

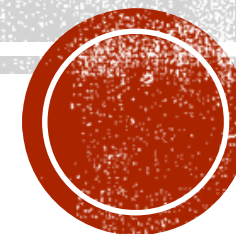
Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского

Центр дополнительного профессионального образования

Программа дополнительного профессионального образования «Профессиональное
программирование»

ВЫПУСКНАЯ РАБОТА

«МОДЕЛИРОВАНИЕ ИГРЫ БИЛЬЯРД «ВОСЬМЕРКА» В СРЕДЕ QT CREATOR»

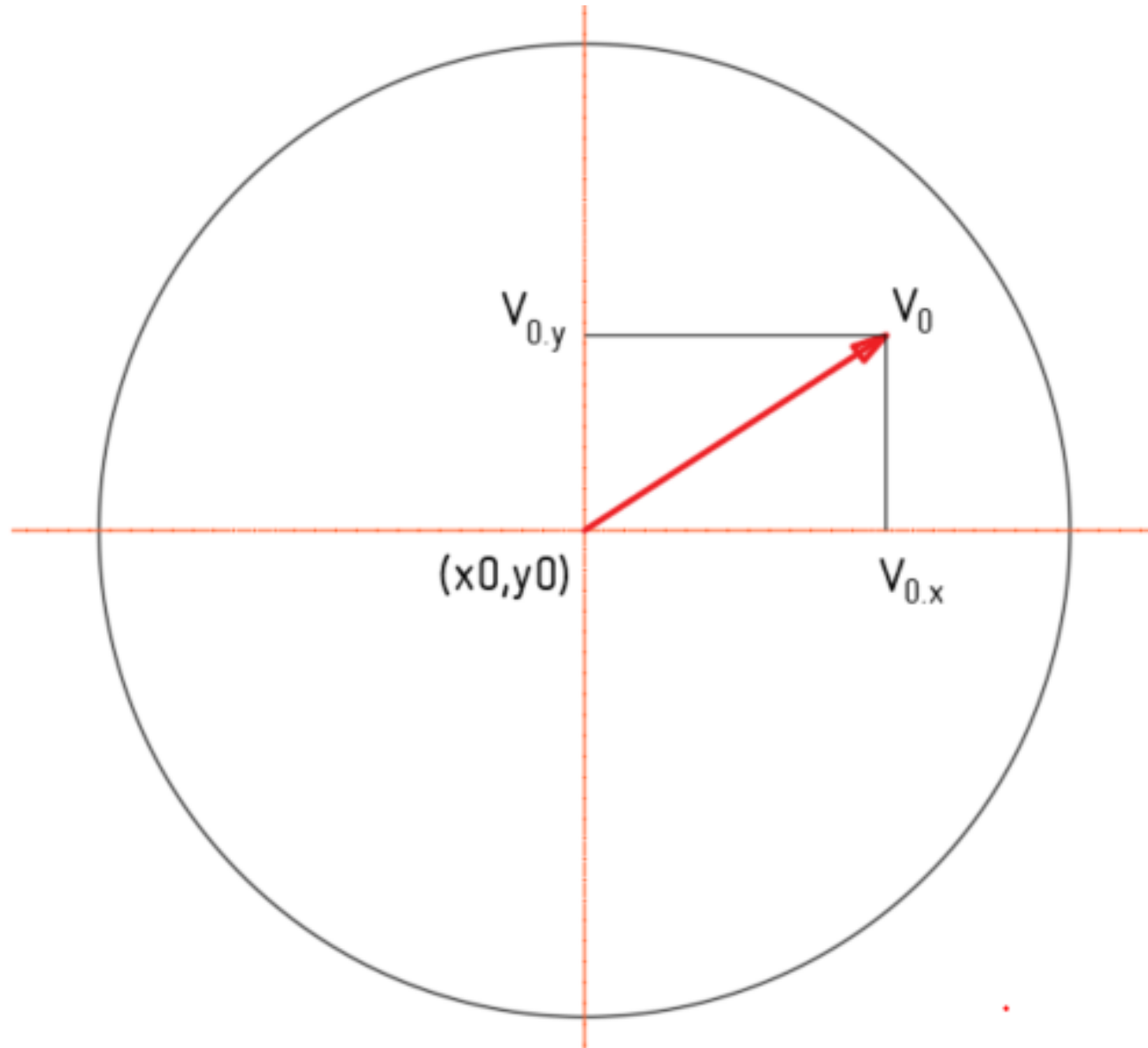


Выполнил: Родин Е.В.

Руководитель: Городецкий С.Ю.

Нижний Новгород, 2021г

ОБЪЕКТ КЛАСС BALL



▼ Balls	<16 items>	QList<Ball *>
▼ *([0])	@0x228830b06d0	Ball
> [QObject]	@0x228830b06d0	QObject
> [QGraphicsItem]	@0x228830b06e0	QGraphicsItem
▼ [Point]	@0x228830b0728	Point
> [vptr]	__vfptr	
t	0.02	double
▼ v0	@0x228830b0748	V
x	-11.977212597826068	double
y	-2719.973629721139	double
x0	148.17751879699247	double
y0	355.21804511278197	double
> [d]	@0x228830aebb0	QObjectPrivate
[parent]	0x0	QObject *
[children]	<0 items>	QList<QObject *>
> [properties]	<at least 0 items>	
[methods]	<0 items>	
> [extra]		
> *_font	@0x2288514b650	QFont
active	true	bool
calculated	false	bool
> color	@0x228830b06fc	QColor
moving	true	bool
number	0	int
r	11.421052631578947	double
scale	0.23308270676691728	double
> staticMetaObj...	@0x7ff6cae4aab0	QMetaObject
type	WHITE (3)	Ball::Type



МОДЕЛЬ ДВИЖЕНИЯ ШАРА

В качестве физической модели движения шара использовано уравнение движение, согласно которому за каждый промежуток ΔT координата меняется на $V_0.x * \Delta T$ и $V_0.y * \Delta T$ при этом:

$V_0 = \Delta V$, а $\Delta V = \Delta F$.

Параметры изменения значение скоростей и ускорений подбирались опытным путем.

Движение шара происходит до момента, пока модуль изменения скорости по обеим координатам не станет меньше значения **ΔV_{min}** . После чего шару присваивается статус неподвижного. Это сделано для остановки шара и предотвращения его движения в обратном направлении, что неминуемо бы произошла из использования полинома в качестве функции, описывающей движение.

$x = x + V_0.x * \Delta T;$

$y = y + V_0.y * \Delta T;$

$V_0 = \Delta V;$

$\Delta V = \Delta F;$

```
void Ball::move() {  
    moveBy(this->v0.x * MainWindow::deltaT, this->v0.y * MainWindow::deltaT);  
  
    V vPrev = this->v0;  
  
    this->v0 *= MainWindow::deltaV;  
  
    MainWindow::deltaV*=MainWindow::deltaForce;  
  
    if ((fabs(vPrev.x - this->v0.x) < MainWindow::deltaVmin) &&  
        (fabs(vPrev.y - this->v0.y) < MainWindow::deltaVmin)) {  
        this->setMovingStatus(false);  
    }  
}
```



СОУДАРЕНИЕ ДВУХ ШАРОВ

Уравнение прямой $y = \frac{y_1}{x_1} * x$

Ищем уравнение прямой, перпендикулярной к данной, проходящей через точку:

$$y - y_1 = \frac{1}{k} \cdot (x - x_1)$$

Подставляем значение из функции:

$$y = \left(\frac{x_1}{y_1} + V_{0y} \right) \cdot x$$

Координаты проекции вектора скорости первого шара на прямую между центрами:

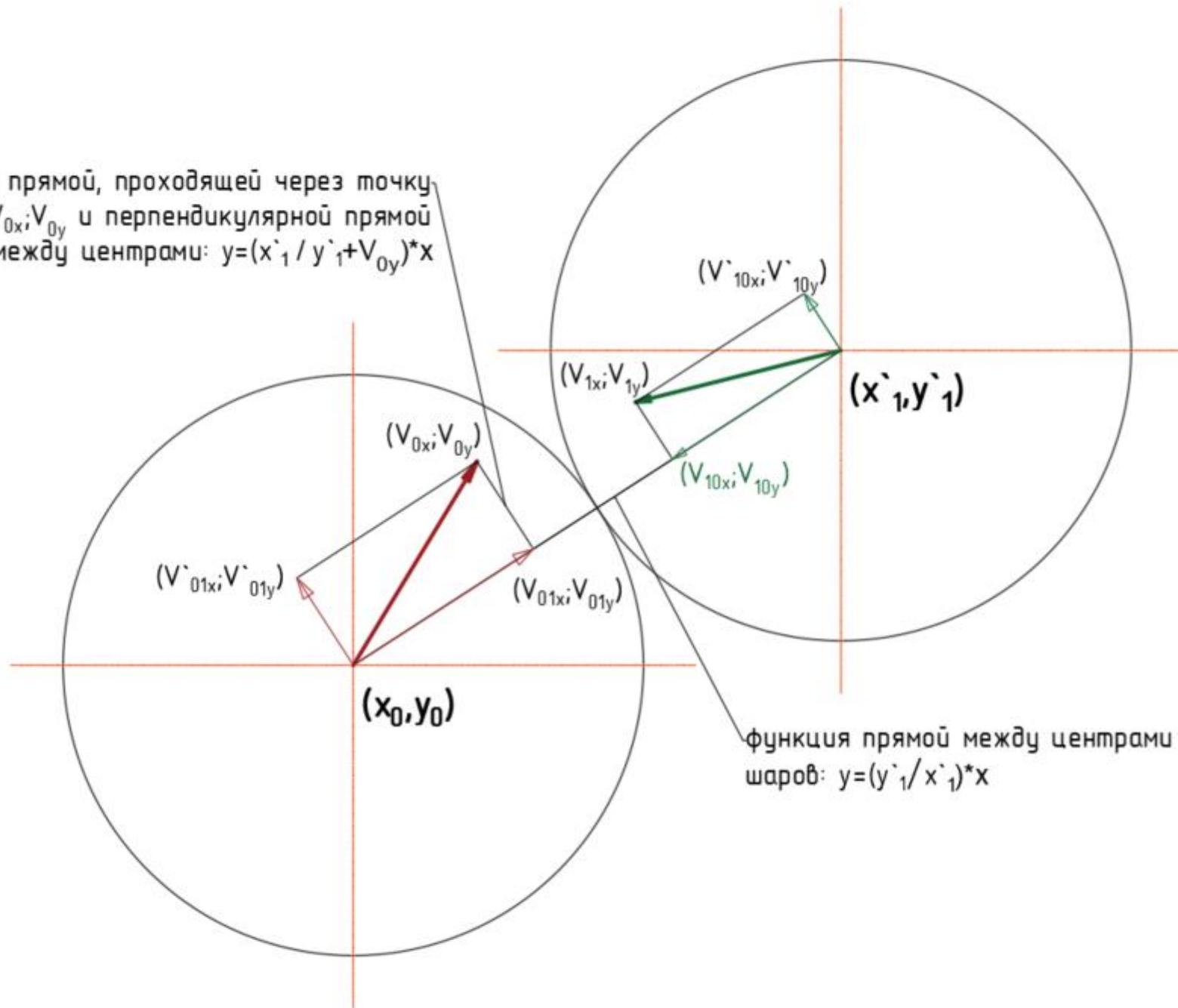
$$V_{01x} = \frac{\left(\frac{x_1}{y_1} * V_{0x} + V_{0y} \right)}{\left(\frac{x_1}{y_1} + \frac{y_1}{x_1} \right)}$$

$$V_{01y} = \frac{y_1}{x_1} * V_{01x}$$

Получив V_{01} мы находим перпендикулярный ему вектор:

$$V_{01} = V_0 - V_{01}$$

функция прямой, проходящей через точку $V_{0x}; V_{0y}$ и перпендикулярной прямой между центрами: $y = (x_1 / y_1 + V_{0y}) * x$

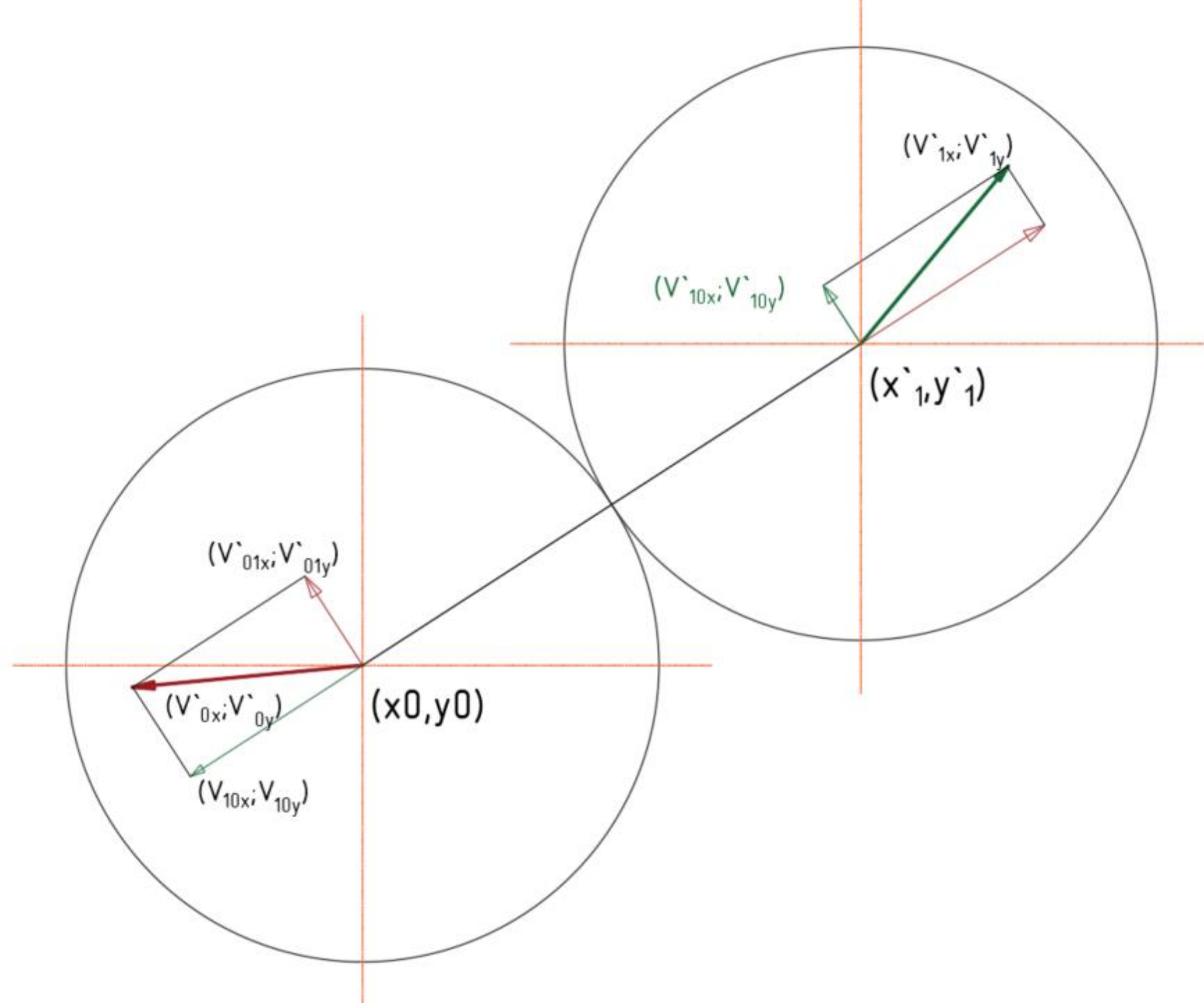


СОУДАРЕНИЕ ДВУХ ШАРОВ. ПРОДОЛЖЕНИЕ

Аналогичные действия проводим для второго шара и ищем у него векторы V_{10} и V'_{10}

Обмениваем векторы V_{01} и V_{10} между собой.

Собираем векторы скорости для каждого шара. Итог на рисунке.



МОДЕЛЬ СОУДАРЕНИЯ ТРЕХ ШАРОВ

Получаем уравнение прямых:

$$y = \frac{y_1}{x_1} * x \quad \text{и} \quad y = \frac{y_2}{x_2} * x$$

Далее ищем прямую, параллельную

$y = \frac{y_2}{x_2} * x$ и проходящую через точку $(V_{0x}; V_{0y})$:

$$y = \frac{y_2}{x_2} (x - V_{x0}) + V_{0y}$$

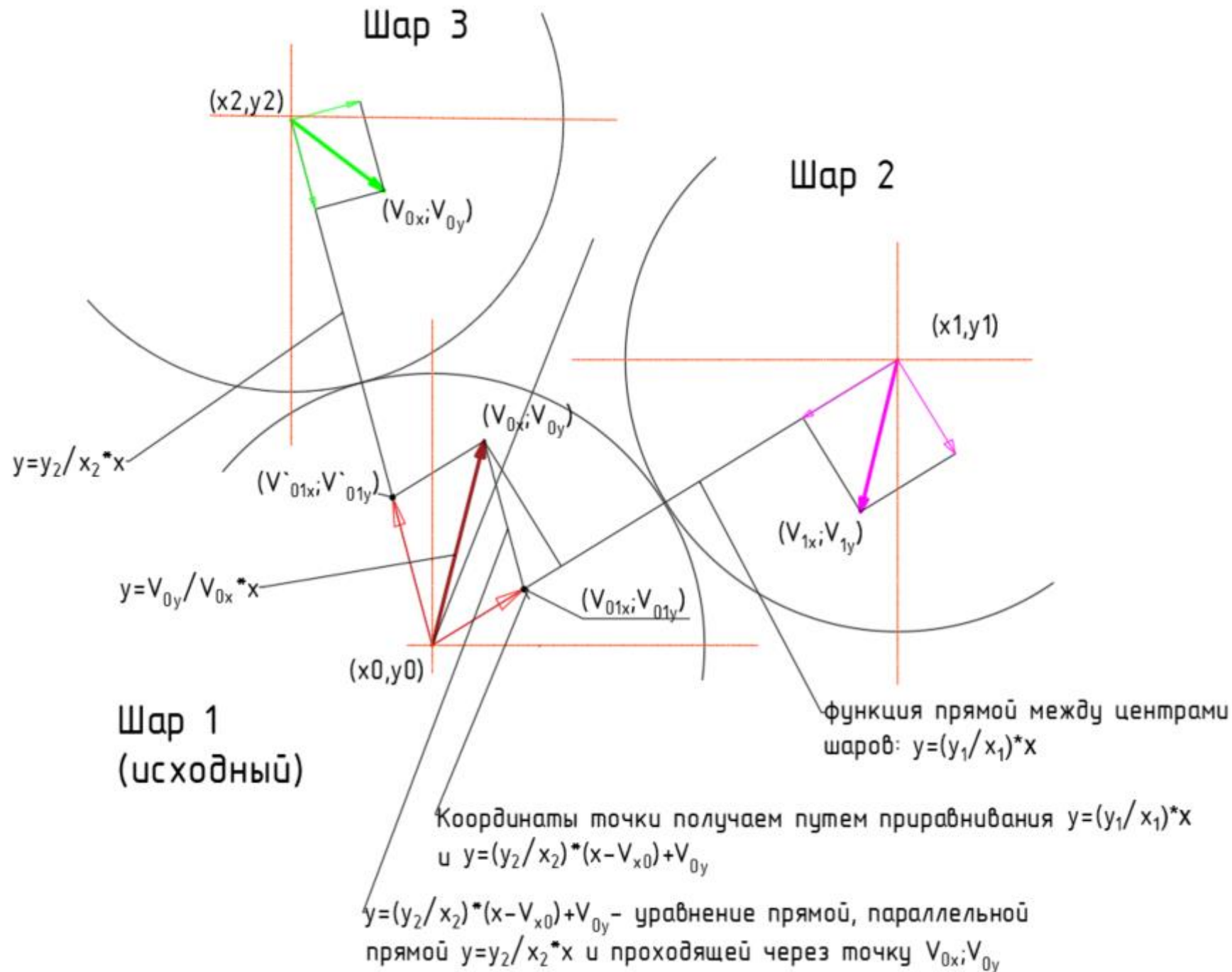
Находим координаты вектора:

$$V_{01x} = \frac{\left(V_{0y} - \frac{y_2}{x_2} * V_{0x} \right)}{\left(\frac{y_1}{x_1} - \frac{y_2}{x_{21}} \right)}$$

$$V_{01y} = \frac{y_1}{x_1} * V_{01x}$$

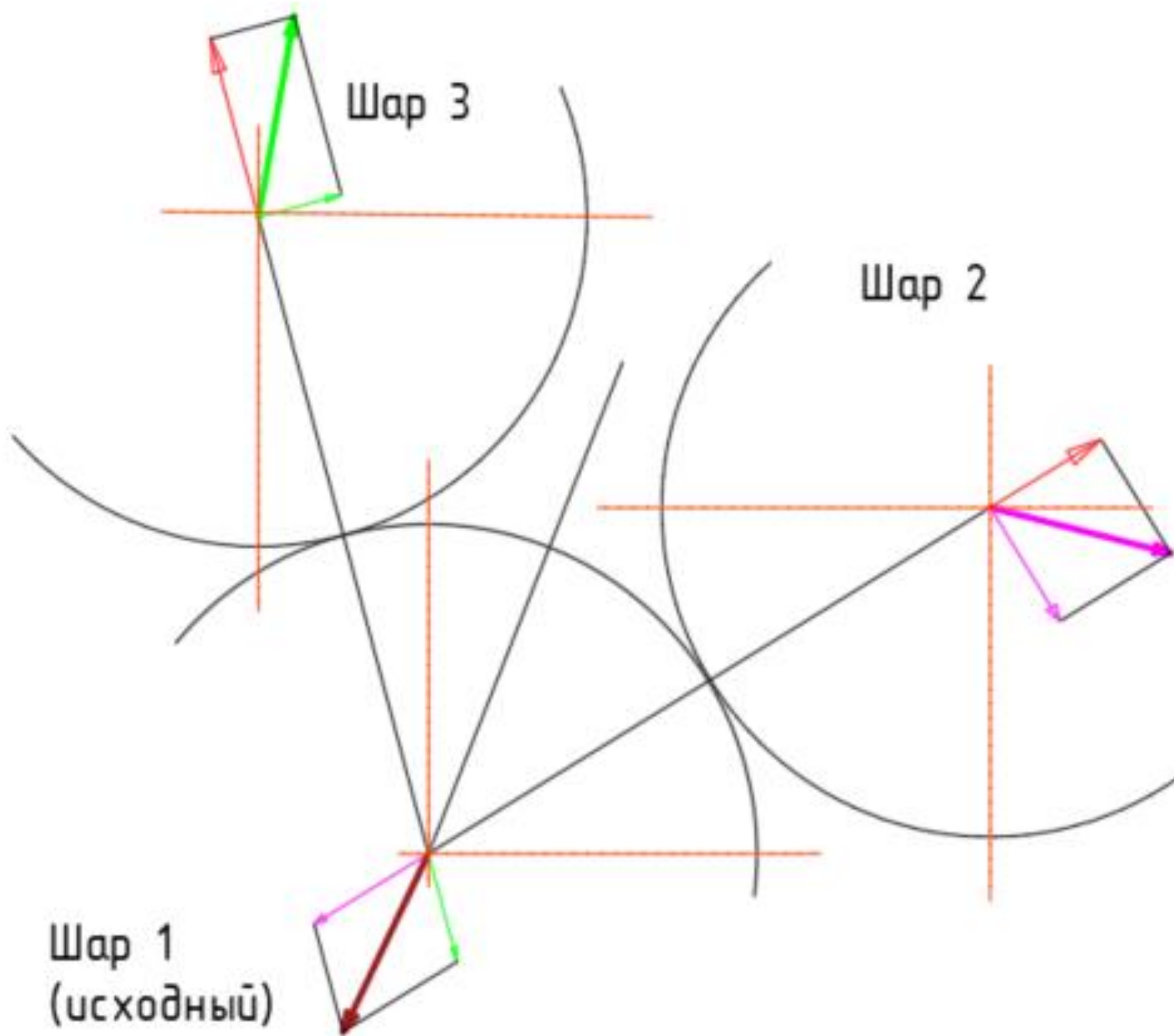
Получив V_{01} мы находим перпендикулярный ему вектор:

$$V'_{01} = V_0 - V_{01}$$



МОДЕЛЬ СОУДАРЕНИЯ ТРЕХ ШАРОВ. ПРОДОЛЖЕНИЕ

После сложение векторов и общего
вектора скорости, имеем следующую
картину



СЛОЖНОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ

При вызове метода

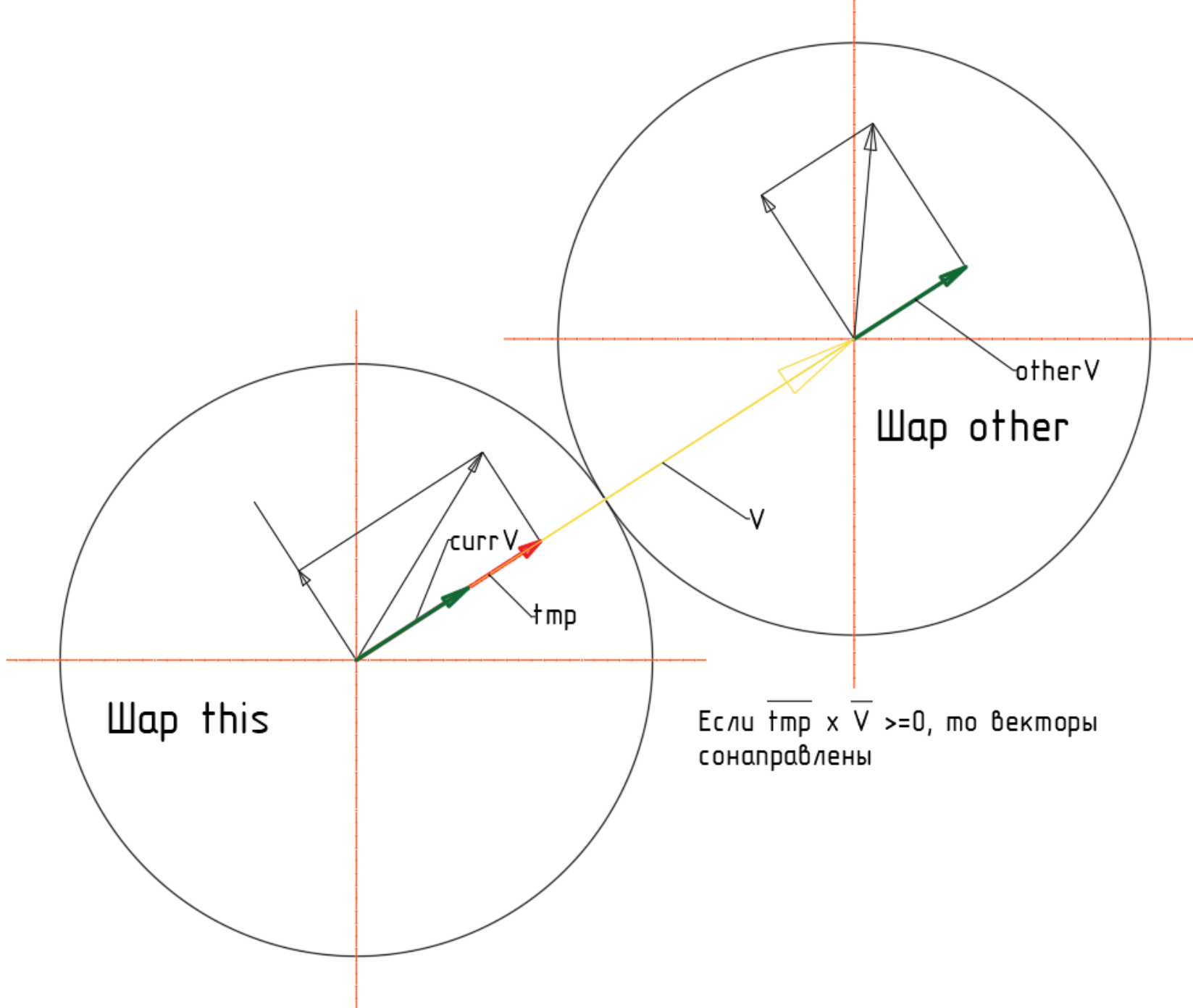
`void MainWindow::calcBallsDistances()`

для расчета дистанции между шарами и последующего вызова функции соударения шаров может наступить момент, когда шары столкнулись на предыдущей итерации, но не успели «отскочить» на достаточное расстояние друг от друга из-за потери скорости и для них вновь будет вызвана функция соударения и шара войдут в зацикленное биение друг о друга.

Суть метода сводится к вычислению скалярного произведения между вектором направленным от центра текущего шара к центру противоположного $-V$ и разницей проекций векторов скорости шаров на межцентровую прямую

$tmp = currV - otherV$.

При $tmp \times V \geq 0$ векторы сонаправлены



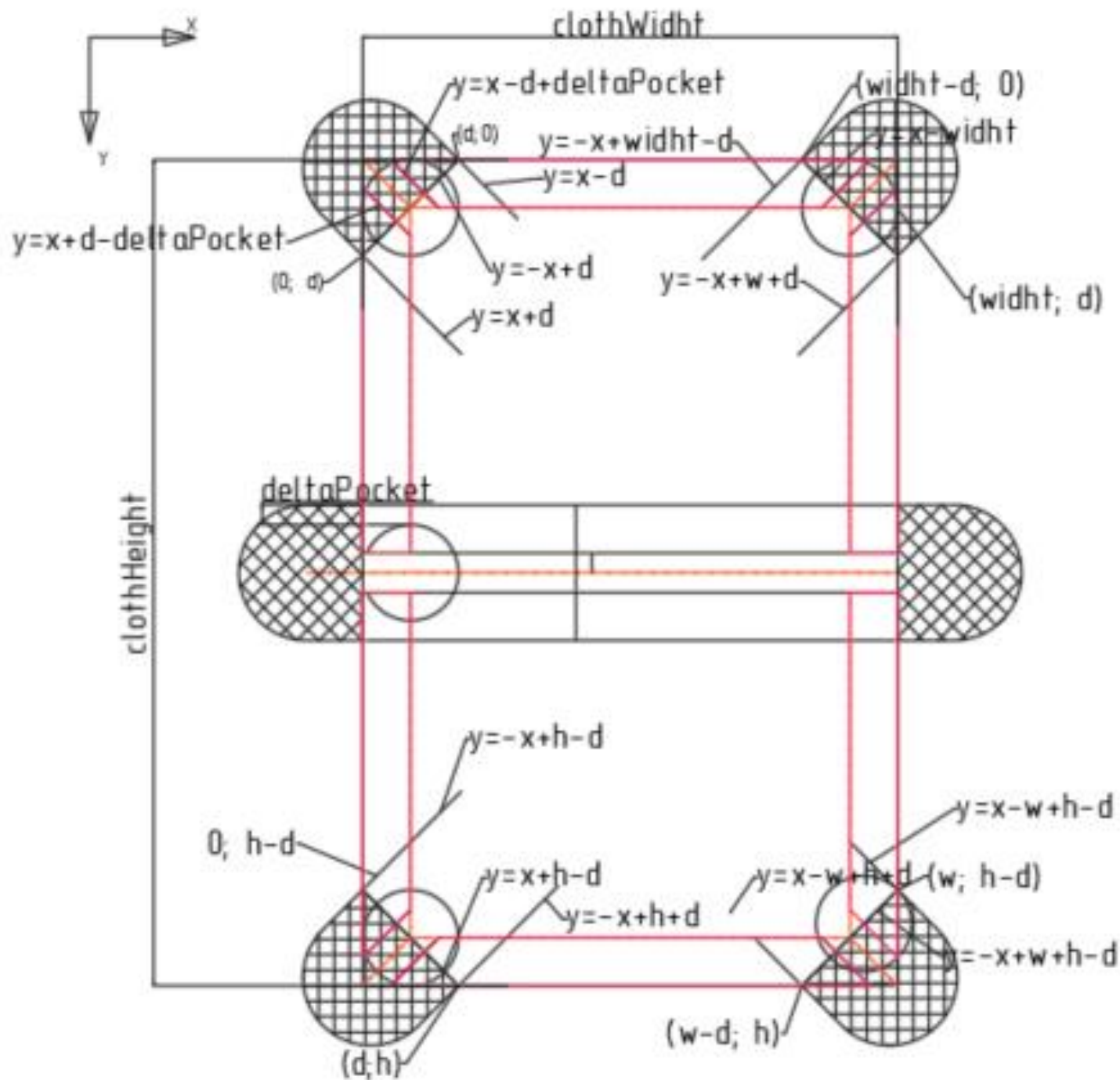
МОДЕЛЬ СТОЛА

Стол описан множеством прямых, при пересечении которых для шара вызываются соответствующие события:

- отражение от борта;
- попадание в лузу.

Прямые описаны уравнениями, коэффициенты и слагаемые которых определяются в зависимости от размера шара и размеры лузы. Данные параметры автоматически пересчитывают при изменении размеров шаров и луз, зависящих от размера стола.

Уравнения соответствующих бортов и луз показаны на рисунке.



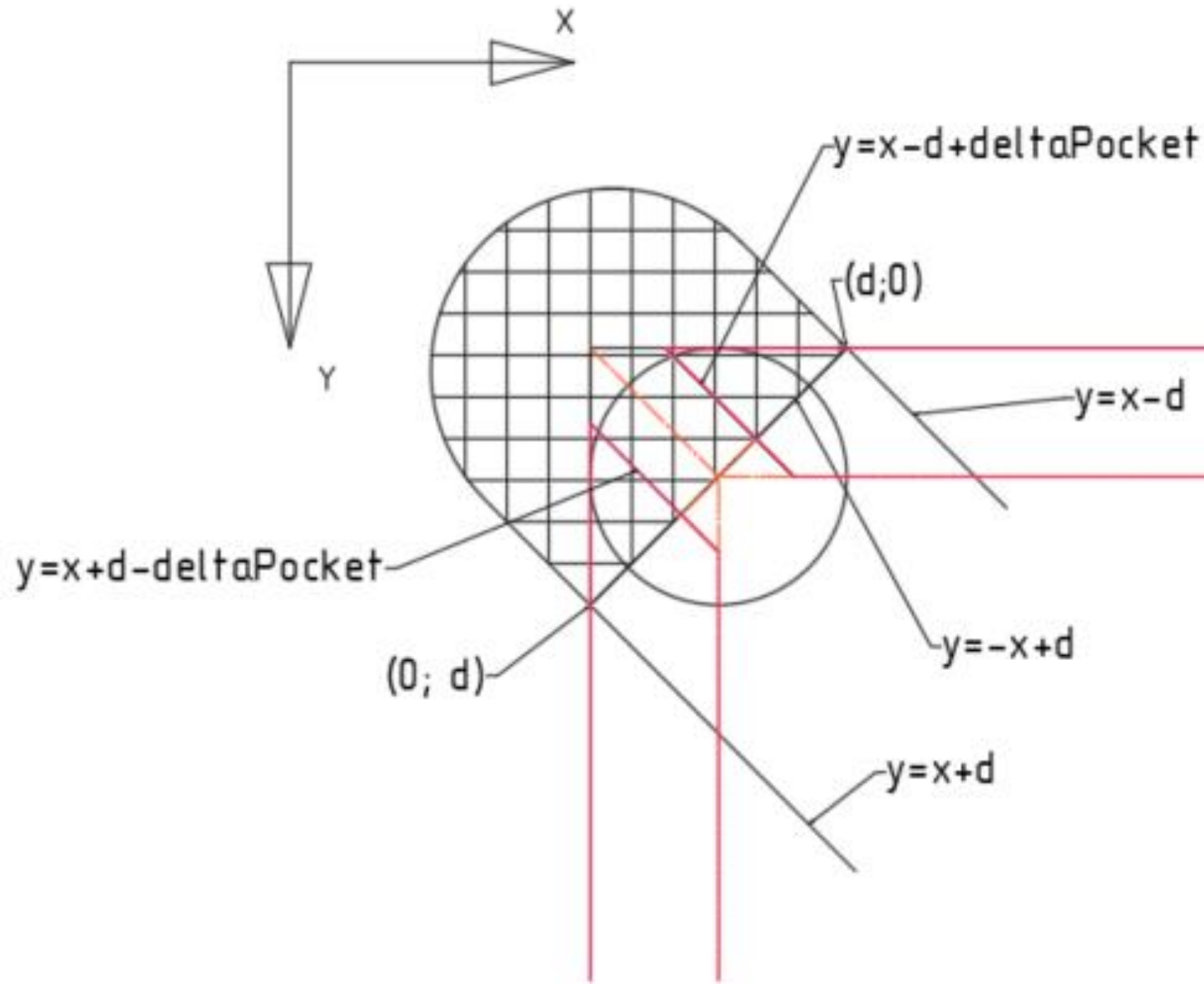
ПОПАДАНИЕ ШАРА В ЛУЗУ

Зоны луз задаются аналитически с помощью уравнений прямых в координатах стола. Пример функций для верхней левой лузы показан на рисунке.

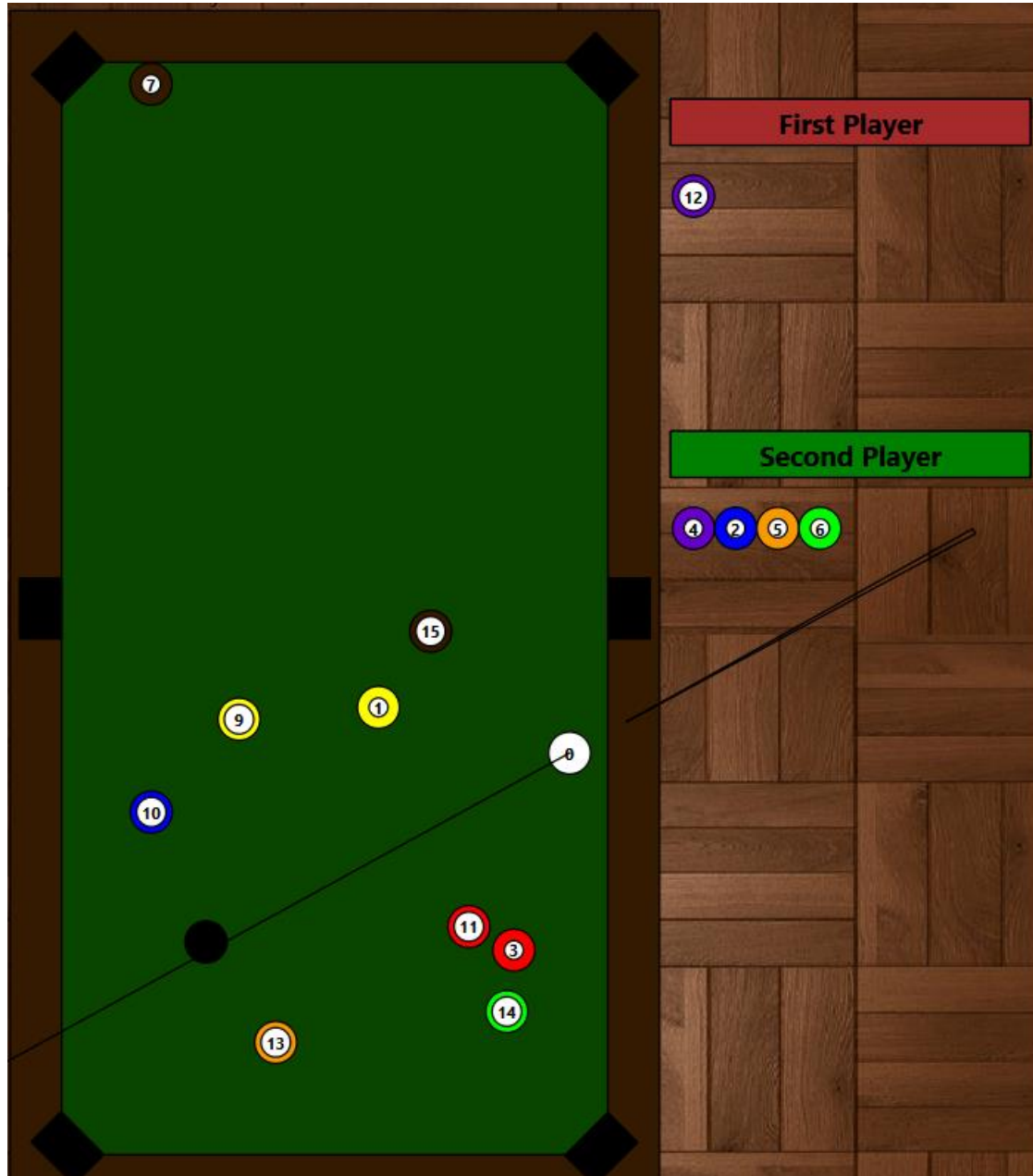
За реализацию в программе отвечает метод

```
void MainWindow::pocketCheck();
```

Помимо проверки попадания в лузу, метод так же определяет тип забитого шара и присваивает его соответствующему игроку или выставляет статус «Фол»



ОБЩИЙ ИНТЕРФЕЙС



На сцене кроме стола с объектами классов **Ball** и **Cue**

Находятся два объекта класса **Player**.

У каждого из этих объектов есть своя область размещения забиты шаров.

Активный игрок помечен зеленым цветом

В момент подготовки к удару планка игрока окрашивается соразмерно с силой удара.



РАСЧЕТ КАДРА

За расчет кадра отвечает метод класса MainWindow `void MainWindow::pitch()`, связанный с таймером `QTimer * timer`

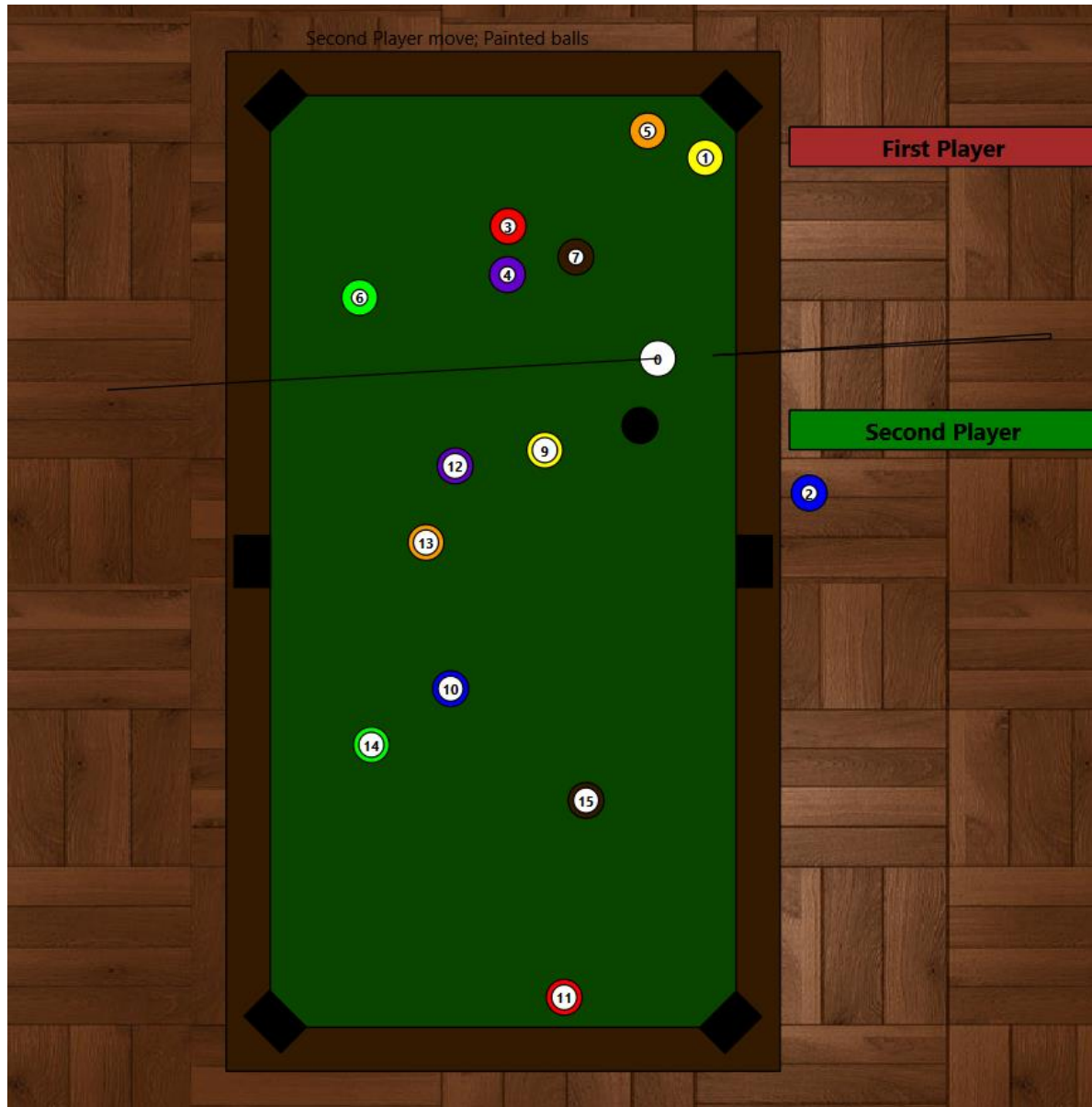
Реализация:

```
void MainWindow::pitch(){
    for(int i =0;i<40;++i) {
        setCalculatedStatusFalse(); //выставляем статус "просчитан" в false для всех шаров
        pocketCheck();              //проверяем падение в лузу
        boardCollision();            //проверяем столкновение с бортом
        calcBallsDistances();       //проверяем дистанцию между шарами
        moveBalls(); //продвигаем все находящиеся в движении шары на одну итерацию
    }
    scene->update();                //отрисовываем сцену
    if (!ballsInMoving()) {         //Обработка завершения движения шаров
        timer->stop();               //останавливаем таймер
        checkPocketedBalls();       //проверяем забитые шары
        setCuePosition();           //устанавливаем кий на белый шар
    }
}
```

- На каждый тик таймера (60 раз в секунду) происходит дополнительно определенное количество итераций за счет использования цикла `for`. Это необходимо для обеспечения нужной точности движения и экономит ресурсы системы на излишнюю отрисовку сцены.
- В каждом цикле вызова метода **`pitch()`** проверяется падение шара в лузу, столкновение с бортом, высчитывается дистанция для всех шаров и происходит продвижение всех шаров на один шаг `deltaT`.
- Далее проверяет двигается ли хотя бы один шар на столе, если движение прекращается, таймер останавливается и запускается метод проверки упавших шаров в лузу **`checkPocketedBalls()`** в котором выставляются соответствующие флаги, влияющие на дальнейшее течение игры (фол, продолжение хода и завершение игры).



МЕТОД РАСЧЕТА РАССТОЯНИЙ МЕЖДУ ШАРАМИ И ВЫЯВЛЕНИЕ СТОЛКНОВЕНИЙ



В методе последовательно проверяются все движущиеся активные шары на квадрат дистанции между другими шара. При уменьшении этого параметра меньше квадрата диаметра шаров, вызывается метод столкновения двух или трех шаров в зависимости от того, сколько шаров находится в диапазоне досягаемости шара. При просчете шара ему присваивается статус “calculated”, чтобы не просчитывать его внутри вложенного цикла.



ПРЕИМУЩЕСТВА И НЕДОСТАТКИ. ПУТИ РАЗВИТИЯ

Преимущества:

- Полностью удалось избежать использование тригонометрических функций $\sin()$ и $\cos()$.
- При для оценки расстояния между шарами значение дистанции заменено на ее квадрат.

Недостатки:

- Упрощенная математическая модель движения шаров. Отсутствует вращение шара.
- Упрощенный отскок шаров от бортов стола в области луз

Пути развития:

- Возможность удара кием не только в центр шара, но и с некоторым смещением.
- Многопользовательский режим
- Пересмотр реализации класс; отказ от статических переменных.
- Изменить механизм наследования

