塞曼效应

Table of Contents

效应 、 、【化				
、 、 、 【原	 ē理】`		 	
	电子磁矩 角动量耦合 			
I	用切里柄台 电子总磁矩和势能 汞原子能级分裂		 	
3	塞曼效应		 	
, 1	计算荷质比\$f=\frac 	e{e}{m}\$	 	
`【实 `、	、验步骤】 、			
`【实 、	实验记录】`			
、 `【实	 		 	

教师签名 实验人签名

<center>【仪器】 </center>

- F-P标准具
- Capstone 软件
- 塞曼效应实验装置
- 546.1nm汞灯

•

<center>【原理】 </center>

电子磁矩

 $\gamma \equiv rac{e}{2m_e}$ 为回旋磁比率。我们可以取轨道角动量的本征值 $L = \sqrt{l(l+1)}\hbar$

$$\mu_l = rac{e}{rac{2\pi r}{v}} \cdot \pi r^2 ec{e_n} = -\gamma ec{L}$$

執道角动量的z分量 $L_z=m)l\hbar$.自旋角动量的z分量 $S_z=m_s\hbar, m_s=\pm rac{1}{2}$

角动量耦合

令两个电子的轨道角量子数和自选角量子数分别为 (l_1,s_1) , (l_2,s_2) ,则它们有 $C_4^2=6$ 种可能的相互作用。其中 (l_1,s_2) 和 (l_2,s_1) 的强度比较弱可忽略。对于其余四种,可以分为LS耦合和JJ耦合。

本实验考虑更常见的LS耦合。其最终的总轨道角量子数和自旋量子数,以及总角量子数分别为:

$$L = l_1 + l_2, ..., |l_1 - l_2| \ S = s_1 + s_2, ..., |s_1 - s_2| \ J = L + S, ..., |L - S| \ m_J = 0, \pm 1, \pm 2, ... \pm J$$

本实验汞为放电管光源,研究汞原子在546.1nm普贤在外磁场种的分裂。是汞原子的外层两个电子从 $^3S_1(6s7s)$ 到 $^3P_2(6s7p)$ 的跃迁而产生的。

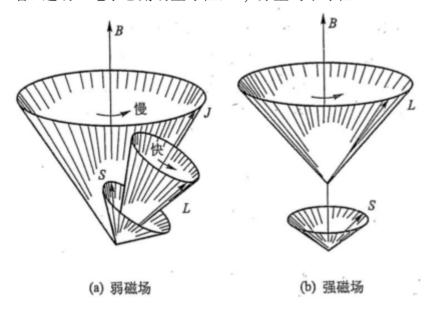
	$^3S_1(6s7s)$	$^{3}P_{2}(6s7p)$
L	0	1
S	1	1
J	1	2

电子总磁矩和势能

由前面所得。尝试计算汞原子总磁矩 μ 和在外磁场 \vec{B} 中的势能U\$。

我们是在一个弱外场中进行实验, $B_{ext} \ll E_{inn}$,核外电子自旋磁矩与核内磁场相互作用依然更显著,所以这里我们仍然假设总角动量LS耦合。此时 \vec{J} 会绕外磁场慢速进洞。 $\vec{S}, vecJ$ 会快速绕

着 $ec{J}$ 进动。电子总角动量守恒,L,S分量均不守恒。



通过

$$U == -\vec{\mu} \cdot \vec{B}$$

己知电子或原子系统的总磁矩,就可求得原子在外磁场中的势能。一般考虑电子总磁矩即可,是因为原子核磁矩在不考虑超精细结构时可以忽略。

我们先会要求磁矩,发现朗德因子需被表达:

$$egin{aligned} ec{\mu} &= -g_J \gamma ec{J} \ \mu_J &= \sqrt{J(J+1)} g_J \mu_B \ \mu_{J[z]} &= m_J g_J \mu_B, m_J = 0, \pm 1, ..., \pm J \ \implies \ g_J &= rac{3}{2} - rac{L(L+1) - S(S+1)}{2J(J+1)} \end{aligned}$$

下面继续考虑磁矩受力矩的拉莫尔进动。由拉莫尔进动我们可以得到若干物理量

$$rac{\mathrm{d}ec{v}}{\mathrm{d}t} = ec{\omega} imes ec{\mu} = \gamma ec{B} imes ec{\mu}$$

电子总磁矩在外磁场中:

$$U = -\vec{\mu_J} \cdot \vec{B} = m_J g_J \mu_B B$$

汞原子能级分裂

原子在有 B_{ext} 时,能量发生附加的势能产生能级分裂。

$$h
u = E_2 - E_1$$

$$h
u' = (E_2 + \Delta E_2) - (E_1 + \Delta E_1) = h
u + (M_2g_2 - M_1g_1)\mu_B B$$

有频率差和波数差

$$\Delta
u = (M_2g_2-M_1g_1)\mu_B, \mu_B = rac{eB}{4\pi m}
onumber \ \Delta v = \Delta(rac{
u}{c}) = (M_2g_2-M_1g_1)L$$

表 3 汞原子 546.1nm 谱线对应的上下两个能级的量子数及朗德因子

原子态符号	$^{3}S_{1}$ (6s7s)	$^{3}P_{2}$ (6s7p)			
L	0	1			
S	1	1			
J	1	2			
$g_{_J}$	2	3/2			
$m_{_J}$	1, 0, -1	2, 1, 0, -1, -2			
$m_{_{J}}g_{_{J}}$	2, 0, -2	3、3/2、0、-3/2、-3			

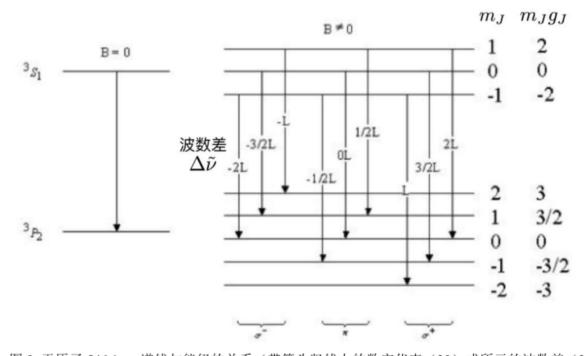


图 9 汞原子 546.1nm 谱线与能级的关系(带箭头竖线上的数字代表(39)式所示的波数差(39)式)

由于跃迁的选择性:

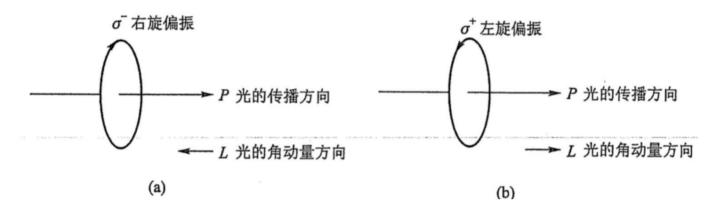
$$\Delta L=0,\pm 1, \ \Delta S=0, \ \Delta J=0,\pm 1$$

塞曼效应

对于一个沿2传播的电磁波,分解其电场矢量:

$$E_x = A\cos\omega t, E_y = B\cos\omega t - \alpha$$

当 $\alpha=0.$ 线偏光。 $\alpha=\frac{\pi}{2}$ 且A=B时,为圆偏振,其具有角动量,方向与电矢量旋转方向组成右手螺旋定则。



对于 $\Delta m = \pm 1.$ 考虑角动量守恒,可以得到光的角动量和光传播方向一致与相反的情况:

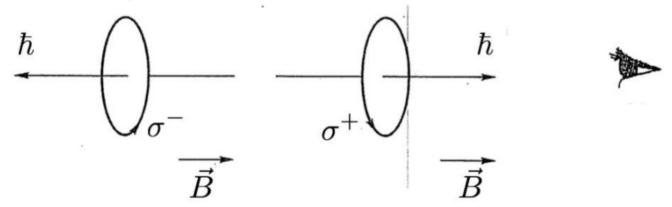
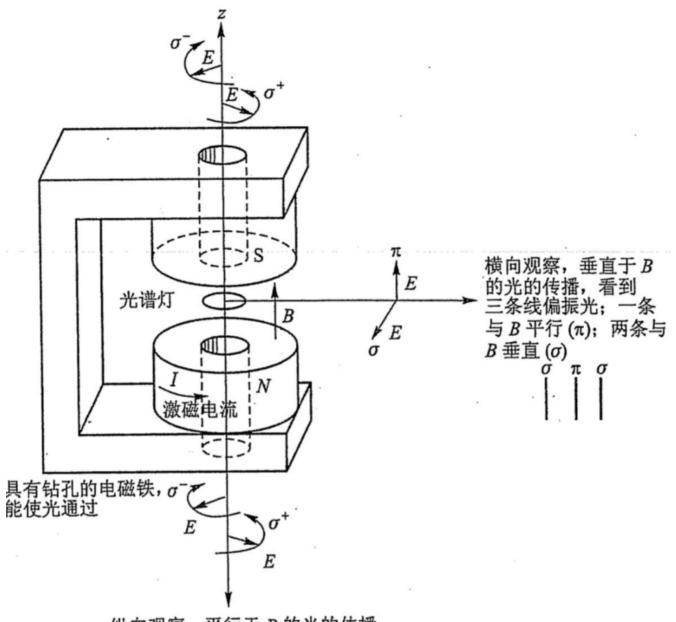


图 11 面对磁场方向观察到的 σ^{\pm} 谱线

对于 $\Delta m=0$,原子在磁场方向的角动量不变,光子具有固有角动量 \hbar 。实际上范式角动量方向在xy平面上任意光子都满足能级跃迁前后 $\Delta m=0$ 的条件。所以平均效果时 $E_y=0$ 。于是在垂直 \hat{x} 的方向观察,只能看到 E_z 分量,观察到线偏振光pi.



纵向观察,平行于 B 的光的传播,看不到 π 谱线,只看到右旋(圆)偏振光及左旋(圆)偏振光

法布里-玻罗标准具

谱线分裂的波长差很小。

$$v=rac{1}{\lambda}(系数2\pi$$
可以不用) $\mathrm{d}v=-rac{1}{\lambda^2}\mathrm{d}\lambda \ \mathrm{d} o\Delta,$

可以得到 $\Delta\lambda$ 极小。需要使用F-P标准具等仪器来测量:

由于两镀膜面平行,若使用扩展光源,则产生等倾干涉条纹。具有相同入射角的光线在 垂直于观察方向的平面上的轨迹是一组同心圆。若在光路上放置透镜,则在透镜焦平面上得到一组同心圆环图样。 在透射光束中,相邻光束的光程差为

$$\Delta = 2nd\cos\phi$$
 $2nd\cos\phi = K\lambda$

F-P具的分辨本领

$$\eta = rac{\lambda}{\Delta \lambda} = KN$$

K为干涉级次,N为精细度.

$$N = \frac{\pi \sqrt{R}}{1 - R}$$

由F-P标准具,测量近似波长差:

如图 13 所示,出射角为 θ 的圆环直径D与透镜焦距f间的关系为 $\tan\theta = \frac{D}{2f}$,对于

近中心的圆环 θ 很小,可以认为 $\theta \approx \sin \theta \approx \tan \theta$,于是有

$$\cos\theta = 1 - 2\sin^2\frac{\theta}{2} \approx 1 - \frac{\theta^2}{2} = 1 - \frac{D^2}{8f^2}$$
 (50)

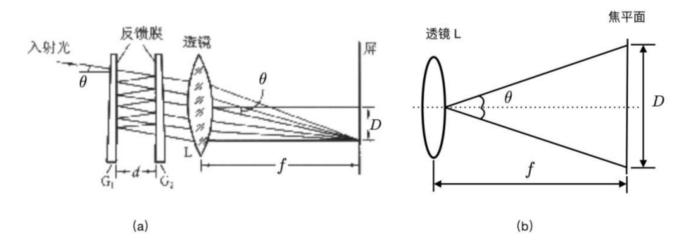


图 13 法布里一珀罗 (F-P) 标准具光路图 (图中的透镜指的是望远镜里的透镜)

计算荷质比 $f=rac{e}{m}$

$$f = rac{4\pi c}{ndB}(rac{D_a^2 - D_k^2}{D_{k-1}^2} - D_k^2)$$

<center>【实验步骤】 </center>

- 1. 准备工作
 - 1. 正确连线
 - 2. 确保汞灯正常, 电流为o
 - 3. 打开Capstone,观察实时采集图像,调整至分辨率最高
- 2. 光路调整
 - 1. 调整相机模块, 使汞灯位于屏幕中心, 图像清晰
 - 2. 调整聚光透镜和偏振片
 - 3. 调整F-P和干涉滤光片
 - 4. 获得清晰干涉图像
- 3. 观察谱线分裂
- 4. 计算荷质比 $\frac{e}{m}$
- 5. 平行于磁场方向观察
- 6. 调整光路
- 7. 观察到圆偏振

<center>【实验记录】 </center>

<center>【实验思考题】 </center>

1. 光子是否具有角动量? 试描述光子角动量方向与光的偏振方向之间的关系。

ANS

2. 用同一级条纹的内外圈分别计算电子的荷质比,结果一样吗?试简述原因。

ANS

3. 请利用(20)至(23)式,计算汞原子3S1(6s7s)和3P2(6s7p)能级所对应的量子数(见表 1),并给出详细的计算过程。

ANS

4. 请利用(2)、(8)和(20)式,并结合和(注意此时的是图 5 中的,详细见脚注 22), 导出朗德因子的一般表达式(28)式,并给出详细的推导过程。

ANS

5. 请利用单电子情况下的(36)式,并结合钠双黄线的平均波长及其波长差($\lambda 1 = 589.0 \text{ nm}$, $\lambda 2 = 589.6 \text{ nm}$),估算一下钠原子内部的磁感应强度 Bint的值(提示:单电子情况下,两谱线的能级差为势能的两倍,即有;另需要利用到光子波长和频率之间的关系式。答案:钠原子内部的磁感应强度 Bint的值为 18.5T)。

ANS

6. 请结合第 5 题的计算结果,说明弱外磁场 $B_{ext} << B_{int}$ 成立时弱外磁场 B_{ext} 的取值范围,并确认本实验中电磁体的磁感应强度符合弱外磁场 $B_{ext} << B_{int}$ 条件。

ANS

7. 请结合力与势能的关系式并利用(11)式,试推导磁矩在非均匀外磁场中的受力大小为(设外磁场方向在 z 轴方向,Fz为力在 z 方向上分量的 大小)(提示:请利用郭硕鸿《电动力学》(第二版)一书附录中的矢量运算公式)。

ANS

8. 请结合朗德因子的一般表达式(28)式,以及两个角动量耦合的一般规则(20)至(23)式,计算表 3 中汞原子 546.1nm 谱线对应的上下两个能级的各量子数及不同谱线(能级跃迁)的朗德因子(见图 9)。用"格罗春图"33(Grotrain 图)来表示汞原子 546.1nm谱线不同能级之间可能的跃迁。

ANS

9. 请回答什么是"反常塞曼效应"和"正常塞曼效应",两者之间的区别是什么。请思考什么是"帕那一巴克效应"及其形成的原因。

ANS

10. 请回答电子的"自旋-轨道耦合"的本质是什么?它与电子之间的"LS 耦合"的区别是什么?

ANS

11. 请结合多电子原子及电子组态的相关知识,思考为什么像汞原子一样有两个价电子的元素 (氦 He 和镁 Mg 等第二族(碱土族)元素),会有两套不同的谱线(一套是单线结构,一套是双线结构)。

ANS

12. 设 F-P 标准具两反射面之间的距离为 d=2 mm,请根据(47)式估计汞原子 546.1nm 谱线的自由光谱范围。

ANS

13. 请根据(38)式,估计在外磁场为 B=1T 时观察汞原子 546.1nm 谱线分离所要求的仪器分辨率的 η ,并讨论用 F-P 标准具观测的必要性(一般棱镜摄谱仪的理论分辨率为 10^3 10^4 ,F-P 标准具的理论分辨率为 10^5 10^7 ,实际分辨率比理论值要略低一些)。

ANS

14. 仔细观察垂直磁场方向观察,旋转偏振片至 450角的纪录,会发现同一级条纹在磁场中分离成不只三条,请解释出现这一现象的原因。

ANS

15. 本实验要求精度为实验测量误差小于等于 5%,请分析本实验误差的主要来源,并提出相应的修正方法。

ANS

16. 请尝试计算钠双黄线(又称"钠 D 线",是由钠原子从2P1/2, 3/2 到2S1/2态的跃迁所产生)谱线的塞曼分裂(如图 21),可能的话,设计具体实验步骤并进行观察验证。

ANS