



Carátula para entrega de prácticas

Facultad de Ingeniería

Laboratorio de docencia

Laboratorios de computación salas A y B

| | |
|---|---|
| <i>Profesor:</i> | Jesus Cruz Navarro |
| <i>Asignatura:</i> | Estructura de Datos y Algoritmos II |
| <i>Grupo:</i> | Grupo 1 |
| <i>No de Práctica(s):</i> | Práctica 2 – Algoritmos de ordenamiento. Parte II |
| <i>Integrante(s):</i> | Edwin Jaret Santiago Díaz |
| <i>No. de Equipo de cómputo empleado:</i> | 22 |
| <i>No. de Lista o Brigada:</i> | 22 |
| <i>Semestre:</i> | 2022 - 2 |
| <i>Fecha de entrega:</i> | 21 febrero 2022 |
| <i>Observaciones:</i> | |
| | |

CALIFICACIÓN: _____

Algoritmos de ordenamiento. Parte II

Objetivos

1. Implementar los algoritmos QuickSort, QuickSort Aleatorio y HeapSort para ordenar colecciones de datos.
2. Comparar los tiempos de ejecución de los algoritmos antes mencionados.

Desarrollo

Los algoritmos **QuickSort** y **HeapSort** se encuentran en el archivo **AlgoritmosII** en donde cada algoritmo tiene su función. El algoritmo **QuickSort** recibe como parámetro la lista de los números enteros y el algoritmo **HeapSort** recibe como parámetro la lista de números enteros, el índice donde inicia la lista y la longitud de la lista. Los algoritmos se implementaron gracias a la explicación del profesor y a la ayuda de la guía del laboratorio.

Se ejecutan los algoritmos para ordenar una lista de números aleatorios enteros con un rango de 0 a 10 y se obtienen los tiempos que tarda cada algoritmo. Esto fueron los resultados:

```
1 arregloQuickSort = [7, 3, 1, 9, 2, 3, 5, 4, 6, 8]
2 arregloHeapSort = [7, 3, 1, 9, 2, 3, 5, 4, 6, 8]
```

```
Lista ordenada por QuickSort: [1, 2, 3, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
El algoritmo tardó: 0.00002880
```

```
Lista ordenada por HeapSort: [1, 2, 3, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
El algoritmo tardó: 0.00001260
```

Para obtener resultados más notorios en los tiempos de ejecución se pone a prueba los algoritmos con arreglos de números más grandes con 1000, 3000, 4000 y 5000 datos, además, se pondrán a prueba los algoritmos en el mejor de los casos (lista ordenada ascendente), en el caso promedio (lista aleatoria) y en el peor de los casos (lista ordenada descendente) y por cada tamaño de arreglo el programa se ejecutará 3 veces para obtener el promedio del tiempo que tardan.

Estos fueron los resultados:

| 1,000 | Tiempo promedio |
|---|--|
| <pre>¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.029010024002 Tiempo HeapSort : 0.081202807996</pre> | <p>Caso promedio:</p> <p>QuickSort = 0.016471 [s] HeapSort = 0.065715 [s]</p> |

| | |
|---|--|
| <pre> ;Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.006939409999 Tiempo HeapSort : 0.028527648996 ;Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.013464083997 Tiempo HeapSort : 0.087417961004 ;Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.027782984995 Tiempo HeapSort : 0.679101367001 ;Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.012410017000 Tiempo HeapSort : 0.708509500997 ;Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.007654071000 Tiempo HeapSort : 0.399006591004 ;Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.02729605 Tiempo HeapSort : 0.16327981 ;Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.07854700 Tiempo HeapSort : 0.29766691 ;Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.00619741 Tiempo HeapSort : 0.19724518 </pre> | <p>Mejor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.015948 [s] HeapSort = 0.595536 [s]</p> <p>Peor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.037344 [s] HeapSort = 0.219396 [s]</p> |
| 3,000 | |
| <pre> ;Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.081353514000 Tiempo HeapSort : 0.323050198000 ;Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.206576858996 Tiempo HeapSort : 0.992294964031 ;Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.068813823001 Tiempo HeapSort : 0.320862450000 ;Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.083426180000 Tiempo HeapSort : 4.486180549000 </pre> | <p>Caso promedio:</p> <p>QuickSort = 0.118914 [s] HeapSort = 0.545402 [s]</p> <p>Mejor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.156481 [s] HeapSort = 4.561465 [s]</p> |

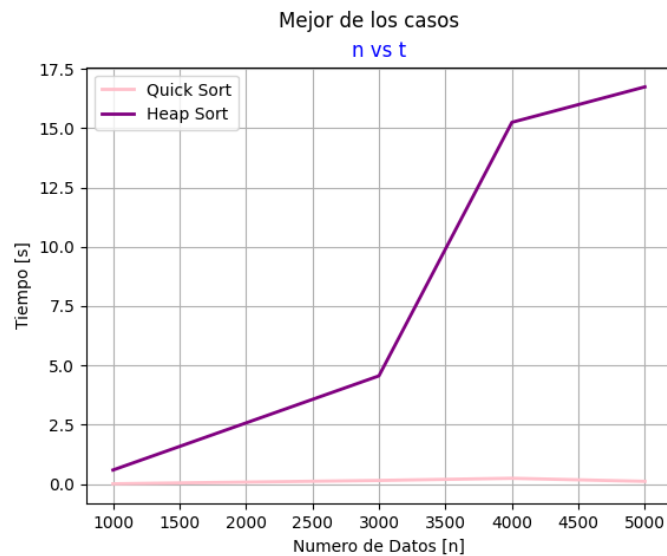
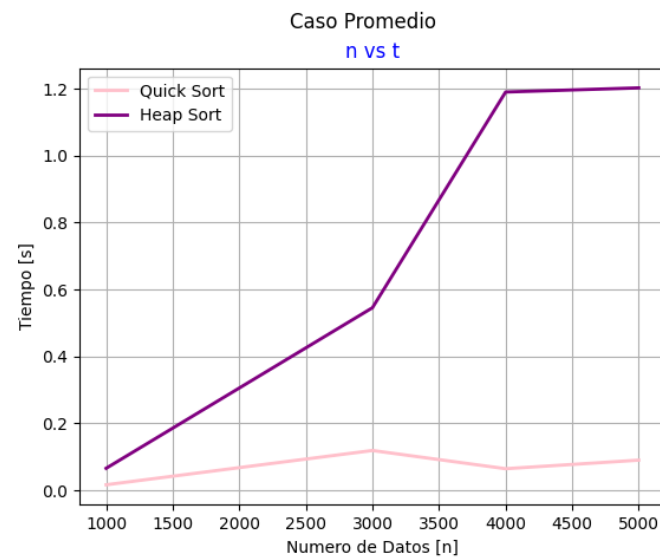
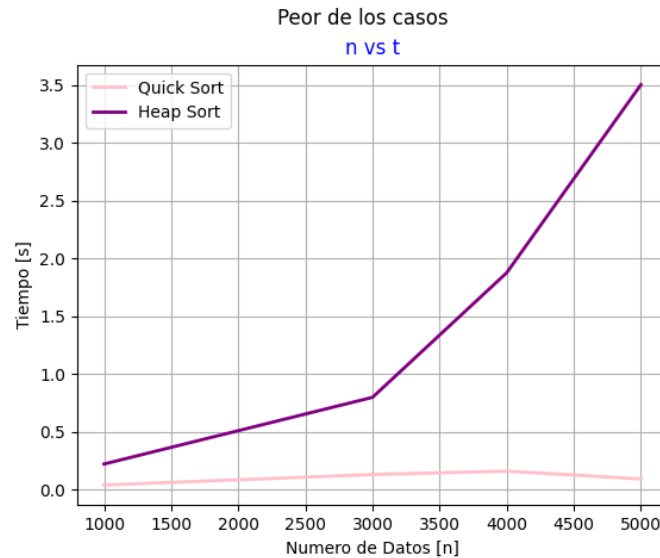
| | |
|--|--|
| <pre> ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.302648792975 Tiempo HeapSort : 4.809449300985 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.083369651000 Tiempo HeapSort : 4.388767720000 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.02140595 Tiempo HeapSort : 0.57757112 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.08559620 Tiempo HeapSort : 0.91487675 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.02152137 Tiempo HeapSort : 0.89660714 </pre> | <p>Peor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.128522 [s] HeapSort = 0.796351 [s]</p> |
| 4,000 | |
| <pre> ¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.047098024050 Tiempo HeapSort : 1.000979411998 ¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.072714260896 Tiempo HeapSort : 0.812710572034 ¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.073625147000 Tiempo HeapSort : 1.755812464000 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.080862738076 Tiempo HeapSort : 8.520097661996 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.180402289028 Tiempo HeapSort : 8.174784422969 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.478978973000 Tiempo HeapSort : 29.032159721000 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.08455713 Tiempo HeapSort : 0.80180250 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.02593621 Tiempo HeapSort : 1.30837210 </pre> | <p>Caso promedio:</p> <p>QuickSort = 0.064479 [s] HeapSort = 1.189833 [s]</p> <p>Mejor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.246747 [s] HeapSort = 15.242346 [s]</p> <p>Peor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.157660 [s] HeapSort = 1.874456 [s]</p> |

| | |
|--|--|
| ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.36248790 Tiempo HeapSort : 3.51319553 | |
| 5,000 | |
| ¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.089242885006 Tiempo HeapSort : 1.650132191018 ¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.097994641998 Tiempo HeapSort : 1.073508668000 ¡Caso Promedio! Tiempo QuickSort : 0.082916058018 Tiempo HeapSort : 0.882928531035 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.152582070092 Tiempo HeapSort : 16.075495754951 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.104814225000 Tiempo HeapSort : 21.198526495005 ¡Mejor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.097309555043 Tiempo HeapSort : 12.932560993009 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.19189037 Tiempo HeapSort : 2.80520925 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.09909128 Tiempo HeapSort : 4.03437678 ¡Peor de los casos! Tiempo QuickSort : 0.09856890 Tiempo HeapSort : 3.66543807 | <p>Caso promedio:</p> <p>QuickSort = 0.090050 [s] HeapSort = 1.202189 [s]</p> <p>Mejor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.118235 [s] HeapSort = 16.735227 [s]</p> <p>Peor de los casos:</p> <p>QuickSort = 0.129849 [s] HeapSort = 3.501674 [s]</p> |

Los algoritmos no pudieron ordenar listas de números mayores de 5,000 datos, por eso, en la práctica se utilizó 1,000, 3,000, 4,000 y 5,000 datos. Tuve este problema en mi IDE (Visual Studio Code) y en un IDE online donde se ejecuta Python. En ambos IDE aumenté el límite de regresiones que puede hacer Python, pero no funcionó.

Para que el algoritmo **QuickSort** sea más óptimo, se agrega 2 líneas de código en la función *Particionar()*. La primera, escoge un pivote al azar y la segunda línea, este pivote es intercambiado con el último elemento de la lista. Después de haber implementado estas 2 líneas se notó el cambio en el tiempo de ejecución del programa.

Con los datos obtenidos de los 3 casos previamente implementados se realizaron 3 gráficas. Cada gráfica corresponde a cada caso y representa el tiempo que tardan el algoritmo **QuickSort** (línea rosa) y **HeapSort** (línea morada).



La variable auxiliar **i** en la función Particionar del algoritmo QuickSort inicia fuera del arreglo (p-1) debido a que cuando se encuentre un número menor al pivote se moverá hacia el lado “izquierdo” del arreglo, aumentará el valor de la variable **i** (1 unidad) y intercambiará el elemento del índice **i** con el elemento del índice **j**, pero si fuera en el caso de que se ejecuta por primera vez el algoritmo, después de que **i** aumente su valor, valdrá 0 y sería el primer índice del arreglo en donde intercambiará el elemento del índice **j** con el **i**. En el algoritmo **HeapSort**, es necesario iterar la función **MaxHeapify** desde atrás hacia adelante debido a que, como es un árbol (estructura de datos) que antes era una lista, se va a comparar 3 nodos (el padre, el hijo izquierdo y el hijo derecho) y el hijo derecho será el último nodo en ser llenado en que pueda recibir otro nodo, esto es, que probable que tenga menos padres encima de ese nodo y será más fácil encontrar el elemento mayor y ordenar todos los nodos de la parte derecha y luego de la parte izquierda.

Conclusiones

Los algoritmos **QuickSort** y **HeapSort** son más rápidos que **BubbleSort** y **BubbleSortOptimizad**, sin embargo, el algoritmo más rápido por el momento ha sido **QuickSort**. En las gráficas se muestra que el tiempo que le tomó a **QuickSort** siempre fue bajo de 1 segundo al resolver 1000 datos hasta los 5000 datos, mientras que **HeapSort** superó el segundo en los 3 casos. Así mismo, **QuickSort** es más fácil de implementar en el código.

La complejidad computacional de **QuickSort** en:

- En el mejor caso es de **$O(n \cdot \log n)$**
- En el peor caso es de **$O(n^2)$**
- En el caso promedio es de **$O(n \cdot \log n)$**

La complejidad computacional de **HeapSort** en:

- En el mejor caso es de **$O(n \cdot \log n)$**
- En el peor caso es de **$O(n^2)$**
- En el caso promedio es de **$O(n \cdot \log n)$**