Eliminacja Gaussa

Filip Jędrzejewski

24 Grudnia 2023

1 Wstęp

1.1 Cel zadania

Celem zadania było zaprojektowanie i zaimplementowanie równoległego algorytmu eliminacji Gaussa.

1.2 Informacje o programie

Program został w całości napisany w języku c++. Dane wejściowe do programu są wczytywane z pliku .txt, natomiast wynik wypisywany jest w terminalu.

1.3 Zaimplementowane funkcjonalności

W programie zaimplementowano następujące funkcjonalności:

- Transponowanie danej macierzy
- Współbieżny algorytm eliminacji Gaussa doproawdzający daną macierz do postaci górnej trójkątnej
- Iteracyjny algorytm eliminacji Gaussa
- Obliczanie wyznacznika danej macierzy z definicji
- Obliczanie wyznacznika danej macierzy korzystając z równoległej eliminacji Gaussa
- Rozwiązywanie układu równań liniowych danego w postaci macierzowej

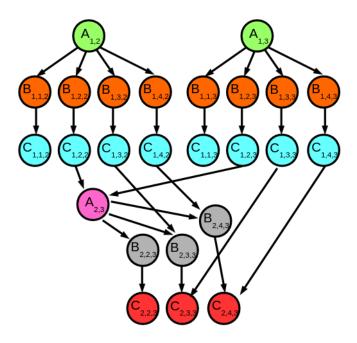
2 Opis teoretyczny

W celu rozwiązania zadania zdefiniowano następujące operacje:

- $A_{i,j}$ wyznaczenie mnożnika dla wiersza i, by odjąć go od wiersza j.
- $B_{i,k,j}$ przemnożenie elementu k z wiersza i, przez mnożnik dla wiersza j.

• $C_{i,k,j}$ - odjęcie elementu k z wiersza i od elementu k z wiersza j.

Na podstawie tej listy operacji stworzono grafy Diekerta dla współbieżnego algorytmu eliminacji Gaussa dla macierzy o rozmiarach: 2x2, 3x2, 3x3, 4x3 oraz 4x4, by znaleźć zależności, które by pozwoliły na uogólnienie zależności między poszczególnymi operacjami dla dowolnych rozmiarów macierzy.



Rysunek 1: Przykładowy graf Diekerta dla macierzy 4x3

3 Implementacja

3.1 Lista klas

W programie stworzono następujące klasy:

- 1. InputParser klasa wykorzystywana do tworzenia obiektu macierzy (Matrix) z odczytanego pliku .txt.
- 2. Matrix klasa reprezentująca macierz, przechowująca ją i udostępniająca metody do jej obsługi.
- 3. Gauss klasa zawierająca metody do eliminacji Gaussa sposobem iteracyjnym lub współbieżnym oraz do rozwiązywania układów równań liniowych.

3.2 Opisy plików

3.2.1 ./src/main.cpp

Główny plik zawierający funkcję int main()m która otwiera plik z danymi wejściowymi, przekazuje je do obiektu klasy InputParser, uruchamia eliminację Gaussa, wyświetla otrzymaną macierz oraz rozwiązuje układ równań.

3.2.2 ./src/HeaderFiles/constants.h oraz interfaces.h

Pliki nagłówkowe zawierające stałe oraz definicje zaimplementowanych klas.

${\bf 3.2.3} \quad ./{\rm src/InputLogic/InputParser.cpp}$

Plik zawierający implementację klasy InputParser zdefiniowanej jako:

```
class InputParser{
    private:
        int nx;
        int ny;
        Matrix* matrix;
public:
        InputParser();
        ~InputParser();
        void createNewMatrix(int x, int y);
        void setRow(int i, std::string line);
        Matrix* getMatrix();
};
```

3.2.4 ./src/Matrix/Matrix.cpp

Plik zawierający implementację klasy Matrix zdefiniowanej jako:

```
float getValue(int i, int j);
Matrix* getTransposedMatrix();
Matrix* addColumns(Matrix* v);
Matrix* popLastColumn();
void show(std::string description);
float getDet(char method); //g - Gauss OR d - definition
};
```

Metoda Matrix* getMatrixWithout(int ii, int ij) zwraca obiekt macierzy powstałej po usunięciu wiersza ii oraz kolumny ij.

Metoda Matrix* popLastColumn() zwraca macierz będącą ostatnią kolumną oraz usuwa ostatnią kolumnę z macierzy początkowej.

Metoda float getDet(char method) zwraca wartość wyznacznika macierzy. Argument char method służy do określenia, z której metody funkcja ma skorzystać: 'g' - metoda wykorzystująca współbieżny algorytm eliminacji Gaussa, 'd' - metoda obliczająca wyznacznik korzystając z definicji.

3.2.5 ./src/Matrix/Gauss.cpp

Plik zawierający implementację klasy Gauss zdefiniowanej jako:

```
class Gauss{
    private:
        bool merged = false;
        Matrix* m;
        Matrix* v;
    public:
        Gauss();
        Gauss(Matrix* matrix);
        Gauss(Matrix* matrix, Matrix* vector);
        ~Gauss();
        void classicElimination();
        void threadElimination();
        void toIdentityMatrix();
        Matrix* getMatrix();
        Matrix* getVector();
};
```

Konstruktor Gauss (Matrix* matrix, Matrix* vector) łączy daną macierz i wektor w jedną macierz (dodaje do macierzy kolumnę zawierającą wektor).

Metoda void classicElimination() wykonuje eliminację Gaussa metodą iteracyjną.

Metoda void threadElimination() wykonuje równoległą eliminację Gaussa. Metoda void toIdentityMatrix() rozwiązuje układ równań liniowych dany w postaci macierzowej (do klasy należy przekazać macierz współczynników oraz wektor wyrazów wolnych).

Metody Matrix* getMatrix() oraz Matrix* getVector() zwracają macierz i wektor, a w przypadku, gdy zostały one połączone w konstruktorze, wtedy również je rozdziela.

3.2.6 ./Makefile

Plik zawierający komendy obsługujące projekt:

- make main kompiluje program
- make clean usuwa niepotrzebne pliki wykonywalne
- make all wywołuje make clean, a następnie make main

4 Dane wejściowe

Dane wejściowe do programu powinny być podane w pliku ./data/inputData.txt w postaci:

```
rozmiar macierzy
macierz
wektor w postaci transponowanej
```

Przykładowa zawartość pliku ./data/inputData.txt:

```
3
2.0 1.0 3.0
4.0 3.0 8.0
6.0 5.0 16.0
6.0 15.0 27.0
```

4.1 Uwaga

Program nie uwzględnia ewentualnej konieczności zamiany miejscami wierszy.

5 Wyjście programu

Program wypisuje dane wyjściowe w terminalu. W obecnej konfiguracji pliku ./src/main.cpp wyjście programu wygląda następująco:

```
macierz odczytana z pliku wejściowego
wektor odczytany z pliku wejściowego
transponowany wektor
macierz po równoległej eliminacji Gaussa
wektor po równoległej eliminacji Gaussa
macierz jednostkowa (otrzymana podczas rozwiązywania układu równań)
wektor będący rozwiązaniem układu równań
```

Dane zwrócone przez program dla przykładowych danych podanych w poprzedniej sekcji:

```
Input matrix:
| 2.00 1.00
               3.00
                      | 4.00 3.00
               8.00
                      | 6.00 5.00
               16.00
                      Input vector:
| 6.00 15.00
              27.00
                      \mathsf{I}
Transposed vector:
| 6.00 |
| 15.00 |
| 27.00 |
Matrix after elimination:
2.00 1.00
              3.00
0.00 1.00
               2.00
                      0.00 0.00
              3.00
                      Vector after elimination:
| 6.00 |
| 3.00 |
| 3.00 |
Indentity matrix:
1.00 0.00
               0.00
                      0.00 1.00
               0.00
                      Т
0.00 0.00
               1.00
                      Vector:
| 1.00 |
| 1.00 |
| 1.00 |
```