

1

선택 정렬

1 정렬(Sorting)

- ◆ 데이터의 순서를 결정하는 것
- ◆ 데이터를 저장하는 위치에 따라
 - 내부 정렬(Internal Sort)과
 - 외부 정렬(External Sort)로 구분

2 내부 정렬

- ◆ 데이터 양이 적을 때 주기억장치 내에 저장한 자료를 대상으로 정렬하는 방법
- ◆ 정렬할 자료의 양이 적어서 자료 전체가 주기억장치에 저장될 수 있는 경우에는 내부 정렬을 사용하여 자료를 정렬
- ◆ 선택 정렬, 버블 정렬, 삽입 정렬, 쉘 정렬, 퀵 정렬 등

3 외부 정렬

- ▶ 입력의 크기가 주기억 장치 공간보다 큰 경우
보조 기억 장치에 있는 입력을 여러 번에 나누어
주기억 장치에 읽어 들인 후 정렬하여 보조 기억
장치에 다시 저장하는 과정을 반복

4 정렬 알고리즘의 복잡도

- ▶ 대부분 $O(n^2)$ 과 $O(n \log n)$ 사이
- ▶ 입력이 특수한 성질을 만족하는 경우에는 $O(n)$ 정렬도 가능

5 기본적인 정렬 알고리즘

- ◆ 평균적으로 $O(n^2)$ 의 시간이 소요되는 정렬 알고리즘들
 - 선택 정렬
 - 버블 정렬
 - 삽입 정렬

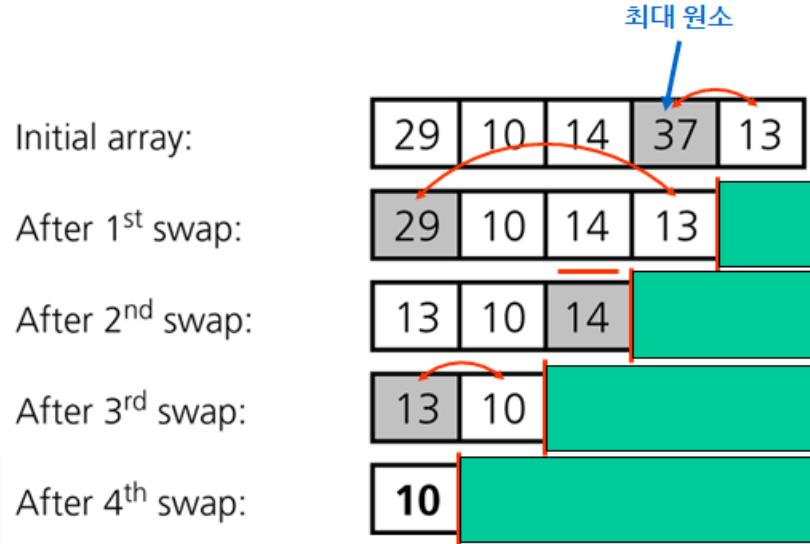
6 선택 정렬(Selection Sort)

- ▶ 실제로 많이 사용하는 내부 정렬에 속함
- ▶ 주어진 데이터에서 가장 큰 값이나 가장 작은 값을 찾은 후 그 값만을 교환하는 방식으로 단계적으로 정렬함

6 선택 정렬(Selection Sort)

- ◆ 각 루프마다
 - 최대 원소를 찾음
 - 최대 원소와 맨 오른쪽 원소를 교환함
 - 맨 오른쪽 원소를 제외함
- ◆ 하나의 원소만 남을 때까지 위의 루프를 반복

6 선택 정렬(Selection Sort)



◆ 수행 시간 : $(n-1)+(n-2)+\dots+2+1 = O(n^2)$

Worst case
Average case

※ 참고: $1+2+3+\dots+n = \frac{n(n+1)}{2}$

6 선택 정렬(Selection Sort)

```
selectionSort(A[], n)    ▷ 배열 A[1 ... n]을 정렬한다
{
    for last ← n downto 2 {           ----- ①
        A[1 ... last] 중 가장 큰 수 A[k]를 찾는다;   ----- ②
        A[k] ↔ A[last]; ▷ A[k]와 A[last]의 값을 교환 ----- ③
    }
}
```

- ▶ 수행 시간 :
 - ①의 **for** 루프는 $n-1$ 번 반복
 - ②에서 가장 큰 수를 찾기 위한 비교횟수: $n-1, n-2, \dots, 2, 1$
 - ③의 교환은 상수 시간 작업
- ▶ 선택 정렬 복잡도
 $(n-1)+(n-2)+\dots+2+1 = O(n^2)$

7 선택 정렬의 작동 예

정렬할 배열이 주어짐

8	31	48	73	3	65	20	29	11	15
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

가장 큰 수를 찾는다(73)

8	31	48	73	3	65	20	29	11	15
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

73을 맨 오른쪽 수(15)와 자리 바꾼다

8	31	48	15	3	65	20	29	11	73
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

} ①의 첫번째 loop

7 선택 정렬의 작동 예

맨 오른쪽 수를 제외한 나머지에서 가장 큰 수를 찾는다 (65)

8	31	48	15	3	65	20	29	11	73
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

65를 맨 오른쪽 수(11)와 자리 바꾼다

8	31	48	15	3	11	20	29	65	73
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

} ①의 두번째 loop

맨 오른쪽 두 수를 제외한 나머지에서 가장 큰 수를 찾는다 (48)

8	31	48	15	3	11	20	29	65	73
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

...

7

선택 정렬의 작동 예

8을 맨 오른쪽 수(3)와 자리 바꾼다



8	3	11	15	20	29	31	48	65	73
---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

정렬이 완료된 최종 배열

3	8	11	15	20	29	31	48	65	73
---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

8 선택 정렬의 특징

- ▶ 입력이 거의 정렬되어 있든지, 역순으로 정렬되어 있든지, 랜덤하게 되어 있든지 구분하지 않고 항상 일정한 시간복잡도를 나타냄
- ▶ 입력에 민감하지 않은(**Input Insensitive**) 알고리즘

2

버블 정렬

1 버블 정렬(Bubble Sort)

- ▶ 이웃하는 숫자를 비교하여 작은 수를 앞쪽으로 이동시키는 과정을 반복하여 정렬하는 알고리즘
- ▶ 주어진 파일에서 인접한 2개의 레코드 키값을 비교하여 그 크기에 따라 레코드 위치를 서로 교환하는 정렬 방식
- ▶ 오름차순으로 정렬한다면 작은 수는 배열의 앞부분으로 이동

1

버블 정렬(Bubble Sort)

(a) Pass 1

Initial array:

29	10	14	37	13
----	----	----	----	----

10	29	14	37	13
----	----	----	----	----

10	14	29	37	13
----	----	----	----	----

10	14	29	37	13
----	----	----	----	----

10	14	29	13	37
----	----	----	----	----

(b) Pass 2

10	14	29	13	37
----	----	----	----	-----------

10	14	29	13	37
----	----	----	----	-----------

10	14	29	13	37
----	----	----	----	-----------

10	14	13	29	37
----	----	----	-----------	-----------

◆ 수행 시간: $(n-1)+(n-2)+\dots+2+1 = O(n^2)$

Worst case
Average case

버블 정렬

1 버블 정렬(Bubble Sort)

```

bubbleSort(A[], n)  ▷ A[1 ... n]을 정렬한다
{
    for last ← n downto 2           ----- ①
        for i ← 1 to last-1          ----- ②
            if (A[i] > A[i+1]) then A[i] ← A[i+1]; ▷ 원소 교환 ③
}

```

◆ 수행 시간:

①의 for 루프는 $n-1$ 번 반복

②의 for 루프는 각각 $n-1, n-2, \dots, 2, 1$ 번 반복

③은 상수 시간 작업

◆ 버블 정렬 복잡도

$$(n-1)+(n-2)+\dots+2+1 = O(n^2)$$

버블 정렬

2 버블 정렬의 작동 예

정렬할 배열이 주어진다

3	31	48	73	8	11	20	29	65	15
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

왼쪽부터 시작해 이웃한 쌍들을 비교해 나간다

3	31	48	73	8	11	20	29	65	15
---	----	----	----	---	----	----	----	----	----

순서대로 되어 있지 않으면 자리 바꾼다

3	31	48	8	73	11	20	29	65	15
---	----	----	---	----	----	----	----	----	----

3	31	48	8	11	73	20	29	65	15
---	----	----	---	----	----	----	----	----	----

3	31	48	8	11	20	73	29	65	15
---	----	----	---	----	----	----	----	----	----

2

버블 정렬의 작동 예

3	31	48	8	11	20	29	65	15	73	

• • •



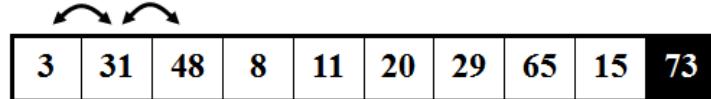
맨 오른쪽 수(73)를 대상에서 제외한다

3	31	48	8	11	20	29	65	15	73
---	----	----	---	----	----	----	----	----	----

버블 정렬

2 버블 정렬의 작동 예

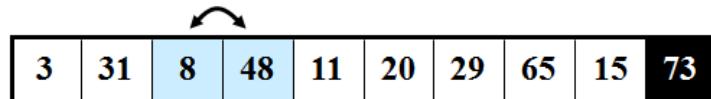
왼쪽부터 시작해 이웃한 쌍들을 비교해간다



3	31	48	8	11	20	29	65	15	73
---	----	----	---	----	----	----	----	----	----

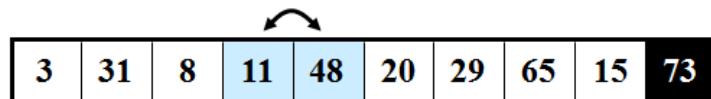
Two pairs of adjacent numbers are highlighted with double-headed arrows above them: (31, 48) and (8, 11).

순서대로 되어 있지 않은 경우에는 자리 바꾼다



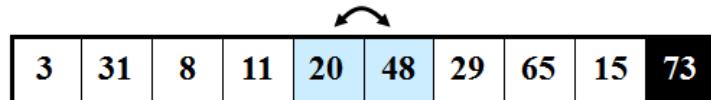
3	31	8	48	11	20	29	65	15	73
---	----	---	----	----	----	----	----	----	----

The number 48 is highlighted in blue, indicating it is being compared with the previous number 8.



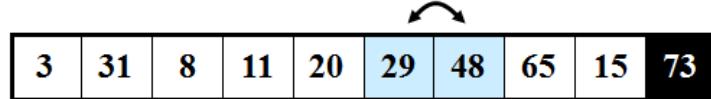
3	31	8	11	48	20	29	65	15	73
---	----	---	----	----	----	----	----	----	----

The numbers 48 and 20 are highlighted in blue, indicating they are being compared.



3	31	8	11	20	48	29	65	15	73
---	----	---	----	----	----	----	----	----	----

The numbers 48 and 29 are highlighted in blue, indicating they are being compared.

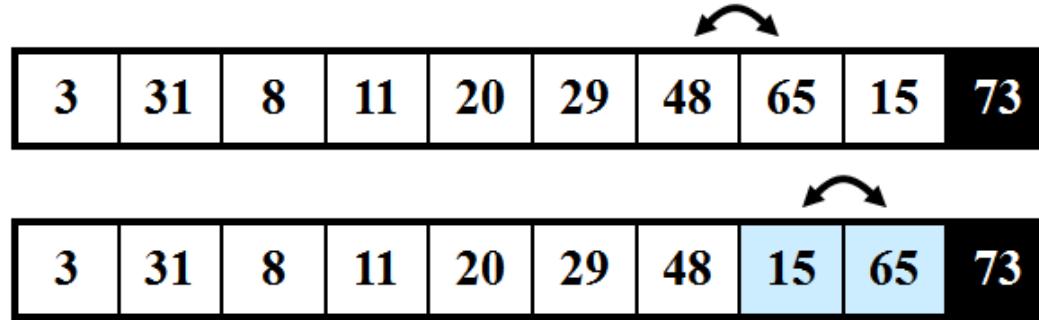


3	31	8	11	20	29	48	65	15	73
---	----	---	----	----	----	----	----	----	----

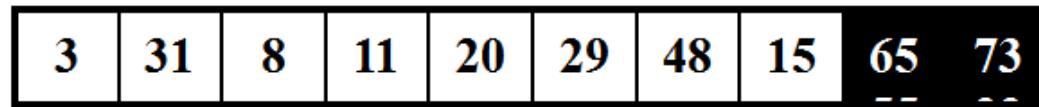
The numbers 48 and 65 are highlighted in blue, indicating they are being compared.

버블 정렬

2 버블 정렬의 작동 예



맨 오른쪽 수(**65**)를 대상에서 제외한다



2 버블 정렬의 작동 예

앞의 작업을 반복하면서 계속 제외해나간다

• • •

3	8	11	15	20	29	31	48	65	73
---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

두개짜리 배열의 처리를 끝으로 정렬이 완료된다



3	8	11	15	20	29	31	48	65	73
---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

3	8	11	15	20	29	31	48	65	73
---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

3 삽입 정렬

1 삽입 정렬(Insertion Sort)

- ◆ 새로운 데이터를 정렬된 데이터에 삽입하는 과정을 반복하여 전체 데이터를 정렬하는 방식
- ◆ 가장 간단한 정렬 방식
- ◆ 이미 순서화된 파일에 새로운 하나의 레코드를 순서에 맞게 삽입시켜 정렬하는 방식
- ◆ 어느 정도 정렬이 되어 있을 경우 매우 효과적

1 삽입 정렬(Insertion Sort)

◆ 삽입 정렬 방식

- ① 처음 $A[0]$ 은 정렬된 데이터로 취급
- ② 다음 데이터 $A[1]$ 은 정렬된 데이터 $A[0]$ 과 비교하여 적절한 위치에 삽입
- ③ 다음 데이터 $A[2]$ 는 정렬된 데이터 $A[0], A[1]$ 과 비교하여 적절한 위치에 삽입
- ④ 같은 방식으로 나머지 데이터들을 삽입하여 정렬

2 삽입 정렬의 작동 예



3 | 삽입 정렬의 복잡도

```

insertionSort(A[], n)      ▷ A[1 ... n]을 정렬한다
{
    for i ← 2 to n          ----- ①
        A[1 ... i]의 적당한 자리에 A[i]를 삽입한다; ----- ②
}

```

◆ 수행 시간:

- ①의 **for** 루프는 $n-1$ 번 반복
- ②의 삽입은 최악의 경우 $i-1$ 회 비교

◆ 삽입 정렬 복잡도

$$\text{Worst case : } 1+2+\cdots+(n-2)+(n-1) = \mathbf{O(n^2)}$$

$$\text{Average case : } \frac{1}{2} (1+2+\cdots+(n-2)+(n-1)) = \mathbf{O(n^2)}$$

$$\text{Best case : } \underbrace{1+1+\cdots+1}_{n-1} + 1 = \mathbf{O(n)}$$

4 삽입 정렬의 특징

- ◆ 입력의 상태에 따라 수행 시간이 달라질 수 있음
- ◆ 입력이 이미 정렬되어 있으면 항상 각각 현재 원소가 자신의 왼쪽 원소와 비교 후 자리이동 없이 원래 자리에 있게 됨
- ◆ 따라서 $(n-1)$ 번의 비교만 하면 정렬을 마치게 됨
- ◆ 이때가 삽입 정렬의 최선 경우이고 시간복잡도는 $O(n)$

4 삽입 정렬의 특징

- ◆ 삽입 정렬은 거의 정렬된 입력에 대해서 다른 정렬 알고리즘보다 빠름
- ◆ 반면에 역으로(반대로) 정렬된 입력에 대해서는 $O(n^2)$ 시간이 걸림
- ◆ 삽입 정렬의 평균 경우 시간복잡도는 최악 경우와 같음