# Вопросы к экзамену по курсу "Байесовские методы в анализе данных"

На экзамене можно пользоваться одним листом размера А5 (треть А4), написанным от руки (с двух сторон).

#### Во всех вопросах нужно уметь расшифровывать обозначения в формулах!

#### Введение в байесовские методы

- 1. Запишите формулы условной вероятности и формулу Байеса.
- 2. В чем состоят отличия оценки параметров в байесовском и частотном подходе?
- 3. Что такое метод максимального правдоподобия? В чем состоят его недостатки?
- 4. Запишите определение сопряженного семейства распределений. Приведите два примера сопряженных семейств распределений.
- 5. Какие распределения необходимо задать, чтобы задать байесовскую модель машинного обучения?
- 6. Какое распределение необходимо искать на этапе обучения байесовской модели машинного обучения? А на этапе предсказания?
- 7. Что такое оценка максимума апостериорной вероятности? В чем ее преимущества и недостатки по сравнению с методом максимального правдоподобия и с полным байесовским выводом?

## Полный байесовский вывод для линейной регрессии

- 8. Запишите формулу плотности многомерного нормального распределения. Как интерпретируются параметры этого распределения? Какова мода этого распределения? Как выглядят линии уровня плотности многомерного нормального распределения при диагональной и недиагнальной матрице ковариации?
- 9. Запишите модель байесовской линейной регрессии.
- 10. Поясните, почему поиск максимума апостериорной вероятности в модели байесовской линейной регрессии соответствует L2-регуляризации модели.
- 11. Запишите алгоритм обучения модели байесовской линейной регрессии. Каковы гиперпараметры этой модели?
- 12. По какой формуле будут вычисляться среднее и дисперсия предсказания для нового объекта в модели байесовской линейной регрессии?
- 13. Для чего на практике может использоваться дисперсия предсказания в байесовской линейной регрессии?
- 14. Что такое обоснованность модели? Для чего она используется?
- 15. Запишите модель метода релевантных векторов для задачи регрессии. Каким образом в этой модели производится отбор признаков?

#### Вариационный вывод и байесовские нейронные сети

- 16. Запишите формулу КL-дивергенции. Каковы ее свойства?
- 17. Каким образом в вариационном выводе ищут приближенное апостериорное распределение? Запишите функционал, который оптимизируют в вариационном выводе, и объясните, откуда он получается. (очень важный вопрос!)
- 18. Выведите вариационную нижнюю оценку L(q) на логарифм правдоподобия log p(x) для произвольного распределения q на множестве параметров модели.
- 19. Почему два слагаемых вариационной нижней оценки называют data term и regularizer?
- 20. По каким величинам оптимизируют вариационную нижнюю оценку в параметрическом вариационном выводе?
- 21. В чем отличия байесовской нейронной сети от детерминированной нейронной сети? В чем состоят преимущества использования байесовской нейронной сети?
- 22. Какое распределение ищут на этапе предсказания с помощью байесовской нейронной сети? Как его приближают?
- 23. За счет какого механизма байесовские нейронные сети достигают высокого качества в оценке неуверенности в предсказании (uncertainty estimation)?
- 24. Какой функционал оптимизируют при обучении этой модели? Как вычислять/оценивать слагаемые в этом функционале?
- 25. Что такое трюк репараметризации (reparametrization trick)? Для чего он нужен? Запишите трюк в общем виде и приведите пример.
- 26. Почему использование дропаута можно интерпретировать как обучение байесовской нейронной сети? В чем преимущества такой интерпретации?
- 27. Какое априорное и приближенное апостериорное распределения используют в модели Sparse variational dropout? За счет какого механизма достигается разреживание весов нейронной сети в этой модели?
- 28. Запишите алгоритм прохода вперед при обучении модели Sparse variational dropout. В какой момент и каким образом выполняется обнуление весов? Как выполняется проход вперед на этапе предсказания?

#### **MCMC**

- 29. Каким образом семплирование (метод Монте-Карло) используется в байесовском машинном обучении? Почему можно считать, что метод Монте-Карло заменяет полный байесовский вывод?
- 30. Что такое rejection sampling и importance sampling? Позволяют ли эти методы семплировать из распределения, известного с точностью до нормировочной константы? Если да, то каким образом?
- 31. Что такое распределение, инвариантное относительно марковской цепи? Что такое эргодичная марковская цепь? Запишите и докажите достаточное условие инвариантности.

- 32. Запишите схему Метрополиса-Хастингса семплирования выборки из распределения, известного с точностью до нормировочной константы.
- 33. В чем отличие схемы Метрополиса от схемы Метрополиса-Хастингса?

## Гауссовские процессы

- 34. Что такое гауссовский процесс? Приведите два примера (функция среднего и ядровая функция, указать, какие функции генерируются соответствующим гауссовским процессом)
- 35. В чем состоит модель гауссовского процесса для задачи регрессии? Запишите формулу для среднего и дисперсии предсказания на новом объекте в этой модели.
- 36. В чем состоит обучение гауссовского процесса для задачи регрессии? Какие величины необходимо настраивать?
- 37. Каковы преимущества и недостатки использования гауссовских процессов на практике?
- 38. В чем отличие параметрических и непараметрических методов машинного обучения? Приведите по два примера из каждой группы.
- 39. Какую задачу решает байесовская оптимизация? Запишите алгоритм байесовской оптимизации. Приведите примеры использования байесовской оптимизации.

### ЕМ-алгоритм для моделей со скрытыми переменными

- 40. Приведите два примера моделей со скрытыми переменными.
- 41. Запишите, какой функционал оптимизируют в ЕМ-алгоритме. Нижней оценкой на какую величину он является? Запишите формулы Е- и М-шагов. Поясните, как выводятся эти формулы.
- 42. Запишите модель вероятностного метода главных компонент. Что является наблюдаемыми, скрытыми переменными и параметрами в этой модели?
- 43. Запишите модель смеси гауссиан. Что является наблюдаемыми, скрытыми переменными и параметрами в этой модели?
- 44. Запишите формулу Е-шага для модели смеси гауссиан. Запишите, какой функционал необходимо минимизировать на М-шаге, и укажите, по каким величинам его необходимо минимизировать.
- 45. Выведите формулу М-шага для обновления центров гауссиан в модели смеси гауссиан.

# Вариационные автокодировщики и репараметризация дискретных распределений

- 46. Какую задачу решает вариационный автокодировщик?
- 47. Запишите модель вариационного автокодировщика.
- 48. Какой функционал оптимизируют при обучении вариационного автокодировщика? Поясните, как интерпретируются слагаемые функционала.
- 49. Запишите алгоритм обучения вариационного автокодировщика (алгоритм обработки одного мини-батча).
- 50. Запишите алгоритм генерации новых объектов с помощью вариационного автокодировщика.
- 51. В чем преимущества и недостатки использования вариационных автокодировщиков по сравнению с Generative adversarial networks (GAN)?
- 52. Какой функционал оптимизируют при обучении GAN?
- 53. Для чего используются Gumbel softmax trick и REINFORCE?
- 54. Запишите алгоритм семплирования с помощью Gumbel softmax trick. На что влияет температура? Какие получатся семплы, если использовать нулевую и очень высокую температуру? Каковы достоинства и недостатки этого метода?
- 55. Запишите алгоритм семплирования с помощью REINFORCE. Как выводится этот алгоритм? Каковы достоинства и недостатки этого метода?

На экзамене могут быть задачи с такими формулировками (не исчерпывающий список):

- Доказать, что два распределения сопряжены
- Вычислить среднее апостериорного распределения в модели с сопряженными распределениями
- Записать схему МСМС для заданного распределения
- Какой метод байесовского вывода применим к заданной модели?
- Задачи из непроверяемых домашних заданий
- Задачи, которые разбирались на занятиях (см. презентации)