

Momentum dan Impuls

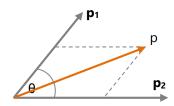
A. MOMENTUM DAN IMPULS

- Momentum adalah ukuran kesukaran untuk menghentikan suatu benda yang bergerak.
- Momentum adalah hasil kali massa benda dengan kecepatan benda pada waktu tertentu, dan termasuk besaran vektor.
- Nomentum dapat dirumuskan:

- Resultan momentum bila momentum yang dikerjakan benda lebih dari satu berdasarkan konsep vektor:
 - 1) Momentum membentuk sudut siku-siku

$$p = \sqrt{p_x^2 + p_y^2}$$

2) Momentum tidak membentuk sudut siku-siku



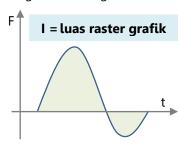
$$p = \sqrt{p_1^2 + p_2^2 + 2p_1 \cdot p_2 \cdot \cos\theta}$$

- Impuls adalah perubahan momentum atau gaya yang mengubah suatu momentum (gaya impulsif).
- Impuls adalah hasil kali gaya impulsif dengan selang waktu gaya tersebut bekerja, dan termasuk besaran vektor.
- 🛰 Impuls dapat dirumuskan:

Impuls pada gaya yang berubah-ubah dapat dirumuskan:

$$I = \int_{t_1}^{t_2} F(t) dt$$

🛰 Impuls pada grafik hubungan F-t:



Momentum dan impuls memiliki hubungan berdasarkan hukum Newton II.

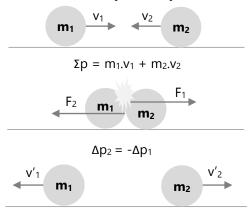
$$I = \Delta p$$
 $I = p_2 - p_1$

Dari persamaan atas, maka gaya pada momentum dan impuls dapat dirumuskan:

$$F = \frac{\Delta p}{\Delta t} = \frac{\Delta m v}{\Delta t}$$

B. HUKUM KEKEKALAN MOMENTUM

Hukum kekekalan momentum linear dapat dirumuskan melalui kejadian-kejadian berikut:



$$\Sigma p' = m_1.v'_1 + m_2.v'_2$$

 $\Sigma p_{awal} = \Sigma p_{akhir}$

Dari kejadian-kejadian diatas, suatu benda atau sistem dapat memiliki kekekalan momentum (tanpa pengaruh luar) jika:

$$m_1.v_1 + m_2.v_2 = m_1.v'_1 + m_2.v'_2$$

C. TUMBUKAN

- Tumbukan adalah proses pertemuan dua benda bermassa yang memiliki momentum.
- Koefisien restitusi (e) adalah ukuran kelentingan suatu tumbukan, pada tumbukan satu dimensi dapat dirumuskan:

$$e = -\frac{\Delta v'}{\Delta v} = -\frac{{v_2}' - {v_1}'}{{v_2} - {v_1}'}$$

- Tumbukan satu dimensi terdiri dari tiga macam, yaitu lenting sempurna, lenting sebagian, dan tak lenting sama sekali.
- Tumbukan lenting sempurna (elastis) adalah tumbukan dimana:
 - Hukum kekekalan momentum dan energi kinetik berlaku.

$$m_1.v_1 + m_2.v_2 = m_1.v'_1 + m_2.v'_2$$

$$\frac{1}{2}m_1.v_1^2 + \frac{1}{2}m_2.v_2^2 = \frac{1}{2}m_1.v_1'^2 + \frac{1}{2}m_2.v_2'^2$$

- 2) Energi kinetik tidak ada yang hilang.
- 3) Koefisien restitusi e = 1.

Contoh:

Dua buah benda yang sedang bergerak saling bertumbuk kemudian bergerak berbeda arah.

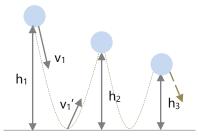
- **▼ Tumbukan lenting sebagian** adalah tumbukan dimana:
 - 1) **Hukum kekekalan** momentum berlaku, energi kinetik tidak.

$$m_1.v_1 + m_2.v_2 = m_1.v'_1 + m_2.v'_2$$

- 2) Energi kinetik ada yang hilang.
- 3) Koefisien restitusi 0 < e < 1.

Contoh:

Bola dipantulkan ke lantai.



Karena kecepatan lantai nol, dan kecepatan bola dipengaruhi gravitasi maka:

$$e = \sqrt{\frac{h'}{h}}$$

$$v' = \sqrt{2gh}$$

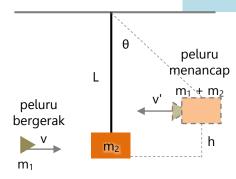
- Tumbukan tak lenting sama sekali (inelastis) adalah tumbukan dimana:
 - 1) Setelah benda menumbuk, keduanya menempel menjadi satu, bergerak dengan arah dan kecepatan yang sama $(v_1' = v_2' = v')$.
 - Hukum kekekalan momentum berlaku, energi kinetik tidak.

$$m_1.v_1 + m_2.v_2 = (m_1 + m_2)v'$$

- 3) Energi kinetik ada yang hilang.
- 4) Koefisien restitusi e = 0.

Contoh:

Peluru ditembakkan ke ayunan balistik dengan tali sepanjang L yang terikat dengan balok, sehingga balok bergerak dan naik setinggi h:



Karena kecepatan awal balok nol, dan kecepatan balok dipengaruhi gravitasi maka:

$$\frac{L}{L-h} = \cos\theta$$

$$v' = \sqrt{2gh}$$