伪造中本聪签名

2022 年 7 月 31 日

学 校: 山东大学

学院: 网络空间安全学院 (研究院)

姓 名: 张起萌 202000460118

目录

1	实验目的	3
2	实验过程	9
3	实验结果	ę
4	参考文献	4

1 实验目的

利用 ECDSA 算法伪造中本聪签名。

2 实验过程

由于 ECDSA 算法中涉及到大量椭圆曲线问题,而这些问题往往在 c/c++/python 中很难解决,通过查询资料 (表明为参考文献 1) 发现, sagemath 中有专门的椭圆曲线软件包 EllipticCurve, 所以我决定使用 sagemath 来实现。

- 利用 sagemath 中自带的函数 FiniteField 构建一个有限域 F。随后选择该有限域中两点作为 椭圆曲线的两个系数,利用函数 EllipticCurve 构造椭圆曲线 C。
- 利用 EllipticCurve.lift_x 计算基点 G,同时在椭圆曲线 C 的基础上重新建立一个有限域 N,方便产生多组密钥。
- 选择私有密钥 a=-1, 遍历 i 从 1 到 10(得到 10 组结果, 方便检验正确性), 每次都重新产生一个密钥 a, 该密钥为前一个密钥在有限域 N 上的对应点。
- 计算点 R = iG。
- 计算 $s \equiv r Hash * a(modn)$.
- 将 i 和点 R 的坐标值 x,y 作为参数输入, 计算 hash 值 m。
- r和s做为签名值,消息m作为 hash 值输出。

图 1: CodeBlocks 上 SM4 基础实现

3 实验结果

实验结果中一共输出了 10 组消息 hash(m) 和签名值 (r,s), 可以验证每一组值都满足以下条件:

- 计算: $sG + H(m)P = (x1,y1), r1 \equiv x1 mod p$.
- $r1 \equiv rmodp$ 等式成立

伪造中本聪签名成功。



图 2: 实验结果

4 参考文献

ECDSA 数字签名算法

如何看待 Craig Wright 宣称自己是比特币创始人中本聪?

Greg Maxwell: CSW 再次伪造中本聪签名