```
int c=0;
for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
                                                   //0(1)
                                                   //O(n) iterations
    for(int j=i; j<=n && j%10 != 3; j++) { //0(1) iterations
                                                  //0(1)
    }
```

Hvor mange ganger den innerste for løkken itererer avhenger av i Her brukes && i sjekken for at for løkken skal stoppe nåe en av de to skjer j%10 er modulo operator, denne stopper for løkken etter maks 10 iterasjoner

Så totalt blir det O(n)

```
int s=0;
                                    //0(1)
for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
                                    //O(n) iterations
    for(int j=i; j<=n; j++) {</pre>
                                    //O(n) iterations
         s = s+1;
                                    //0(1)
}
```

```
for(int i=0; i<n; i = i+2) {</pre>
                                      //O(n) iterations
     int j = 0;
                                      //0(1)
    while(j<i)</pre>
                                      //O(n) iterations
    j = j+1;
int k = 0;
                                      //0(1)
                                       //0(1)
     while(k<i)</pre>
                                      //O(n) iterations
         k = k+1;
                                      //0(1)
}
```

For løkken øker med 2 hver runde, antall iterasjoner blir fortsatt O(n) Begge while løkkene går fra 0 til i så det blir O(i) inne i for løkken Siden det inne i løkken avhenger av i blir det en sum 1+2+3+...+n

Så totalt blir det O(n^2)

```
for(int i=0; i<n; i++) {</pre>
                              //O(n) iterations
    int j = i;
                              //0(1)
    while(j>0) {
                              //O(\log n) iterations
        i = i/2;
                              //0(1)
}
```

For løkken gjør n iterasjoner while løkken avhenger av i, men gjør maks O(log(n)) iterasjoner Selv om vi kunne prøvd å regne ut en mer nøyaktig sum log(1) + log(2) + log(3) + ... Blir det fortsatt samme svar

Så totalt blir det O(n log(n))

```
int s = 0;
for(int i=1; i<=n; i++) {</pre>
                                              //O(n) iterations
     for(int j=2; j<=n; j++) {
    for(int k=3; k<=n; k++) {</pre>
                                              //O(n) iterations
                                              //O(n) iterations
               s = i+j+k;
                                               //0(1)
          }
     }
}
```

3 for løkker, selv om de starter på forskjellig tall er alle O(n)

Så totalt blir det O(n^3)

1 Oppgave 1 (20%)

I denne oppgaven skal du gi lavest mulig asymptotiske kjøretid (dvs i O-notasjon) i verste tilfelle for ulike operasjoner. Gi alle svar som O(f(N)) uten bruk av mellomrom eller andre tegn, feks O(N²logN).

A er en tabell med N objekt som tilfredsstiller comparable-interfacet.

a) Finn et største element i A.	O(N)
b) Sorter verdiene i A med en stabil sorteringsalgoritme.	$O(N \log N)$
c) Omordn verdiene i A slik at de utgjør en binær min-heap.	O(N)
d) Sett inn verdiene i A i et binært søketre.	$O(N^2)$
e) Sett inn verdiene i A i et 2-3 søketre.	$O(N \log N)$
f) Avgjør om det finnes to like element i A.	$O(N \log N)$
g) Avgjør hvor mange par med like element som finnes i A.	$O(N \log N)$
h) Sett inn verdiene i A i en hash-tabell som bruker kjedete lister (eng separate-chaining).	$O(N^2)$

² Oppgave 2 (20%)

I denne oppgaven skal du gi lavest mulig asymptotiske kjøretid (dvs i O-notasjon) i verste tilfelle for ulike operasjoner. Gi alle svar som O(f(V,E)) uten bruk av mellomrom eller andre tegn, feks O(V²logE).

G er en graf med V noder og E kanter

I oppgave a) er kantene i G uvektet og urettet.

I oppgave b) og c) er kantene i G vektet og urettet. T er også et kjent minste utspennende tre til G. I oppgave d), e) og f) er kantene i G uvektet og rettet.

I oppgave g) og h) er kantene vektet og rettet. Kantvektene kan være negative i g), men ikke i h)

```
a) Avgjør hvor mange komponenter G består av.
                                                                                        O(V+E)
b) Beregn et nytt minste utspennende tre etter at alle kant-vekter har
                                                                                        O(1)
c) Beregn et nytt minste utspennende tre etter at vekten av en kant har økt med 100.
d) Avgjør om det for et bestemt par med noder (v,w) finnes en sti fra v
                                                                                        O(V+E)
til w og tilbake igjen til v.
e) Avgjør om det eksisterer minst et par med noder (v,w) slik at det finnes en sti fra v til w og tilbake igjen til v.
                                                                                        O(V+E)
f) Avgjør om det for hvert par av noder (v,w) finnes en sti fra v til w og
                                                                                        O(V+E)
g) Avgjør at det ikke finnes en sykel i G slik at summen av vektene til kantene er negativ.  
                                                                                        O(VE)
h) For en gitt node v, bestem lengden på en korteste sti fra v til samtlige noder w i G og tilbake igjen til v.
                                                                                        O(E \log V)
```

```
int findMinGap(ArrayList<Integer> numbers) {
    int n = numbers.size();
        throw new IllegalArgumentException("There must be at least 2 numbers in the list
    Collections.sort(numbers);
    int minGap = numbers.get(1)-numbers.get(0);
    for(int i=1; i<n; i++) {</pre>
        minGap = Math.min(minGap, numbers.get(i-1)-numbers.get(i));
    return minGap;
```

rett svar O(n log n)

- Collections.sort() tar O(n log n)
- For løkken tar O(n)
- Resten tar O(1)
- $O(n \log n + n + 1) = O(n \log n)$

```
static void reverse(ArrayList<String> words) {
    for(int i=words.size()-1; i>=0; i--) {
        words.add(words.remove(i));
}
```

rett svar O(n^2)

Her hadde jeg glemt å skrive at n var words.size()

- For løkken itererer n ganger
- I hver iterasjon brukes både add og remove metoden i ArrayList, add() tar O(1) mens remove tar O(n-i)
- Summen fra n til 1 blir O(n^2)

```
ArrayList<Double> generateRandom(int n) {
    Random rand = new Random();
    PriorityQueue<Double> stach = new PriorityQueue<>(n);
    ArrayList<Double> output = new ArrayList<>(n);
   while(output.size()<n) {</pre>
        stach.add(rand.nextDouble());
        stach.add(rand.nextDouble());
        output.add(stach.poll());
    return output;
```

rett svar O(n log n)

- · De første linjene oppretter tomme datastrukturer, dette tar O(n) tid
- While løkken kjører n iterasjoner
- Størrelsen på prioritetskøen blir O(n)
 - add() og poll() på PriorityQueue tar O(log n) tid
- output.add() tar O(1) tid

rett svar er $O(n\sqrt{n})$

- ytterste for løkke går O(n) ganger
- innerste for løkke går O(sqrt(n)) ganger.
- Det kan se ut som om while løkken inni skal øke kjøretiden men den vil totalt sett skje færre ganger enn den innerste for løkken. Så denne blir O(1) i snitt.
- System.out.println() er O(1)



Du skal for hver type Collection finne ut hva kjøretiden til koden er. Det skal velges 1 svar per rad, hvert rett svar gir 1 poeng, blank eller feil gir 0 poeng. Finn de som passer sammen:

	O(1)	O(log n)	O(n)	O(n log n)	O(n^2)	O(n^2 log n)	O(n^3)
ArrayList	0	0	0			0	0
LinkedList	0	0	0		0	0	0
HashSet*	0		0	0	0		0
PriorityQueue	0	0	0	0	0	0	0
TreeSet	0	0	0	0	0	0	0
			'	1	1		

* Du kan anta at input er laget slik at hash funksjonen for Integer ikke skaper konflikter

	O(1)	O(log n)	O(n)	O(n log n)	O(n^2)	O(n^2 log n)	O(n^3
ArrayList		0	0	0	o 🕢	0	0
LinkedList	0	0	0	0	• 🗸	0	0
HashSet*	0	0	o 📀	0	0	0	0
PriorityQueue	0	0	0	0	• 🗸	0	0
TreeSet	0	0	0	0 🕢	0	0	0

public static List<String> matches(char letter, int k){
 List<String> matching = new ArrayList<>();
 for(String word : WORDS) {
 int count = 0;
 for(int index=0; index<word.length(); index++) {
 if(word.charAt(index) == letter) {
 count++;
 }
 }
 if(count>=k) {
 matching.add(word);
 }
 }
 return matching;

- Her var en kodesnutt som bygget på Wordle koden.
- Koden går igjennom n ord i listen WORDS
- For hvert ord sjekker den hvor mange ganger en bokstav finnes og eventuelt legger denne til i output.
- Siden ordene er 5 bokstaver lange blir kjøretiden O(5 n) = O(n)



```
public static int longestConsecutive(TreeSet<Integer> numbers) {
  int longestSeq = 0;
  for (int num : numbers) {
    if (num==Integer.MIN_VALUE || !numbers.contains(num - 1)) {
        int currentSeq = 1;
        while (num<Integer.MAX_VALUE && numbers.contains(num + 1)) {
            num++;
            currentSeq++;
        }
        longestSeq = Math.max(longestSeq, currentSeq);
    }
    return longestSeq;
}</pre>
```

Oppgave 4

- Vi definerer en gruppe av tall til å være en maximal mengde med tall som kommer etter hverandre uten hull av tall som mangler.
 - If setningen blir true hvis tallet er det første i sin gruppe
 - While løkken går helt til siste element i gruppen
- Det vil si at antall ganger while løkken kaller contains n ganger totalt.
- RETT SVAR: O(n log n)



```
public double intrestOnLoan(double amount, int n) {
    for(int i=0; i<n; i++) {
        amount = amount * 1.01; //add one percent to amount
    }
    return amount;
}</pre>
```

- Her er det en enkel for løkke som itererer n ganger
- Å gange to double tall er O(1)
- Totalt blir det O(n)

```
public static int countOneBits(int n) {
   int bits = 0;
   while(n>0) {
      if(n%2=1)
           bits++;
      n=n/2;
   }
   return bits;
}
```

- Her er det en while løkke som starter på n
- hver iterasjon deles n på 2 så totalt antal iterasjoner blir O(log(n))
- Operasjonene som gjøres inne i løkken er O(1)
- Totalt blir det O(log(n))

```
public static int countsteps(int n) { • For løkken går O(n) iterasjoner
  int pow = 2;
  int steps = 0;
  for(int i=0; i<n; i++) {
    if(i==pow) {
        pow *= 2;
        for(int j=0; j<n; j++) {
            steps++;
        }
        else {
            steps++;
        }
        return steps;
}</pre>
• For løkken går O(n) iterasjoner

• If delen skjer hver gang i = 2^k som er O(log(n)) ganger som hver er O(n)

• Else delen skjer O(n-log(n)) ganger som hver er O(1)

• Total kjøretid blir O(n log(n))

• Total kjøretid blir O(n log(n))
```

```
public static String makeRandomString(int n) {
   String ans = "";
   for(int i=0; i<n; i++) {
        char c = (char) ('a'+26*Math.random());
        ans += c;
   }
   return ans;
}
• Enkel for løkke som bygger en random String av lengde n
• For løkken gjør O(n) iterasjoner
• Å lage en random char er O(1)
• Å legge til en bokstav på slutten av en streng med lengde i tar O(i)</pre>
```

```
//n = y.size()
public static double computeAreaUnderCurve(LinkedList<Double> y) {
    Double area = 0.0;
    for(int i=1; i<y.size(); i++) {
            area = area + (y.get(i-1)+y.get(i))/2;
        }
        return area;
}</pre>
```

- Her er det er for løkke som går igjennom en LinkedList som er O(n) iterasjoner
- Hver iterasjon brukes get() metoden som i LinkedList tar O(min(i,n-1))
- Totalt: $1+2+3...n/2-1+n/2+n/2-1...+3+2+1 = O(n^2)$

• 1+2+3....+n = O(n^2)

- Her er en for løkke som går igjennom alle tallene i en liste, O(n)
- Inne i listen legges det til og/eller trekkes ut av en prioritetskø
- Vi ser at prioritetskøen aldri blir større enn k
- Hver iterasjon av for løkken tar O(log(k)) totalt O(n log(k))