ

Завдання: Скласти програму реалізації угорського методу для неоднорідної обчислювальної системи з обмеженнями реального часу.

#### ОПИС АЛГОРИТМУ

#### 2.1. Загальний алгортим

2.

- 1. ПОКИ задач більше, ніж кількість процесорів:
  - а. Знайти дві задачі з найменшим необхідним часом виконання
  - b. Об'єднати їх в одну задачу
- 2. Обрахувати матрицю штрафів, які будуть начисленні, якщо задача *і* буде виконуватися на процесорі *j*.
- 3. В отриманій матриці замінити всі додатні елементи на 0.
- 4. В матриці з пунтку 4 замінити замінити всі значення на відповідні їм абсолютні (abs).
- 5. На отриманій матриці застосувати алгоритм Куна.

### 2.2. Алгоритм Куна:

- 1: **function** hungarian (matrix)
- 2: **for** i form 0 to height-1
- 3: **do** create in matrix new zero element
- 4: **while** new zero element creates collision
- 5: Find greatest match chain
- 6: Change marks along greatest match chain
- 7: **return** marked ellements

### 3. ОЦІНКА СКЛАДНОСТІ РОБОТИ

В даній програмі ми маємо два вкладених цикла розміру N (N – кількість процесорів в системі), причому операція "створити новий нульовий елемент" потребує оновлення допоміжних масивів і вимагає часу N. Разом час роботи алгоритму -  $O(N^3)$ .

Основна обчислювальна складність реалізації лежить в рядках 3 і 4: створювати нові нульові елементи потрібно так, щоб не "зіпсувати" вже отриманий незалежний набір, і так, щоб в результаті отримати чередуючийся ланцюжок.

#### ЛІСТИНГ ПРОГРАМИ

#### "Hungarian.h"

```
/* Realization from: http://acm.mipt.ru/twiki/bin/view/Algorithms/
HungarianAlgorithmCPP
 */
#pragma once
#include <vector>
#include <limits>
using namespace std;
typedef pair<int, int> PInt;
typedef vector<float> VFloat;
typedef vector<VFloat> VVFloat;
typedef vector<PInt> VPFloat;
const int inf = numeric limits<int>::max();
VPFloat hungarian(const VVFloat &matrix);
                                 "Hungarian.cpp"
#include "Hungarian.h"
VPFloat hungarian(const VVFloat &matrix) {
      // Размеры матрицы
      int height = matrix.size(), width = matrix[0].size();
      // Значения, вычитаемые из строк (u) и столбцов (v)
      VFloat u(height, 0), v(width, 0);
      // Индекс помеченной клетки в каждом столбце
      VFloat markIndices(width, -1);
      // Будем добавлять строки матрицы одну за другой
      for (int i = 0; i < height; i++) {</pre>
            VFloat links(width, -1);
            VFloat mins(width, inf);
            VFloat visited(width, 0);
             int markedI = i, markedJ = -1, j;
            while (markedI != -1) {
                   // Обновим информацию о минимумах в посещенных строках
непосещенных столбцов
                   // Заодно поместим в ј индекс непосещенного столбца с самым
маленьким из них
                   j = -1;
                   for (int j1 = 0; j1 < width; j1++)</pre>
                         if (!visited[j1]) {
                                if (matrix[markedI][j1] - u[markedI] - v[j1] <</pre>
mins[j1]) {
                                      mins[j1] = matrix[markedI][j1] - u[markedI]
- v[j1];
```

```
links[j1] = markedJ;
                                if (j == -1 || mins[j1] < mins[j])</pre>
                                      j = j1;
                         }
                                      int delta = mins[j];
                   for (int j1 = 0; j1 < width; j1++)</pre>
                         if (visited[j1]) {
                                u[markIndices[j1]] += delta;
                                v[j1] -= delta;
                         }
                         else {
                                mins[j1] -= delta;
                         u[i] += delta;
                         // Если коллизия не разрешена – перейдем к следующей
итерации
                         visited[j] = 1;
                         markedJ = j;
                         markedI = markIndices[j];
            }
            // Пройдем по найденной чередующейся цепочке клеток, снимем отметки с
            // отмеченных клеток и поставим отметки на неотмеченные
            for (; links[j] != -1; j = links[j])
                   markIndices[j] = markIndices[links[j]];
            markIndices[j] = i;
      }
      // Вернем результат в естественной форме
      VPFloat result;
      for (int j = 0; j < width; j++)
             if (markIndices[j] != -1)
                   result.push back(PInt(markIndices[j], j));
      return result;
}
                                     "Utils h"
#pragma once
#include <random>
#include <algorithm>
#include <vector>
using namespace std;
struct tasks {
      // Constraints:
      // {timeOfExec} > 0
      // {taskEndTime} > 0
      float taskEndTime; // in terms of most powerful CPU
      float timeOfExec; // in terms of most powerful CPU
};
vector<unsigned short> generateCPUs(unsigned int numberOfCPUs);
vector<tasks> generateTasks(unsigned int numberOfTasks);
vector<vector<pair<unsigned int, tasks> > mergeTasks(vector<tasks>
tasksToMerge, unsigned int outputNumberOfTasks);
```

```
vector<vector<float>> generateScheduleMatrix(vector<vector<pair<unsigned int,</pre>
tasks> > > taskList, vector<float> CPUs);
float enumulateSchedulerWork(unsigned int numberOfTasks, unsigned int
numberOfCPUs);
// ----
vector<pair<unsigned int, tasks> > sortTasks(vector<pair<unsigned int, tasks> >
taskList);
vector<unsigned short> sortCPUs(vector<unsigned short> CPUs);
                                    "Utils.cpp"
#include "Utils.h"
#include "Hungarian.h"
#include <stdio.h>
bool tasks list predicate(pair<unsigned int, tasks>& x, pair<unsigned int,
tasks>& y) {
      if (x.second.timeOfExec < y.second.timeOfExec) {</pre>
            return true;
      }
      else {
            return false;
      }
}
float enumulateSchedulerWork(unsigned int numberOfTasks, unsigned int
numberOfCPUs) {
      vector<unsigned short> CPUs = generateCPUs(numberOfCPUs);
      CPUs = sortCPUs(CPUs);
      vector<float> relevantCPUs = vector<float>(CPUs.size());
      for (int i = 0, size = CPUs.size(); i < size; i++) {</pre>
            relevantCPUs[i] = CPUs[i] * 1. / CPUs[size - 1];
      }
      vector<tasks> task = generateTasks(numberOfTasks);
      vector<vector<pair<unsigned int, tasks> >> taskList = mergeTasks(task,
numberOfCPUs);
      printf("Generated CPUs:\n");
      for (int i = 0; i < numberOfCPUs; i++) {</pre>
            printf("Id: %d - Speed: %d MHz\n", i, CPUs[i]);
      printf("\nGenerated tasks:\n");
      float sum = 0;
      for (int i = 0; i < numberOfTasks; i++) {</pre>
            printf("Id: %d - Exec resources: %.3f MHz - Critical time: %.3f
MHz\n", i,
                   task[i].timeOfExec * CPUs[CPUs.size() - 1], task[i].taskEndTime
* CPUs[CPUs.size() - 1]);
            sum += task[i].timeOfExec * CPUs[CPUs.size() - 1];
      printf("Total tasks on %.3f MHz time\n", sum);
      vector<vector<float>> matrix = generateScheduleMatrix(taskList,
relevantCPUs);
      for (int i = 0, size_1 = matrix.size(); i < size_1; i++) {</pre>
             for (int z = i, size_2 = matrix[i].size(); z < size_2; z++) {</pre>
                   if (matrix[i][z] >= 0) {
                         matrix[i][z] = 0;
                   } else {
```

```
matrix[i][z] = -matrix[i][z];
                   }
                   matrix[z][i] = matrix[i][z];
             }
      }
      printf("\nExecution matrix:\n");
      for (int i = 0; i < numberOfCPUs; i++) {</pre>
             for (int z = 0; z < numberOfCPUs; z++) {</pre>
                   printf("%10.3f ", -matrix[i][z]);
            printf("\n");
      }
      vector<PInt> VPFloat = hungarian(matrix);
      float penalty = 0;
      matrix = generateScheduleMatrix(taskList, relevantCPUs);
      printf("\nResults matrix:\n");
      for (int i = 0; i < VPFloat.size(); i++) {</pre>
             for (int z = 0, size = taskList[VPFloat[i].first].size(); z < size;</pre>
z++) {
                   printf("Task %d to CPU %d\n", taskList[VPFloat[i].first]
[z].first, VPFloat[i].second);
                   penalty += matrix[VPFloat[i].first][VPFloat[i].second];
      }
      return -penalty;
}
vector<unsigned short> generateCPUs(unsigned int numberOfCPUs) {
      vector<unsigned short> CPUs = vector<unsigned short>(numberOfCPUs);
      for (int i = 0; i < numberOfCPUs; i++) {</pre>
            CPUs[i] = rand() % 30 + 5;
      }
      return CPUs;
}
vector<tasks> generateTasks(unsigned int numberOfTasks) {
      vector<tasks> task = vector<tasks>(numberOfTasks);
      for (int i = 0; i < numberOfTasks; i++) {</pre>
             task[i].timeOfExec = rand() * 1.0f / RAND_MAX * 30 + 0.1;
             task[i].taskEndTime = rand() * 1.0f / RAND_MAX * 30 +
task[i].timeOfExec;
      return task;
}
vector<vector<pair<unsigned int, tasks> > > mergeTasks(vector<tasks>
tasksToMerge, unsigned int outputNumberOfTasks) {
      vector<vector<pair<unsigned int, tasks> > merged_tasks =
vector<vector<pair<unsigned int, tasks> > >(outputNumberOfTasks);
      float* cumsum = new float[outputNumberOfTasks];
      for (int i = 0; i < outputNumberOfTasks; i++) {</pre>
            cumsum[i] = 0.;
      }
```

```
for (int i = 0, size = tasksToMerge.size(); i < size; i++) {</pre>
             int index of min = 0;
             for (int z = 1; z < outputNumberOfTasks; z++) {</pre>
                   if (cumsum[z] < cumsum[index of min]) index of min = z;</pre>
            cumsum[index_of_min] += tasksToMerge[i].timeOfExec;
            merged tasks[index of min].push back(std::make pair(i,
tasksToMerge[i]));
      }
      for (int i = 0; i < outputNumberOfTasks; i++) {</pre>
            merged tasks[i] = sortTasks(merged tasks[i]);
      }
      delete[] cumsum;
      return merged tasks;
}
vector<vector<float>> generateScheduleMatrix(vector<vector<pair<unsigned int,</pre>
tasks> > > taskList, vector<float> CPUs) {
      unsigned int n = CPUs.size();
      vector<vector<float>> matrix = vector< vector<float> >(n);
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
            matrix[i] = vector<float>(n);
      }
      for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
             for (int z = i; z < n; z++) {
                   matrix[i][z] = 0;
                   float curr time = 0;
                   for (int j = 0; j < taskList[i].size(); j++) {</pre>
                          curr_time += taskList[i][j].second.timeOfExec / CPUs[z];
                          if (curr_time > taskList[i][j].second.taskEndTime) {
                                matrix[i][z] -= curr_time - taskList[i]
[j].second.taskEndTime;
                          }
                   }
                   matrix[z][i] = matrix[i][z];
      }
      return matrix;
}
vector<pair<unsigned int, tasks> > sortTasks(vector<pair<unsigned int, tasks> >
taskList) {
      std::sort(taskList.begin(), taskList.end(), tasks_list_predicate);
      return taskList;
}
vector<unsigned short> sortCPUs(vector<unsigned short> CPUs) {
      std::sort(CPUs.begin(), CPUs.end());
      return CPUs;
}
```

## "main.cpp"

```
#include "Utils.h"
#include <stdlib.h>

int main(void) {
    unsigned int CPUs, jobs;
    printf("Enter number of CPUs and jobs: ");
    scanf("%d%d", &CPUs, &jobs);

    printf("Total penalty sum: %f MHz\n", enumulateSchedulerWork(jobs, CPUs));
    system("pause");
}
```

#### 5. ПРИКЛАД ВИКОНАННЯ ПРОГРАМИ

Робота програми