



Instituto Politécnico Nacional Unidad Profecional Interdiciplinaria de Ingeniería Campus Zacatecas

PROYECTO FINAL

DOCENTE: M. EN C. ERIKA SÁNCHEZ-FEMAT

Análisis y diseño de algoritmos

Alumna: González Troncoso Gloria Leticia

Alumno: Ureño Padilla Emilio De Jesus

Alumno: Alonso Estanislao Gómez Rodríguez

Grupo: 3CM2

enero, 2024

Introducción

El algoritmo de backtracking es una técnica de resolución de problemas que se utiliza para encontrar todas las soluciones posibles a un problema, especialmente en problemas de satisfacción de restricciones.

En este informe, se presentará la implementación del algoritmo de backtracking en Python para resolver el problema de las N reinas. Además, se explorarán diferentes estrategias de optimización para acelerar la convergencia a soluciones válidas, incluyendo la aplicación de heurísticas inteligentes para guiar la colocación inicial de las reinas. También se medirá y graficará el tiempo de ejecución de diferentes versiones del código, incluyendo la versión modificada con la heurística inteligente.

Finalmente, se discutirán los resultados y se presentarán conclusiones sobre la eficacia de las diferentes estrategias de optimización.

Desarrollo

Implementación Básica

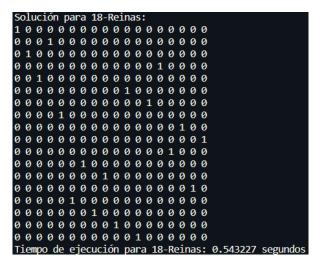
El algoritmo de retroceso utilizado para resolver el problema de las N reinas tiene una complejidad temporal exponencial, ya que se deben explorar todas las posibles combinaciones de ubicaciones de reinas en el tablero.

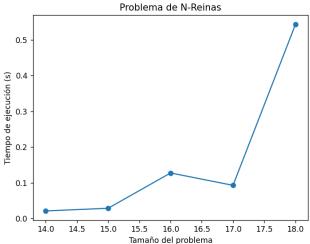
La complejidad temporal se puede expresar como O(N!), donde N es el número de reinas y el tamaño del tablero.

En cuanto a la complejidad espacial, el algoritmo utiliza una matriz de tamaño NxN para representar el tablero y una pila para realizar la recursión. Por lo tanto, la complejidad espacial es $O(N^2)$.

```
Solución para 15-Reinas:
10000000000000000
0001000000000000
0100000000000000
000000010000000
0010000000000000
000000000010000
0000000000000100
00000000000000001
000000000100000
0000100000000000
0000000000000010
0000010000000000
000000001000000
000000100000000
000000000001000
Tiempo de ejecución para 15-Reinas: 0.028888 segundos
Solución para 16-Reinas:
10000000000000000
00010000000000000
01000000000000000
00000000000001000
00100000000000000
000000000100000
0000000000010000
000000000000000010
00000100000000000
00000000000000001
00000000000000100
0000000100000000
00001000000000000
0000001000000000
0000000010000000
0000000000100000
Tiempo de ejecución para 16-Reinas: 0.127694 segundos
 Solución para 17-Reinas:
 100000000000000000
 000100000000000000
 0100000000000000000
 00000000000100000
 001000000000000000
 00000000000010000
 000000010000000000
 000010000000000000
 000000000000001000
 000001000000000000
 000000000000000100
 0000000000000000001
 00000000010000000
```

Tiempo de ejecución para 17-Reinas: 0.093039 segundos





Optimizaciones Específicas

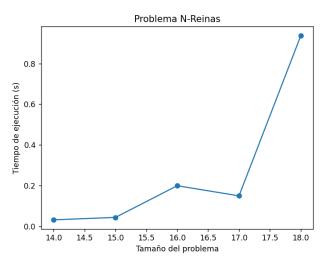
Estrategia 1

Aplicar una técnica de poda que reduzca la cantidad de nodos explorados durante la búsqueda, mejorando así el tiempo de ejecución

Una técnica de poda común para el problema de las N Reinas es la poda de filas. Esta técnica consiste en evitar explorar filas que ya tienen una reina colocada. Si una fila ya tiene una reina colocada, no es necesario explorar esa fila nuevamente, ya que no se puede colocar otra reina en esa fila sin amenazar a la reina existente. Al evitar explorar filas que ya tienen una reina colocada, se puede reducir significativamente la cantidad de nodos explorados durante la búsqueda y mejorar el tiempo de ejecución del algoritmo de backtracking.

La complejidad temporal y espacial de la implementación del algoritmo con la técnica de poda se puede analizar en términos de la cantidad de recursos (temporales y de memoria) que el algoritmo necesita para resolver el problema de las N reinas.

La aplicación de la técnica de poda en el algoritmo tiene como objetivo reducir la cantidad de nodos explorados durante la búsqueda, lo que puede mejorar significativamente el tiempo de ejecución del algoritmo. La complejidad temporal se verá afectada por esta optimización, ya que se espera que el algoritmo tarde menos tiempo en encontrar una solución válida. Por otro lado, la complejidad espacial puede no variar significativamente, ya que la técnica de poda no necesariamente aumenta la cantidad de memoria utilizada



```
Solución para 14-Reinas:
 00000000000000
    00
       00000
       0
        0
          0
           0
             0
              0
        0
            0
         0
        00
           0
      00000000
   0000000000
      00000
             1
      0
       10
          00
             0
              0
    00000000
 00010000000000
 0000010000000
 0000000100000
Tiempo de ejecución para 14-Reinas: 0.031358 segundos
```

```
Solución para 15-Reinas:
1000000000000000
0001000000000000
01000000000000000
000000010000000
0010000000000000
000000000010000
0000000000000100
0000000000000001
000000000100000
0000100000000000
0000000000000010
0000010000000000
000000001000000
000000100000000
000000000001000
Tiempo de ejecución para 15-Reinas: 0.043133 segundos
```

Solución para 16-Reinas: Tiempo de ejecución para 16-Reinas: 0.199026 segundos

```
Solución para 17-Reinas:
100000000000000000
000100000000000000
010000000000000000
00000000000100000
001000000000000000
00000000000010000
00000001000000000
000010000000000000
00000000000001000
000001000000000000
000000000000000100
000000000000000001
00000000010000000
000000100000000000
00000000100000000
00000000001000000
Tiempo de ejecución para 17-Reinas: 0.149221 segundos
```

```
Solución para 18-Reinas:
1000000000000000000
0001000000000000000
0100000000000000000
000000000000010000
0010000000000000000
 00000000010000000
 00000000000100000
 000100000000000000
0
 000000000000000100
00000000000000000001
0000000000000001000
0000001000000000000
000000001000000000
0000010000000000000
0
 000000100000000000
000000000100000000
00000000000100000
Tiempo de ejecución para 18-Reinas: 0.937210 segundos
```

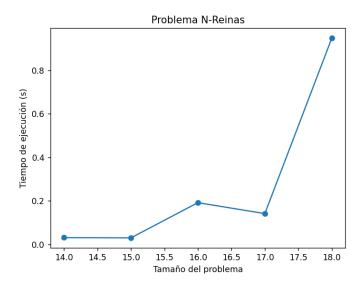
Estrategia 2

Investigar y aplicar heurísticas inteligentes que guíen la colocación inicial de las reinas para acelerar la convergencia a soluciones válidas.

La implementación de heurísticas inteligentes para guiar la colocación inicial de las reinas en el algoritmo de backtracking puede mejorar significativamente la eficiencia del algoritmo al acelerar la convergencia a soluciones válidas. La complejidad temporal y espacial de la implementación dependerá de la heurística utilizada y de cómo se aplica.

La complejidad temporal se espera que disminuya, ya que la heurística inteligente puede reducir la cantidad de nodos explorados durante la búsqueda. Sin embargo, la complejidad espacial puede aumentar si la heurística requiere más memoria para almacenar información adicional.

Las limitaciones de la estrategia de optimización pueden incluir la complejidad de implementar la heurística, la necesidad de más memoria para almacenar información adicional y la posibilidad de que la heurística no siempre conduzca a soluciones óptimas. Además, la eficacia de la heurística puede depender del tamaño del problema y de la distribución de las reinas en el tablero.



```
Solución para 14-Reinas:
100000000000000
00000000001000
010000000000000
00000001000000
001000000000000
000000000000100
000100000000000
000000000000010
00000000010000
00000100000000
000000000000001
000010000000000
00000010000000
00000000100000
Tiempo de ejecución para 14-Reinas: 0.031358 segundos
```

```
Solución para 15-Reinas:
1000000000000000
0001000000000000
0100000000000000
000000010000000
0010000000000000
000000000010000
0000000000000100
0000000000000001
000000000100000
0000100000000000
0000000000000010
0000010000000000
000000001000000
000000100000000
000000000001000
Tiempo de ejecución para 15-Reinas: 0.030245 segundos
```

```
Solución para 16-Reinas:
10000000000000000
00010000000000000
01000000000000000
0000000000001000
00100000000000000
0000000001000000
0000000000010000
00000000000000010
00000100000000000
00000000000000001
0000000000000100
0000000100000000
00001000000000000
00000010000000000
0000000010000000
0000000000100000
Tiempo de ejecución para 16-Reinas: 0.191908 segundos
```

Solución para 17-Reinas: Tiempo de ejecución para 17-Reinas: 0.141656 segundos

```
Solución para 18-Reinas:
1000000000000000000
0001000000000000000
0100000000000000000
000000000000010000
0010000000000000000
00000000001000000
0000000000001000
00001000000000000
0000000000000000
00000000000000000001
00000000000000001000
000000100000000000
000000001000000000
00000000000000000
0000010000000000000
 00000010000000000
000000000100000000
00000000000100000
Tiempo de ejecución para 18-Reinas: 0.947934 segundos
```

Conclusión

Idealemnte deberia de haber una vision general de la mejora dadas las graficas de las tres implementaciones del algoritmo, pero, tambien se debe de tomar en cuenta otros factores ajenos al programa como lo es el rendimiento de la computadora en la que se esta trabajando, dado que el estado en el que se encuentre debido a otros programas externos, afecta en la valoración de medición del tiempo de cada estrategia aplicada.