Трассировка пучка частиц в магнитном поле

Выполнил:

студент 205 группы

Болонкин Е.В.

Научный руководитель:

профессор Перепёлкин Е. Е.

Описание задачи

• Пучок С12 направляется в **∧** Ox систему из двух соленоидов Oz 40см 40см C¹² 40см Оу 10см

• Соленоид создаёт поле

$$ec{H}(\mu) = rac{1}{4\pi} \int_V rac{\left[ec{J}, r_{\mu p}^{
ightarrow}
ight]}{r_{\mu p}^3} dV$$

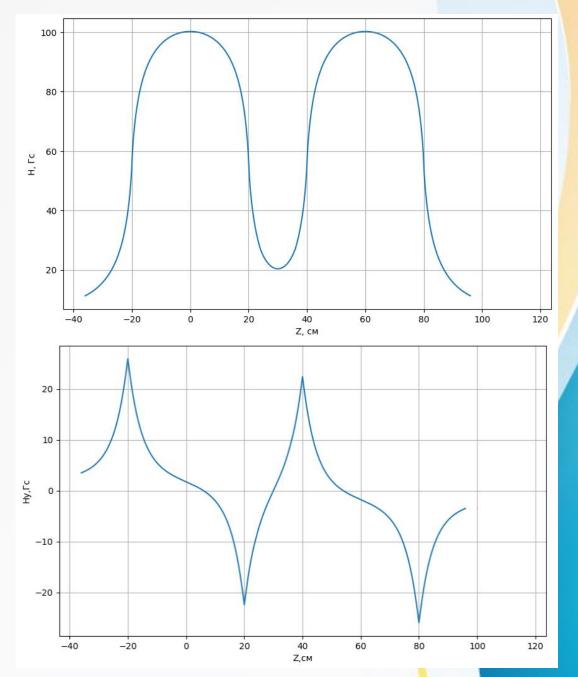
, которое можно найти по закону Био-Савара-Лапласа

Расчёт поля соленоида

$$H_r(P) = rac{J}{4\pi} \sum_{j=1}^2 \sum_{k=1}^2 (-1)^{j+k} \cdot Hc_r\left(R_j, Z_k, \phi_{PC}
ight)^{-rac{arphi}{2}}$$

$$H_t(P) = rac{J}{4\pi} \sum_{j=1}^2 \sum_{k=1}^2 (-1)^{j+k} \cdot Hc_t\left(R_j, Z_k, \phi_{PC}
ight)$$

$$H_z(P) = rac{J}{4\pi} \sum_{j=1}^2 \sum_{k=1}^2 (-1)^{j+k} \cdot Hc_z\left(R_j, Z_k, \phi_{PC}
ight)$$



$$egin{aligned} Hc_r(R_j, Z_k, \phi_{PC},) &= \int_{-\phi_{PC}}^{2\pi - \phi_{PC}} \cos \psi \cdot \sqrt{R_{PC}^2 - 2R_{PC}R_j \cos(\psi) + R_j^2 + Z_k^2} d\psi + \ &+ \int_{-\phi_{PC}}^{2\pi - \phi_{PC}} R_{PC} \cos^2(\psi) \cdot \ln \left((R_j - R_{PC} \cos(\psi)) + \sqrt{R_{PC}^2 - 2R_{PC}R_j \cos(\psi) + R_j^2 + Z_k^2}
ight) d\psi \end{aligned}$$

$$egin{align*} Hc_t\left(R_j,Z_k,\phi_{PC}
ight) &= \int_{-\phi_{PC}}^{2\pi-\phi_{PC}}\sin(\psi)\cdot\sqrt{R_{PC}^2-2R_{PC}R_j\cos(\psi)+R_j^2+Z_k^2}d\psi + \ &+ \int_{-\phi_{\varphi C}}^{2\pi-\phi_{PC}}R_{PC}\cos(\psi)\sin(\psi)\cdot\ln\left(\left(R_j-R_{PC}\cos(\psi)
ight)+\sqrt{R_{PC}^2-2R_{PC}R_j\cos(\psi)+R_j^2+Z_k^2}
ight)d\psi \end{aligned}$$

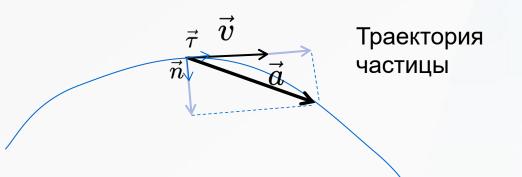
$$Hc_z\left(R_j, Z_k, \phi_{PC}
ight) = \int_{-\phi_{PC}}^{2\pi - \phi_{PC}} -Z_k \cdot \ln\left[\left(R_j - R_{PC}\cos(\psi)
ight) + \sqrt{R_{PC}^2 - 2R_{PC}R_j\cos(\psi) + R_j^2 + Z_k^2}
ight]\!d\psi +$$

$$+\int_{-\phi_{PC}}^{2\pi-\phi_{PC}} -R_{PC}\cos(\psi) \cdot \ln\left(-Z_{k} + \sqrt{R_{PC}^{2} - 2R_{PC}R_{j}\cos(\psi) + R_{j}^{2} + Z_{k}^{2}}\right) d\psi + \int_{-\phi_{PC}}^{2\pi-\phi_{PC}} R_{PC}\sin(\psi) \cdot \arctan\left(rac{Z_{k}\left(R_{j} - R_{PC}\cos(\psi)
ight)}{R_{PC}\sin(\psi)\sqrt{R_{PC}^{2} - 2R_{PC}R_{j}\cos(\psi) + R_{j}^{2} + Z_{k}^{2}}}
ight) d\psi$$

Движение релятивистской частицы

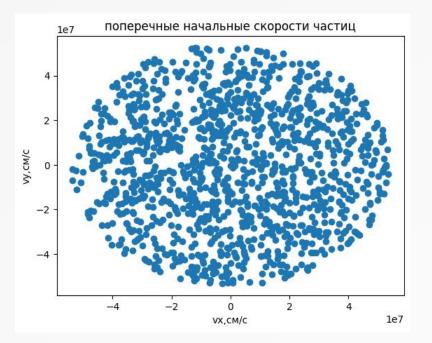
$$rac{dec{p}}{dt}=ec{F} \qquad ec{p}=m\gammaec{v}$$

$$ec{a} = rac{F_n}{\gamma m} ec{n} + rac{F_ au}{\gamma^3 m} ec{ au}$$



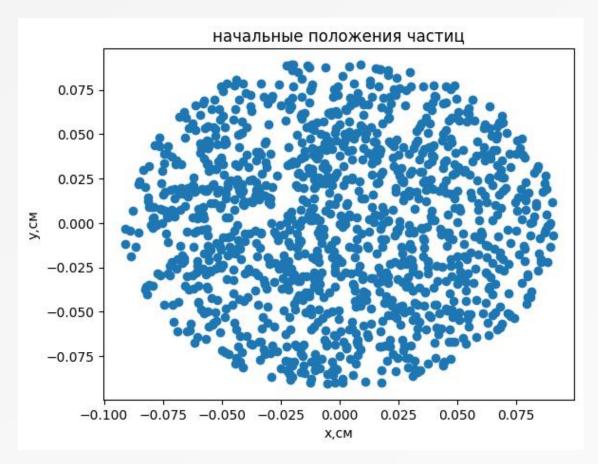
Задание ДУ для решения методом Рунге-Кутты

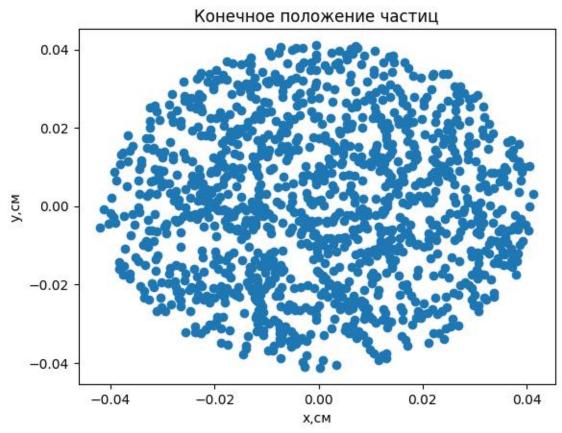
$$egin{aligned} \vec{v} &= rac{dec{x}}{dt} \ egin{aligned} ec{a} &= rac{F_n}{\gamma m} ec{n} + rac{F_ au}{\gamma^3 m} ec{ au} \ ec{v} \left(t_0
ight) &= ec{v}_0 \ ec{x} \left(t_0
ight) &= ec{x}_0 \end{aligned}$$

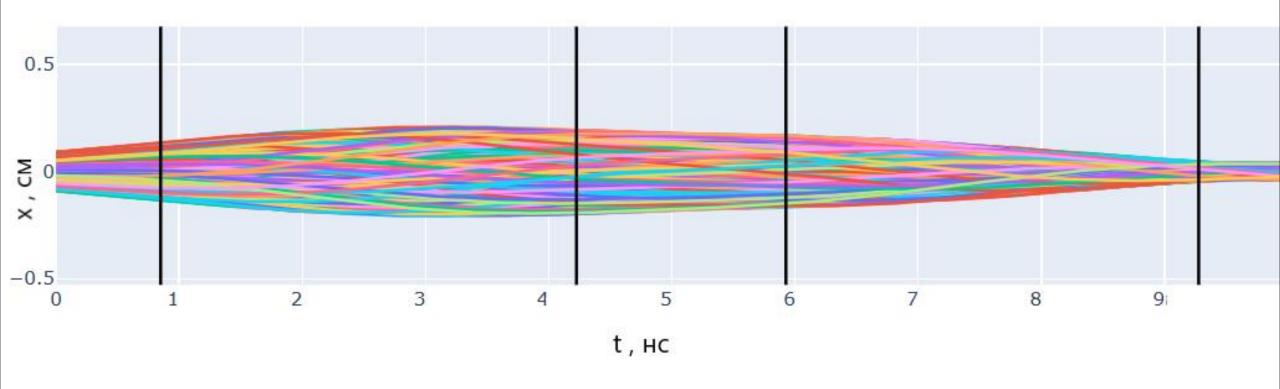


$$ec{F}_{j} = rac{q}{c} \left[\dot{ec{x}}_{j} \; , ec{H} \left(ec{x}_{j}
ight)
ight] + \sum_{i
eq j} rac{q_{i}q_{j}}{\left(r_{ij}
ight)^{3}} ec{r}_{ij}, \quad ec{r}_{ij} = ec{x}_{j} - ec{x}_{i}$$

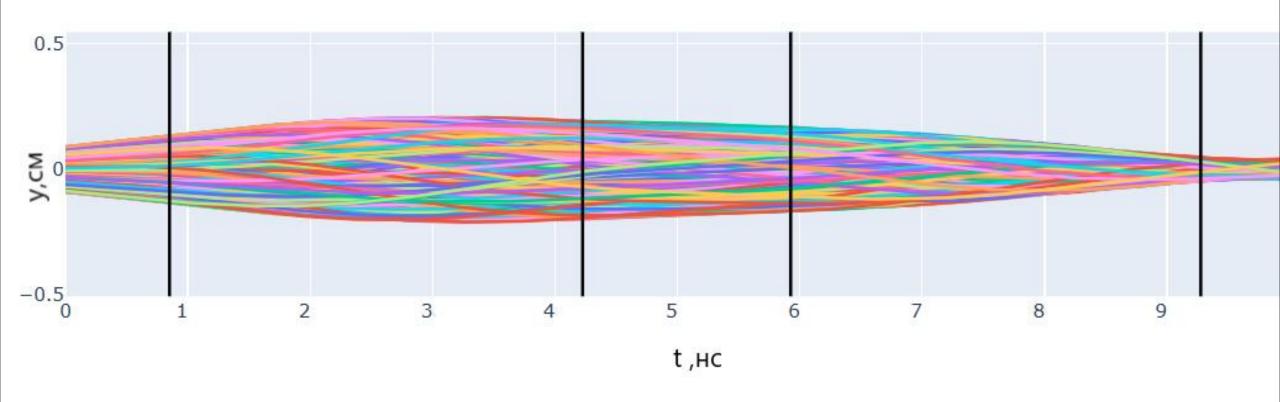
Для 1250 частиц



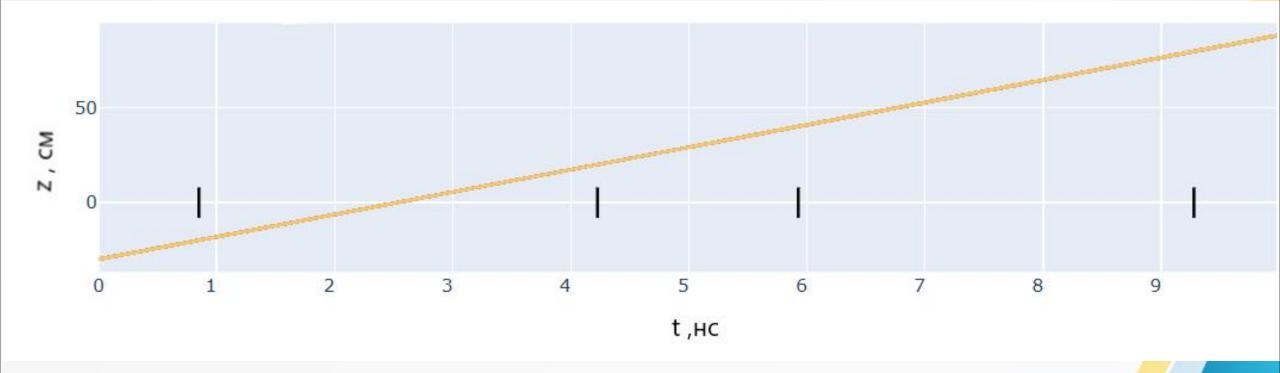




Проекция координаты частицы на ось X.

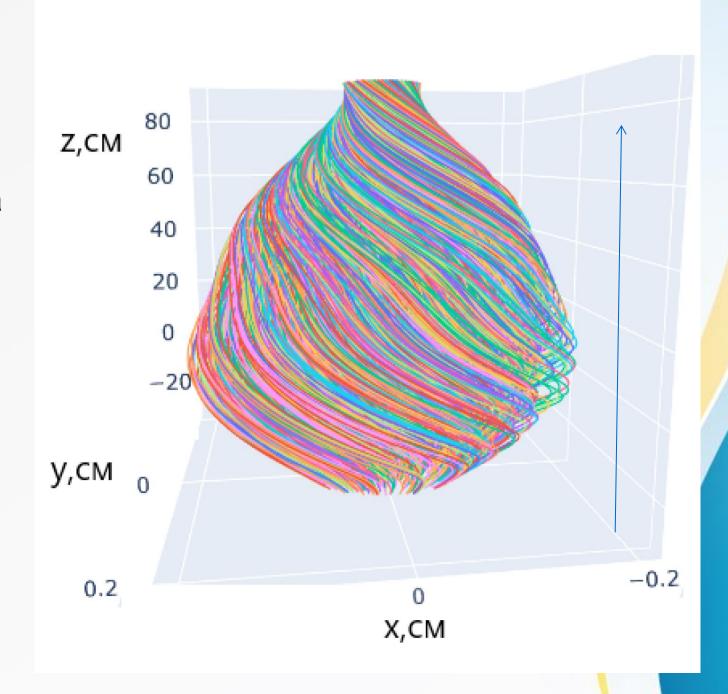


Проекция координаты частицы на ось Ү.



Проекция координаты на ось Z.

График траектории пучка частиц в трёхмерном пространвтве.



Итоги

- В работе было численно посчитано поле, создаваемое соленоидом
- Записано уравнение движения частицы в магнитном поле с учётом релятивизма
- Моделирование прохождения пучка через систему соленоидов.

Спасибо за внимание