# 常见数据结构与算法整理总结(上)

程序君 程序员大咖 5天前







#### Linux编程

点击右侧关注,免费入门到精通!

#### 作者丨尘语凡心

https://www.jianshu.com/p/230e6fde9c75

数据结构是以某种形式将数据组织在一起的集合,它不仅存储数据,还支持访问和处理数据的操作。算法是为求解一个问题需要遵循的、被清楚指定的简单指令的集合。下面是自己整理的常用数据结构与算法相关内容,如有错误,欢迎指出。

- 一、线性表
  - 1.数组实现
  - 2.链表
- 二、栈与队列
- 三、树与二叉树
  - 1.树
  - 2. 二叉树基本概念

- 3. 二叉查找树
- 4.平衡二叉树
- 5.红黑树

四、图

五、总结



线性表是最常用且最简单的一种数据结构、它是n个数据元素的有限序列。

实现线性表的方式一般有两种,一种是使用数组存储线性表的元素,即用一组连续的存储单元依次存储线性表的数据元素。另一种是使用链表存储线性表的元素,即用一组任意的存储单元存储线性表的数据元素(存储单元可以是连续的,也可以是不连续的)。

#### 数组实现

数组是一种大小固定的数据结构,对线性表的所有操作都可以通过数组来实现。虽然数组一旦创建之后,它的大小就无法改变了,但是当数组不能再存储线性表中的新元素时,我们可以创建一个新的大的数组来替换当前数组。这样就可以使用数组实现动态的数据结构。

### ▲代码1 创建一个更大的数组来替换当前数组

```
int[] oldArray = new int[10];
int[] newArray = new int[20];

for (int i = 0; i < oldArray.length; i++) {
    newArray[i] = oldArray[i];
}

// 也可以使用System.arraycopy方法来实现数组间的复制
// System.arraycopy(oldArray, 0, newArray, 0, oldArray.length);
oldArray = newArray;</pre>
```

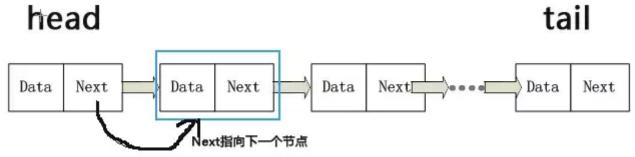
#### ▲代码2 在数组位置index上添加元素e

```
//oldArray 表示当前存储元素的数组
//size 表示当前元素个数
public void add(int index, int e) {
   if (index > size || index < 0) {</pre>
       System.out.println("位置不合法...");
   }
   //如果数组已经满了 就扩容
   if (size >= oldArray.length) {
       // 扩容函数可参考代码1
   for (int i = size - 1; i >= index; i--) {
       oldArray[i + 1] = oldArray[i];
   //将数组elementData从位置index的所有元素往后移一位
   // System.arraycopy(oldArray, index, oldArray, index + 1,size - index);
   oldArray[index] = e;
   size++;
}
```

上面简单写出了数组实现线性表的两个典型函数,具体我们可以参考Java里面的ArrayList集合类的源码。数组实现的线性表优点在于可以通过下标来访问或者修改元素,比较高效,主要缺点在于插入和删除的花费开销较大,比如当在第一个位置前插入一个元素,那么首先要把所有的元素往后移动一个位置。为了提高在任意位置添加或者删除元素的效率,可以采用链式结构来实现线性表。

#### 链表

链表是一种物理存储单元上非连续、非顺序的存储结构,数据元素的逻辑顺序是通过链表中的指针链接次序实现的。链表由一系列节点组成,这些节点不必在内存中相连。每个节点由数据部分Data和链部分Next,Next指向下一个节点,这样当添加或者删除时,只需要改变相关节点的Next的指向,效率很高。



#### 单链表的结构

下面主要用代码来展示链表的一些基本操作,需要注意的是,这里主要是以单链表为例,暂时不考虑双链表和循环链表。

## ▲代码3链表的节点

```
class Node<E> {
    E item;
    Node<E> next;

    //构造函数
    Node(E element) {
        this.item = element;
        this.next = null;
    }
}
```

## ▲代码4 定义好节点后,使用前一般是对头节点和尾节点进行初始化

```
//头节点和尾节点都为空 链表为空
Node<E> head = null;
Node<E> tail = null;
```

## ▲代码5 空链表创建一个新节点

```
//创建一个新的节点 并让head指向此节点
head = new Node("nodedata1");
//让尾节点也指向此节点
tail = head;
```

#### ▲代码6链表追加一个节点

```
//创建新节点 同时和最后一个节点连接起来
tail.next = new Node("node1data2");
//尾节点指向新的节点
tail = tail.next;
▲代码7顺序遍历链表
Node<String> current = head;
while (current != null) {
    System.out.println(current.item);
    current = current.next;
}
▲代码8 倒序遍历链表
static void printListRev(Node<String> head) {
 //倒序遍历链表主要用了递归的思想
    if (head != null) {
        printListRev(head.next);
        System.out.println(head.item);
    }
}
代码 单链表反转
 //单链表反转 主要是逐一改变两个节点间的链接关系来完成
 static Node<String> revList(Node<String> head) {
    if (head == null) {
        return null;
    Node<String> nodeResult = null;
    Node<String> nodePre = null;
    Node<String> current = head;
    while (current != null) {
        Node<String> nodeNext = current.next;
        if (nodeNext == null) {
```

```
nodeResult = current;
}

current.next = nodePre;
nodePre = current;
current = nodeNext;
}

return nodeResult;
}
```

上面的几段代码主要展示了链表的几个基本操作,还有很多像获取指定元素,移除元素等操作大家可以自己完成,写这些代码的时候一定要理清节点之间关系,这样才不容易出错。

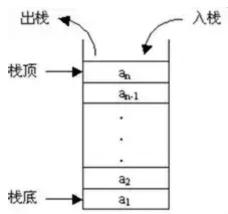
链表的实现还有其它的方式,常见的有循环单链表,双向链表,循环双向链表。 循环单链表主要是链表的最后一个节点指向第一个节点,整体构成一个链环。 双向链表 主要是节点中包含两个指针部分,一个指向前驱元,一个指向后继元,JDK中LinkedList集合类的实现就是双向链表。\*\* 循环双向链表\*\* 是最后一个节点指向第一个节点。



栈和队列也是比较常见的数据结构,它们是比较特殊的线性表,因为对于栈来说,访问、插入和删除元素只能在栈顶进行,对于队列来说,元素只能从队列尾插入,从队列头访问和删除。

#### 栈

栈是限制插入和删除只能在一个位置上进行的表,该位置是表的末端,叫作栈顶,对栈的基本操作有push(进栈)和pop(出栈),前者相当于插入,后者相当于删除最后一个元素。栈有时又叫作LIFO(Last In First Out)表,即后进先出。



#### 栈的模型

下面我们看一道经典题目,加深对栈的理解。

## 🥐 题目

有六个元素6,5,4,3,2,1 的顺序进栈,问下列哪一个不是合法的出栈序列?() A,543612B,453216C,346521D,234156

#### 关于栈的一道经典题目

上图中的答案是C,其中的原理可以好好想一想。

因为栈也是一个表,所以任何实现表的方法都能实现栈。我们打开JDK中的类Stack的源码,可以看到它就是继承类Vector的。当然,Stack是Java2前的容器类,现在我们可以使用LinkedList来进行栈的所有操作。

## 队列

队列是一种特殊的线性表,特殊之处在于它只允许在表的前端(front)进行删除操作,而在表的后端(rear)进行插入操作,和栈一样,队列是一种操作受限制的线性表。进行插入操作的端称为队尾,进行删除操作的端称为队头。



#### 队列示意图

我们可以使用链表来实现队列,下面代码简单展示了利用LinkedList来实现队列类。

#### ▲代码9简单实现队列类

```
public class MyQueue<E> {
    private LinkedList<E> list = new LinkedList<>();

    // 入队
    public void enqueue(E e) {
        list.addLast(e);
    }

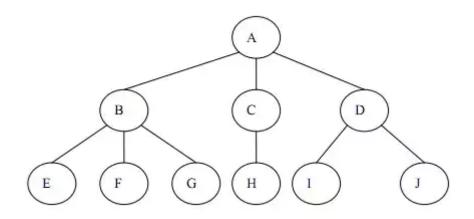
    // 出队
    public E dequeue() {
        return list.removeFirst();
    }
}
```

普通的队列是一种先进先出的数据结构,而优先队列中,元素都被赋予优先级。当访问元素的时候,具有最高优先级的元素最先被删除。优先队列在生活中的应用还是比较多的,比如医院的急症室为病人赋予优先级,具有最高优先级的病人最先得到治疗。在Java集合框架中,类PriorityQueue就是优先队列的实现类,具体大家可以去阅读源码。

# 三、树与二叉树

树型结构是一类非常重要的非线性数据结构,其中以树和二叉树最为常用。在介绍二叉树之前,我们先简单了解一下树的相关内容。

\*\* 树 是由n(n>=1) 个有限节点组成一个具有层次关系的集合。它具有以下特点:每个节点有零个或多个子节点;没有父节点的节点称为 根 节点;每一个非根节点有且只有一个 父节点 \*\*;除了根节点外,每个子节点可以分为多个不相交的子树。



树的结构

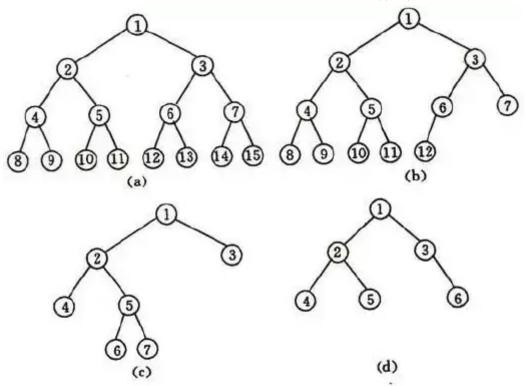
#### 二叉树基本概念

#### ▲定义

二叉树是每个节点最多有两棵子树的树结构。通常子树被称作"左子树"和"右子树"。二叉树常被用于实现二叉查找树和二叉堆。

## ▲相关性质

- 二叉树的每个结点至多只有2棵子树(不存在度大于2的结点),二叉树的子树有左右之分,次 序不能颠倒。
- 二叉树的第i层至多有2(i-1)个结点;深度为k的二叉树至多有2k-1个结点。
- 一棵深度为k,且有2^k-1个节点的二叉树称之为\*\* 满二叉树 \*\*; 深度为k,有n个节点的二叉树,当且仅当其每一个节点都与深度为k的满二叉树中,序号为1至n的节点对应时,称之为\*\* 完全二叉树 \*\*。



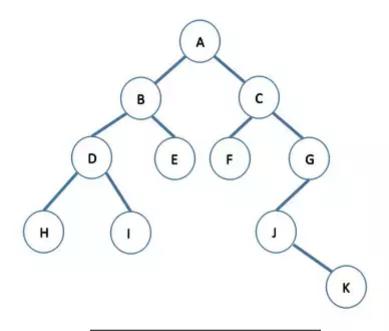
特殊形态的二叉树

(a) 满二叉树; (b) 完全二叉树; (c)和(d)非完全二叉树

## ▲三种遍历方法

在二叉树的一些应用中,常常要求在树中查找具有某种特征的节点,或者对树中全部节点进行某种处理,这就涉及到二叉树的遍历。二叉树主要是由3个基本单元组成,根节点、左子树和右子树。如果限定先左后右,那么根据这三个部分遍历的顺序不同,可以分为先序遍历、中序遍历和后续遍历三种。

(1) 先序遍历 若二叉树为空,则空操作,否则先访问根节点,再先序遍历左子树,最后先序遍历右子树。(2) 中序遍历 若二叉树为空,则空操作,否则先中序遍历左子树,再访问根节点,最后中序遍历右子树。(3) 后序遍历 若二叉树为空,则空操作,否则先后序遍历左子树访问根节点,再后序遍历右子树,最后访问根节点。



先序遍历 ABDHIECFGJK 中序遍历 HDIBEAFCJKG 后序遍历 HIDEBFKJGCA

给定二叉树写出三种遍历结果

## ▲树和二叉树的区别

(1) 二叉树每个节点最多有2个子节点,树则无限制。 (2) 二叉树中节点的子树分为左子树和右子树,即使某节点只有一棵子树,也要指明该子树是左子树还是右子树,即二叉树是有序的。 (3) 树决不能为空,它至少有一个节点,而一棵二叉树可以是空的。

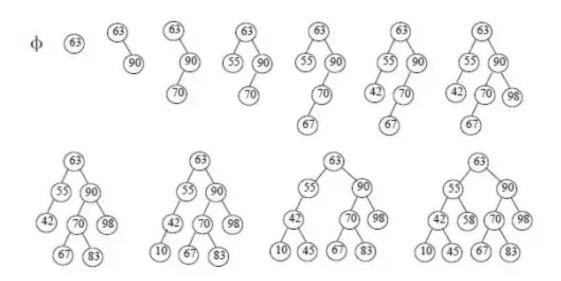
上面我们主要对二叉树的相关概念进行了介绍,下面我们将从二叉查找树开始,介绍二叉树 的几种常见类型,同时将之前的理论部分用代码实现出来

### 二叉查找树

## ▲定义

二叉查找树就是二叉排序树,也叫二叉搜索树。二叉查找树或者是一棵空树,或者是具有下列性质的二叉树:

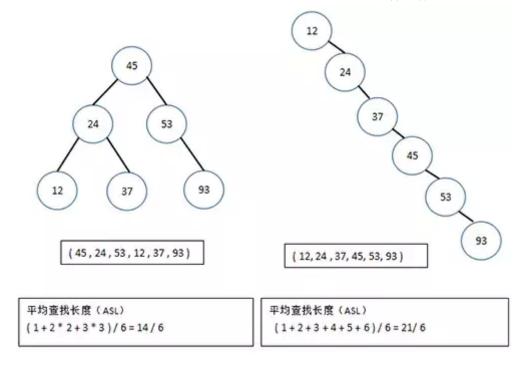
- (1) 若左子树不空,则左子树上所有结点的值均小于它的根结点的值;
- (2) 若右子树不空,则右子树上所有结点的值均大于它的根结点的值;
- (3) 左、右子树也分别为二叉排序树;
- (4) 没有键值相等的结点。



典型的二叉查找树的构建过程

## ▲性能分析

对于二叉查找树来说,当给定值相同但顺序不同时,所构建的二叉查找树形态是不同的,下面看一个例子。



#### 不同形态平衡二叉树的ASL不同

可以看到,含有n个节点的二叉查找树的平均查找长度和树的形态有关。最坏情况下,当先后插入的关键字有序时,构成的二叉查找树蜕变为单支树,树的深度为n,其平均查找长度 (n+1)/2(和顺序查找相同),最好的情况是二叉查找树的形态和折半查找的判定树相同,其平均查找长度和log2(n)成正比。平均情况下,二叉查找树的平均查找长度和logn是等数量级的,所以为了获得更好的性能,通常在二叉查找树的构建过程需要进行"平衡化处理",之后我们将介绍平衡二叉树和红黑树,这些均可以使查找树的高度为O(log(n))。

# ▲代码10 二叉树的节点

```
class TreeNode<E> {
    E element;
    TreeNode<E> left;
    TreeNode<E> right;

public TreeNode(E e) {
       element = e;
    }
}
```

二叉查找树的三种遍历都可以直接用递归的方法来实现:

#### ▲代码12 先序遍历

```
protected void preorder(TreeNode<E> root) {
    if (root == null)
        return;
    System.out.println(root.element + " ");
    preorder(root.left);
    preorder(root.right);
}
▲代码13 中序遍历
protected void inorder(TreeNode<E> root) {
    if (root == null)
        return;
    inorder(root.left);
    System.out.println(root.element + " ");
    inorder(root.right);
}
▲代码14 后序遍历
protected void postorder(TreeNode<E> root) {
    if (root == null)
        return;
    postorder(root.left);
    postorder(root.right);
    System.out.println(root.element + " ");
}
```

# ▲代码15 二叉查找树的简单实现

```
/**
 * @author JackalTsc
 */
public class MyBinSearchTree<E extends Comparable<E>>> {
    // 根
    private TreeNode<E> root;
    // 默认构造函数
    public MyBinSearchTree() {
    }
    // 二叉查找树的搜索
    public boolean search(E e) {
        TreeNode<E> current = root;
        while (current != null) {
            if (e.compareTo(current.element) < 0) {</pre>
                current = current.left;
            } else if (e.compareTo(current.element) > 0) {
                current = current.right;
            } else {
               return true;
        }
        return false;
    // 二叉查找树的插入
    public boolean insert(E e) {
        // 如果之前是空二叉树 插入的元素就作为根节点
        if (root == null) {
            root = createNewNode(e);
        } else {
            // 否则就从根节点开始遍历 直到找到合适的父节点
            TreeNode<E> parent = null;
            TreeNode<E> current = root;
            while (current != null) {
                if (e.compareTo(current.element) < 0) {</pre>
                   parent = current;
                   current = current.left;
                } else if (e.compareTo(current.element) > 0) {
                   parent = current;
                    current = current.right;
                } else {
                   return false;
            }
            // 插入
            if (e.compareTo(parent.element) < 0) {</pre>
```

```
parent.left = createNewNode(e);
            } else {
                parent.right = createNewNode(e);
        }
        return true;
    }
    // 创建新的节点
    protected TreeNode<E> createNewNode(E e) {
        return new TreeNode(e);
}
// 二叉树的节点
class TreeNode<E extends Comparable<E>>> {
   E element;
    TreeNode<E> left;
    TreeNode<E> right;
    public TreeNode(E e) {
        element = e;
}
```

上面的代码15主要展示了一个自己实现的简单的二叉查找树,其中包括了几个常见的操作, 当然更多的操作还是需要大家自己去完成。因为在二叉查找树中删除节点的操作比较复杂, 所以下面我详细介绍一下这里。

## ▲二叉查找树中删除节点分析

要在二叉查找树中删除一个元素,首先需要定位包含该元素的节点,以及它的父节点。假设current指向二叉查找树中包含该元素的节点,而parent指向current节点的父节点,current节点可能是parent节点的左孩子,也可能是右孩子。这里需要考虑两种情况:

- 1. current节点没有左孩子,那么只需要将patent节点和current节点的右孩子相连。
- 2. current节点有一个左孩子,假设rightMost指向包含current节点的左子树中最大元素的节点,而parentOfRightMost指向rightMost节点的父节点。那么先使用rightMost节点中的元素值替换current节点中的元素值,将parentOfRightMost节点和rightMost节点的左孩子相连,然后删除rightMost节点。

```
// 二叉搜索树删除节点
   public boolean delete(E e) {
       TreeNode<E> parent = null;
       TreeNode<E> current = root;
        // 找到要删除的节点的位置
       while (current != null) {
            if (e.compareTo(current.element) < 0) {</pre>
               parent = current;
               current = current.left;
            } else if (e.compareTo(current.element) > 0) {
               parent = current;
               current = current.right;
            } else {
               break;
            }
        }
       // 没找到要删除的节点
       if (current == null) {
            return false;
        }
        // 考虑第一种情况
       if (current.left == null) {
           if (parent == null) {
               root = current.right;
            } else {
               if (e.compareTo(parent.element) < 0) {</pre>
                   parent.left = current.right;
               } else {
                   parent.right = current.right;
               }
       } else { // 考虑第二种情况
            TreeNode<E> parentOfRightMost = current;
            TreeNode<E> rightMost = current.left;
            // 找到左子树中最大的元素节点
            while (rightMost.right != null) {
               parentOfRightMost = rightMost;
               rightMost = rightMost.right;
            }
            // 替换
            current.element = rightMost.element;
            // parentOfRightMost和rightMost左孩子相连
            if (parentOfRightMost.right == rightMost) {
               parentOfRightMost.right = rightMost.left;
            } else {
               parentOfRightMost.left = rightMost.left;
            }
```

```
return true;
}
```

#### 平衡二叉树

平衡二叉树又称AVL树,它或者是一棵空树,或者是具有下列性质的二叉树:它的左子树和 右子树都是平衡二叉树,且左子树和右子树的深度之差的绝对值不超过1。

#### 平衡二叉树

AVL树是最先发明的自平衡二叉查找树算法。在AVL中任何节点的两个儿子子树的高度最大差别为1,所以它也被称为高度平衡树,n个结点的AVL树最大深度约1.44log2n。查找、插入和删除在平均和最坏情况下都是O(log n)。增加和删除可能需要通过一次或多次树旋转来重新平衡这个树。

#### 红黑树

红黑树是平衡二叉树的一种,它保证在最坏情况下基本动态集合操作的事件复杂度为O(log n)。红黑树和平衡二叉树区别如下:

(1) 红黑树放弃了追求完全平衡,追求大致平衡,在与平衡二叉树的时间复杂度相差不大的情况下,保证每次插入最多只需要三次旋转就能达到平衡,实现起来也更为简单。

(2) 平衡二叉树追求绝对平衡,条件比较苛刻,实现起来比较麻烦,每次插入新节点之后需要旋转的次数不能预知。



#### ▲简介

图是一种较线性表和树更为复杂的数据结构,在线性表中,数据元素之间仅有线性关系,在树形结构中,数据元素之间有着明显的层次关系,而在图形结构中,节点之间的关系可以是任意的,图中任意两个数据元素之间都可能相关。图的应用相当广泛,特别是近年来的迅速发展,已经渗入到诸如语言学、逻辑学、物理、化学、电讯工程、计算机科学以及数学的其他分支中。

#### ▲相关阅读

因为图这部分的内容还是比较多的,这里就不详细介绍了,有需要的可以自己搜索相关资料。



到这里,关于常见的数据结构的整理就结束了,断断续续大概花了两天时间写完,在总结的过程中,通过查阅相关资料,结合书本内容,收获还是很大的,在下一篇博客中将会介绍常用数据结构与算法整理总结(下)之算法篇,欢迎大家关注。

推荐↓↓↓





<u>←【16个技术公众号</u>】都在这里!

涵盖:程序员大咖、源码共读、程序员共读、数据结构与算法、黑客技术和网络安全、大数据科技、编程前端、Java、Python、Web编程开发、Android、iOS开发、Linux、数据库研发、幽默程序员等。

Read more